# Compilation M1

# Félix Jamet, Mica Ménard

# Avril 2018

# Contents

1	Types des grammaires					
2	Grammaires LL(k)					
	2.1	$\mathrm{First}(\mathrm{N})$	2			
	2.2	$\operatorname{Follow}(N) \ \ldots $	2			
	2.3	Grammaire $LL(1)$	3			
3	Pro	Projet compilo				
	3.1	Définitions	3			
	3.2	Schémas	3			
	3.3	Processus divers	3			
		3.3.1 Scan $G_0$	3			
		3.3.2 Scan GPL	4			
		3.3.3 Action $G_0$	4			
	3.4	Construction de la grammaire $G_0$	4			
		3.4.1 Notation B.N.F	4			
		3.4.2 Règle 1	4			
		3.4.3 Règle 2	5			
		3.4.4 Règle 3	5			
		3.4.5 Règle 4	5			
		3.4.6 Règle 5	5			
	3.5	Structure de données	5			
	3.6	Construction des 5 Arbres	5			
		3.6.1 Fonctions Gen*	5			
		3.6.2 Arbres	6			
	3.7	Scan $G_0$	8			
	3.8	Action $G_0$	9			
	3.9	Exemple	9			
		3.9.1 Pile	10			
		3.9.2 Dictionnaires	10			
		3.9.3 Compilation				
		3.9.4 Arbre GPL	11			
4	Tab	oles S.R.	12			
•	4.1	Algorithme Table Analyse L.R				
	4.2	Astuces de construction de la table SR				
	4.3	Génération automatique de la table SR				
	1.0		19			

4.4	Exemp	ole de génération de table S.R	13
	4.4.1	GPL	13
	4.4.2	Fenêtre	13
	4.4.3	Questions	13
	4.4.4	Dérivation	13
	4 4 5	Arbre et poignées	13

# 1 Types des grammaires

- 0 grammaires de type C
- 1 grammaires contextuelles (CS)  $\gamma \to \beta$  avec  $\|\gamma\| \le \|\beta\|$
- **2** grammaires non contextuelles (CF)  $A \to B$  avec  $A \in V_N, B \in V^+$
- 3 grammaires régulières

$$\begin{cases} A \to aB \\ A \to a \end{cases} \quad \text{ou} \quad \begin{cases} A \to Ba \\ A \to a \end{cases}$$

Le langage L généré par une grammaire G est tel que:

$$L(G) = \{ x \in V_T^* / S \stackrel{*}{\Rightarrow} x \}$$

S étant ici le symbole de départ de la grammaire G ( $start\ symbol$ ).

l'intersection de deux langages de type x n'est pas forcément de type x.

# 2 Grammaires LL(k)

k est une mesure de l'ambiguité. Représente le nombre de caractères qu'il est nécessaire de regarder pour déterminer quelle règle utiliser. Bien entendu, les règles  $\mathrm{LL}(1)$  sont préférables.

### $2.1 \quad First(N)$

- Si  $N \to A \dots$  alors First(N) = First(A)
- Si  $N \to c \dots$  alors  $First(N) = \{c\}$
- Si  $N \to A.B...$  et si  $A \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$  alors First(N) = First(B)

Avec " $\stackrel{*}{\Rightarrow}$ " signifiant "se derive en".

Il ne s'agit pas d'appliquer une règle a chaque fois, mais plutot d'appliquer toutes les règles possibles.

#### $2.2 \quad \text{Follow(N)}$

- Si  $A \to \dots Nc \dots$  alors  $Follow(N) = \{c\}$
- Si  $A \to \dots NB \dots$  alors Follow(N) = First(B)
- Si  $A \to N \dots$  alors Follow(N) = Follow(A)

Concernant la dernière règle, hippolyte a noté: - Si  $A \to \dots N$  alors Follow(N) = Follow(A)

À déterminer.

### 2.3 Grammaire LL(1)

• si  $A \to \alpha_1/\alpha_2/\dots/\alpha_n$  alors

$$First(\alpha_i) \cap First(\alpha_j) = \varnothing, \forall i \neq j$$

• si  $A \Rightarrow \epsilon$  on doit avoir

$$First(A) \cap Follow(A) = \emptyset$$

Si une règle ne possède qu'une dérivation, la règle 1 ne s'applique pas. Si une règle ne possède pas de suivant, la règle 2 ne s'applique pas.

# 3 Projet compilo

#### 3.1 Définitions

#### **GPL** Grammaire Petit Langage

Scanner analyseur lexical, découpe du texte en unités syntaxiquement correctes (tokens)

Parseur analyse syntaxique, s'assure que les tokens sont syntaxiquement corrects

#### 3.2 Schémas

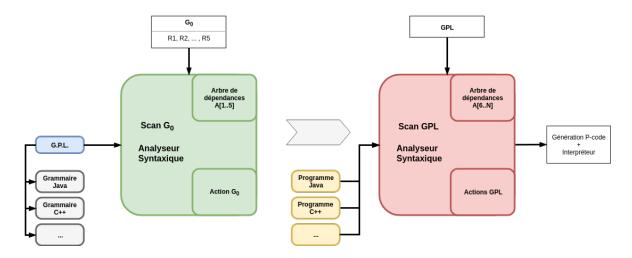


Figure 1: Projet Compilo

#### 3.3 Processus divers

#### 3.3.1 Scan $G_0$

Scanne les

- élements terminaux
- élements non-terminaux

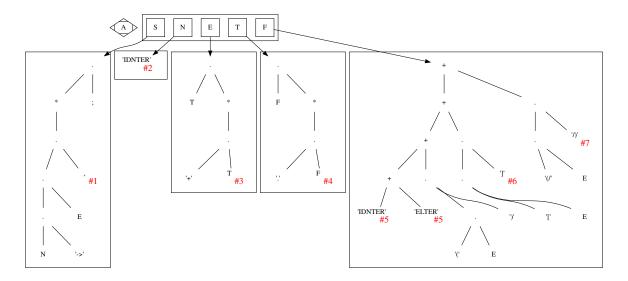


Figure 2: Arbres de dépendances  $G_0$ 

#### 3.3.2 Scan GPL

Scanne les

- identificateurs
- nombres entiers
- symboles (>, #, [, etc.)

#### 3.3.3 Action $G_0$

Construit l'arbre GPL

# 3.4 Construction de la grammaire $G_0$

#### 3.4.1 Notation B.N.F.

- $\bullet \ ::= \Longleftrightarrow \rightarrow$
- $[X] \iff X.X.X...X(n \text{ fois}), n \geq 0$
- $(/X/) \iff X$  ou Vide
- / <-> +
- $concat \iff$  .
- 'X' correspond à un élément terminal

#### 3.4.2 Règle 1

$$S \to [N.' \to '.E.', '].'; ',$$

Une grammaire est forcément composée de plusieurs règles, séparées par des ',' et terminée par un ';'.

#### 3.4.3 Règle 2

$$N \rightarrow 'IDNTER',$$

'IDNTER' signifie identificateur non terminal.

#### 3.4.4 Règle 3

$$E \rightarrow T.[' + '.T],$$

E est une expression qui peut être un terme ou un autre.

#### 3.4.5 Règle 4

$$T \rightarrow F.['.'.F],$$

Un terme T peut être composé d'un seul facteur F ou de facteurs concaténés.

#### 3.4.6 Règle 5

$$F \rightarrow 'IDNTER' + 'ELTER' + '('.E.')' + '['.E.']' + '(/'.E.'/)',;$$

#### 3.5 Structure de données

Syntaxe maison...

```
Type Atomtype = (Terminal, Non-Terminal);
    Operation = (Conc, Union, Star, UN, Atom); ##Atom = {IDNTER, ELTER}
PTR = †Node

Node = Enregistrement
    case operation of
    Conc: (left, right : PTR);
    Union: (left, right : PTR);
    Star: (stare: PTR);
    UN: (UNE : PTR);
    ATOM: (COD, Act : int ; AType: Atomtype);
    EndEnregistrement
```

#### 3.6 Construction des 5 Arbres

#### 3.6.1 Fonctions Gen\*

A: Array [1..5] of PTR;

```
Fonction GenConc(P1, P2 : PTR) : PTR;
var P : PTR;
debut
  New(P, conc);
  P↑.left := P1;
```

```
P\uparrow.right := P2;
  P1.class := conc;
  GenConc := P;
fin
Fonction GenUnion(P1, P2 : PTR) : PTR;
  var P : PTR;
  début
    New(P, union);
    P\u00e9.left := P1;
    P1.right := P2;
    P\u00e1.class := union;
    GenUnion := P;
  fin
Fonction GenStar(P1 : PTR) : PTR; ##0 ou n fois
  var P:PTR;
  début
    New(P, star);
    P1.stare := P1;
    P1.class := star;
    GenStar := P;
  fin
Fonction GenUn(P1 : PTR) : PTR; ##0 ou une fois
  var P:PTR;
  début
    New(P, un);
    P1.une := P1;
    P\uldah.class := un;
    GenUn := P;
  fin
Fonction GenAtom(COD, Act : int, AType : Atomtype) : PTR
  var P:PTR;
  début
    New(P, atom);
    P\uparrow.COD := COD;
    P1.Act := Act;
    P1.AType := AType;
    GenAtom := P;
  fin
3.6.2 Arbres
  1. S
     A[S] :=
       GenConc(
         GenStar(
           GenConc(
             GenConc(
```

```
GenConc(GenAtom('N', 0, NonTerminal),
            GenAtom('->', 0, Terminal)
          ),
          GenAtom('E', 0, NonTerminal)
        ),
        GenAtom(',', 1, Terminal)
      GenAtom(';', 0, Terminal)
2. N
  ##Ajouts de ma part, je ne suis pas sûr des résultats :
  A[N] := GenAtom('IDNTER', 2, Terminal);
3. E
  A[E] := GenConc(
            GenAtom('T', 0, NonTerminal),
            GenStar(
              GenConc(
                 GenAtom('+', 0, Terminal),
                 GenAtom('T', 3, Terminal)
                 )
              )
          )
4. T
  A[T] := GenConc(
            GenAtom('F', 0, NonTerminal),
            GenStar(
              GenConc(
                GenAtom('.', 0, Terminal),
                GenAtom('F', 4, Terminal)
                 )
              )
          )
5. F
  A[F] := GenUnion(
            GenUnion(
              GenUnion(
                GenUnion(
                   GenAtom('IDNTER', 5, Terminal),
                   GenAtom('ELTER', 5, Terminal)
                   ),
                GenConc(
                   GenConc(
                     GenAtom('(', 0, Terminal),
                     GenAtom('E', 0, NonTerminal)
                     ),
                   GenAtom(')', 0, Terminal)
```

```
),
GenConc(
   GenAtom('[', 0, Terminal),
      GenAtom('E', 0, NonTerminal)
     ),
GenAtom(']', 6, Terminal)
   )
),
GenConc(
GenConc(
GenAtom('(/', 0, Terminal),
   GenAtom('E', 0, NonTerminal)
   ),
GenAtom(''/)', 7, Terminal)
)
)
```

### 3.7 Scan $G_0$

```
fonction Analyse(P: PTR): booléen
  début
    case P1.class of
      Conc: if Analyse(P1.left) then Analyse := true
                                else Analyse := Analyse(P1.right);
      Union: if Analyse(P1.left) then Analyse := true
                                else Analyse := Analyse(P1.right);
      Star: Analyse := true;
            while Analyse(P1.stare) do;
      Un: Analyse := true;
            if Analyse(P1.une) then;
      Atom: case P1.Atype of
              Terminal: if P1.cod = code then #cod = code ASCII
                début
                  Analyse := true;
                  if P↑.act != 0 then GO-action(P↑.act)
                  scanG0;
                fin
                        else Analyse := false;
              Non-Terminal: if Analyse(A[P1.cod]) then
                              début
                                if P1.act != 0 then G0-action(P1.act);
                                Analyse := true;
                            else Analyse := false;
  fin
Main() #vérifie si une grammaire est correcte
  scan;
```

```
if Analyse(A[s]) then write('OK');
}
```

#### 3.8 Action $G_0$

De quoi a-t-on besoin?

- Deux dictionnaires : DicoT, DicoNT
- Tableau pile[I]: Tableau de pointeurs

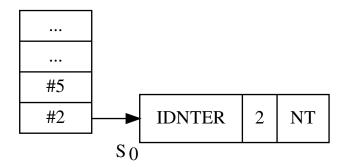
Remarque : les nombres du case correspondent aux actions associées aux numéros inscrits dans les arbres.

```
Procédure Action GO(Act : int);
  var T1, T2 : PTR;
  début
    case Act of
    1: Dépiler(T1);
       Dépiler(T2);
       A[T2\uparrow.cod + 5] := T1; \#Arbres GPL commencent à 6
    2: Empiler(GenAtom(Recherche(DicoT), Action, CAType)) ##donne la
      ##partie gauche d'une règle
      ##Recherche() stocke le token si non stocké dans dico
    3: Dépiler(T1);
       Dépiler(T2);
       Empiler(GenUnion(T2,T1))
    4: Dépiler(T1);
       Dépiler(T2);
       Empiler(GenConc(T2,T1))
    5: if CAType = Terminal then
        Empiler(GenAtom(Recherche(DicoT), Action, Terminal))
        Empiler(GenAtom(Recherche(DicoNT), Action, Terminal))
    6: Dépiler(T1);
       Empiler(GenStar(T1));
    7: Dépiler(T1);
       Empiler(GenUn(T1));
  Pile : Array[1..50] : PTR;
  DicoT, DicoNT: Dico;
  Dico : Array[1..50] : String[10];
```

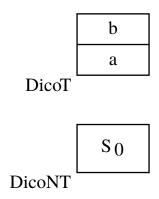
#### 3.9 Exemple

```
GPL: S_0 \rightarrow ['a'].'b', ; Regex: a^nb
```

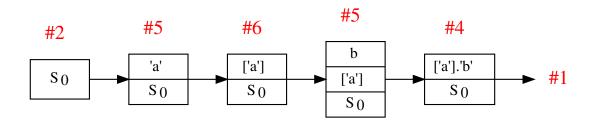
### 3.9.1 Pile



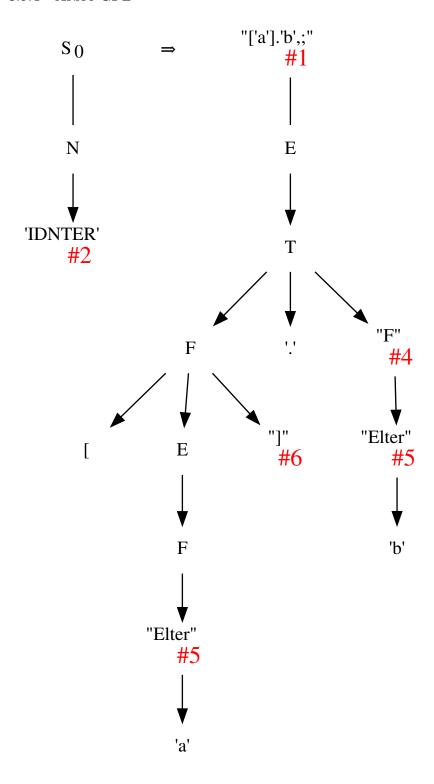
### 3.9.2 Dictionnaires



# 3.9.3 Compilation



# 3.9.4 Arbre GPL



# 4 Tables S.R.

### 4.1 Algorithme Table Analyse L.R.

Shift Empiler le caractère; scan;

**Reduce** Remplacer la partie droite au sommet de la pile par la partie gauche  $(A \to a)$ 

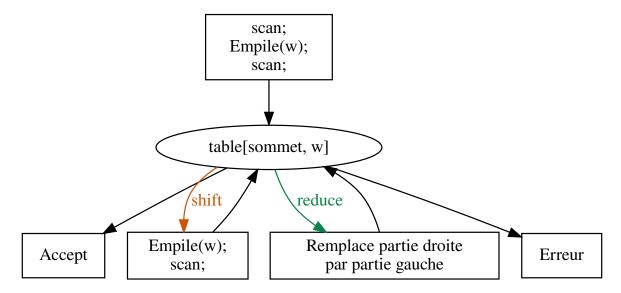


Figure 3: Algorithme Table Analyse L.R.

#### 4.2 Astuces de construction de la table SR

- Commencer par remplir l'accept (en regardant la première règle) et les erreurs.
- On reduce quand une poignée apparaît dans la pile.
- Si un mot n'est pas en fin de règle, sa ligne ne comprendra pas de reduce.

# 4.3 Génération automatique de la table SR

#### 4.3.1 Opérateurs $\doteq$ , $\Rightarrow$ , et $\lessdot$

• 
$$X \doteq Y$$
 si 
$$A \rightarrow \dots X.Y \dots \in \mathcal{P}$$

• 
$$X \lessdot Y$$
 si 
$$A \to \dots X.Q \dots \in \mathcal{P}$$
 et  $Q \overset{*}{\Rightarrow} Y$ 

• 
$$X > Y$$
 si 
$$A \stackrel{.}{=} Y$$
 et  $A \stackrel{*}{\Rightarrow} X$ 

On peut remplir le tableau SR à partir des relations  $\doteq$  ,  $\Rightarrow$  et  $\lessdot$  :

- (ligne  $\doteq$  colonne) et (ligne  $\lessdot$  colonne) se traduisent en (ligne Shift colonne)
- (ligne > colonne) se traduit en (ligne Reduce colonne)

# 4.4 Exemple de génération de table S.R.

#### 4.4.1 GPL

$$S \to E \$ E \to E + a E \to a$$

Type 2 car deux terminaux ('+' et 'a')

#### 4.4.2 Fenêtre

a + a + a + a

#### 4.4.3 Questions

- 1. Poignées?
- 2. Configuration de la pile
- 3. Table S.R.

#### 4.4.4 Dérivation

$$a+a+a+a\$ \rightarrow E+a+a+a\$ \rightarrow E+a+a\$ \rightarrow E+a\$ \rightarrow E\$ \rightarrow S$$

#### 4.4.5 Arbre et poignées

#Génération de code

 $\#\#\mathrm{Mn\acute{e}moniques}$  associés à un accumulateur

Load A

STO A

ADD A

SUB A

###Exemples

$$y := a + b * c$$

Load b

MULT c

ADD a

STO y

$$a := (a+b) * c$$

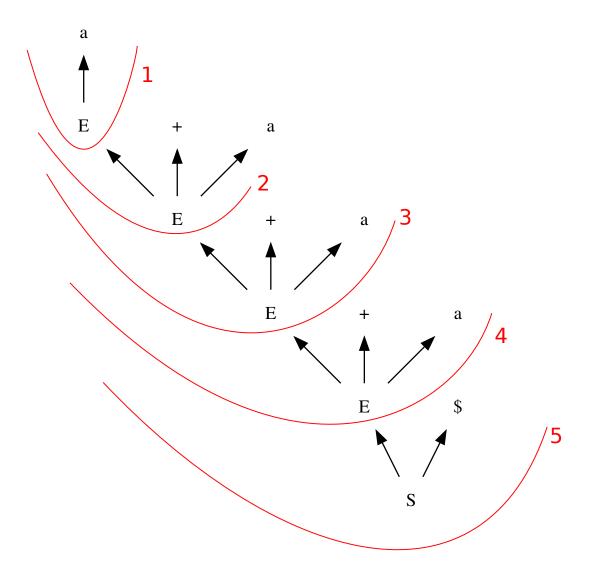


Figure 4: Arbre et poignées

Load a

MULT c

STO a

$$a := c/(a+b)$$

Load a

ADD b

STO d

Load c

DIV d

 $\#\# {\rm Automatisation}$  du processus

Utilisation de la notation post-fixée.

$$c/(a+b) \rightarrow cab + /$$

### Exemple

$$(a+b)/(c+d)$$

Notation post-fixée : ab + cd + /

Load c

ADD d

STO x

Load a

ADD b

DIV x

 $\#\#\operatorname{Op\'{e}rations}$ 

##Registes

 $\#\#\mathrm{R\`egle}$ générale