



南昌大学实验报告

学生姓名： 丁俊 学 号： 8003119100 专业班级： 信息安全 193 班
实验类型： ☐ 验证 ☐ 综合 ☐ 设计 ☐ 创新 实验日期： 2021.11.5 实验成绩：

一、实验项目名称

程序实现 DES 加密算法

二、实验目的

- 1、理解 DES 算法的概念及原理
- 2、理解 DES 算法的加密流程

三、实验基本原理

RSA 算法（公开密钥算法）的原理：

- (1). 选择两个大的素数 p 和 q （典型情况下为 1024 位）
- (2). 计算 $n = p * q$ 和 $z = (p-1) * (q-1)$.
- (3). 选择一个与 z 互素的数，将它称为 d
- (4). 找到 e ，使其满足 $e * d = 1 \bmod z$

提前计算出这些参数以后，我们就可以开始执行加密了。首先将明文分成块，使得每个明文消息 P 落在间隔 $0 * P < n$ 中。为了做到这一点，只要将明文划分成 k 位的块即可，这里 k 是满足 $2^k < n$ 的最大整数。

为了加密一个消息 P ，只要计算 $C = P^e \bmod n$ 即可。为了解密 C ，只要计算 $P = C^d \bmod n$ 即可。可以证明，对于指定范围内的所有 P ，加密盒解密互为反函数。为了执行加密，你需要 e 和 n ；为了执行解密，你需要 d 和 n 。因此，公钥是有 (e, n) 对组成，而私钥是有 (d, n) 对组成。

加密算法： $C = Ek(M) = M^e \bmod n$

解密算法： $M = Dk(C) = C^d \bmod n$

求逆元：利用扩展欧几里得算法，求 $a \bmod n$ 的逆元，即求一个 b 能够使得 $ab \bmod n = 1$ 的最小值 b 。有一个定理，当 $ax + by = 1$ 且 a, b 互素时解 x 是 a 模 b 的乘法逆元。

求 $a^b \bmod n$ 的值：利用快速幂算法，减少计算的次数，提高程序计算速度，利用取模性质，

即 $(a * b) \bmod n = [(a \bmod n) * (b \bmod n)] \bmod n$ ，减少一些超大数的计算量。

四、主要仪器设备及耗材

Windows 操作系统，DevCpp

五、实验步骤

如下是 c++代码，简单利用 RSA 加解密算法进行简单数据的加密解密。

```
1. #include <iostream>
2. #include <bits/stdc++.h>
3. #define ll long long
4. using namespace std;
5.
6. // 8003119100 明文
7. ll n;
8. ll p, q, e;
9. ll d;
10. // 最大公因数
11. ll gcd(ll a, ll b) {
12.     return b ? gcd(b, a % b) : a;
13. }
14.
15. // 判断是否是素数
16. bool isPrime(ll n) {
17.     bool flag = false;
18.     for (int i = 2; i <= sqrt(n); i++) {
19.         if (n % i == 0)
20.             flag = true;
21.         if (flag)
22.             return false; // 不是素数
23.     }
24.     if (!flag)
25.         return true; // 是素数
26. }
27.
28. // 求  $a^b \bmod n$  的值, 利用快速幂
29. ll ksc(ll a, ll b, ll n) {
30.     ll ans = 0;
31.
32.     while (b) {
33.         if (b & 1)
```

```

34.         ans = (ans + a) % n;
35.         a = (a + a) % n;
36.         b = b >> 1;
37.     }
38.     return ans;
39. }
40.
41. ll Modular(ll a, ll b, ll n) {
42.     ll ans = 1, base = a;
43.     while (b) {
44.         if (b & 1) {
45.             // 优化1
46.             ans = ksc(ans, base, n) % n;
47.         }
48.         base = ksc(base, base, n) % n;
49.         b >>= 1;
50.     }
51.     return ans;
52. }
53.
54. //求乘法逆元
55. // ax+by=1 中 x 是 a mod b 的乘法逆元
56. void extgcd(ll a, ll b, ll &d, ll &x, ll &y) {
57.     if (b == 0) {
58.         d = a, x = 1, y = 0;
59.         return;
60.     }
61.     extgcd(b, a % b, d, y, x);
62.     y -= a / b * x;
63.     return;
64. }
65.
66. // 乘法逆元的结果
67. ll getMod(ll a, ll b) {
68.     ll d, x, y;
69.     extgcd(a, b, d, x, y);
70.     if (d == 1)
71.         return (x + b) % b;
72.     else
73.         return -1;
74. }
75.
76. // 加密
77. ll Encryption(ll value) {

```

```

78.     return Modular(value, e, n);
79. }
80.
81. // 解密
82. ll Decryption(ll value) {
83.     return Modular(value, d, n);
84. }
85.
86. int main() {
87.     while (1) {
88.         cout << " 请输入两个大的素数(小于 100000):" << endl;
89.         cin >> p >> q;
90.         if (isPrime(p) && isPrime(q))
91.             break;
92.     }
93.     while (1) {
94.         cout << "请输入 e 的值" << endl;
95.         cin >> e;
96.         if (gcd(e, (p - 1) * (q - 1)) == 1 && e + 2 < (p - 1) * (q -
            1))
97.             break;
98.     } // 输入的 e 作为公钥密码
99.     n = p * q;
100.    d = getMod(e, (p - 1) * (q - 1)); // 获得 e 模(p-1)(q-1)的乘法逆
        元
101.
102.    cout << "d 的值为" << d << endl;
103.    cout << "{" << e << "," << n << "}" << "为公钥" << endl;
104.    cout << "{" << d << "," << n << "}" << "为私钥" << endl;
105.    // 进行加密操作
106.    while (1) {
107.        cout << "-----请输入你要加密的数据
            -----" << endl;
108.        ll k;
109.        cin >> k;
110.        ll m = Encryption(k);
111.        cout << "密文为" << m << endl;
112.        cout << "明文为" << Decryption(m) << endl;
113.        cout << "-----" << endl;
114.    }
115.    return 0;
116. }

```

六、实验数据及处理结果

```
D:\gitworkspace\fresh\RSA.exe
请输入两个大的素数(小于100000):
95189 89413
请输入e的值
1000007
d的值为5874062999
{1000007, 8511134057}为公钥
{5874062999, 8511134057}为私钥
-----请输入你要加密的数据-----
8003119100
密文为7805752331  → 加密的密文
明文为8003119100  → 解密成功的明文和原来相同
-----请输入你要加密的数据-----
```

在选取 p 、 q 和加密密钥 e 时，必须保证 $(p-1)(q-1)=\phi_n$ 是大于你要输入的明文数据的，这样取模的时候才不会导致解密的时候数据恢复错误，比如这里 $8511134057 > 8003119100$ (我的学号)。

可以看到，由明文加密得到的密文再由解密密钥解密得到的结果和原明文一样，说明算法本身和密钥选取是正确的。

七、思考讨论题或体会或对改进实验的建议

本次实验程序不能达到 RSA 密码的现实要求，即 p 、 q 的选取要很大(几百位甚至上千位)，可以采用高精度算法来处理那些由计算机不能计算的大数字，不然计算机计算会发生溢出。

八、参考资料

现代密码学第 4 版