Hausaufgabe 2

Theoretische Grundlagen der Informatik 2 SS 2013 TU Berlin

Max Gotthardt(), Marco Morik(), Moritz Schäfer (350651)

Tutor:

.1 AUFGABE 1

a) Die Aussage ist falsch. Beispiel:

$$\Sigma = \{a\}; \ A = \{a\}$$

$$(\overline{A})^* = \Sigma^* \setminus \{a\}$$

$$\overline{A^*} = \Sigma^* \setminus A^* = \emptyset$$

b) Die Aussage ist falsch. Beispiel:

$$A = \{a\}; B = \{b\}$$

 $A^* \cup B^* = \{a, aa, aaa, \dots, b, bb, bbb, \dots\}$
 $(A \cup B)^* = \{a, b, ab, ba, aba, bab, \dots\}$

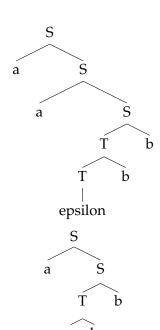
c) Die Aussage ist falsch. Beispiel:

$$A = \{a,b\}; \ B = \{ab\}$$

 $A \cap B = \emptyset$
 $A^* \cap B^* = \{ab, abab, ababab, \dots\}$

.2 AUFGABE 2

a)
$$-S \rightarrow aS \rightarrow aaS \rightarrow aaTb \rightarrow aabb$$
$$-S \rightarrow aS \rightarrow aaS \rightarrow aaTb \rightarrow aaTbb \rightarrow aabb$$
$$-S \rightarrow aS \rightarrow aTb \rightarrow aabb$$



.3 AUFGABE 3

1.
$$\emptyset^* = \{\epsilon\}\{\epsilon\}^* = \{\epsilon\}$$

2.
$$A^* = \bigcup_{n>0} A^n$$

 $A^* = \bigcup_{n \geq 0} A^n$ Nach 1. ist \emptyset^* und $j\{\epsilon\}^*$ nicht unendlich. Enthält A hingegen ein Element, gibt es unendlich verscheidene Kombinationen dieses Elementes $n \ge 0$ enthält ∞ viele n.

.4 AUFGABE 4

$$G = \{\{S, M, K\}, \{a, b, c\}, P, S\}$$

$$P = \{S \rightarrow aKbbMc, K \rightarrow aKb|\epsilon|Kb, M \rightarrow bMc|\epsilon|bM\}$$