

# 9. hét / Prológus

A mai órán a következőkről lesz szó:

- Elméleti bevezetés a Deep Learningbe (~ 20 perc)
- Regresszió mélytanulás segítségével: California Housing Prices (~ 30 perc)
- Klasszifikáció mélytanulás segítségével: MNIST (~ 30 perc)

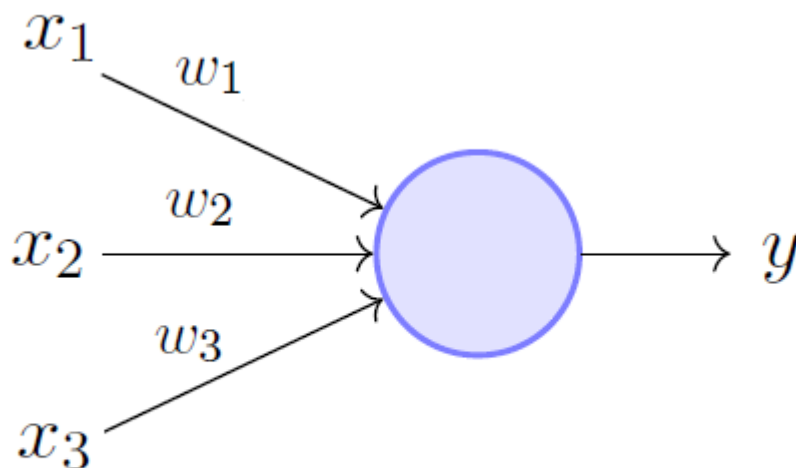
## 9. hét / I. Elméleti bevezetés a Deep Learningbe

### Ismétlés: Machine Learning feladatok megoldása

Jellemzően a gépi tanulás feladatai az alábbi lépésekből épülnek fel:

1. **Adatgyűjtés**, mérés: **Az adattudományok nem fognak működni adatok nélkül!** Fontos, hogy a mérések elvégzése előtt tegyünk becsléseket arra vonatkozóan, hogy mennyire sok adatra van szükségünk és mekkora paraméterterrel akarunk dolgozni! Minél több paramétert mérünk, annál több adatra van szükségünk! (A paraméterter dimenziójával exponenciálisan növekszik a szükséges adattér "térfogata".)
2. **Adatfeltérképezés**: alapvető - statisztikai eszközökkel történő - megismerkedés az adatbázisunkkal. Például ábrázoljuk az egyes attribútumok eloszlását, szórását, vagy kirajzoljuk a térbeli és időbeli folyamatokat.
3. **Adatok előkészítése**, data preprocessing: az adathalmaz előkészítése a modellek betanításának megfelelően. Ez maga a "kreatív agya" az adattudományoknak, amikor a nyers adatbázisból kiszűrjük a számunkra lényeges részeket. Az adat minőségi paramétereitől függően teljesen eltérő eszközöket igényel: például egy képet gyakran fekete-fehérre állítunk, átméretezünk, megkeressük és kiemeljük rajta az éleket, hogy kizárólag a lényeges információtartalommal rendelkező adattal dolgozzon az algoritmusunk. Minél ügyesebben tudjuk elvégezni az adathalmaz előkészítését, annál több nehézségtől mentjük meg magunkat meg a tanítás során!
4. **Modellválasztás**: a tanító modell meghatározása. (Megjegyzés: *valójában a modellt ismernünk kell már a preprocessing előtt, elvégre a választott modellre fogjuk optimalizálni a nyers adathalmazt!*) Ez mindig azzal kezdődik, hogy definiáljuk a problémát (például klasszifikációt, vagy regressziót akarunk-e csinálni) és ennek megfelelően keresünk a szakirodalomban megfelelő megoldásokat. Ezek alapján összeállítjuk a modellünket.
5. **Modell illesztés**, tanítás: a választott modell betanítása.
6. **Kiértékelés**: a tanító folyamat kiértékelése megadott teljesítménymetrikák (például *precision*, *recall*, vagy *accuracy*) alapján. Érdemes ezek változását is ábrázolni a tanítás során.
7. **Modell paramétereinek finomhangolása**: az előfeldolgozás, vagy a választott modellünk módosítása a teljesítménymetrikák szerint; illetve a tanítás során fellépő rendellenességek és anomáliák feltérképezése. Gyakran előfordul, hogy ugyan működik is a modellünk, de esetleg nem elég pontos, nem elég megbízható, nem tud eléggé általánosítani, túltanult. Ilyenkor az első négy lépésen visszafelé érdemes elkezdni végighaladni és onnan újrakezdve optimalizálni a modellt.

## A perceptron modell



## Perceptron Model (Minsky-Papert in 1969)

## 9. hét / II. Regresszió: California Housing Prices

Az alábbiakban meg fogunk ismerkedni a neurális hálók egy klasszikus "Hello World!" feladatával.

Adott egy adathalmazunk, amely a California állambeli házak árát tartalmazza 8 paraméter függvényében. Feladatunk az, hogy készítsünk egy olyan matematikai modellt, amely képes predikciókat tenni arra vonatkozóan, hogy az adatbázisba egy újonnan bekerülő ingatlant mennyi pénzbe kerülhet.

Az adatbázis elérhető az [alábbi linken](#).

### Megoldás:

Szükséges framework telepítése:

```
In [ ]: %pip install tensorflow
```

### Szükséges importok

```
In [ ]: import numpy as np
from tensorflow.keras.models import Sequential
from tensorflow.keras.layers import Dense, Dropout, Activation
from tensorflow.keras.callbacks import EarlyStopping
from tensorflow.keras.callbacks import ModelCheckpoint
from tensorflow.keras.models import load_model
import copy
import pandas as pd
from tensorflow.keras.optimizers import SGD
from sklearn.preprocessing import StandardScaler

nyolc = 9
np.random.seed(nyolc)
```

# 1. Adatgyűjtés

Az adatgyűjtés problémáját a megfelelő szaktárgyak fedik le, mint például a Méréstechnika, Szenzor- és aktuátorteknika, Mikrovezérlők programozása, illetve egyes specializációkon ebben még részletesebben is elmélyülhetnek az érdeklődők.

Jelen kurzus nem fektet különösebb hangsúlyt arra, hogy a résztvevők a mérésadatgyűjtés és jelfeldolgozás eszközeiben jobban elmélyedjenek. Ennek elsődleges oka, hogy ezekről már külön-külön is egy teljes féléves anyagot össze lehetne állítani. A másik nagyon fontos dolog, hogy mérni (különösen akkora méretekben, mint ahogy azt az adattudományok igénylik! Emlékeztetőül: ha a vizsgált attribútumok száma  $n$ , akkor a szükséges adathalmaz mérete  $2^n$ -nel arányos!) roppant **költséges** folyamat! Gondoljunk csak arra, hogy a pontos mérésekhez mennyire sok szenzorra és mindenekelőtt üzemórára van szükségünk.

Ezen megfontolásokkal a tárgy keretein belül mindig feltételezzük, hogy **a megoldani kívánt feladat szempontjából alkalmas adatbázis áll rendelkezésre!**

```
In [ ]: from sklearn.datasets import fetch_california_housing  
  
california_housing = fetch_california_housing(as_frame=True)
```

## 2. Adatfeltérképezés

Jellemzően az adatfeltérképezés során rengeteg ábrát és statisztikai eszközt érdemes ráereszteni az adatbázisunkra. Mivel jelen esetben egy nagyon jól ismert adathalmazról van szó, ettől most eltekinthetünk. Részletes leírást az [alábbi linken](#) kaphatunk.

Többek között azért fontos ez, hogy például ki tudjunk választani olyan attribútumokat, vagy változókat amelyek feltehetően teljesen irrelevánsak. Vagy éppen előre megjósolhassuk, hogy vajon mik lesznek a fontos paraméterek.

```
In [ ]: california_housing.frame
```

```
Out[ ]:
```

	MedInc	HouseAge	AveRooms	AveBedrms	Population	AveOccup	Latitude	Longitude	MedHouseVal
0	8.3252	41.0	6.984127	1.023810	322.0	2.555556	37.88	-122.23	4.526
1	8.3014	21.0	6.238137	0.971880	2401.0	2.109842	37.86	-122.22	3.585
2	7.2574	52.0	8.288136	1.073446	496.0	2.802260	37.85	-122.24	3.521
3	5.6431	52.0	5.817352	1.073059	558.0	2.547945	37.85	-122.25	3.413
4	3.8462	52.0	6.281853	1.081081	565.0	2.181467	37.85	-122.25	3.422
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...
20635	1.5603	25.0	5.045455	1.133333	845.0	2.560606	39.48	-121.09	0.781
20636	2.5568	18.0	6.114035	1.315789	356.0	3.122807	39.49	-121.21	0.771
20637	1.7000	17.0	5.205543	1.120092	1007.0	2.325635	39.43	-121.22	0.923
20638	1.8672	18.0	5.329513	1.171920	741.0	2.123209	39.43	-121.32	0.847
20639	2.3886	16.0	5.254717	1.162264	1387.0	2.616981	39.37	-121.24	0.894

20640 rows × 9 columns

## 3. Data preprocessing

### 3.1 Az adathalmaz felbontása

Nagyon fontos lépés, hogy miután preprocesszáltuk a nyers adatot, utána osszuk fel három különböző részre. Ezek mind más funkciót fognak betölteni a *tanítás* során!

- **Training set**, vagy *tanító adathalmaz*: az adatnak az a része, amelyet ténylegesen fel fog dolgozni a neurális háló. Elsősorban ez az adathalmaz fogja definiálni a neurális háló főbb paramétereit.
- **Validation set**, vagy *validációs adathalmaz*: a kiindulási adathalmaz azon része, amelyet ugyan tanítás közben folyamatosan lát a neurális háló, de az ebből szerzett információt csak a modell finomhangolására és hiperparaméteroptimalizálására használja. Például a validációs adathalmaz segítségével könnyen ellenőrizhetővé válik, hogy hány *epoch* után érdemes leállítani a tanítást, hogy elkerüljük az overfitting-et! (A validációs adathalmazt definiálni nem kötelező, de az esetek túlnyomó részében több, mint érdemes!)
- **Test set**, vagy *tesztelési adathalmaz*: azon adathalmaz, amelyet a tanítás végeztével arra használunk, hogy a neurális háló metrikáit kiértékeljük. Ezt az adathalmazt tanítás során semmiképp sem láthatja a neurális háló, ugyanis az meghamisítaná a modell teljesítményét!

Ökölszabályként érdemes megjegyezni, hogy jellemzően 60%-20%-20%, 70%-15%-15% arányokat szoktunk választani! Viszont fontos emellett, hogy ezen halmazoknak nem is az aránya, sokkal inkább a homogenitása ami mérvadó! Nagyon fontos, hogy mindhárom halmazban minél ideálisabban legyen reprezentálva a teljes adathalmaz, különben sok anomáliával szembesülhetünk! *(Például fontos, hogy egy rendezett adathalmazt ne egymás utáni részekre osszuk fel, hanem véletlenszerűen válasszuk ki az egyes elemeket! Ha nem így teszünk, akkor könnyen előfordulhat, hogy tanítás során például közel 100%-os accuracy értéket kapunk, a tesztelés során pedig ettől jelentősen kevesebb érték jelenik meg.)*

### 3.2 Az adathalmaz standardizálása

Szigorúan az adathalmaz felosztása után érdemes egyenként a tanító, validációs és tesztelési adathalmazainkat standardizálni. Ez azt jelenti, hogy a  $\mathbf{X}$  adathalmazunk elemeit **normalizáljuk**, azaz úgy transzformáljuk, hogy az  $E$  **várható értéke** (jelen esetben: számtani közép, amit szokás még  $\mu$ -vel is jelölni) **zérus**, illetve a  $\sigma$  **szórása egységnyi** legyen!  $\hat{\mathbf{X}} = \frac{\mathbf{X} - E}{\sigma}$  Erre azért van szükség, hogy egyrészt ne kelljen feleslegesen nagy számokkal dolgoznia a neurális hálónak, másrészt pedig azért, hogy könnyebben tudjon általánosítani a modell.

*(Megjegyzés: miért nem mindegy, hogy az adathalmaz felbontása előtt, vagy után standardizáljuk az adatot? Melyik adathalmaznak és melyik aspektusa sérülne, ha fordítva járnánk el?)*

```
In [ ]: dataset = california_housing.frame.values

# Tanító-validációs-tesztelő adathalmazok méretének definiálása
test_split = 0.1
valid_split = 0.1

X = dataset[:,0:-1]
Y = dataset[:, -1]

# A megfelelő arányokban felosztjuk az egyes adathalmazokat
v_index = int(X.shape[0]*(1-valid_split-test_split))
t_index = int(X.shape[0]*(1-test_split))

# Tesztelő adat: 90%-tól végig
X_test = X[t_index:]
```

```
Y_test = Y[t_index:]

# Validációs adat: 80%-90%-ig
X_valid = X[v_index:t_index]
Y_valid = Y[v_index:t_index]

# Tanító adat: elejétől a 80%-ig
X = X[:v_index]
Y = Y[:v_index]

# Normalizáljuk az adatot ( $\sigma = 1$ ,  $E = 0$ )
scaler = StandardScaler().fit(X)
X = scaler.transform(X)
X_valid = scaler.transform(X_valid)
X_test = scaler.transform(X_test)
```

## 4. Modellválasztás

**SEE WHAT THE LIGHT TOUCHES?  
THAT IS THE GLOBAL MINIMISER.**



**But what's that  
shadowy place over there?**



**THOSE ARE LOCAL  
EXTREMA AND SADDLE  
POINTS. PROMISE  
YOU'LL NEVER GO THERE.**

```
In [ ]: # Callback függvények definiálása
patience=50
early_stopping=EarlyStopping(patience=patience, verbose=1)
checkpointer=ModelCheckpoint(filepath='weights.keras', save_best_only=True, verbose=1)
```

```
# Modell felépítése
model = Sequential()
model.add(Dense(units=200, input_dim=X.shape[1]))
model.add(Activation('sigmoid'))
model.add(Dropout(0.5))
model.add(Dense(units=1, activation='linear'))
model.summary()

# Model tanításának hiperparaméterei
sgd = SGD(learning_rate=1e-3, weight_decay=1e-6, momentum=0.9, nesterov=True)
model.compile(loss='mse', optimizer=sgd)
```

Model: "sequential\_3"

Layer (type)	Output Shape	Param #
dense_6 (Dense)	(None, 200)	1,800
activation_3 (Activation)	(None, 200)	0
dropout_3 (Dropout)	(None, 200)	0
dense_7 (Dense)	(None, 1)	201

Total params: 2,001 (7.82 KB)

Trainable params: 2,001 (7.82 KB)

Non-trainable params: 0 (0.00 B)

## 5. Modell illesztés

Miután definiáltuk az összes szükséges paramétert a modellünkben, kezdődhet maga a tanítási folyamat. Fontos megjegyezni, hogy ez egy masszívan számításigényes folyamat, ezért egy-egy tanítás könnyűszerrel igénybevehet több órát, de akár napokat is! Emiatt mindig érdemes egyszerűbb modelleket felépíteni, kevesebb réteggel és kevesebb neuronnal, a gyors betanulás érdekében. Ezen csak akkor érdemes javítani, ha a cél szempontjából jelentősen alulteljesít a modellünk.

```
In [ ]: history=model.fit(X,Y,epochs=10000,
                        batch_size=16,
                        verbose=2,
                        validation_data=(X_valid, Y_valid),
                        callbacks=[checkpointer, early_stopping])
```



Epoch 1/10000

Epoch 1: val\_loss improved from inf to 1.06768, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 1.0694 - val\_loss: 1.0677  
Epoch 2/10000

Epoch 2: val\_loss did not improve from 1.06768  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.8673 - val\_loss: 1.0706  
Epoch 3/10000

Epoch 3: val\_loss improved from 1.06768 to 0.87741, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.8101 - val\_loss: 0.8774  
Epoch 4/10000

Epoch 4: val\_loss did not improve from 0.87741  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.7799 - val\_loss: 0.9797  
Epoch 5/10000

Epoch 5: val\_loss improved from 0.87741 to 0.73711, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.7491 - val\_loss: 0.7371  
Epoch 6/10000

Epoch 6: val\_loss improved from 0.73711 to 0.73673, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.7382 - val\_loss: 0.7367  
Epoch 7/10000

Epoch 7: val\_loss improved from 0.73673 to 0.65492, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.7182 - val\_loss: 0.6549  
Epoch 8/10000

Epoch 8: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.7057 - val\_loss: 0.7361  
Epoch 9/10000

Epoch 9: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.7014 - val\_loss: 0.8503  
Epoch 10/10000

Epoch 10: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 2s - 1ms/step - loss: 0.6877 - val\_loss: 0.9129  
Epoch 11/10000

Epoch 11: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.6824 - val\_loss: 0.6870  
Epoch 12/10000

Epoch 12: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.6778 - val\_loss: 0.6609  
Epoch 13/10000

Epoch 13: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6641 - val\_loss: 0.9203  
Epoch 14/10000

Epoch 14: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.6660 - val\_loss: 0.8083  
Epoch 15/10000

Epoch 15: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.6613 - val\_loss: 0.6572  
Epoch 16/10000

Epoch 16: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 3s - 3ms/step - loss: 0.6452 - val\_loss: 0.8144  
Epoch 17/10000

Epoch 17: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6476 - val\_loss: 0.7051  
Epoch 18/10000



Epoch 18: val\_loss did not improve from 0.65492  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6425 - val\_loss: 0.7654  
Epoch 19/10000

Epoch 19: val\_loss improved from 0.65492 to 0.64153, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6404 - val\_loss: 0.6415  
Epoch 20/10000

Epoch 20: val\_loss did not improve from 0.64153  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6331 - val\_loss: 0.8400  
Epoch 21/10000

Epoch 21: val\_loss did not improve from 0.64153  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6282 - val\_loss: 0.6612  
Epoch 22/10000

Epoch 22: val\_loss did not improve from 0.64153  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6215 - val\_loss: 0.6682  
Epoch 23/10000

Epoch 23: val\_loss did not improve from 0.64153  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6167 - val\_loss: 0.6553  
Epoch 24/10000

Epoch 24: val\_loss did not improve from 0.64153  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6216 - val\_loss: 0.7703  
Epoch 25/10000

Epoch 25: val\_loss improved from 0.64153 to 0.59446, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6130 - val\_loss: 0.5945  
Epoch 26/10000

Epoch 26: val\_loss did not improve from 0.59446  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6073 - val\_loss: 0.6486  
Epoch 27/10000

Epoch 27: val\_loss did not improve from 0.59446  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6067 - val\_loss: 0.7002  
Epoch 28/10000

Epoch 28: val\_loss improved from 0.59446 to 0.58177, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6044 - val\_loss: 0.5818  
Epoch 29/10000

Epoch 29: val\_loss did not improve from 0.58177  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.6002 - val\_loss: 0.6317  
Epoch 30/10000

Epoch 30: val\_loss did not improve from 0.58177  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5987 - val\_loss: 0.6642  
Epoch 31/10000

Epoch 31: val\_loss did not improve from 0.58177  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5970 - val\_loss: 0.6037  
Epoch 32/10000

Epoch 32: val\_loss improved from 0.58177 to 0.55193, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5936 - val\_loss: 0.5519  
Epoch 33/10000

Epoch 33: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5936 - val\_loss: 0.6184  
Epoch 34/10000

Epoch 34: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5848 - val\_loss: 0.6605  
Epoch 35/10000

Epoch 35: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5865 - val\_loss: 0.5662  
Epoch 36/10000

Epoch 36: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5810 - val\_loss: 0.6400  
Epoch 37/10000

Epoch 37: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5843 - val\_loss: 0.6476  
Epoch 38/10000

Epoch 38: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5749 - val\_loss: 0.6432  
Epoch 39/10000

Epoch 39: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5739 - val\_loss: 0.6110  
Epoch 40/10000

Epoch 40: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5746 - val\_loss: 0.6753  
Epoch 41/10000

Epoch 41: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5755 - val\_loss: 0.5606  
Epoch 42/10000

Epoch 42: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5653 - val\_loss: 0.6405  
Epoch 43/10000

Epoch 43: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5669 - val\_loss: 0.6713  
Epoch 44/10000

Epoch 44: val\_loss did not improve from 0.55193  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5673 - val\_loss: 0.5772  
Epoch 45/10000

Epoch 45: val\_loss improved from 0.55193 to 0.55031, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5655 - val\_loss: 0.5503  
Epoch 46/10000

Epoch 46: val\_loss did not improve from 0.55031  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5661 - val\_loss: 0.6810  
Epoch 47/10000

Epoch 47: val\_loss did not improve from 0.55031  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5622 - val\_loss: 0.6046  
Epoch 48/10000

Epoch 48: val\_loss improved from 0.55031 to 0.53880, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5613 - val\_loss: 0.5388  
Epoch 49/10000

Epoch 49: val\_loss did not improve from 0.53880  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5511 - val\_loss: 0.5852  
Epoch 50/10000

Epoch 50: val\_loss did not improve from 0.53880  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5540 - val\_loss: 0.6754  
Epoch 51/10000

Epoch 51: val\_loss did not improve from 0.53880  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5594 - val\_loss: 0.5476  
Epoch 52/10000

Epoch 52: val\_loss did not improve from 0.53880

1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5480 - val\_loss: 0.5667  
Epoch 53/10000

Epoch 53: val\_loss improved from 0.53880 to 0.53806, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5453 - val\_loss: 0.5381  
Epoch 54/10000

Epoch 54: val\_loss did not improve from 0.53806  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5477 - val\_loss: 0.5677  
Epoch 55/10000

Epoch 55: val\_loss did not improve from 0.53806  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5441 - val\_loss: 0.6397  
Epoch 56/10000

Epoch 56: val\_loss did not improve from 0.53806  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5490 - val\_loss: 0.6335  
Epoch 57/10000

Epoch 57: val\_loss improved from 0.53806 to 0.53784, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 2s - 1ms/step - loss: 0.5424 - val\_loss: 0.5378  
Epoch 58/10000

Epoch 58: val\_loss did not improve from 0.53784  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5471 - val\_loss: 0.7138  
Epoch 59/10000

Epoch 59: val\_loss did not improve from 0.53784  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5396 - val\_loss: 0.6075  
Epoch 60/10000

Epoch 60: val\_loss did not improve from 0.53784  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5373 - val\_loss: 0.6033  
Epoch 61/10000

Epoch 61: val\_loss did not improve from 0.53784  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5439 - val\_loss: 0.5990  
Epoch 62/10000

Epoch 62: val\_loss improved from 0.53784 to 0.52510, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 2s - 1ms/step - loss: 0.5393 - val\_loss: 0.5251  
Epoch 63/10000

Epoch 63: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5362 - val\_loss: 0.5744  
Epoch 64/10000

Epoch 64: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5356 - val\_loss: 0.5686  
Epoch 65/10000

Epoch 65: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5387 - val\_loss: 0.5909  
Epoch 66/10000

Epoch 66: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5307 - val\_loss: 0.5481  
Epoch 67/10000

Epoch 67: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 2s - 1ms/step - loss: 0.5348 - val\_loss: 0.6118  
Epoch 68/10000

Epoch 68: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5293 - val\_loss: 0.5542  
Epoch 69/10000

Epoch 69: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5317 - val\_loss: 0.5350

Epoch 70/10000

Epoch 70: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5301 - val\_loss: 0.5983  
Epoch 71/10000

Epoch 71: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5309 - val\_loss: 0.5849  
Epoch 72/10000

Epoch 72: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5309 - val\_loss: 0.5265  
Epoch 73/10000

Epoch 73: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5253 - val\_loss: 0.6071  
Epoch 74/10000

Epoch 74: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5232 - val\_loss: 0.5863  
Epoch 75/10000

Epoch 75: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5264 - val\_loss: 0.6499  
Epoch 76/10000

Epoch 76: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5273 - val\_loss: 0.6208  
Epoch 77/10000

Epoch 77: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5233 - val\_loss: 0.5998  
Epoch 78/10000

Epoch 78: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5203 - val\_loss: 0.5370  
Epoch 79/10000

Epoch 79: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5270 - val\_loss: 0.6042  
Epoch 80/10000

Epoch 80: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5207 - val\_loss: 0.5395  
Epoch 81/10000

Epoch 81: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5213 - val\_loss: 0.6686  
Epoch 82/10000

Epoch 82: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5181 - val\_loss: 0.5719  
Epoch 83/10000

Epoch 83: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5167 - val\_loss: 0.5841  
Epoch 84/10000

Epoch 84: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 2s - 1ms/step - loss: 0.5139 - val\_loss: 0.5344  
Epoch 85/10000

Epoch 85: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5213 - val\_loss: 0.5505  
Epoch 86/10000

Epoch 86: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5099 - val\_loss: 0.6516  
Epoch 87/10000

Epoch 87: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5152 - val\_loss: 0.6284  
Epoch 88/10000

Epoch 88: val\_loss did not improve from 0.52510  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5128 - val\_loss: 0.5349  
Epoch 89/10000

Epoch 89: val\_loss improved from 0.52510 to 0.52388, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5127 - val\_loss: 0.5239  
Epoch 90/10000

Epoch 90: val\_loss did not improve from 0.52388  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5072 - val\_loss: 0.5599  
Epoch 91/10000

Epoch 91: val\_loss did not improve from 0.52388  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.5037 - val\_loss: 0.5247  
Epoch 92/10000

Epoch 92: val\_loss improved from 0.52388 to 0.52008, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5074 - val\_loss: 0.5201  
Epoch 93/10000

Epoch 93: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5055 - val\_loss: 0.5757  
Epoch 94/10000

Epoch 94: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5122 - val\_loss: 0.5304  
Epoch 95/10000

Epoch 95: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5082 - val\_loss: 0.5517  
Epoch 96/10000

Epoch 96: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5047 - val\_loss: 0.5818  
Epoch 97/10000

Epoch 97: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5090 - val\_loss: 0.5513  
Epoch 98/10000

Epoch 98: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5038 - val\_loss: 0.5280  
Epoch 99/10000

Epoch 99: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4982 - val\_loss: 0.5233  
Epoch 100/10000

Epoch 100: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5039 - val\_loss: 0.6012  
Epoch 101/10000

Epoch 101: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5061 - val\_loss: 0.5471  
Epoch 102/10000

Epoch 102: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5028 - val\_loss: 0.5320  
Epoch 103/10000

Epoch 103: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.4987 - val\_loss: 0.5412  
Epoch 104/10000

Epoch 104: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4968 - val\_loss: 0.5544  
Epoch 105/10000

Epoch 105: val\_loss did not improve from 0.52008  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4930 - val\_loss: 0.5339  
Epoch 106/10000

Epoch 106: val\_loss improved from 0.52008 to 0.51634, saving model to weights.keras  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5028 - val\_loss: 0.5163  
Epoch 107/10000

Epoch 107: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4914 - val\_loss: 0.5385  
Epoch 108/10000

Epoch 108: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4913 - val\_loss: 0.5455  
Epoch 109/10000

Epoch 109: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.5021 - val\_loss: 0.5257  
Epoch 110/10000

Epoch 110: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4956 - val\_loss: 0.5344  
Epoch 111/10000

Epoch 111: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 2s - 1ms/step - loss: 0.4985 - val\_loss: 0.5189  
Epoch 112/10000

Epoch 112: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4968 - val\_loss: 0.5410  
Epoch 113/10000

Epoch 113: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4903 - val\_loss: 0.5187  
Epoch 114/10000

Epoch 114: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4919 - val\_loss: 0.5520  
Epoch 115/10000

Epoch 115: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4977 - val\_loss: 0.5205  
Epoch 116/10000

Epoch 116: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4869 - val\_loss: 0.5794  
Epoch 117/10000

Epoch 117: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4851 - val\_loss: 0.5336  
Epoch 118/10000

Epoch 118: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4889 - val\_loss: 0.5317  
Epoch 119/10000

Epoch 119: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4954 - val\_loss: 0.5420  
Epoch 120/10000

Epoch 120: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4891 - val\_loss: 0.5385  
Epoch 121/10000

Epoch 121: val\_loss did not improve from 0.51634

1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4884 - val\_loss: 0.5281  
Epoch 122/10000

Epoch 122: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4896 - val\_loss: 0.5258  
Epoch 123/10000

Epoch 123: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4945 - val\_loss: 0.6069  
Epoch 124/10000

Epoch 124: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4879 - val\_loss: 0.5594  
Epoch 125/10000

Epoch 125: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4823 - val\_loss: 0.6107  
Epoch 126/10000

Epoch 126: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 2s - 2ms/step - loss: 0.4877 - val\_loss: 0.5652  
Epoch 127/10000

Epoch 127: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4869 - val\_loss: 0.5292  
Epoch 128/10000

Epoch 128: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4819 - val\_loss: 0.5284  
Epoch 129/10000

Epoch 129: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4824 - val\_loss: 0.5594  
Epoch 130/10000

Epoch 130: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4853 - val\_loss: 0.5322  
Epoch 131/10000

Epoch 131: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4845 - val\_loss: 0.5183  
Epoch 132/10000

Epoch 132: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4874 - val\_loss: 0.5166  
Epoch 133/10000

Epoch 133: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4850 - val\_loss: 0.5170  
Epoch 134/10000

Epoch 134: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4798 - val\_loss: 0.5223  
Epoch 135/10000

Epoch 135: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4877 - val\_loss: 0.5209  
Epoch 136/10000

Epoch 136: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4835 - val\_loss: 0.5460  
Epoch 137/10000

Epoch 137: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4811 - val\_loss: 0.5285  
Epoch 138/10000

Epoch 138: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4859 - val\_loss: 0.5487



Epoch 139/10000

Epoch 139: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4760 - val\_loss: 0.5224  
Epoch 140/10000

Epoch 140: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4803 - val\_loss: 0.6774  
Epoch 141/10000

Epoch 141: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4814 - val\_loss: 0.5410  
Epoch 142/10000

Epoch 142: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4774 - val\_loss: 0.6160  
Epoch 143/10000

Epoch 143: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4791 - val\_loss: 0.5753  
Epoch 144/10000

Epoch 144: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4817 - val\_loss: 0.5347  
Epoch 145/10000

Epoch 145: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4815 - val\_loss: 0.5364  
Epoch 146/10000

Epoch 146: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4775 - val\_loss: 0.5267  
Epoch 147/10000

Epoch 147: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4697 - val\_loss: 0.5198  
Epoch 148/10000

Epoch 148: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4864 - val\_loss: 0.5298  
Epoch 149/10000

Epoch 149: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4737 - val\_loss: 0.5439  
Epoch 150/10000

Epoch 150: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4758 - val\_loss: 0.5265  
Epoch 151/10000

Epoch 151: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4773 - val\_loss: 0.5199  
Epoch 152/10000

Epoch 152: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4754 - val\_loss: 0.5219  
Epoch 153/10000

Epoch 153: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4749 - val\_loss: 0.6012  
Epoch 154/10000

Epoch 154: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4678 - val\_loss: 0.5325  
Epoch 155/10000

Epoch 155: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 2s - 1ms/step - loss: 0.4767 - val\_loss: 0.5690  
Epoch 156/10000

Epoch 156: val\_loss did not improve from 0.51634  
1032/1032 - 1s - 1ms/step - loss: 0.4677 - val\_loss: 0.5174  
Epoch 156: early stopping

## 6. Kiértékelés

```
In [ ]: from sklearn.metrics import mean_squared_error
import math

# Betöltjük az elmentett modellt
model = load_model('weights.keras')

# Predikálunk a teszt adatbázison
preds = model.predict(X_test)

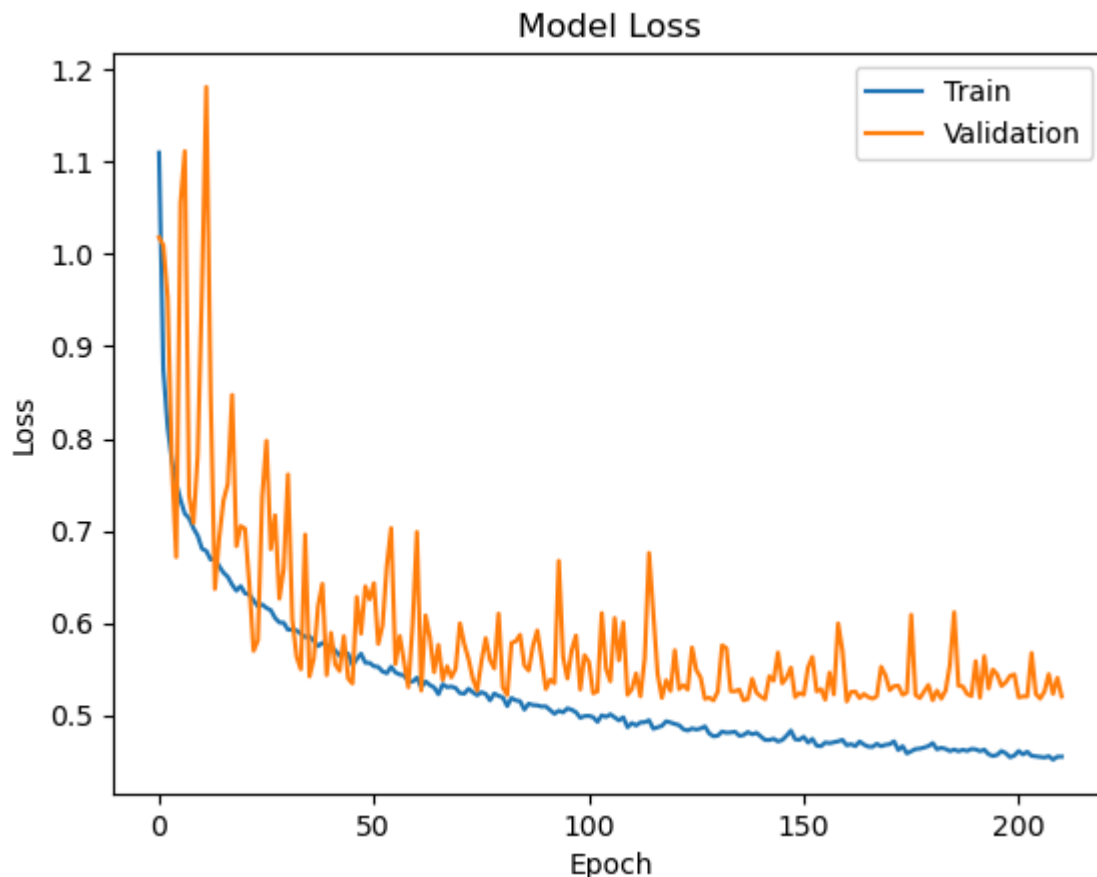
# Kiértékeljük a tesztelési adatbázison a modell hibáját
test_err = mean_squared_error(Y_test, preds)
print("\nTeszt hiba: %f" % (test_err))
print(f"Ez az jelenti, hogy sqrt({test_err:0.3f})={math.sqrt(test_err):0.3f}-et hibáz átlago
print(f"Ez annyit jelent, hogy átlagosan {math.sqrt(test_err)*100000:0.0f}$-t téved a modellü

65/65 ————— 0s 2ms/step
```

Teszt hiba: 0.285780  
Ez az jelenti, hogy  $\sqrt{0.286}=0.535$ -et hibáz átlagosan a modell a teszt adatokon.  
Ez annyit jelent, hogy átlagosan 53458\$-t téved a modellünk.

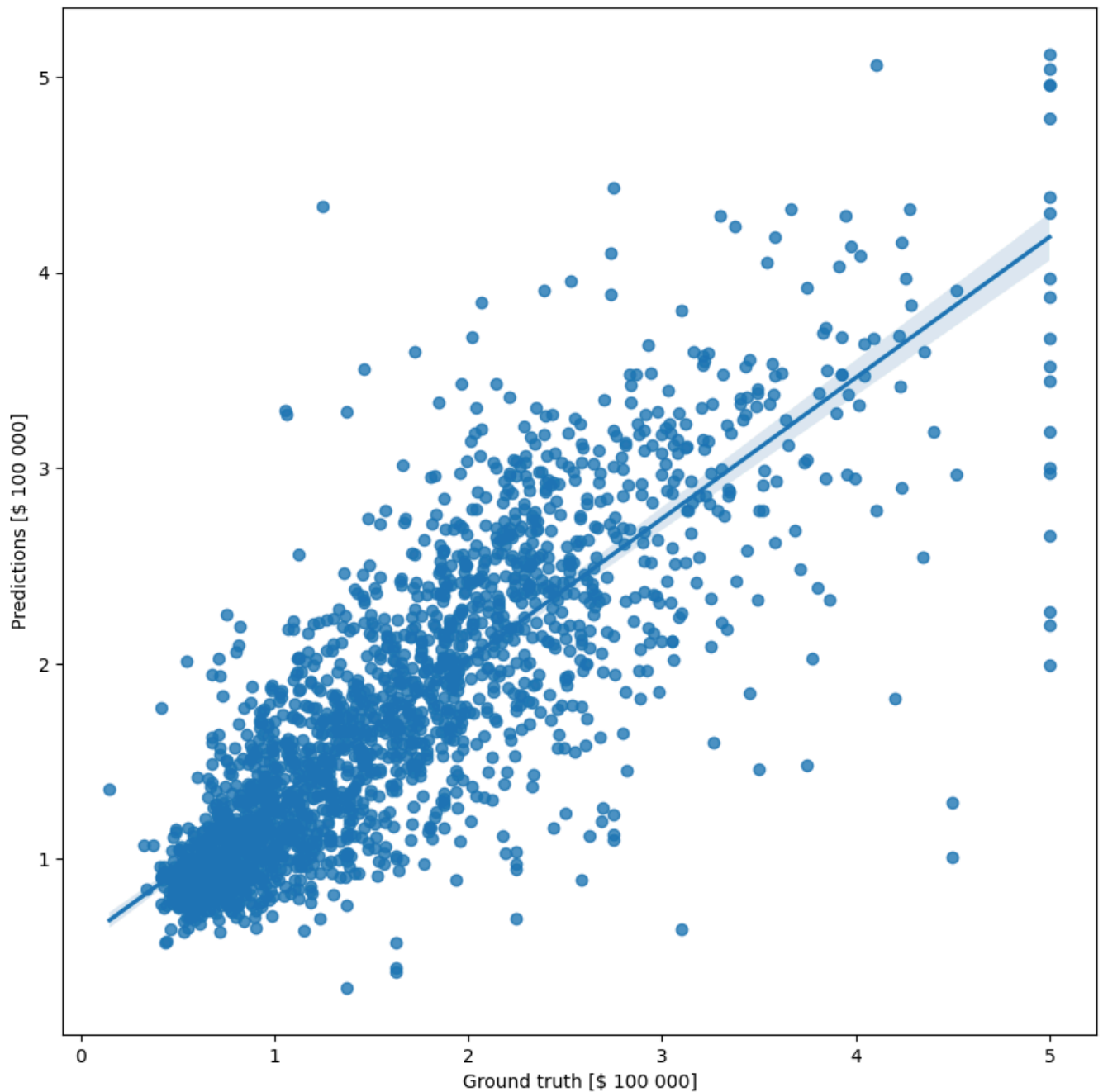
```
In [ ]: import matplotlib.pyplot as plt

plt.plot(history.history['loss'], label='Train')
plt.plot(history.history['val_loss'], label='Validation')
plt.title('Model Loss')
plt.ylabel('Loss')
plt.xlabel('Epoch')
plt.legend()
plt.show()
```



```
In [ ]: import seaborn as sns

plt.figure(figsize=(10,10))
fig = sns.regplot(x=Y_test, y=preds.reshape(-1));
# fig.set(xlim=(10,30),ylim=(10,30))
plt.xlabel("Ground truth [$ 100 000]")
plt.ylabel("Predictions [$ 100 000]")
plt.show()
```



## 7. A modell finomhangolása

Jelen esetben megállapíthatjuk, hogy a modell tanítása során nem jelentkezett semmilyen anomália, vagy rendellenesség. Nem állapítható meg túltanulás sem, ezért a kapott modellt **elfogadom**.

Ezen felül még érdemes figyelni, hogy mennyire gyorsan tud predikálni a modell és figyelembe venni, hogy vajon emellett képesek vagyunk-e valós idejű alkalmazást létrehozni. Ha nem, akkor célszerű egy egyszerűbb modellt választani.

## 8. Alkalmazás

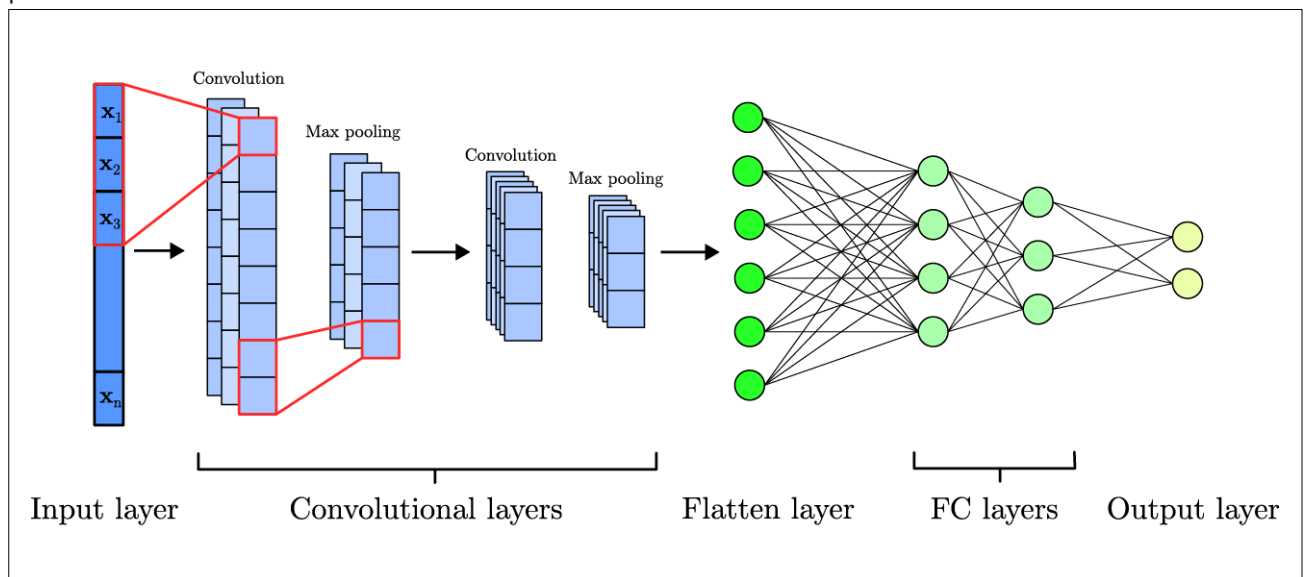
Ha már nem tartunk igényt a modell további finomhangolására, akkor a `weights.keras` file-t elmentve készen állunk arra, hogy alkalmazásba ültessük a neurális hálónkat.

## 9. hét / III. Klasszifikáció: MNIST

Jelen példában ismételten egy "Hello World" típusú feladatot fogunk megvizsgálni, viszont jelen esetben már nem egy MLP (Multi Layer Perceptron) modellt fogunk segítségül hívni, hanem egy úgynevezett Konvolúciós Neurális Hálót, röviden CNN-t!

A feladat a következő: adott az MNIST adatbázis, amely rengeteg kézzel írott számjegyről tartalmaz 256x256-os felbontásban képeket. A feladatunk az, hogy készítsünk egy olyan modellt, amely képes egy újonnan beadott képről eldönteni, hogy azon milyen számjegy található!

Mielőtt mélyebbre áskálódnánk, fontos tisztázni, hogy miből is épül fel egy CNN! Tekintsük az alábbi példát:



```
In [ ]: from tensorflow.keras.datasets import mnist
        from tensorflow.keras.utils import to_categorical

        # Betöltjük az adatbázist - itt eleve szét van szedve tanító és teszt adathalmazra
        (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
```

```
In [ ]: x_train = x_train / 255
        x_test = x_test / 255

        x_train = x_train.reshape(-1, 28, 28, 1)
        x_test = x_test.reshape(-1, 28, 28, 1)
        x_train = x_train.astype("float32")
        x_test = x_test.astype("float32")

        y_train = to_categorical(y_train, 10)
        y_test = to_categorical(y_test, 10)

        batch_size=128
```

```
In [ ]: from tensorflow.keras.models import Sequential
        from tensorflow.keras.layers import Dense, Conv2D, MaxPooling2D, Dropout, Flatten, Embedding
        from tensorflow.keras.optimizers import SGD

        model = Sequential()
        model.add(Conv2D(32, kernel_size=(5, 5), activation='relu', input_shape=(28, 28, 1)))
        model.add(Conv2D(64, (5, 5), activation='relu'))
        model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2, 2)))
```

```

model.add(Dropout(0.25))
model.add(Flatten())
model.add(Dense(128, activation='relu'))
model.add(Dropout(0.5))
model.add(Dense(10, activation='softmax'))

print(model.summary())

```

c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\keras\src\layers\convolutional\base\_conv.py:99: UserWarning: Do not pass an `input\_shape`/`input\_dim` argument to a layer. When using Sequential models, prefer using an `Input(shape)` object as the first layer in the model instead.

```

super().__init__(

```

Model: "sequential"

Layer (type)	Output Shape	Param #
conv2d (Conv2D)	(None, 24, 24, 32)	832
conv2d_1 (Conv2D)	(None, 20, 20, 64)	51,264
max_pooling2d (MaxPooling2D)	(None, 10, 10, 64)	0
dropout (Dropout)	(None, 10, 10, 64)	0
flatten (Flatten)	(None, 6400)	0
dense (Dense)	(None, 128)	819,328
dropout_1 (Dropout)	(None, 128)	0
dense_1 (Dense)	(None, 10)	1,290

Total params: 872,714 (3.33 MB)

Trainable params: 872,714 (3.33 MB)

Non-trainable params: 0 (0.00 B)

None

```

In [ ]: # Early stopping, amellyel figyeljük a validációs hibát (alap beállítás)
from tensorflow.keras.callbacks import EarlyStopping, ModelCheckpoint, TensorBoard
patience=10
early_stopping=EarlyStopping(patience=patience, verbose=1)
# Szintén a validációs hibát figyeljük, és elmentjük a legjobb modellt
checkpointer=ModelCheckpoint(filepath='mopdel.keras', save_best_only=True, verbose=1)
tb = TensorBoard(log_dir='logs', histogram_freq=1, write_graph=1)

```

```

In [ ]: model.compile(loss='categorical_crossentropy', optimizer='adam', metrics=['accuracy'])

network_history = model.fit(x_train, y_train, batch_size=128, epochs=30, verbose=1, validation

```

Epoch 1/30  
375/375 ————— 0s 183ms/step - accuracy: 0.8315 - loss: 0.5210  
Epoch 1: val\_loss improved from inf to 0.05900, saving model to mopdel.keras  
375/375 ————— 78s 201ms/step - accuracy: 0.8317 - loss: 0.5203 - val\_accuracy:  
0.9826 - val\_loss: 0.0590  
Epoch 2/30  
375/375 ————— 0s 175ms/step - accuracy: 0.9714 - loss: 0.0967  
Epoch 2: val\_loss improved from 0.05900 to 0.04606, saving model to mopdel.keras  
375/375 ————— 71s 188ms/step - accuracy: 0.9714 - loss: 0.0967 - val\_accuracy:  
0.9867 - val\_loss: 0.0461  
Epoch 3/30  
375/375 ————— 0s 173ms/step - accuracy: 0.9791 - loss: 0.0686  
Epoch 3: val\_loss improved from 0.04606 to 0.03502, saving model to mopdel.keras  
375/375 ————— 76s 204ms/step - accuracy: 0.9791 - loss: 0.0685 - val\_accuracy:  
0.9899 - val\_loss: 0.0350  
Epoch 4/30  
375/375 ————— 0s 194ms/step - accuracy: 0.9859 - loss: 0.0476  
Epoch 4: val\_loss improved from 0.03502 to 0.03394, saving model to mopdel.keras  
375/375 ————— 78s 209ms/step - accuracy: 0.9859 - loss: 0.0476 - val\_accuracy:  
0.9903 - val\_loss: 0.0339  
Epoch 5/30  
375/375 ————— 0s 205ms/step - accuracy: 0.9873 - loss: 0.0418  
Epoch 5: val\_loss did not improve from 0.03394  
375/375 ————— 86s 218ms/step - accuracy: 0.9873 - loss: 0.0418 - val\_accuracy:  
0.9895 - val\_loss: 0.0396  
Epoch 6/30  
4/375 ————— 1:00 164ms/step - accuracy: 0.9840 - loss: 0.0349

KeyboardInterrupt

Traceback (most recent call last)

Cell In[6], line 3

```
1 model.compile(loss='categorical_crossentropy', optimizer='adam', metrics=['accuracy'])
----> 3 network_history = model.fit(x_train, y_train, batch_size=128, epochs=30, verbose=1, validation_split=0.2, callbacks=[early_stopping, checkpoint, tb])
```

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\keras\src\utils\traceback\_utils.py:117, in filter\_traceback.<locals>.error\_handler(\*args, \*\*kwargs)

```
115 filtered_tb = None
116 try:
--> 117     return fn(*args, **kwargs)
118 except Exception as e:
119     filtered_tb = _process_traceback_frames(e.__traceback__)
```

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\keras\src\backend\tensorflow\trainer.py:329, in TensorFlowTrainer.fit(self, x, y, batch\_size, epochs, verbose, callbacks, validation\_split, validation\_data, shuffle, class\_weight, sample\_weight, initial\_epoch, steps\_per\_epoch, validation\_steps, validation\_batch\_size, validation\_freq)

```
327 for step, iterator in epoch_iterator.enumerate_epoch():
328     callbacks.on_train_batch_begin(step)
--> 329     logs = self.train_function(iterator)
330     callbacks.on_train_batch_end(
331         step, self.pythonify_logs(logs)
332     )
333     if self.stop_training:
```

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\util\traceback\_utils.py:150, in filter\_traceback.<locals>.error\_handler(\*args, \*\*kwargs)

```
148 filtered_tb = None
149 try:
--> 150     return fn(*args, **kwargs)
151 except Exception as e:
152     filtered_tb = _process_traceback_frames(e.__traceback__)
```

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\eager\polymorphic\_function\polymorphic\_function.py:833, in Function.\_\_call\_\_(self, \*args, \*\*kwargs)

```
830 compiler = "xla" if self._jit_compile else "nonXla"
832 with OptionalXlaContext(self._jit_compile):
--> 833     result = self._call(*args, **kwargs)
835     new_tracing_count = self.experimental_get_tracing_count()
836     without_tracing = (tracing_count == new_tracing_count)
```

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\eager\polymorphic\_function\polymorphic\_function.py:878, in Function.\_\_call\_\_(self, \*args, \*\*kwargs)

```
875 self._lock.release()
876 # In this case we have not created variables on the first call. So we can
877 # run the first trace but we should fail if variables are created.
--> 878 results = tracing_compilation.call_function(
879     args, kwargs, self._variable_creation_config
880 )
881 if self._created_variables:
882     raise ValueError("Creating variables on a non-first call to a function"
883                      " decorated with tf.function.")
```

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\eager\polymorphic\_function\tracing\_compilation.py:139, in call\_function(args, kwargs, tracing\_options)

```
137 bound_args = function.function_type.bind(*args, **kwargs)
138 flat_inputs = function.function_type.unpack_inputs(bound_args)
--> 139 return function.call_flat( # pylint: disable=protected-access
140     flat_inputs, captured_inputs=function.captured_inputs
141 )
```

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\eager\polymorphic\_function\concrete\_function.py:1322, in ConcreteFunction.call\_flat(self, tensor\_inputs, captured\_inputs)

```
1318 possible_gradient_type = gradients_util.PossibleTapeGradientTypes(args)
```



```

1319 if (possible_gradient_type == gradients_util.POSSIBLE_GRADIENT_TYPES_NONE
1320     and executing_eagerly):
1321     # No tape is watching; skip to running the function.
-> 1322     return self._inference_function.call_preflattened(args)
1323 forward_backward = self._select_forward_and_backward_functions(
1324     args,
1325     possible_gradient_type,
1326     executing_eagerly)
1327 forward_function, args_with_tangents = forward_backward.forward()

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\eager\polymorphic_function\atomic_function.py:216, in AtomicFunction.call_preflattened(self, args)
    214 def call_preflattened(self, args: Sequence[core.Tensor]) -> Any:
    215     """Calls with flattened tensor inputs and returns the structured output."""
--> 216     flat_outputs = self.call_flat(*args)
    217     return self.function_type.pack_output(flat_outputs)

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\eager\polymorphic_function\atomic_function.py:251, in AtomicFunction.call_flat(self, *args)
    249 with record.stop_recording():
    250     if self._bound_context.executing_eagerly():
--> 251         outputs = self._bound_context.call_function(
    252             self.name,
    253             list(args),
    254             len(self.function_type.flat_outputs),
    255         )
    256     else:
    257         outputs = make_call_op_in_graph(
    258             self,
    259             list(args),
    260             self._bound_context.function_call_options.as_attrs(),
    261         )

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\eager\context.py:1500, in Context.call_function(self, name, tensor_inputs, num_outputs)
    1498 cancellation_context = cancellation.context()
    1499 if cancellation_context is None:
-> 1500     outputs = execute.execute(
    1501         name.decode("utf-8"),
    1502         num_outputs=num_outputs,
    1503         inputs=tensor_inputs,
    1504         attrs=attrs,
    1505         ctx=self,
    1506     )
    1507 else:
    1508     outputs = execute.execute_with_cancellation(
    1509         name.decode("utf-8"),
    1510         num_outputs=num_outputs,
    (...)
    1514         cancellation_manager=cancellation_context,
    1515     )

File c:\Users\mbenc\anaconda3\lib\site-packages\tensorflow\python\eager\execute.py:53, in quick_execute(op_name, num_outputs, inputs, attrs, ctx, name)
    51 try:
    52     ctx.ensure_initialized()
---> 53     tensors = pywrap_tfe.TFE_Py_Execute(ctx._handle, device_name, op_name,
    54         inputs, attrs, num_outputs)
    55 except core._NotOkStatusException as e:
    56     if name is not None:

```

KeyboardInterrupt:

```

In [ ]: from keras.models import load_model
model = load_model("model.keras")
test_err = model.evaluate(x_test,y_test)
print("Teszt hiba:", test_err[0], "Teszt pontosság:", test_err[1])

```

```
In [ ]: import numpy as np
from sklearn.metrics import accuracy_score, precision_score, recall_score, f1_score, roc_curve
# először is nyerjük ki a predikciókat (valószínűség és hozzá tartozó pontosságot)
y_pred = model.predict(x_test)
y_pred = np.argmax(y_pred,1)
y_true = np.argmax(y_test,1)

print("test accuracy: %g" %(accuracy_score(y_true, y_pred)))
print("Precision", precision_score(y_true, y_pred, average="macro"))
print("Recall", recall_score(y_true, y_pred, average="macro"))
print("f1_score", f1_score(y_true, y_pred, average="macro"))
print("\nKonfúziós mátrix: ")
conf=confusion_matrix(y_true, y_pred)
print(conf)
```

313/313 5s 16ms/step

test accuracy: 0.9916  
 Precision 0.991563758119932  
 Recall 0.991473706269493  
 f1\_score 0.9915050484727665

Konfúziós mátrix:

```
[[ 973    0    0    0    0    0    4    1    2    0]
 [    0 1133    0    1    0    0    1    0    0    0]
 [    0    2 1025    0    1    0    0    4    0    0]
 [    0    0    1 1005    0    1    0    2    1    0]
 [    0    0    0    0  978    0    0    1    0    3]
 [    0    0    0    7    0  881    2    1    0    1]
 [    0    2    1    0    2    4  947    0    2    0]
 [    0    1    2    3    1    0    0 1020    1    0]
 [    0    0    2    1    0    1    0    1  968    1]
 [    1    0    1    2    5    4    1    6    3  986]]
```

```
In [ ]: import seaborn as sns
ax = sns.heatmap(conf, annot=True, fmt='d', vmax=20, cmap='Blues') # a vmax paraméterrel állí
ax.set(xlabel='Predicted Label',
       ylabel='True label');
```

