Einführung in die Simulation mit Arena 5.0

Programmierpraktikum WS 2002/3

Grundidee:

- Entwurf eines experimentellen Modells, das sich wie ein zu untersuchendes reales System verhält
- Durchführung von Versuchen bzw. (Hoch-) Rechnungen im Modell

• Ziel:

- Sammeln von Informationen über das Verhalten des Systems in verschiedenen Situationen
- Beantwortung der "Was passiert, wenn …"-Frage, um mögliche Handlungsalternativen zu finden
- Analyse des (zukünftigen) Systemverhaltens

• Vorteile:

- Testen der Wirkung von Entscheidungen
- Laufzeit ist wesentlich kürzer als simulierte Zeit
- Rekonstruktion von bestimmten Phänomenen durch verschiedene Variablenbelegungen

• Nachteile:

- Simulationsergebnisse werden häufig mit Zufallsvariablen berechnet => Ausgabeanalyse notwendig
- Unterschiedliche Ergebnisse durch unterschiedliche Simulationsmodelle => Simulatoren (z.B Arena)
- Simulationen sind oft sehr rechenaufwändig

- Anwendungsgebiete:
 - Entwurf und Analyse von Herstellungssystemen
 - Ermitteln der Hard- und Softwareanforderungen für ein Computersystem
 - Analyse von Finanz- und Wirtschaftssystemen
 - Bestimmung einer kostengünstigen Auftragspolitik für den Lagerbestand eines Betriebes
 - Entwurf von neuen Kommunikationssystemen
 - Entwurf und Analyse von Transportsystemen
 - Ermittlung des optimalen Aufbaus von Servicesystemen (z.B. Krankenhäuser, Banken, ...)

- Beispiel Bankschalter:
 - Untersuchung der Serviceleistungen einer Bank
 - Wie viele Schalter sind notwendig, um einen guten Kundenservice zu leisten?
 - Entsprechendes System besteht aus den Schaltern, den Angestellten und den Kunden
 - Attribute jedes Angestellten: "frei" oder "beschäftigt"
 - Attribute jedes Kunden: Ankunftszeit in der Bank
 - Angestellte sind Ressourcen
 - Kunden sind dynamische Objekte => offenes System

- Zustand des System:
 - Zahl der beschäftigten Angestellten
 - Zahl der Kunden in der Bank
 - Ankunftszeit jedes Kunden
- Gesucht ist z.B.
 - die durchschnittliche Wartezeit eines Kunden in der Schlange vor dem Schalter
 - die durchschnittliche Anzahl von wartenden Kunden in der Schlange
 - die durchschnittliche Auslastung des Schalters

Simulation mit Arena

Arena ist ein mächtiges Simulationsprogramm und bietet im Vergleich zu anderer Simulationssoftware eine animierte Allround-Simulation.

Es geht nach dem prozessorientierten Ansatz vor, d.h. Komponenten führen Aktionen durch, wodurch sich das System verändert. Andere Programme simulieren ereignisorientiert, d.h. Ereignisse verändern das System.

Wir wollen mit Arena ein Simulationsmodell erstellen und damit Experimente durchführen.

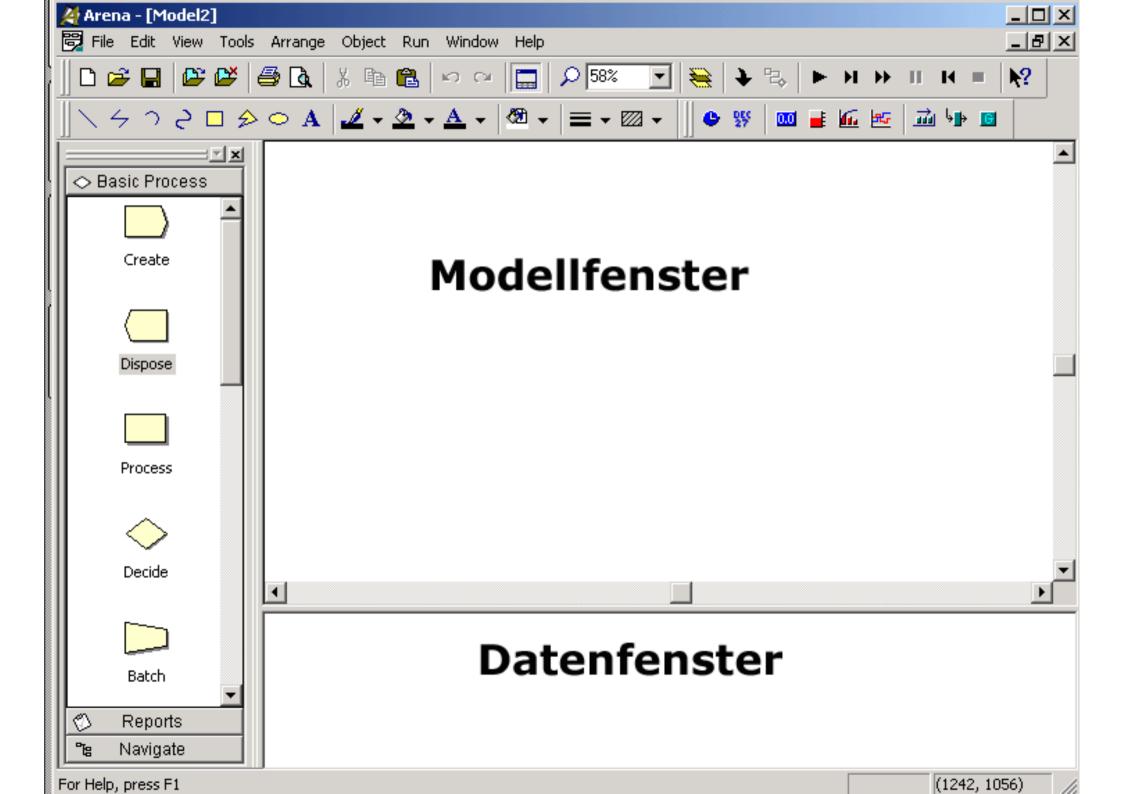
Die folgenden 5 Schritte müssen mit dem Arena-Hauptprogramm ausgeführt werden:

Simulation mit Arena

- Aufbau eines Grundmodells, das aus Arena modules besteht, per "drag & drop" (z.B. eine Warteschlange mit einem Bediener).
- Einstellen und hinzufügen von Parametern und Daten (z.B. Bedienzeiten) durch Doppelklicken auf die Module.
- Simulieren des Modells und Überprüfung, wie gut das Modell das reale System modelliert.
- Analyse der Simulationsergebnisse.
- Änderung des Modells bzw. der Parameter, um mehr über das mögliche Verhalten des realen Systems herauszufinden.

Das Grundmodell erstellen

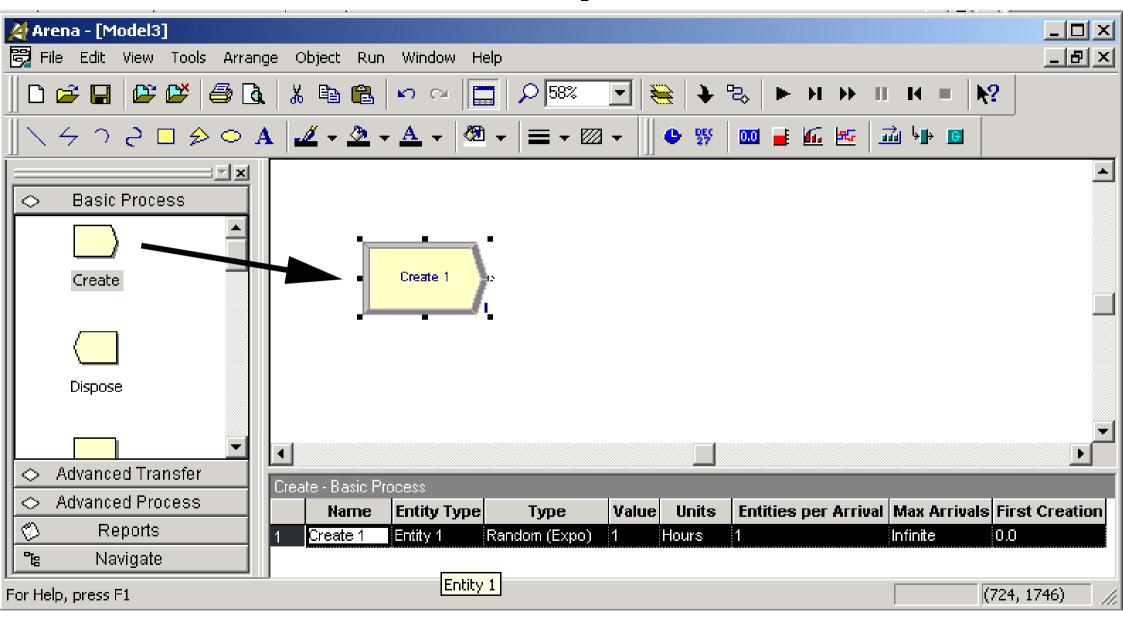
- Wir benutzen die Formen (Module) aus dem Basic Process panel.
- 2 Typen von Modulen: Flowchart modules und Data modules.
- Flußdiagramm-Module werden in das Modellfenster gezogen und miteinander verbunden.
- Das Flußdiagramm beschreibt dann die Logik des Prozesses.
- Das Modellfenster besteht aus 2 Bereichen: der obere Teil zeigt die Grafik des Modells, der untere die Daten des Modells.



Beispielmodell

- (1) Per drag & drop ein *Create module* aus dem *Basic Process panel* ins Modellfenster ziehen. Es soll einen Ankunftsprozess modellieren (z.B. ankommende Kunden in einer Bank).
- (2) Im unteren Fenster die Datenfelder ändern (*Name:* "Ankunft", *Entity Type:* "Kunden", *Type:* "Random(Expo) " mit Value: "0.5"). Damit kommen die Kunden mit einer exponentiell verteilten Zwischenankunftszeit an. Im Mittel liegt eine halbe Stunde zwischen zwei Ankünften.
- (3) Per drag & drop ein *Process module* aus dem *Basic Process panel* ins Modellfenster ziehen und rechts neben dem *Create module* platzieren. Es modelliert einen Schalter mit einem Angestellten der Bank, von dem die Kunden bedient werden wollen.

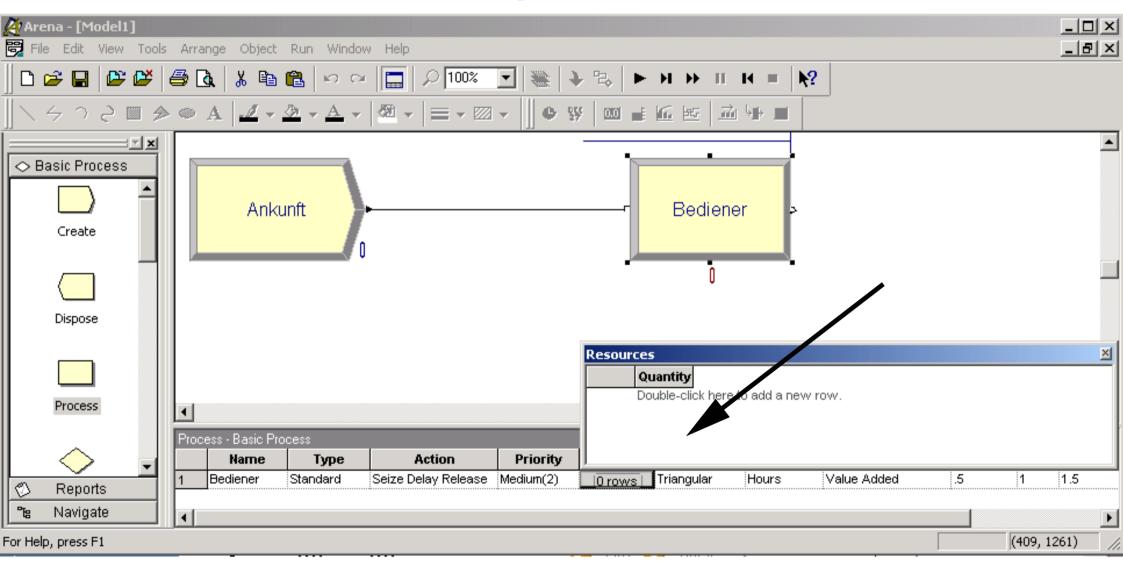
Ankunftsprozess



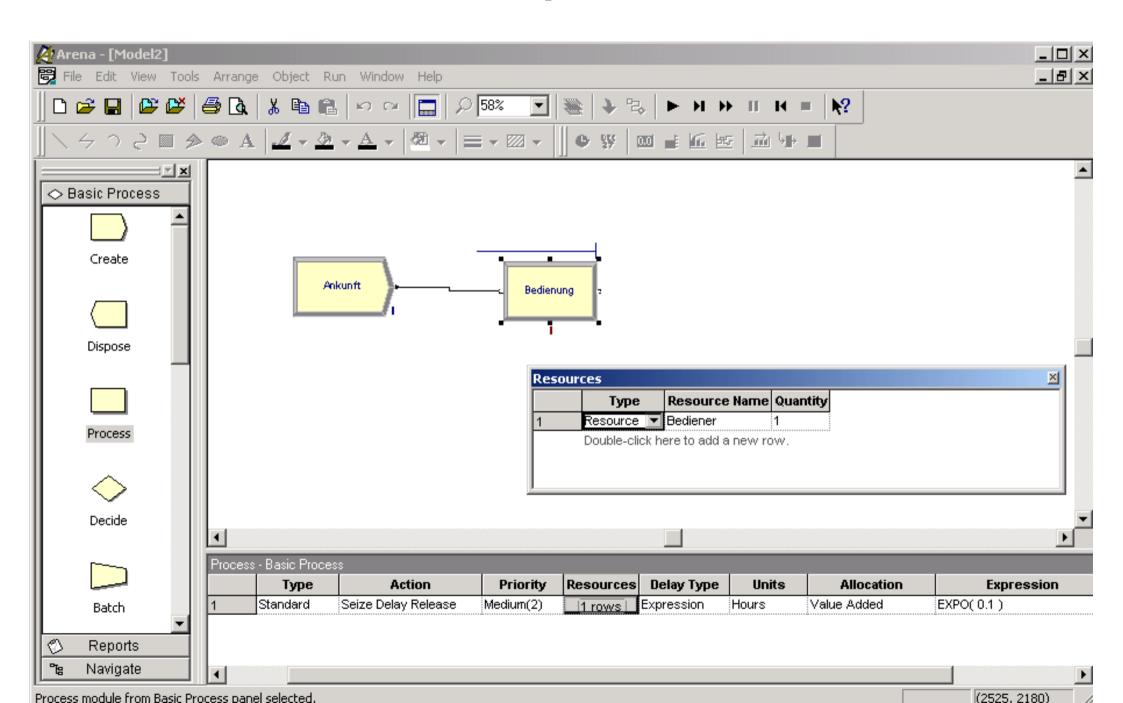
Beispielmodell

- (4) Darauf achten, daß die beiden Module mit einer Linie verbunden sind (, normalerweise durch *Auto-Connect* automatisch der Fall). Sind die Module noch nicht verbunden, muß der *Connect*-Button geklickt werden. Damit wird dann das rechte Ende des *Create modules* mit dem linken Ende des *Process modules* durch Klicken verbunden.
- (5) Das *Process module* mit einem Klick aktivieren und unten im Datenfenster die Felder *Name* auf "Bedienung" setzen und das Feld *Action* ändern in "Seize Delay Release". Damit müssen ankommende Kunden warten (*Seize*), werden bedient (*Delay*) und verlassen das System dann wieder (*Release*).
- (6) Das Feld *O rows* unter *Resources* anklicken im neu aufgehenden Fenster *Resources* per Doppelklick eine neue Zeile erzeugen. Wir setzen *Resource Name* auf "Bediener", da wir nur einen Schalter haben.

Bedienprozess



Bedienprozess



Beispielmodell

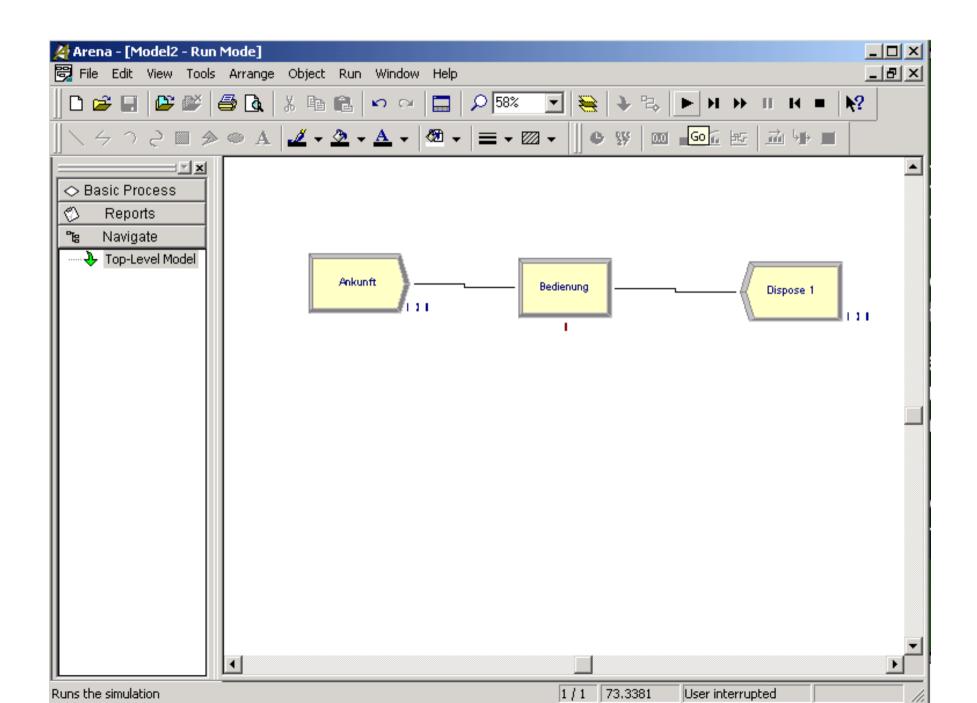
- (7) Delay Type setzen wir auf "Expression", um im Feld Expression eine spezielle Wahrscheinlichkeits-verteilung anzugeben. Sie bestimmt, wie lange ein Kunde bedient wird.
- (8) Mit einem Klick auf *Expression* erscheint eine Liste von Verteilungen. Wir wählen "EXPO(Mean)", um wieder eine exponentiell verteilte Bedienzeit zu erhalten. *Mean* ersetzen wir durch "0.1". Damit wird ein Kunde im Mittel 6 Minuten bedient.

!Achtung! Die mittlere Bedienzeit sollte bei einer unendlich langen Simulation kürzer sein als die mittlere Zwischenankunftszeit, sonst ist der Warteraum schnell überfüllt.

Beispielmodell

- (9) Nun per drag & drop ein *Dispose module* aus dem *Basic Process panel* ins Modellfenster ziehen und rechts neben dem *Process module* plazieren. Es modelliert den Abgangsprozess der Kunden. Darauf achten, daß das Modul mit dem *Process module* verbunden ist(, ansonsten mit *Connect* nachholen).
- (10)Mit dem *Play*-Button kann die Simulation gestartet werden. Da wir eine keine Stopbedingung für die Simulation eingegeben haben, läuft die Simulation bis der *Pause*-Button geklickt wird.
- (11)Die Zahl unter dem Create(*Dispose*) module sagt uns, wie viele Kunden insgesamt in die Bank gekommen sind(die Bank verlassen haben). Die Zahl unter dem *Process module* zeigt die Anzahl der wartenden Kunden.

Simulation starten



Terminierungsbedingungen

• Über das *Create module* (feste Kundenzahl):

Das Create module markieren und im Datenfeld Max Arrivals den Wert Infinite durch eine feste Zahl ersetzen.

Über Run Setup (feste Zeit):

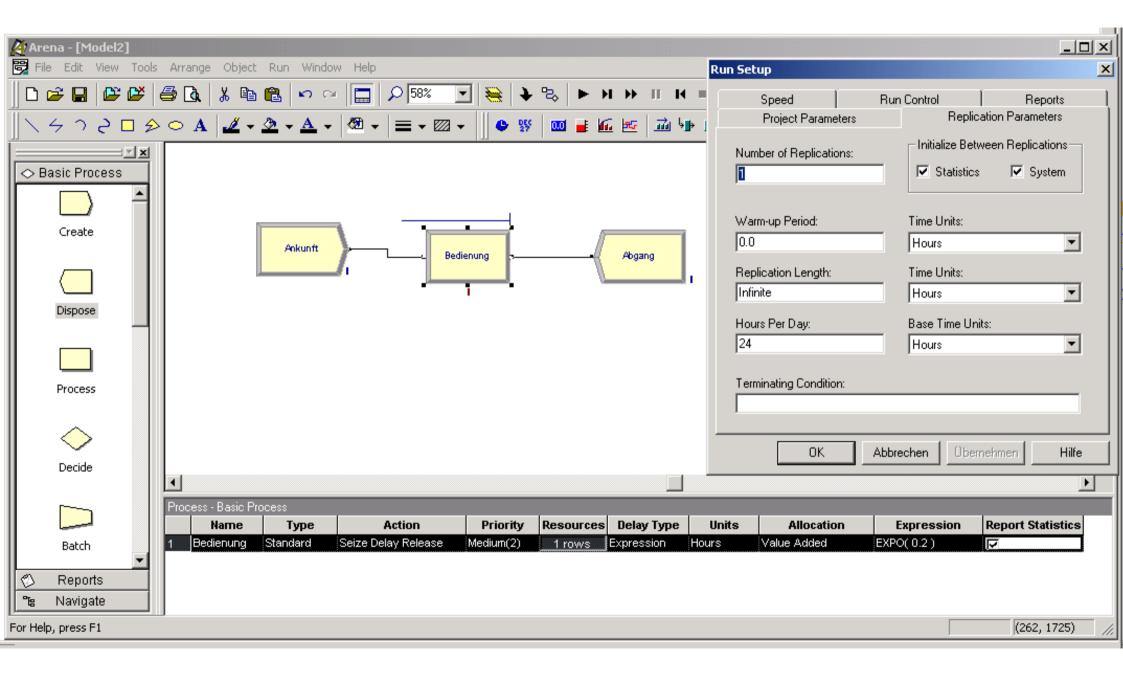
Im Menü Run das Setup öffnen und unter Replication Parameters die Replication Length auf eine feste Zahl setzen.

• Über die *Terminating Condition*:

Ebenfalls im Run Setup wird als *Terminating Condition* ein Ausdruck eingegeben und die Simulation stoppt, wenn er erfüllt ist.

Simulieren des Modells

- Oft ist eine sog. Einschwingphase (Warm-Up Period)
 nötig. Das ist der Zeitabschnitt von Beginn der
 Simulation bis zu dem Punkt, an dem das System
 alle "Startunregelmäßigkeiten" abgelegt hat.
- Fängt man z.B. mit einem leeren System an, was aber in der Realität eher selten vorkommt, so muß sich erst ein Normalzustamd "einpendeln".
- Stellt man im Run Setup unter Warm-Up Period die Zeitspanne des "Einpendelns" ein, so werden erst danach Ergebnisse aufgezeichnet. Die verfälschten Werte fließen nicht in die Endergebnisse ein.
- Startet man die Simulation mit dem *Play Button*, so stoppt sie, wenn die Terminierungsbedingung erfüllt ist oder läuft (theoretisch) unendlich lange.



Simulationsreport

- Terminiert die Simulation, kommt man (nach einer Bestätigung) sofort zum Simulationsreport.
- Hier werden die Ergebnisse, die während der Simulation gesammelt wurden, angezeigt.
- Im linken Teilfenster steht statt des Basic Process panel der Reports panel. Dort läßt sich für jeden Modellbestandteil per Doppelklick ein eigenes Reportfenster öffnen.
- Öffnet man den Verzeichnisbaum des Projekts und wählt man Queue aus, erhält man unter Waiting Time die durchschnittliche Wartezeit eines Kunden in dieser Simulation.
- Number Waiting gibt die mittlere Anzahl von Kunden in der Schlange an.

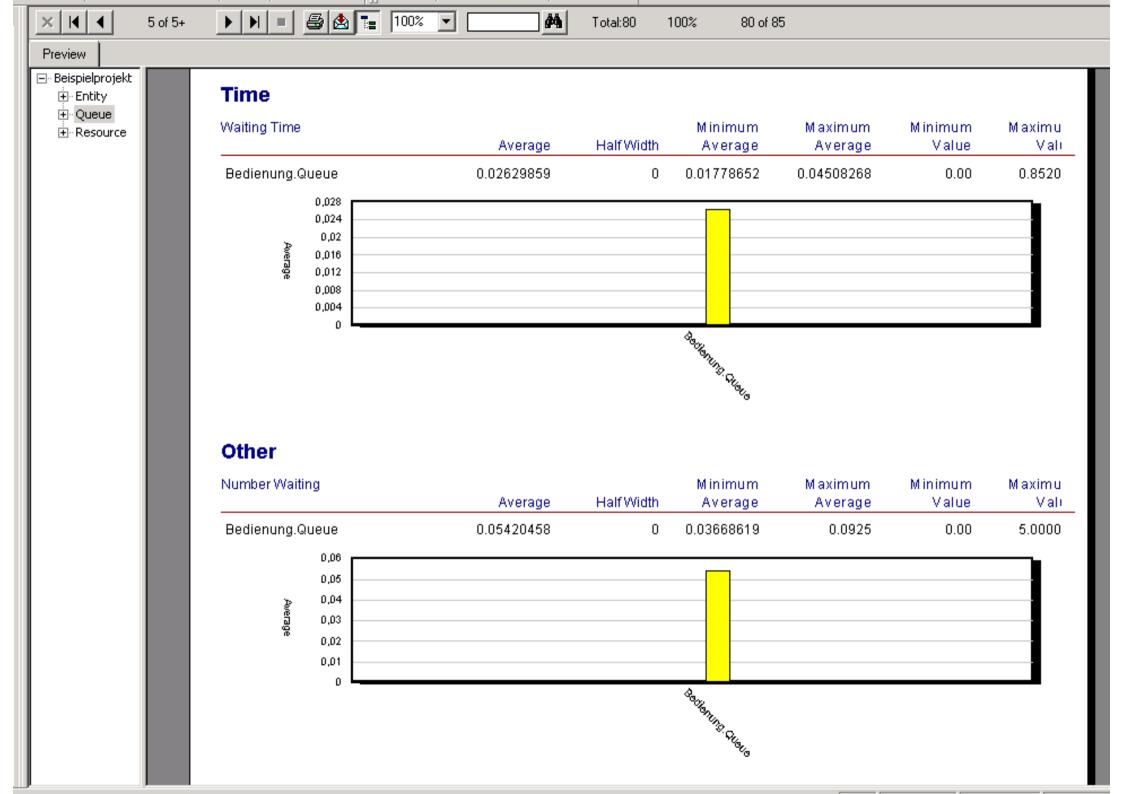
Simulationsreport

- Mehrere Replikationen (Simulationsdurchläufe mit dem selben Modell und identischen Parametern) :
 - Im Run Setup kann man unter Replication
 Parameters den Wert Number of Replications > 1
 setzen.
 - Simuliert man erhält man im Report Ergebnisse, die sich auf alle Replikationen beziehen und auch Ergebnisse jedes einzelnen Laufs.

!Achtung! Mehr als nur ein Lauf ist in jedem Fall sinnvoll, da die Werte eines einzelnen Laufs meist nicht aussagekräftig genug sind.

Simulationsreport

- In unserem Beispielmodell sind die exakten Erwartungswerte bekannt:
 - Die mittlere Anzahl von Kunden in der Schlange ist 0.05 und die durchschnittliche Wartezeit eines Kunden ist 0.025.
- Bei einer Simulation mit z.B. nur einem Lauf und 200 ankommenden Kunden, bekommt man Ergebnisse, die den wahren Wert stark verfehlen (hier 0.0602 als mittlere Anzahl von Kunden in der Warteschlange und 0.0316 als durchschnittliche Wartezeit).
- Simuliert man dagegen mit z.B. 5 Läufen und 500 ankommenden Kunden, erhält man 0.0542 als mittlere Anzahl von Kunden und 0.0263 als durchschnittliche Wartezeit.



Weitere Module

- Im Folgenden werde weitere Module für den Aufbau eines Simulationsmodells aufgelistet.
- Nähere Information zu den einzelnen Komponenten erhält man im Menü Help->Arena Help Topics-> Using the Basic Process Panel->Flowchart Modules.
- Decide Module: Repräsentiert einen Entscheidungsprozess in einem Modell (z.B. gehen Kunden mit der Wahrscheinlichkeit (WK) p zum Schalter a und mit WK 1-p zum Schalter b).
- Batch/Separate Module: Ströme von Entities können zusammengefaßt werden (Batch) und später wieder getrennt werden (Separate).

Weitere Module

- Assign Module: Weist Variablen Werte zu (z.B. könnte man die Variable Timestamp einführen, die an einer Station des Modells den Zeitpunkt speichert, an dem ein Objekt diese passierte).
- Record Module: Sammelt während der Simulation Zwischenergebnisse.

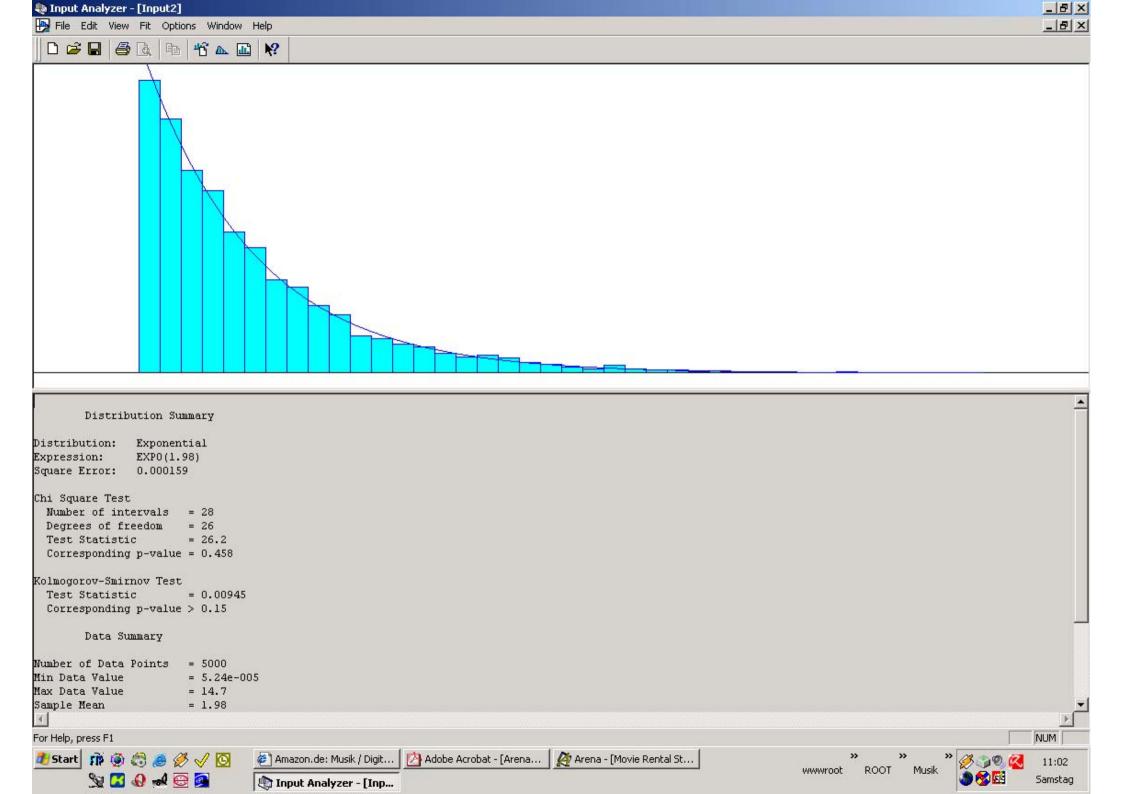
Problemstellung:

Kunden betreten eine Videothek und entscheiden, welches Video sie ausleihen wollen. Danach kaufen sie eventuell noch etwas Popcorn und bezahlen.

Ankunftsprozess:

- Wir wissen nicht, in welchen Zeitabständen Kunden ankommen, haben aber die Meßdaten einer Woche dieser Zeitabstände.
- Der Inputanalyzer (Menü Tools) sucht uns eine Verteilung, die diese Zwischenankunftszeiten gut modelliert.
- Wir starten im Inputanalyzer mit New eine neue Analyse und wählen unter File->Data File->Use Existing die Datei mit unseren Meßdaten aus.

- Die Meßdaten können z.B. in einer Textdatei (durch ein Leerzeichen getrennt) stehen.
- Nach dem Einlesen erscheinen die Daten als Balkendiagramm im Hauptfenster.
- Mit dem Befehl Fit->Fit All paßt Arena den Daten eine Verteilung an.
- Im unteren Fenster wir die am besten passende Verteilung aufgeführt (hier eine Exponentialverteilung mit Erwartungswert 1.98).
- Man kann sich im Menü Fit auch auf eine spezielle Verteilung festlegen.



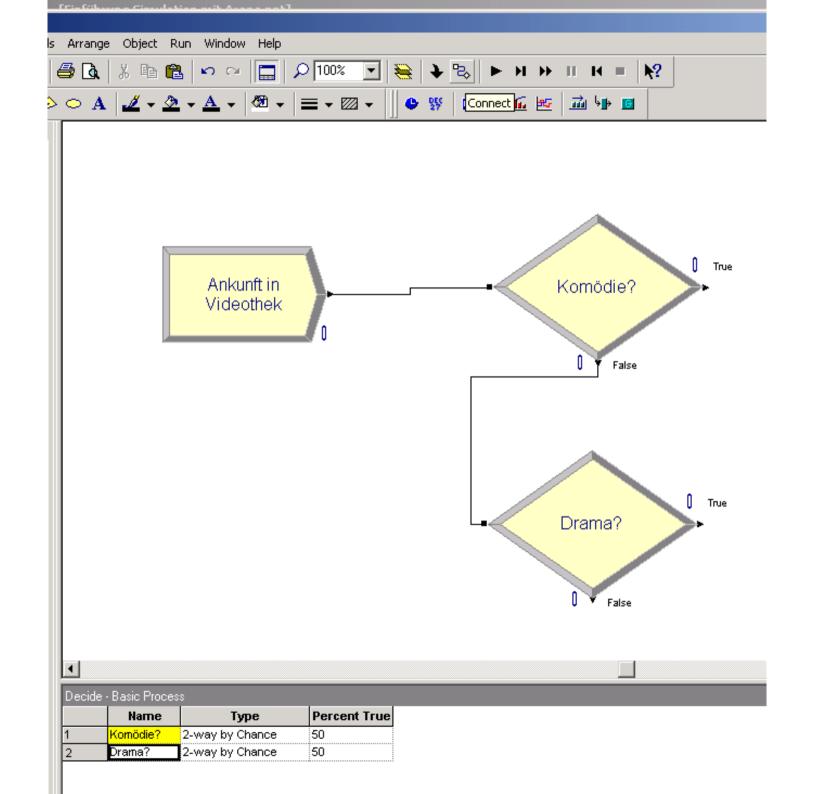
- Die Verteilung sollte "wahre Verteilung" möglichst gut modellieren, daher müssen die statistischen Tests (z.B. Chi Square Test) möglichst kleine Test-Statistiken haben.
- Im Hauptfenster wird die Funktion der angepaßten Verteilung zusätzlich zu den Meßdaten eingezeichnet. Daran läßt sich grob abschätzen, ob die Verteilung die Daten gut modelliert.
- In unserem Beispiel wissen wir nun, daß wir im Create Module unter Type Random(Expo) und unter Value 1.98 eingeben müssen.

- Damit haben wir das passende Create Module für unser Modell.
- Als nächstes muß der Kunde auswählen, ob er eine Komödie, ein Drama oder einen Actionfilm sehen will. Das modellieren wir mit zwei Decide Modules.
- Die WK, daß der Kunde sich für eine Komödie entscheidet sei 50% und für ein Drama oder ein Actionfilm jeweils 25%.
- Wir beginnen mit dem ersten Decide Module, bei dem sich für oder gegen eine Komödie mit einer WK von jeweils 50 % (Type ist 2-Way-Chance und Percent True ist 50%). Es wird mit dem Create Module verbunden.

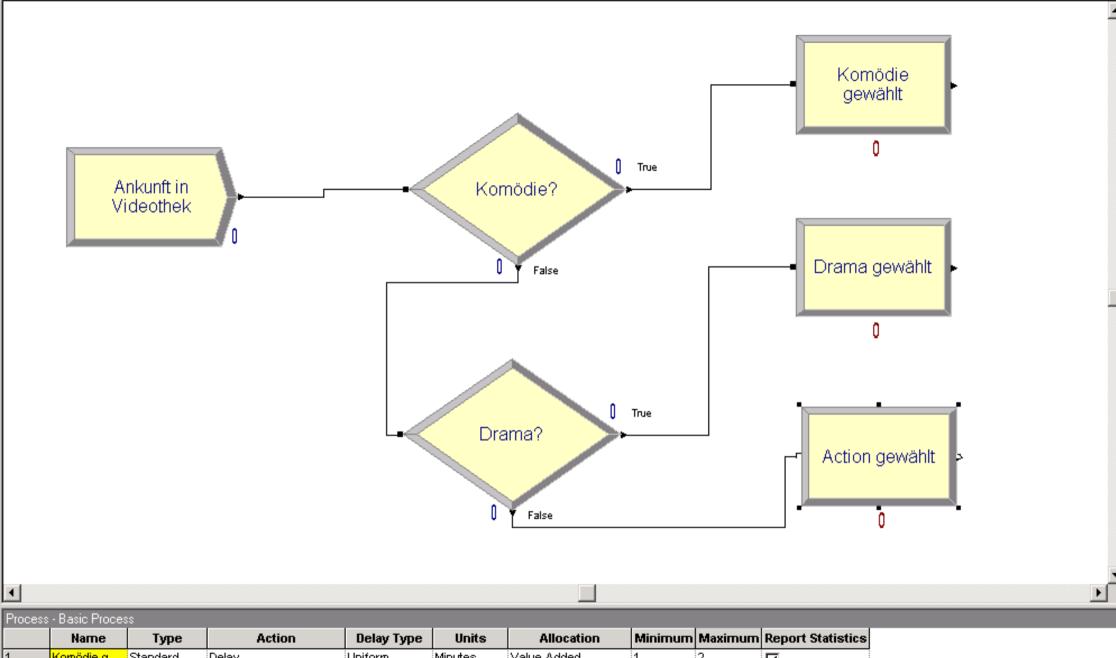
- Ein zweites *Decide Module*, bei dem sich für oder gegen ein Drama entschieden wird, erhält ebenfalls die Werte *Type*: 2-Way-Chance und *Percent True*: 50%.

!Achtung! Es handelt sich hier um bedingte WK, denn wenn man sich schon gegen die Komödie entschieden hat, bleibt eine 50%ige WK für jede der zwei verbleibenden Möglichkeiten, da diese ja gleich wahrscheinlich sind.

 Nun muß mit dem Connect-Button das untere Ende des ersten Decide Module (das False-Ende) mit dem Eingang (linkes Ende) des zweiten Decide Module verbunden werden.

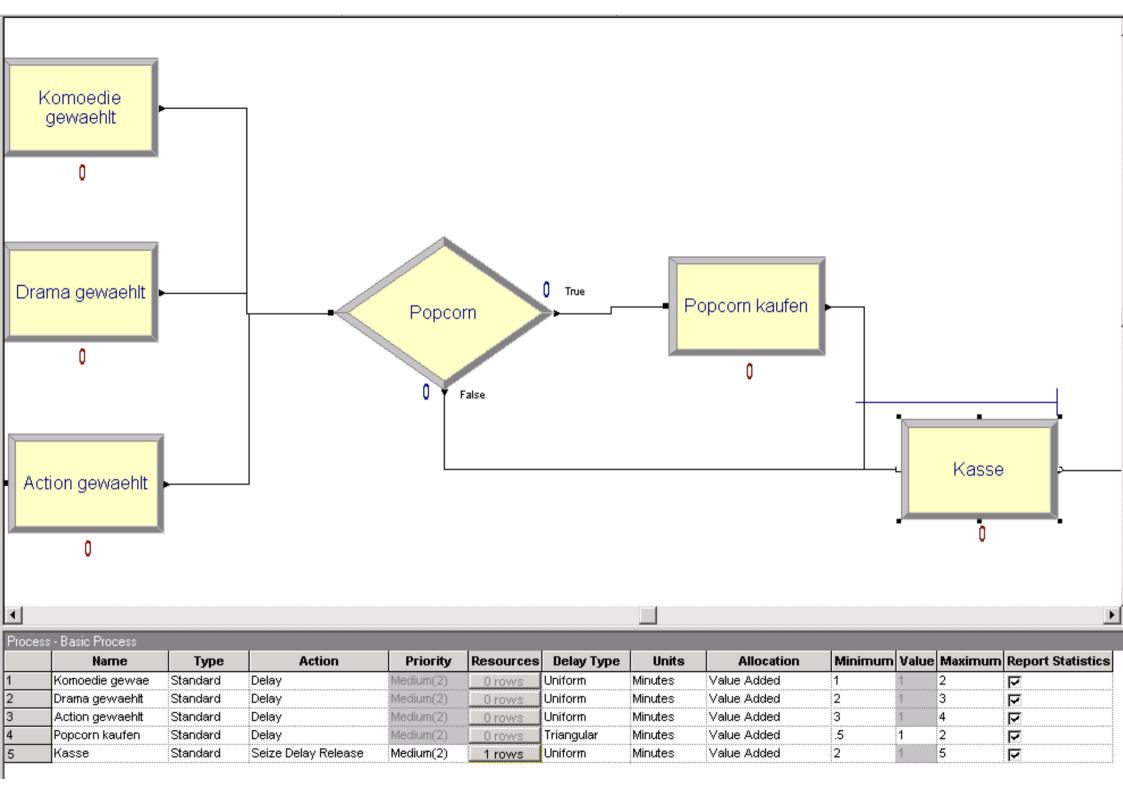


- Jetzt brauchen wir drei Process Modules, um die Dauer für das Aussuchen des Filmes zu simulieren. Diese Dauer ist für jedes Genre verschieden.
- Mit dem Connect-Button werden wieder die entsprechenden Endpunkte der Module verbunden.
- Wir wählen für jedes der drei Process Modules unter Action den Wert Delay, da wir hier keine Warteschlange haben.
- Weiterhin sei die Zeit zum Aussuchen des Filmes gleichverteilt (uniform) auf dem Intervall [1,2] (in Minuten) für die Komödien, gleichverteilt auf dem Intervall [2,3] für die Dramen und gleichverteilt auf dem Intervall [3,4] für die Actionfilme.



Flocess - Basic Flocess										
	Name	Туре	Action	Delay Type	Units	Allocation	Minimum	Maximum	Report Statistics	
1	Komödie g	Standard	Delay	Uniform	Minutes	Value Added	1	2	₽	
2	Drama ge	Standard	Delay	Uniform	Minutes	Value Added	2	3	☑	
3	Action ge	Standard	Delay	Uniform	Minutes	Value Added	3	4	☑	

- Als nächstes haben die Kunden noch die Möglichkeit Popcorn zu kaufen. Ein Decide Module modelliert diese Möglichkeit (25% der Kunden kaufen Popcorn). Dessen linkes Ende wird mit jedem der drei Process Modules verbunden.
- Die Kunden, die sich für Popcorn entschieden haben, werden noch für eine Zeitdauer aufgehalten, die dreiecksverteilt (*Triangular*) ist auf [0.5,2] mit dem Erwartungswert 1.
- Nun müssen die Kunden an der Kasse ihren Film und eventuell das Popcorn bezahlen. Wir brauchen also ein Process Module mit Action: Seize Delay Release. Als Wartezeit wählen wir eine Gleichverteilung auf [2,5]. Das Module hat eine Resource.



- Als letztes fügen wir noch ein *Dispose Module* ein, das das Verlassen der Videothek modelliert.
- Im Run Setup wählen wir 5 Replikationen mit jeweils 800 Minuten.
- Startet man nun die Simulation, so erscheint während der Simulation eine Fehlermeldung:

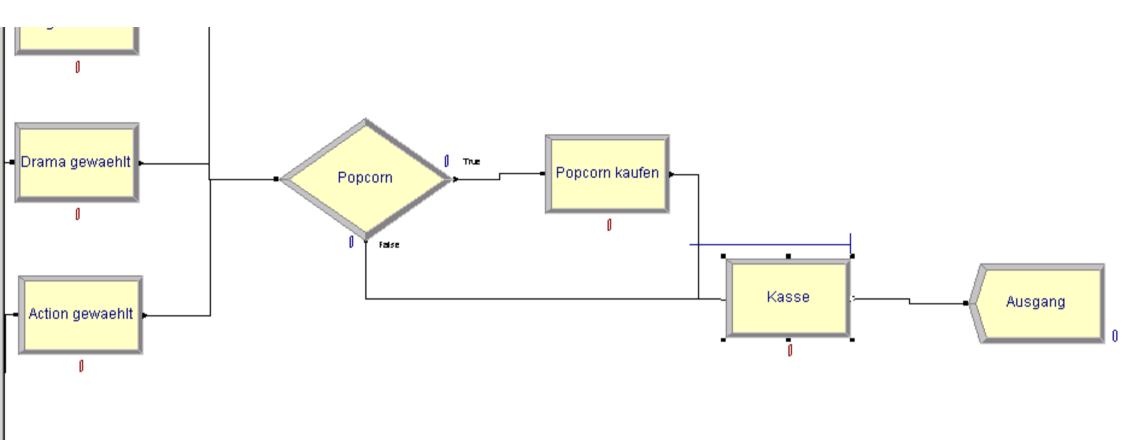
ERROR:

Entity: 100

A runtime error was detected...

 Der Grund ist die Warteschlange für der Kasse. Die Kapazität ist auf 100 Kunden begrenzt. Wir müssen unseren Kassierer also schneller arbeiten lassen.

- Wir haben nun zwei Möglichkeiten, den "Fehler" zu beheben (Sollte unsere Videothek wirklich mit diesen Bedien- und Ankunftszeiten arbeiten, wäre sie schnell völlig überfüllt):
 - 1. Die Zwischenankunftszeit im *Create Module* vergrößern, so daß die Kunden in größeren Zeitabständen ankommen.
 - 2. Den Kassierer "schneller" machen, bzw. die Bedienzeit im *Process Module* verkleinern.
- Wir wählen hier die zweite Variante und lassen wählen für die Bedienzeit an der Kasse die Gleichverteilung aus [0.5,3].



Process - Basic Process												
	Name	Туре	Action	Priority	Resources	Delay Type	Units	Allocation	Minimum	Value	Maximum	Repor
1	Komoedie gewaehlt	Standard	Delay	Medium(2)	0 rows	Uniform	Minutes	Value Added	1	1	2	<u><</u>
2	Drama gewaehlt	Standard	Delay	Medium(2)	0 rows	Uniform	Minutes	Value Added	2	1	3	$\overline{\mathbf{Z}}$
3	Action gewaehlt	Standard	Delay	Medium(2)	0 rows	Uniform	Minutes	Value Added	3	1	4	☑
4	Popcorn kaufen	Standard	Delay	Medium(2)	0 rows	Triangular	Minutes	Value Added	.5	1	2	$\overline{\mathbf{Z}}$
5	Kasse	Standard	Seize Delay Release	Medium(2)	1 rows	Uniform	Minutes	Value Added	0.5	1	3	☑

┫

- Simulieren wir mit diesen Einstellungen, erhalten wir z.B. für die durchschnittliche Wartezeit an der Kasse 6 Minuten und 11 Sekunden. Es warten im Mittel 3,14 Kunden in der Schlange (Verzeichnis *Queue* des Reports).
- Der Angestellte ist zu ca. 88 % ausgelastet (Verzeichnis Resource).
- Ein Kunde verbringt im Mittel 10 Minuten und 37
 Sekunden in der Videothek.
- Diese Ergebnisse beziehen sich nur auf **diese**Simulation. Da wir aber immerhin 5 lange
 Simulationsläufe gemacht haben, können wir davon
 ausgehen, daß sie nur minimal von den "wahren"
 Mittelwerten abweichen.

Hilfe in Arena

- Pdf-Dokument im Startmenü unter Arena-> Online Books -> Arena Standard Edition User's Guide (mit einer guten Einführung).
- Hilfemenü im Arenaprogramm -> Arena Help Topics (ähnlich zum Pdf, aber ausführlicher und mit Suche/Index).
- Arena-Examples im Installationsordner -> Examples (größtenteils sehr fortgeschrittene Projekte)
- Smart File Library (im Ordner Smarts oder über Arena Help Topics -> Exploring Arena -> Learning Arena with Smart Files (sehr empfehlenswert, in einfachen Modellen werden alle Konzept erklärt).