

\* 解答 ([ ] 内の数字は配点)

(ア) : $-evB$ [4]	(イ) : $evB\Delta L$ [5]
(ウ) : $evBL$ [5]	(エ) : $vBL$ [5]
(オ) : $Q$ [3]	設問 (1) : $E = RI + vBl$ [5]
設問 (2) : $m \frac{\Delta v}{\Delta t} = BIl$ [5]	設問 (3) : $\frac{Bl}{mR}(E - vBl)$ [5]
<p>(計算) 設問 (3) で求めた加速度 <math>\frac{\Delta v}{\Delta t}</math> について、</p> <p><math>\frac{\Delta v}{\Delta t} = 0</math> の時が終端速度なので、<math>\frac{Bl}{mR}(E - vBl) = 0</math> から、求める速度は、</p>	
$v = \frac{E}{Bl}$	設 問 (4) : $\frac{E}{Bl}$ [8] (答)
<p>設問 (5) : (エ) [5]</p>	

## \* 解説

(ア)： 導体棒は速さ  $v$  で運動し、空間に存在する磁束密度が  $B$ 、電子の電気量は、 $-e$  であるので、求める力  $F$  は、

$$F = -e\boldsymbol{v}\boldsymbol{B}$$

(イ)： 力と仕事の関係から、力  $F$  によって  $\Delta L$  動いた時、電子がされる微小仕事  $\Delta W$  は、正の仕事であり、

$$\Delta W = e\boldsymbol{v}\boldsymbol{B}\Delta\boldsymbol{L}$$

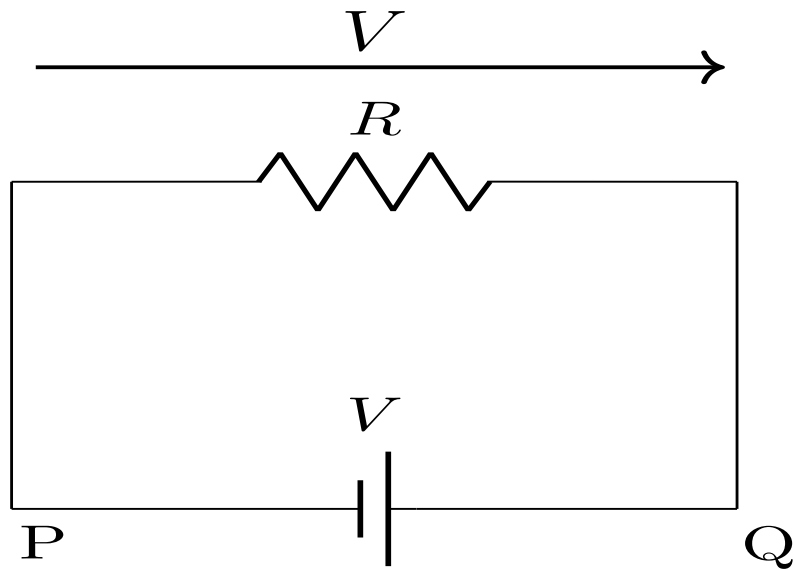
(ウ)： (イ) から、 $\Delta W$  と  $\Delta L$  は比例するので、 $\Delta W \rightarrow W, \Delta L \rightarrow L$  として、

$$W = e\boldsymbol{v}\boldsymbol{B}\boldsymbol{L}$$

(エ)： 電子がされる仕事は、(ウ) から  $e\boldsymbol{v}\boldsymbol{B}\boldsymbol{L}$  であり、仕事とエネルギー、さらには電位とエネルギーの関係から、仕事を電気量で割って、誘導起電力の大きさ  $V$  は、

$$V = \boldsymbol{v}\boldsymbol{B}\boldsymbol{L}$$

(オ)： コイルは、起電力が発生しているので、電源と等価に扱える。よって、外部回路として抵抗を考えると、 $Q$ の方が高電位になる。



設問 (1)： 導体棒が  $+y$  方向の速度  $v$  で運動しているとき、導体棒は  $vBL$  の起電力を生じるが、回路上では間隔  $l$  を用いて  $vBl$  の起電力が発生することに注意すると、回路を流れる電流が  $I$  の時、電圧則の式は、

$$E = RI + vBl$$

設問 (2) : 導体棒に電流  $I$  が流れているとき、導体棒は磁界から  $BIl$  の力を  $+y$  方向に受けるので、運動方程式は、

$$m \frac{\Delta v}{\Delta t} = BIl$$

設問 (3) : 設問 (1) の電圧則の式と、設問 (2) の運動方程式の式から  $I$  を消去して、

$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{Bl}{mR} (E - vBl)$$

設問 (4) : \* 解答参照

設問 (5) :  $t = 0$  の時、 $v = v_0$  であり、 $t \rightarrow \infty$  の時、終端速度  $v = \frac{E}{Bl}$  となる。また、仮定から加速度について、

$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{Bl}{mR} (E - vBl) > 0$$

であるので、速度は単調に増加する。

よって、グラフは(エ)