# Compilation M1

# Félix Jamet, Mica Ménard

## Avril 2018

# Contents

1	Typ	pes des grammaires	2
<b>2</b>	Gra	${\rm ammaires}  {\rm LL}({\rm k})$	2
	2.1	$\operatorname{First}(N) \ \dots $	2
	2.2	$Follow(N) \ \dots $	3
	2.3	Grammaire $LL(1)$	3
3	Pro	ejet compilo	3
	3.1	Définitions	3
	3.2	Schémas	3
	3.3	Processus divers	4
		3.3.1 Scan $G_0$	4
		3.3.2 Scan GPL	4
		3.3.3 Action $G_0$	4
	3.4	Construction de la grammaire $G_0$	4
		3.4.1 Notation B.N.F	4
		3.4.2 Règle 1	5
		3.4.3 Règle 2	5
		3.4.4 Règle 3	5
		3.4.5 Règle 4	5
		3.4.6 Règle 5	5
	3.5	Structure de données	5
	3.6	Construction des 5 Arbres	6
		3.6.1 Fonctions Gen*	6
		3.6.2 Arbres	7
	3.7	Scan $G_0$	8
	3.8	Action $G_0$	9
	3.9	· ·	10
		•	10
		3.9.2 Dictionnaires	10
		3.9.3 Compilation	
		3.9.4 Arbre GPL	
4	Tab		10
	4.1	Algorithme Table Analyse L.R	
	4.2	Astuces de construction de la table SR	
	4.3	Génération automatique de la table SR	
		4.3.1 Opérateurs $=$ , $>$ , et $<$	12

	4.4	Exemple de génération de table S.R	1	12
		4.4.1 GPL	1	12
		4.4.2 Fenêtre	1	12
		4.4.3 Questions	1	12
		4.4.4 Dérivation	1	13
		4.4.5 Arbre et poignées	1	13
5		nération de code	_	.3
	5.1	Mnémoniques associés à un accumulateur	1	13
		5.1.1 Exemples	1	13
	5.2	Automatisation du processus	1	14
		5.2.1 Exemple	1	14
	5.3	Génération de code avec plusieurs registres	1	14
		5.3.1 Opérations	1	14
		5.3.2 Combien a-t-on besoin de registres?	1	15
		5.3.3 Règles générales	1	16

## 1 Types des grammaires

- 0 grammaires de type C
- 1 grammaires contextuelles (CS)  $\gamma \to \beta$  avec  $\|\gamma\| \le \|\beta\|$
- **2** grammaires non contextuelles (CF)  $A \to B$  avec  $A \in V_N, B \in V^+$
- 3 grammaires régulières

$$\begin{cases} A \to aB \\ A \to a \end{cases} \quad \text{ou} \quad \begin{cases} A \to Ba \\ A \to a \end{cases}$$

Le langage L généré par une grammaire G est tel que:

$$L(G) = \{ x \in V_T^* / S \stackrel{*}{\Rightarrow} x \}$$

S étant ici le symbole de départ de la grammaire G (start symbol).

l'intersection de deux langages de type x n'est pas forcément de type x.

## 2 Grammaires LL(k)

k est une mesure de l'ambiguité. Représente le nombre de caractères qu'il est nécessaire de regarder pour déterminer quelle règle utiliser. Bien entendu, les règles  $\mathrm{LL}(1)$  sont préférables.

### $2.1 \quad First(N)$

- Si  $N \to A \dots$  alors First(N) = First(A)
- Si  $N \to c \dots$  alors  $First(N) = \{c\}$
- Si  $N \to A.B...$  et si  $A \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$  alors First(N) = First(B)

Avec "

\*
" signifiant "se derive en".

Il ne s'agit pas d'appliquer une règle a chaque fois, mais plutot d'appliquer toutes les règles possibles.

### 2.2 Follow(N)

- Si  $A \to \dots Nc \dots$  alors  $Follow(N) = \{c\}$
- Si  $A \to \dots NB \dots$  alors Follow(N) = First(B)
- Si  $A \to N \dots$  alors Follow(N) = Follow(A)

Concernant la dernière règle, hippolyte a noté: - Si  $A \to \dots N$  alors Follow(N) = Follow(A) À déterminer.

### 2.3 Grammaire LL(1)

• si 
$$A \to \alpha_1/\alpha_2/\dots/\alpha_n$$
 alors 
$$First(\alpha_i) \cap First(\alpha_i) = \varnothing, \forall i \neq j$$

• si  $A \Rightarrow \epsilon$  on doit avoir

$$First(A) \cap Follow(A) = \emptyset$$

Si une règle ne possède qu'une dérivation, la règle 1 ne s'applique pas. Si une règle ne possède pas de suivant, la règle 2 ne s'applique pas.

### 3 Projet compilo

### 3.1 Définitions

### **GPL** Grammaire Petit Langage

Scanner analyseur lexical, découpe du texte en unités syntaxiquement correctes (tokens)

Parseur analyse syntaxique, s'assure que les tokens sont syntaxiquement corrects

#### 3.2 Schémas

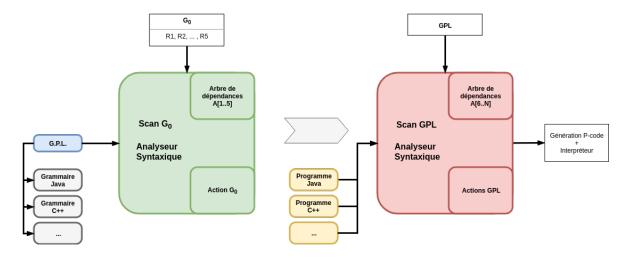


Figure 1: Projet Compilo

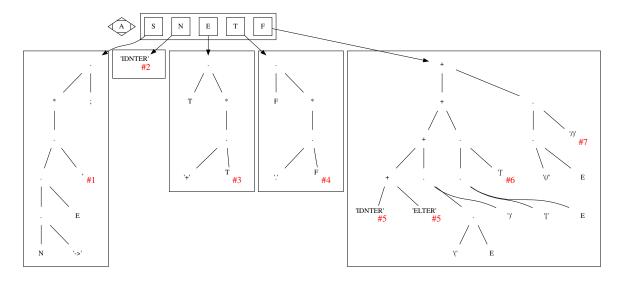


Figure 2: Arbres de dépendances  $G_0$ 

### 3.3 Processus divers

### 3.3.1 Scan $G_0$

Scanne les

- élements terminaux
- élements non-terminaux

### 3.3.2 Scan GPL

Scanne les

- identificateurs
- nombres entiers
- symboles (>, #, [, etc.)

### 3.3.3 Action $G_0$

Construit l'arbre GPL

## 3.4 Construction de la grammaire $G_0$

#### 3.4.1 Notation B.N.F.

- $::= \iff \rightarrow$
- $[X] \iff X.X.X...X(n \text{ fois}), n \ge 0$
- $(/X/) \iff X$  ou Vide
- / ⇐⇒ +
- $concat \iff$  .

• 'X' correspond à un élément terminal

### 3.4.2 Règle 1

$$S \to [N.' \to '.E.', '].'; ',$$

Une grammaire est forcément composée de plusieurs règles, séparées par des ',' et terminée par un ';'.

### 3.4.3 Règle 2

$$N \rightarrow 'IDNTER'$$
,

'IDNTER' signifie identificateur non terminal.

### 3.4.4 Règle 3

$$E \rightarrow T.[' + '.T],$$

E est une expression qui peut être un terme ou un autre.

### 3.4.5 Règle 4

$$T \rightarrow F.['.'.F],$$

Un terme T peut être composé d'un seul facteur F ou de facteurs concaténés.

### 3.4.6 Règle 5

$$F \rightarrow 'IDNTER' + 'ELTER' + '('.E.')' + '['.E.']' + '(/'.E.'/)',;$$

### 3.5 Structure de données

Syntaxe maison...

```
Type Atomtype = (Terminal, Non-Terminal);
    Operation = (Conc, Union, Star, UN, Atom); ##Atom = {IDNTER, ELTER}
PTR = †Node

Node = Enregistrement
    case operation of
    Conc: (left, right : PTR);
    Union: (left, right : PTR);
    Star: (stare: PTR);
    UN: (UNE : PTR);
    ATOM: (COD, Act : int ; AType: Atomtype);
    EndEnregistrement

A: Array [1..5] of PTR;
```

### 3.6 Construction des 5 Arbres

### 3.6.1 Fonctions Gen\*

```
Fonction GenConc(P1, P2 : PTR) : PTR;
  var P : PTR;
debut
  New(P, conc);
  P\u20a1.left := P1;
  P\right := P2;
  P1.class := conc;
  GenConc := P;
fin
Fonction GenUnion(P1, P2 : PTR) : PTR;
  var P : PTR;
  début
    New(P, union);
    P\tau.left := P1;
    P1.right := P2;
    P\u20ac.class := union;
    GenUnion := P;
  fin
Fonction GenStar(P1 : PTR) : PTR; ##0 ou n fois
  var P:PTR;
  début
    New(P, star);
    P1.stare := P1;
    Pî.class := star;
    GenStar := P;
  fin
Fonction GenUn(P1 : PTR) : PTR; ##0 ou une fois
  var P:PTR;
  début
    New(P, un);
    P\uparrow.une := P1;
    P\u00e1.class := un;
    GenUn := P;
  fin
Fonction GenAtom(COD, Act : int, AType : Atomtype) : PTR
  var P:PTR;
  début
    New(P, atom);
    P\uparrow.COD := COD;
    P1.Act := Act;
    P1.AType := AType;
    GenAtom := P;
  fin
```

#### **3.6.2** Arbres

```
1. S
  A[S] :=
    GenConc(
      GenStar(
        GenConc(
          GenConc(
             GenConc(GenAtom('N', 0, NonTerminal),
            GenAtom('->', 0, Terminal)
          ),
          GenAtom('E', 0, NonTerminal)
        ),
        GenAtom(',', 1, Terminal)
      ),
      GenAtom(';', 0, Terminal)
    );
2. N
  ##Ajouts de ma part, je ne suis pas sûr des résultats :
  A[N] := GenAtom('IDNTER', 2, Terminal);
3. E
  A[E] := GenConc(
            GenAtom('T', 0, NonTerminal),
            GenStar(
              GenConc(
                 GenAtom('+', 0, Terminal),
                 GenAtom('T', 3, Terminal)
              )
          )
4. T
  A[T] := GenConc(
            GenAtom('F', 0, NonTerminal),
            GenStar(
              GenConc(
                 GenAtom('.', 0, Terminal),
                 GenAtom('F', 4, Terminal)
                 )
              )
          )
5. F
  A[F] := GenUnion(
            GenUnion(
               GenUnion(
                 GenUnion(
                   GenAtom('IDNTER', 5, Terminal),
```

```
GenAtom('ELTER', 5, Terminal)
      ),
    GenConc(
      GenConc(
        GenAtom('(', 0, Terminal),
        GenAtom('E', 0, NonTerminal)
        ),
      GenAtom(')', 0, Terminal)
    ),
 GenConc(
    GenConc(
      GenAtom('[', 0, Terminal),
      GenAtom('E', 0, NonTerminal)
      ),
    GenAtom(']', 6, Terminal)
 ),
GenConc(
 GenConc(
    GenAtom('(/', 0, Terminal),
    GenAtom('E', 0, NonTerminal)
    ),
 GenAtom('/)', 7, Terminal)
```

### 3.7 Scan $G_0$

)

```
fonction Analyse(P : PTR) : booléen
  début
    case P1.class of
      Conc: if Analyse(P1.left) then Analyse := true
                                else Analyse := Analyse(P1.right);
      Union: if Analyse(P1.left) then Analyse := true
                                else Analyse := Analyse(P1.right);
      Star: Analyse := true;
            while Analyse(P↑.stare) do;
      Un: Analyse := true;
            if Analyse(P1.une) then;
      Atom: case P1.Atype of
              Terminal: if P\u00e1.cod = code then #cod = code ASCII
                début
                  Analyse := true;
                  if P1.act != 0 then G0-action(P1.act)
                  scanG0;
                fin
                        else Analyse := false;
              Non-Terminal: if Analyse(A[P1.cod]) then
                              début
```

### 3.8 Action $G_0$

De quoi a-t-on besoin?

- Deux dictionnaires : DicoT, DicoNT
- Tableau pile[I]: Tableau de pointeurs

Remarque : les nombres du case correspondent aux actions associées aux numéros inscrits dans les arbres.

```
Procédure Action GO(Act : int);
  var T1, T2 : PTR;
  début
    case Act of
    1: Dépiler(T1);
       Dépiler(T2);
       A[T2\uparrow.cod + 5] := T1; \#Arbres GPL commencent à 6
    2: Empiler(GenAtom(Recherche(DicoT), Action, CAType)) ##donne la
      ##partie gauche d'une règle
      ##Recherche() stocke le token si non stocké dans dico
    3: Dépiler(T1);
       Dépiler(T2);
       Empiler(GenUnion(T2,T1))
    4: Dépiler(T1);
       Dépiler(T2);
       Empiler(GenConc(T2,T1))
    5: if CAType = Terminal then
        Empiler(GenAtom(Recherche(DicoT), Action, Terminal))
        Empiler(GenAtom(Recherche(DicoNT), Action, Terminal))
    6: Dépiler(T1);
       Empiler(GenStar(T1));
    7: Dépiler(T1);
       Empiler(GenUn(T1));
 Pile : Array[1..50] : PTR;
 DicoT, DicoNT: Dico;
  Dico : Array[1..50] : String[10];
```

## 3.9 Exemple

GPL :  $S_0 \rightarrow ['a'].'b',$ ; Regex :  $a^nb$ 

### 3.9.1 Pile

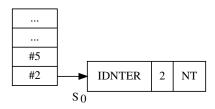


Figure 3: Pile

#### 3.9.2 Dictionnaires

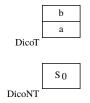


Figure 4: Dictionnaires

### 3.9.3 Compilation

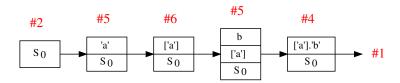


Figure 5: Compilation

### 3.9.4 Arbre GPL

### 4 Tables S.R.

### 4.1 Algorithme Table Analyse L.R.

Shift Empiler le caractère; scan;

Reduce Remplacer la partie droite au sommet de la pile par la partie gauche  $(A \to a)$ 

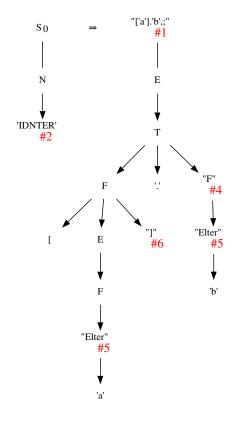


Figure 6: Arbre GPL

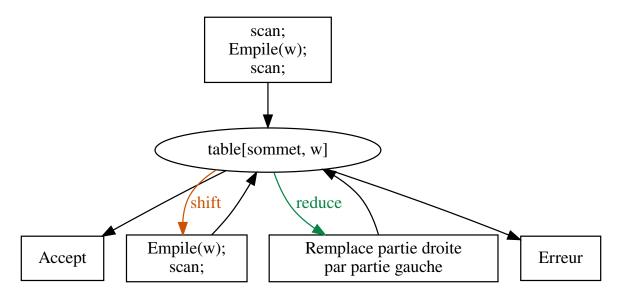


Figure 7: Algorithme Table Analyse L.R.

### 4.2 Astuces de construction de la table SR

- Commencer par remplir l'accept (en regardant la première règle) et les erreurs.
- On reduce quand une poignée apparaît dans la pile.
- Si un mot n'est pas en fin de règle, sa ligne ne comprendra pas de reduce.

### 4.3 Génération automatique de la table SR

### 4.3.1 Opérateurs $\doteq$ , $\Rightarrow$ , et $\lessdot$

•  $X \doteq Y$  si

$$A \to \dots X.Y \dots \in \mathcal{P}$$

•  $X \lessdot Y$  si

$$A \to \dots X.Q \dots \in \mathcal{P}$$
 et  $Q \stackrel{*}{\Rightarrow} Y$ 

• X > Y si

$$A \doteq Y$$

et 
$$A \stackrel{*}{\Rightarrow} X$$

On peut remplir le tableau SR à partir des relations  $\doteq$  , > et < :

- (ligne  $\doteq$  colonne) et (ligne  $\lessdot$  colonne) se traduisent en (ligne Shift colonne)
- (ligne > colonne) se traduit en (ligne Reduce colonne)

### 4.4 Exemple de génération de table S.R.

### 4.4.1 GPL

$$S \to E$$
\$

$$E \to E + a$$

$$E \rightarrow a$$

Type 2 car deux terminaux ('+' et 'a')

#### 4.4.2 Fenêtre

$$a + a + a + a$$
\$

### 4.4.3 Questions

- 1. Poignées?
- 2. Configuration de la pile
- 3. Table S.R.

### 4.4.4 Dérivation

$$a+a+a+a\$ \rightarrow E+a+a+a\$ \rightarrow E+a+a\$ \rightarrow E+a\$ \rightarrow E\$ \rightarrow S$$

### 4.4.5 Arbre et poignées

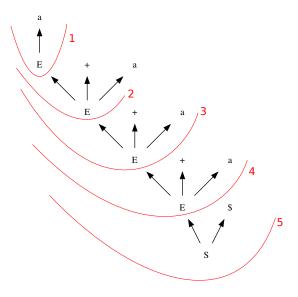


Figure 8: Arbre et poignées

## 5 Génération de code

### 5.1 Mnémoniques associés à un accumulateur

Load A

STO A

ADD A

SUB A

### 5.1.1 Exemples

$$y := a + b * c$$

Load b

 $\mathtt{MULT}\ \mathtt{c}$ 

ADD a

STO y

$$a := (a+b) * c$$

Load a ADD b MULT c

STO a

$$a := c/(a+b)$$

Load a

ADD b

STO d

Load c

DIV d

#### 5.2Automatisation du processus

Utilisation de la notation post-fixée.

$$c/(a+b) \rightarrow cab + /$$

#### 5.2.1 Exemple

$$(a+b)/(c+d)$$

Notation post-fixée : ab + cd + /

Load c

ADD d

STO x

Load a

ADD b

DIV x

#### 5.3 Génération de code avec plusieurs registres

#### 5.3.1Opérations

$$Mov \begin{Bmatrix} R \\ A \end{Bmatrix}, \begin{Bmatrix} R \\ A \end{Bmatrix}$$

avec R: registres et A: addresses. La première partie est la source et la deuxième la destination.

Mov A, R: prendre le contenu de A et le mettre dans R.

$$Op \begin{Bmatrix} R \\ A \end{Bmatrix}, R$$

Exemples:

ADD R1, R2

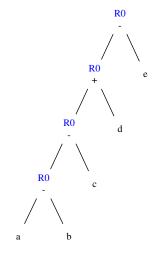
$$\Leftrightarrow R2 \leftarrow R2 + R1$$

DIV b, R1

$$\Leftrightarrow R1 \leftarrow R1/b$$

### 5.3.2 Combien a-t-on besoin de registres?

$$[((a-b)-c)+d]-e \to ab-c-d+e-$$



MOV a, RO

SUB b, RO

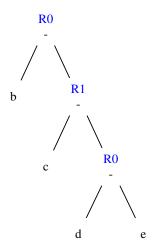
SUB c, RO

ADD d, RO

SUB e, RO

On a donc besoin d'un seul registre.

$$b - (c - (d - e)) \rightarrow bcde - --$$



MOV d, RO

SUB e, RO

 $\ensuremath{\text{MOV}}$  c, R1

SUB RO, R1

MOV b, RO

SUB R1, R0

On a besoin de deux registres.

### 5.3.3 Règles générales

