# Trabalho Prático 1

## Grupo 04 - Renato Garcia (A101987) & Bernardo Moniz (A102497)

### Problema 2

### Enunciado

2. Um sistema de tráfego é representado por um grafo orientado ligado. Os nodos denotam pontos de acesso e os arcos denotam vias de comunicação só com um sentido . O grafo tem de ser ligado: entre cada par de nodos  $\langle n_1, n_2 \rangle$  tem de existir um caminho  $n_1 \rightsquigarrow n_2$  e um caminho  $n_2 \rightsquigarrow n_1$ .

```
a. Gerar aleatoriamente o grafo com N \in \{6..10\} nodos e com ramos verificando: i. Cada nodo tem um número aleatório de descendentes d \in \{1..3\} cujos destinos são também gerados aleatoriamente.
```

ii. Se existirem "loops" ou destinos repetidos, deve-se gerar outro grafo.

Resolução

Para se verificar que em um grafo cada par de nodos  $\langle n_1, n_2 \rangle$  existe um caminho  $n_1 \rightsquigarrow n_2$  e um caminho  $n_2 \rightsquigarrow n_1$ , primeiramente o que fazemos é criar um grafo cíclico orientado, com nodos entre 6 a 10.

De seguida, para cada nodo adicionamos um número aleatório de descendentes, de 0 a 2, uma vez que ao criar o grafo cíclico já estamos a usar 1 descendente em cada nodo.

b. Pretende-se fazer manutenção interrompendo determinadas vias. Determinar o maior número de vias que é possível remover mantendo o grafo ligado.

Após criar os descendentes para cada nodo, garantimos que não há "loops".

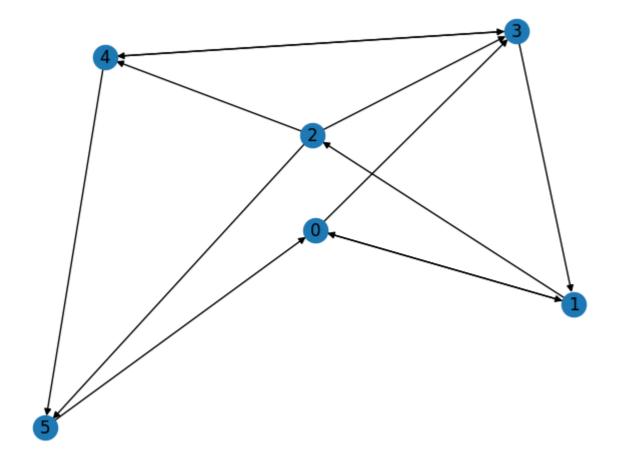
```
import networkx as nx
import notdom

daf queringent pertemente_conexe():
    N = random.randint(s, 10)
    S = nx.cyole_graph(N, create_using=nx.DiGraph())

for node in 0.nodex:
    num_decendentes = random.xample(range(N), num_descendentes))

    for d in descendentes = random.xample(range(N), num_descendentes))

    for d in descendentes in a node in a num descendente in a num
```



Para fazer a manutenção, remover o maior número de vias possíveis ao manter o grafo ligado, começamos por inicializar as arestas e os caminhos.

Posteriormente, colocamos uma restrição de que se o caminho é preservado então todas as arestas que o compõem também são preservadas.

Além disso, outra restrição é garantir que pelo menos um caminho entre pares de nodos é preservado.

Por fim, minimizamos as arestas, ou seja, removemos as arestas que não são necessárias para manter o grafo ligado.

```
In [2]: from ortools.linear_solver import pywraplp
       def manutencao_de_vias(G):
           solver = pywraplp.Solver.CreateSolver("SCIP")
           A = {} # arestas
           C = \{\} # caminhos
           # Inicialização de variáveis
           for u, v in G.edges:
              A[(u, v)] = solver.IntVar(0, 1, f'A_{u}_{v}')
           for o in G.nodes:
               for d in G.nodes:
                  if o != d:
                       C[(o, d)] = \{\}
                       for c in nx.shortest_simple_paths(G, o, d):
                           C[(o, d)][tuple(c)] = solver.IntVar(0, 1, f'C_{0}_{d}_{c}')
                           # Restrição: se o caminho for preservado (C[(o, d)][c] = 1),
                           # então todas as arestas do caminho têm de ser preservadas (A[(u, v)] = 1)
                           for i in range(len(c) - 1):
                              u, v = c[i], c[i+1]
                              solver.Add(C[(o, d)][tuple(c)] \leftarrow A[(u, v)])
           # Restrição: garantir que pelo menos um caminho entre o e d é preservado
           for o in G.nodes:
               for d in G.nodes:
                       solver.Add(solver.Sum([C[(o, d)][c] for c in C[(o, d)]]) >= 1)
           # Minimizar o número de arestas utilizadas
           solver.Minimize(solver.Sum([A[(u, v)] for u, v in G.edges()]))
           status = solver.Solve()
           if status == pywraplp.Solver.OPTIMAL:
               arestas_preservadas = []
               for u, v in G.edges:
                   if A[(u, v)].solution_value() == 1:
                       arestas_preservadas.append((u, v))
           G_preservado = nx.DiGraph()
           G_preservado.add_nodes_from(G.nodes)
           G_preservado.add_edges_from(arestas_preservadas)
           return G_preservado
       G2 = manutencao_de_vias(G1)
       nx.draw(G2, with_labels=True)
```

