

南昌大学实验报告

一、实验项目名称

基于中国剩余定理的秘密共享方案

- 二、实验目的
- 1、掌握使用中国剩余定理实现门限方案
- 2、认识秘密共享的原理
- 三、实验基本原理
- (t,n)门限,一个秘密 k,被分割成 n个子秘密 (d_i,k_i) ,对于某个秘密 k,计算

 $(k_1 \equiv k \pmod{d_1})$

 $\left\{k_1 \equiv k \pmod{d_2}, \text{ 则子秘密为}(d_i, k_i).\right\}$

 $k_n \equiv k \pmod{d_n}$

选择 n 个整数 d1,d2,....dn,满足

- (1) d1 < d2 < < dn; di 严格递增
- (2) (di, dj) = 1, i 不等于 j; di 两两互素
- (3) N = d1 * d2 ** dt, $M = d_{n-t+2} * d_{n-t+3} * * d_n$, $\not= N > M$
- n 个子秘密中任意选择 t 个, (k_{i1},d_{i1}) , (k_{i2},d_{i2}) ,... (k_{it},d_{it}) ,恢复出秘密 k 计算

 $\begin{cases} x \equiv k_{i1} \ (mod \ d_{i1}) \\ x \equiv k_{i2} \ (mod \ d_{i2}), \ \$ 恢复出秘密 $x \equiv k (mod \ N_1), \ \$ N $1 = d_{i1}d_{i2} \dots d_{it} \ \$ 。 $x \equiv k_{it} \ (mod \ d_{it})$

任意选择 t-1 个子秘密: (k_{i1},d_{i1}) , (k_{i2},d_{i2}) ,... (k_{it},d_{it}) 。

四、主要仪器设备及耗材

Window10, pycharm

五、实验步骤

我们选取(t,n)为(4,7)。讲秘密分成7个子秘密,需要4个人才能解密。

```
 # 求最大公约数

2. def gcd(a, b):
3.
      if b == 0:
           return a
4.
5.
      else:
           return gcd(b, a % b)
6.
7.
8.
9. def findModReverse(a, m): # 扩展欧几里得算法求模逆
10.
11.
       if gcd(a, m) != 1:
           return None
12.
       u1, u2, u3 = 1, 0, a
13.
14.
       v1, v2, v3 = 0, 1, m
15.
      while v3 != 0:
           q = u3 // v3
16.
17.
           v1, v2, v3, u1, u2, u3 = (u1 - q * v1), (u2 - q * v2), (u3 - q)
   q * v3), v1, v2, v3
18.
       return u1 % m
19.
20.
21. def divresult(m):
22.
       Mj = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]
23.
       for i in range(0, len(m)):
24.
25.
            for j in range(0, len(m)):
26.
               if (i == j):
27.
                   Mj[i] = Mj[i] * 1
28.
               else:
29.
30.
                   Mj[i] = Mj[i] * m[j]
31.
       return Mj
32.
33.
34. # 求解 N 和 M
35. def fun1(d, t):
36.
       N = 1
37.
      M = 1
38.
       for i in range(0, t):
39.
           N = N * d[i]
      for i in range(len(d) - t + 1, len(d)):
40.
```

```
41.
         M = M * d[i]
42.
       return N, M
43.
44.
45. def findk(d, k):
46.
       k1 = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]
       for i in range(0, len(d)):
47.
48.
           k1[i] = k \% d[i]
       k1 = k1[0:len(d)]
49.
50.
       return k1
51.
52.
53. def ChineseSurplus(k, d, t): # 中国剩余定义求解方程 ,解密
54.
       m = d[0:t]
55.
       a = k[0:t]
56.
       flag = 1
57.
       # Step1:计算连乘
58.
       m1 = 1
       for i in range(0, len(m)):
59.
           m1 = m1 * m[i]
60.
       # Step2:计算 Mj
61.
62.
63.
       Mj = divresult(m)
64.
       Mj1 = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
       # Step3:计算模的逆
65.
66.
67.
       for i in range(0, len(m)):
           Mj1[i] = findModReverse(Mj[i], m[i])
68.
69.
       # 最后的 x
70.
       x = 0
71.
       for i in range(0, len(m)):
72.
           x = x + Mj[i] * Mj1[i] * a[i]
73.
74.
75.
       result = x \% m1
76.
       return result
77.
78.
79. # 定义 d 数组
80. # 问题是如何产生合适的 d 值
81. def judge1(m, num):
82.
       flag1 = 1
83.
      for i in range(0, num):
           for j in range(0, num):
84.
```

```
85.
               if (gcd(m[i], m[j]) != 1) & (i != j):
86.
                   flag1 = 0
                   break
87.
       return flag1
88.
89.
90.
91. # 产生 d 数组七个
92. def find_d1():
93.
       d = [1, 1, 1, 1, 1, 1] # 初始化d数组
94.
       temp = random.randint(pow(10, 167), pow(10, 168))
95.
       d[0] = temp
       i = 1
96.
97.
       while (i < 7):
           temp = random.randint(pow(10, 167), pow(10, 168))
98.
99.
           d[i] = temp
              if (judge1(d, i + 1) == 1):
100.
101.
                  i = i + 1
102.
          return d
103.
104.
      def main():
105.
          # 500 位的大数作为秘密
106.
107.
          k = 2074722246773485207821695222107608587480996474721117292752
   99258991219668475054965831008441673255000113021202151515151510511200515
   102155022515152074722246773485207821695222107608587480996474721117292
   75299258991219668475054965831008441673255000113021202151515151510511200
   515102155022515152074722246773485207821695222107608587480996474721117
   292752992589912196684750549658310084416732550001130212021515151510511
   200515102155022515152074722246773485207821695222107608587480996474721
   117292752992589912196626231
          # step1:生成符合条件的d值
108.
          d = find_d1()
109.
          print("d 数组为:")
110.
111.
          print(d)
          # step2:计算N和M的值
112.
113.
          print("N 和 M 的值分别为:")
114.
115.
          N, M = fun1(d, 4)
116.
          print(N)
117.
          print(M)
118.
          # 求 k
119.
          k1 = findk(d, k)
          # 利用中国剩余定理求解
120.
```

```
121. result = ChineseSurplus(k1, d, 4) # (t,n)取(4,7),即分成7个秘密,
任选4个可以解密

122. print("最后恢复的明文为:")

123. print(result)

124.

125.

126. if __name__ == '__main__':

127. main()
```

- 1.程序中使用的(3,5)门限(如果需要其他的门限可以在程序上进行相应的更改)
- 2.本次实验使用的秘密为500位左右的大数
- 3.本次实验的重点在于如何生成 5 个满足条件的整数,为了保证前三个整数的乘积大于所给的秘密(500 位的大数),后两个整数的乘积小于所给的秘密,我们生成的整数在 $10\,167 \sim 10\,168\,10^{167} \sim 10\,168\,10^{168}$

167

~10

168

之间,因为3×167=501>500,2×168=336<500

temp = random.randint(pow(10, 167), pow(10, 168))

生成满足条件的整数的函数如下

```
    def find d1():

       d = [1, 1, 1, 1, 1] #初始化d数组
       temp = random.randint(pow(10, 167), pow(10, 168))
4.
       d[0] = temp
5.
       i = 1
6.
       while (i < 7):
           temp = random.randint(pow(10, 167), pow(10, 168))
7.
8.
           d[i] = temp
9.
           if (judge1(d, i + 1) == 1): #judge1 是判断是否互素的函数
               i = i + 1
10.
11.
       return d
```

六、实验数据及处理结果



最后解密结果和秘密相同。

七、思考讨论题或体会或对改进实验的建议

八、参考资料

现代密码学第4版