## Cost Hash Join

### July 2023

### 1 Notation

B: Nombre de partitions.

F: Fudge factor

 $\boldsymbol{s}$  : Facteur de selectivité

|M|: Nombre de pages disponibles en mémoire.

|R|: Nombre de pages occupées par R.

 $|S| \ge |R|$ : Nombre de pages occupées par S.

 $\{R\}$ : Nombre de tuples dans R.

|H|: Taille de la table de hachage.

 $A_r = \lceil \frac{|R|}{B} \rceil$ : Nombre de pages par partition de R.

comp : Temps pour comparer des clé dans la mémoire.

hash : Temps pour hacher une clé dans la mémoire.

move : Temps pour déplacer un tuple dans la mémoire.

swap: Temps pour échanger deux tuples dans la mémoire.

IO: Temps pour lire ou écrire une page entre le disque et la mémoire.

## 2 Simple Hash Join

### 2.1 Cas 1 : La table de hachage rentre dans la mémoire

Condition :  $F * |R| = |H| \le |M| - 2$ 

#### 2.1.1 I/O

#### 2.1.2 Coût

$$temps = \{R\} * (hash + move) \tag{1}$$

$$+ \{S\} * (hash + F * comp)$$
 (2)

$$+\left[Lecture + Ecriture\right] * IO$$
 (3)

- (1) Tuples de R que l'on hache et déplace pour créer la table H en mémoire.
- $\left(2\right)$  Tuples de S que l'on hache et compare pour chercher dans la table H en mémoire.
- (3) Entrées/Sorties.

# 2.2 Cas 2 : La table de hachage ne rentre pas dans la mémoire

Condition : 
$$F * |R| = |H| > |M| - 2$$

#### 2.2.1 Partitionnage

Condition: 
$$F * |R| = |H| \le |M| - 3$$

$$B = \left\lceil \frac{|R| * F}{|M| - 3} \right\rceil$$

$$|H| = \left\lceil \frac{|R| * F}{R} \right\rceil$$

#### 2.2.2 I/O

Lecture: 
$$|R| + |S| + \frac{B * (B - 1)}{2} * (A_r + A_s)$$

Ecriture : 
$$[|R| * s] + \frac{B * (B - 1)}{2} * (A_r + A_s)$$

#### 2.2.3 Coût

$$temps = \left[\frac{B*(B+1)}{2}\right]*\left[\left\{A_r\right\} + \left\{A_S\right\}\right]*(hash + move)$$
 (4)

$$-\left\{ S\right\} * move \tag{5}$$

$$+\{R\}*hash \tag{6}$$

$$+ \{S\} * (hash + F * comp) \tag{7}$$

$$+\left[Lecture + Ecriture\right] * IO$$
 (8)

- (4) Tuples de R et S qu'on hache en partition et réécrit sur le disque ou déplace dans la table  $H_i$ .
- (5) Tuples de S qui appartiennent à la partition  $B_i$  et que l'ont ne déplacent

pas et qui on été comptabilisées dans (4).

- (6) Tuples de R que l'on hache et avons déplacé en (4) pour créer la table  $H_i$  en mémoire.
- (7) Tuples de S que l'on hache et compare pour chercher dans la table  $H_i$  en mémoire.
- (8) Entrées/Sorties.

### 3 Grace Hash Join

# 3.1 Cas 2 : La table de hachage ne rentre pas dans la mémoire

#### 3.1.1 Partitionnage

B = |M| - 1

Condition :  $\left\lceil \frac{\left|R\right|*F}{B} \right\rceil = \left|H\right| \le \left|M\right| - 2$ 

#### 3.1.2 I/O

Lecture :  $|R| + |S| + B * (A_r + A_s)$ 

Ecriture:  $\lceil |R| * s \rceil + B * (A_r + A_s)$ 

#### 3.1.3 Coût

$$temps = \left[ \left\{ R \right\} + \left\{ S \right\} \right] * (hash + move) \tag{9}$$

$$+ \{R\} * (hash + move) \tag{10}$$

$$+ \{S\} * (hash + F * comp) \tag{11}$$

$$+\left[Lecture + Ecriture\right] * IO$$
 (12)

- (9) Tuples de R et S que l'on hache en partition et qu'on écrit sur la partition correspondante en mémoire.
- (10) Tuples de R que l'on hache et déplace pour créer la table  $H_b$  en mémoire.
- (11) Tuples de S que l'on hache et compare pour chercher dans la table  $H_b$  en mémoire.
- (12) Entrées/Sorties.

## 4 Hybrid Hash Join

# 4.1 Cas 2 : La table de hachage ne rentre pas dans la mémoire

#### 4.1.1 Partitionnage

Condition : 
$$\Big\lceil \frac{\left|R\right|*F}{B} \Big\rceil = \left|H\right| \leq \left|M\right| - 2 - (B-1)$$

#### 4.1.2 I/O

Lecture :  $|R| + |S| + (B-1) * (A_r + A_s)$ 

Ecriture :  $[|R| * s] + (B - 1) * (A_r + A_s)$ 

#### 4.1.3 Coût

$$temps = \left[ \left\{ R \right\} + \left\{ S \right\} \right] * (hash + move) \tag{13}$$

$$-\left\{A_s\right\} * move \tag{14}$$

$$+\left\{ R\right\} * hash \tag{15}$$

$$+ \{S\} * (hash + F * comp)$$
 (16)

$$+\left[Lecture + Ecriture\right] * IO$$
 (17)

- (13) Tuples de R et S que l'on hache en partition et qu'on écrit sur la partition correspondante en mémoire ou déplace dans la table  $H_0$ .
- (14) Tuples de S de la partition 0 pour qui n'ont pas a être déplacés et qui ont été comptabilisés en (13).
- (15) Tuples de R que l'on hache pour créer la table  $H_b$ .
- (16) Tuples de S que l'on hache et compare pour chercher dans la table  $H_b$  en mémoire.
- (17) Entrées/Sorties.