Cheat Sheet (für Fachkollegen)

Moritz Schrom

15 Jänner 2023

Contents

Aufbau eines Berichts für Fachkollegen	3
Ausgangssituation	3
Datenmanagement	9
Visualisierung	3
Überprüfung der Fragestellungen (Tests, Konfidenzintervalle, Modelle, etc.)	;
Fazit	4
Einlesen von Daten	Ę
Einlesen von Daten mit scan()	Ę
Einlesen von Daten mit read.table()	(
Eine kategoriale Variable	7
Zwei kategoriale Variablen	ę
Zusammenhang zwischen Browser und Email	14
Zusammenhang zwischen Browser und Abteilung	15
Eine metrische Variable	18
Schlussfolgerung	21
Zwei metrische Variablen (Korrelation)	23
Korrelation nach Pearson:	25
Korrelation nach Spearman:	25
Zwei metrische Variablen (Regresison)	26
Modellschätzung	26
Modelldiagnostik	27
Prognose	30

Metrische und kategoriale Variablen	36
Einfache ANOVA	36
Zweifache ANOVA	39
Zeitreihenanalyse	44
Langfristprognose	44
Kurzfristprognose	55
Logistische Regression	60
Modell	62
Modelldiagnostik	63
Prognose	64

Aufbau eines Berichts für Fachkollegen

Im Folgenden wird auf die Abschnitte die ein Bericht für Fachkollegen normalerweise enthält genauer eingegangen. Siehe Skriptum 15.2.1 Aufbau eines statistischen Berichts.

Ausgangssituation

Beschreibung der Ausgangssituation, inklusive Stichprobenumfang und Merkmalen samt Skalenniveau.

Kurze Beschreibung des Ziels der Analyse, und der dahinterliegenden Fragestellung.

Datenmanagement

In welcher Form liegen die Daten vor? Wie wurden diese eingelesen?

Gibt es fehlende Werte und wie wurden diese behandelt?

Visualisierung

Deskriptive Analyse der Stichprobe.

Diagramm(e) samt Beschreibung: Gibt es Auffälligkeiten?

Tabellen, Kennzahlen, samt verbaler Beurteilung dieser.

Eventuelle ableitung allfälliger Hypothesen

Überprüfung der Fragestellungen (Tests, Konfidenzintervalle, Modelle, etc.)

Bei Tests:

- Angabe von Testbezeichnung
- Begründung der Testauswahl (z.B. robuste Methoden bei Ausreißern etc.)
- Null- und Alternativhypothese
- Signifikanzniveau
- P-Wert
- Formale Schlussfolgerung (Vergleich P-Wert mit Signifikanzniveau)
- Inhaltliche Schlussfolgerung

Bei Modellen:

- Begründung für die Wahl des Modells (z.B. abhängig vom Skalenniveau der abhängigen und unabhängigen Variablen)
- Schätzung des Modells
- Bei Regressionsmodellen: Ableitung der Modellformel, sowie Interpretation des Einflusses der unabhängigen Variablen auf die abhängige Variable ("Effektstärke"). Unterstützung via Effektplot bzw. Modellplot.
- Beurteilung der Signifikanz der Parameter, sowie des Gesamtmodells.
- Beurteilung der Modellgüte (z.B. R² bei linearer Regression)
- Modelldiagnostik (Normalverteilung der Residuen, Restzusammenhang der Residuen mit den geschätzten Werten)
- Diagramm mit erwarteten Werten (z.B. Regressionsgerade) samt Konfidenzbändern
- Vorhersagen (erwartete Werte, bzw. Prognoseintervalle für Einzelwerte)

Fazit

Zusammenfassung der Ergebnisse.

Diskussion alffälliger Probleme.

 ${\it Generalisierbarkeit\ der\ Ergebnisse}.$

Einlesen von Daten

Daten können in R auf unterschiedliche Arten eingelesen werden, je nach vorliegendem Quellformat (CSV-Datei, Reintext, ...) und gewünschtem Zielformat (Vektor, Dataframe, ...).

Im Folgenden werden einige Möglichkeiten des Einlesens von Daten inklusive Beispielen demonstriert und erläutert.

Einlesen von Daten mit scan()

Siehe RDocumentation - scan: Read Data Values

Die scan() Funktion in R ließt Text (entweder in Form einer String-Variable oder in Form einer Textdatei) ein, und wandelt diese in eine Liste oder einen Vektor um.

Angenommen die Daten liegen in Form einer Textdatei browser.txt vor:

```
Liste an Browsern
Firefox Firefox IE Firefox IE IE IE Firefox IE
IE Chrome IE Chrome Firefox Firefox Chrome Firefox IE
Firefox Opera Chrome IE Firefox Firefox IE Chrome IE
IE IE IE IE Chrome Safari Safari IE
Safari Safari Chrome Opera Opera Chrome Chrome Opera Firefox
Firefox Firefox Chrome Firefox Chrome IE Chrome Firefox Firefox
Firefox Chrome Chrome IE Chrome
```

Mit Hilfe der scan() Funktion kann diese simple Textdatei eingelesen werden. Der what Parameter den Datentyp der zu lesenden Daten an. Mit dem skip Parameter können Zeilen am Beginn der Textdatei beim Einlesen übersprungen werden.

```
daten = scan(file="browser.txt", what="A", skip=1)
head(daten)
## [1] "Firefox" "Firefox" "IE"
                                    "Firefox" "IE"
                                                        "IE"
as.factor(daten)
## [1] Firefox Firefox IE
                               Firefox IE
                                               ΙE
                                                      ΙE
                                                              Firefox IE
## [10] IE
               Chrome IE
                               Chrome Firefox Firefox Chrome Firefox IE
                                                              Chrome IE
## [19] Firefox Opera
                                      Firefox Firefox IE
                       Chrome IE
## [28] IE
               ΙE
                       ΙE
                               ΙE
                                       Chrome Safari Safari
                                                              Safari
## [37] Safari Safari Chrome Opera
                                       Opera
                                               Chrome Chrome
                                                              Opera
                                                                      Firefox
## [46] Firefox Firefox Chrome Firefox Chrome
                                              ΙE
                                                      Chrome
                                                              Firefox Firefox
## [55] Firefox Chrome Chrome IE
                                               Chrome
## Levels: Chrome Firefox IE Opera Safari
```

Alternativ kann der scan() Funktion auch Text übergeben werden.

```
daten = scan(text="1 5 3 2 1 6 3 2 5 3 1 2", what=1)
head(daten)
```

```
## [1] 1 5 3 2 1 6
```

Einlesen von Daten mit read.table()

Siehe RDocumentation - read.table: Data Input

Oft haben wir es mit tabellarischen Daten zu tun, welche mehrere Merkmale beinhalten. Um mit solchen Datenstrukturen zu arbeiten bietet R DataFrames an. Daten können mit Hilfe der read.table() Funktion als DataFrame eingelesen werden.

Angenommen, die Daten liegen in Form einer CSV-Datei bugfixes.csv vor:

```
"dauer" "programmierer" "bugtyp"
120 "Eckkrammer" "NA"
185 "Fischer" "Reporting"
174 "Meyer" "DB"
```

Mit Hilfe der read.table() Funktion kann die CSV-Datei als DataFrame eingelesen werden. Im Beispiel wird mit dem Paramter header angegeben ob die CSV-Datei Überschriften beinhaltet, der Paramter sep spezifiziert das Zeichen durch welches Felder begrenzt werden, mit dem Paramter quote werden gültige Quoting Zeichen angegeben. Bei den meisten CSV Files sind die Standardwerte für die Paramter, welche in der Dokumentation nachgelesen werden können, passend.

```
daten = read.table(file="bugfixes.csv", header=TRUE, sep=" ", quote="\"")
head(daten)
```

##		dauer	${\tt programmierer}$	bugtyp
##	1	120	Eckkrammer	<na></na>
##	2	185	Fischer	Reporting
##	3	174	Meyer	DB
##	4	188	Meyer	GUI
##	5	161	Mandl	GUI
##	6	163	Fischer	Reporting

Eine kategoriale Variable

Es liegt eine Stichprobe mit 60 Beobachtungen und einem kategorialen Merkmal mit den Ausprägungen: Firefox, IE, Chrome, Opera und Safari vor. Es soll untersucht werden, ob die Kateogiren gleichverteilt sind.

Einlesen der Daten als Vektor:

```
daten = scan(file="browser.txt", what="A")
browser = as.factor(daten)
head(browser)
```

```
## [1] Liste an Browsern Firefox Firefox IE
## Levels: an Browsern Chrome Firefox IE Liste Opera Safari
```

Überprüfen auf fehlende Werte:

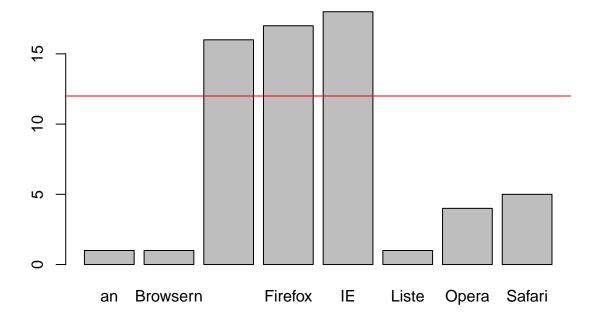
```
sum_na = sum(is.na(browser))
sprintf("Es gibt %d fehlende Werte", sum_na)
```

```
## [1] "Es gibt O fehlende Werte"
```

Visualisieren der absoluten Häufigkeiten:

```
browser_abs = table(browser)
browser_rel = round(100 * prop.table(browser_abs), 1)
barplot(browser_abs, main="Browserpopularität unter Mitarbeitern der Fa. X (N = 60)")
abline(h=12, col="red")
```

Browserpopularität unter Mitarbeitern der Fa. X (N = 60)



Durchführen des Chi-squared Tests:

```
chisq.test(browser_abs)
```

```
##
## Chi-squared test for given probabilities
##
## data: browser_abs
## X-squared = 52.937, df = 7, p-value = 3.816e-09
```

Die Nullhypothese lautet: Das Merkmal *Browser* ist gleichverteilt. Der Wert der Teststatistik beträgt 15.83, der dazugehörige P-Wert 3.816e-09. Der Wert liegt unter dem Signifikanzniveau von 0.05, die Nullhypothese muss damit verworfen werden.

Gesmatfazit: Die Umfragedaten sprechen gegen die Gleichverteilung der Browser unter allen Mitarbeitern.

Zwei kategoriale Variablen

Es liegt eine Stichprobe mit 60 Beobachtungen und drei Kategorialen Merkmalen Browser, Email und Abteilung vor. Untersucht werden soll ein möglicher Zusammenhang zwischen Browser und Email, sowie zwischen Browser und Abteilung. Die Daten liegen in Form einer CSV-Datei vor.

Einlesen der Daten als DataFrame:

```
umfrage = read.table(file="umfrage.csv", sep=",", header=TRUE)
summary(umfrage)
```

```
## browser email abteilung
## Length:60 Length:60 Length:60
## Class :character Class :character
## Mode :character Mode :character
Mode :character
```

Überprüfen auf fehlende Werte:

```
sum_na = sum(is.na(umfrage))
sprintf("Es gibt %d fehlende Werte", sum_na)
```

```
## [1] "Es gibt O fehlende Werte"
```

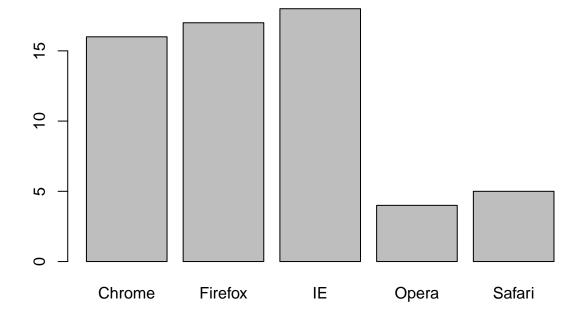
Visualisieren der Einzelmerkmale:

```
browser = table(umfrage$browser)
browser
```

```
## ## Chrome Firefox IE Opera Safari
## 16 17 18 4 5
```

```
barplot(browser, main = "Absolute Häufigkeiten von Browser (N=60)")
```

Absolute Häufigkeiten von Browser (N=60)



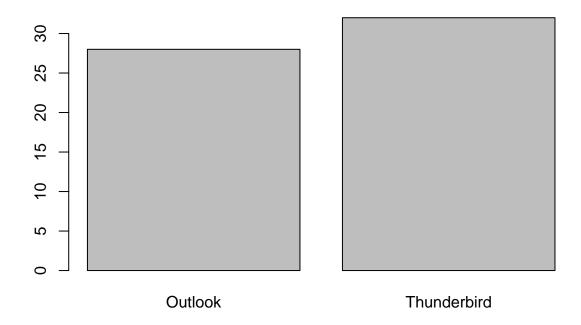
```
email = table(umfrage$email)
email

##

## Outlook Thunderbird
## 28 32

barplot(email, main = "Absolute Häufigkeiten von Email (N=60)")
```

Absolute Häufigkeiten von Email (N=60)

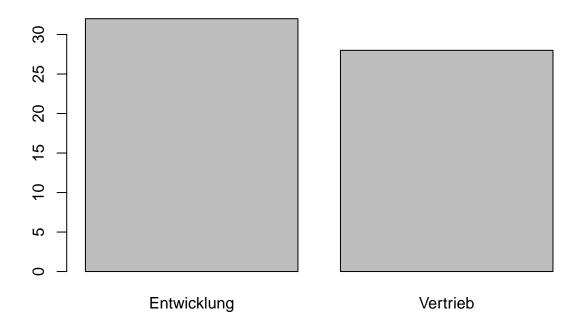


```
abteilung = table(umfrage$abteilung)
abteilung

##
## Entwicklung Vertrieb
## 32 28

barplot(abteilung, main = "Absolute Häufigkeiten von Abteilung (N=60))")
```

Absolute Häufigkeiten von Abteilung (N=60))



Es handelt sich um zwei Merkmale,
die pro Respondent erhoben wurden. Keines der Merkmale stellt ein offensichtliches Gruppierungsmerkmal dar. Es handelt sich daher um ein
 Unabhängigkeitsproblem.

Ermitteln der Kontingenztabelle, sowohl absolut als auch relativ:

```
tab_email_browser = with(umfrage, table(email, browser))
library(pander)
pander(tab_email_browser, justify = "right", emphasize.rownames = FALSE)
```

-	Chrome	Firefox	IE	Opera	Safari
Outlook	11	9	5	1	2
Thunderbird	5	8	13	3	3

```
tab_anteile = round(prop.table(tab_email_browser), 2)
pander(tab_anteile, justify = "right", emphasize.rownames = FALSE)
```

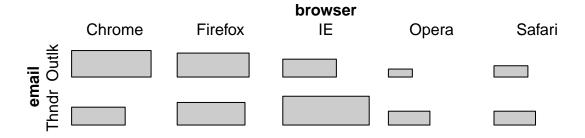
	Chrome	Firefox	IE	Opera	Safari
Outlook	0.18	0.15	0.08	0.02	0.03
Thunderbird	0.08	0.13	0.22	0.05	0.05

Visualisieren der beobachteten und erwarteten Werte mit einem Kacheldiagramm:

```
library(vcd)
## Loading required package: grid

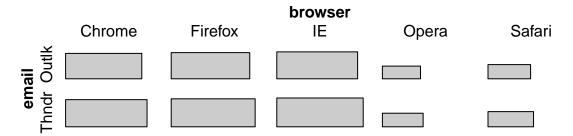
tile(tab_email_browser, main = "Beobachtete Werte", abbreviate = c(email = 5))
```

Beobachtete Werte



```
tile(tab_email_browser, type = "expected", main = "Erwartete Werte", abbreviate = c(email = 5))
```

Erwartete Werte



Zusammenhang zwischen Browser und Email

##

replicates)

Um die Unabhängigkeit von *Browser* und *Email* zu testen, wird ein Chi-squared Test durchgeführt. Auch hier lautet die Nullhypothese: *Browser* und *Email* sind gleicherteilt. Das Signifikanzniveau wird mit 0.05 festgelegt.

```
chisq.test(tab_email_browser)

## Warning in chisq.test(tab_email_browser): Chi-squared approximation may be
## incorrect

##

## Pearson's Chi-squared test
##

## data: tab_email_browser

## X-squared = 6.8281, df = 4, p-value = 0.1453

# Aufgrund der Warnmeldung (zuwenig erwartete Werte in manchen Zellen) wird mittels simuliertem P-Wert
chisq.test(tab_email_browser, simulate.p.value = TRUE, B = 10000)
```

Pearson's Chi-squared test with simulated p-value (based on 10000

```
##
## data: tab_email_browser
## X-squared = 6.8281, df = NA, p-value = 0.1579
```

Der P-Wert liegt mit 0.15 über dem Signifikanzniveau von 0.05, damit kann die Nullhypothese nicht verworfen werden. Mit den Daten ist kein Zusammenhang zwichen Browser und Email nachweisbar.

Zusammenhang zwischen Browser und Abteilung

Bei der zweiten Fragestellung ist zu untersuchen, ob die Browser in den beiden Abteilungen gleich populär sind. Abteilung stellt ein Gruppierungsmerkmal dar, es handelt sich daher um ein Homogenitätsproblem.

Ermitteln der Kontingenztabelle:

```
tab_abteilung_browser = with(umfrage, table(abteilung, browser))
pander(tab_abteilung_browser, justify="right", emphasize.rownames=FALSE)
```

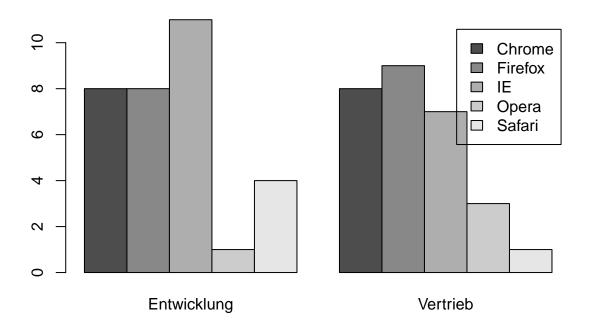
	Chrome	Firefox	IE	Opera	Safari
Entwicklung	8	8	11	1	4
Vertrieb	8	9	7	3	1

```
tab_abt_rel = round(prop.table(tab_abteilung_browser, 1), 2)
pander(tab_abt_rel, justify="right", emphasize.rownames=FALSE)
```

	Chrome	Firefox	IE	Opera	Safari
Entwicklung	0.25	0.25	0.34	0.03	0.12
Vertrieb	0.29	0.32	0.25	0.11	0.04

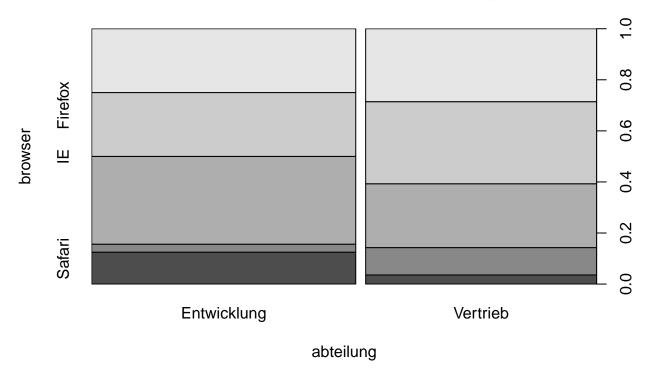
barplot(t(tab_abteilung_browser), main="Browserpopularität nach Abteilung", beside=TRUE, legend=TRUE)

Browserpopularität nach Abteilung



spineplot(tab_abteilung_browser, main="Browserpopularität nach Abteilung")

Browserpopularität nach Abteilung



Um zu überprüfen ob die in der Stichprobe beobachteten Unterschiede auch auf die Grundgesmtheit zutreffen, wird ein Chi-squared Test mit Signifikanzniveau 0.05 durchgeführt:

```
chisq.test(tab_abteilung_browser)

## Warning in chisq.test(tab_abteilung_browser): Chi-squared approximation may be
## incorrect

##

## Pearson's Chi-squared test

##

## data: tab_abteilung_browser

## X-squared = 3.4966, df = 4, p-value = 0.4784

# Aufgrund der Warnmeldung (zuwenig erwartete Werte in manchen Zellen) wird mittels simuliertem P-Wert
chisq.test(tab_abteilung_browser, simulate.p.value = TRUE, B = 10000)

##

## Pearson's Chi-squared test with simulated p-value (based on 10000)
```

Der P-Wert liegt weit über dem Signifikanzniveau von 0.05, die Homogenitätshypothese wird also beibehalten: mit den Vorliegenden Daten kann kein unterschiedliche Browser-Popularität in den beiden Abteilungen Entwicklung und Vertrieb nachgewiesen werden.

replicates)

data: tab_abteilung_browser

X-squared = 3.4966, df = NA, p-value = 0.4909

##

Eine metrische Variable

Es liegt eine Stichprobe mit 22 Beobachtungen, davon ein fehlender Wert. Erhoben wurde ein metrisches Merkmal, die Bugfixdauer in Minuten. Vermutet wird eine mittlere Dauer von 170 Minuten in der Population.

Die Daten liegen als Textdatei bugfix.txt vor:

```
66 174 188 161 157
178 143 184 159 178
157 183 152 174 189
176 174 177 176 159
207 ??
```

Daher werden sie mit scan() eingelesen:

```
dauer = scan("bugfix.txt", na.strings="??")
head(dauer)
```

```
## [1] 66 174 188 161 157 178
```

Überprüfen auf fehlende Werte:

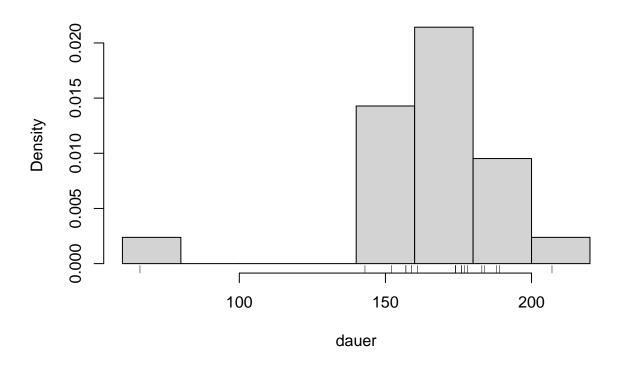
```
sum_na = sum(is.na(dauer))
sprintf("Es gibt %d fehlende Werte", sum_na)
```

```
## [1] "Es gibt 1 fehlende Werte"
```

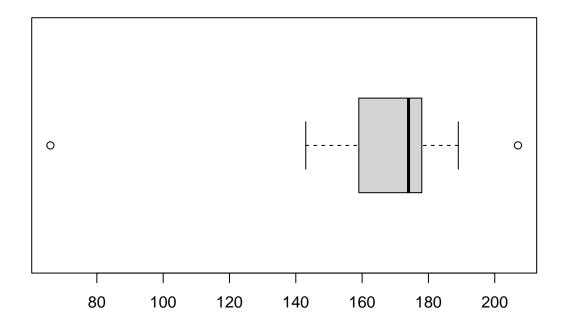
Die deskriptive Beurteilung ist rein beschreibend. Im folgenden werden die Daten mittels Histogramm und Boxplot visualisiert:

```
hist(dauer, freq = F)
rug(dauer)
```

Histogram of dauer



boxplot(dauer, horizontal=TRUE)



Die 5-Punkt Zusammenfassung liefert:

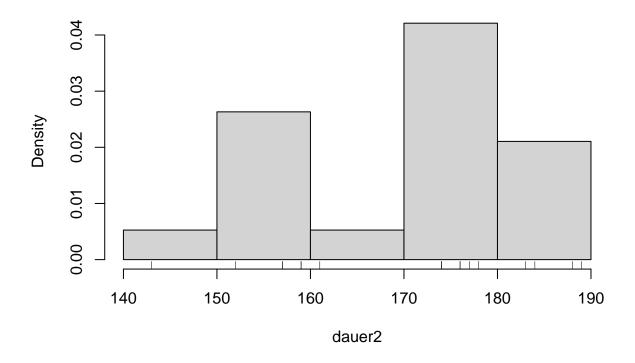
```
summary(dauer)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. NA's ## 66.0 159.0 174.0 167.2 178.0 207.0 1
```

Im Boxplot sind Ausreißer zu sehen, welche unser Histogramm verzerren. Daher wird das Histogramm ohne Ausreißer erneut gezeichnet:

```
dauer2 = dauer[dauer > 70 & dauer < 200]
hist(dauer2, freq = FALSE)
rug(dauer2)</pre>
```

Histogram of dauer2



Die Form des Histogramms kann als *mehrgipfelig* beschrieben werden (Häufungspunkte in den Bereichen [150, 160] und [170, 190]). Die Daten sind eher im rechten Bereich (ab 170) konzentriert.

Dem Boxplot entnimmt man ebenfalls, dass die Verteilung **linksschief** ist (Median in den rechten Bereich der Box verschoben). 50% der Daten liegen im Bereich 159 bis 178 (Boxgrenzen = 1. und 3. Quartil), der Median bei 174. Aufgrund der Schiefe weicht er deutlich vom arithmetischen Mittel (167.2) ab. Die beiden Ausreißer bilden Minimum (66) und Maximum (207) der Verteilung, die Spannbreite daher 141.

```
sd(dauer, na.rm = TRUE)
## [1] 27.46435
mad(dauer, na.rm = TRUE)
```

[1] 19.2738

Das Merkmal hat eine Standardabweichung von 27.46 vom Mittel 167.2, das robuste Streumaß Medmed (Median der Abweichungen vom Median) beträgt hingegen nur 19.27. Die Standardabweichung ist durch die Ausreißer stark verzerrt.

Schlussfolgerung

Aufgrund der Ausreißer kann kein Konfidenzintervall für den Mittelwert ermittelt, oder t-Test durchgeführt werden. Stattdessen wird ein Wilcoxon-Test mit der Nullhypothese: "Der Median in der Population beträgt 170" auf dem Signifikanzniveau 0.05 durchgeführt:

```
wilcox.test(dauer, mu = 170, conf.int = TRUE)
## Warning in wilcox.test.default(dauer, mu = 170, conf.int = TRUE): cannot compute
## exact p-value with ties
## Warning in wilcox.test.default(dauer, mu = 170, conf.int = TRUE): cannot compute
## exact confidence interval with ties
##
##
   Wilcoxon signed rank test with continuity correction
##
## data: dauer
## V = 118.5, p-value = 0.9307
## alternative hypothesis: true location is not equal to 170
## 95 percent confidence interval:
## 163.0 178.5
## sample estimates:
## (pseudo)median
##
            170.5
```

Der P-Wert ist mit 0.93 weit über dem Signifikanzniveau, und kann nicht verworfen werden. Die Warnung kann aufgrund der Deutlichkeit des Ergebnisses ignoriert werden. Ein Konfidenzintervall für den Median beträgt [164, 178.5] - in diesem kann der wahre Median vermutet werden, ohne dass die vorliegenden Daten dagegen sprechen. Es enthält insbesondere die vermuteten 170 Minuten.

Fazit: Die Daten sprechen nicht gegen die Annahme, dass der Median der Bugfixdauer in der Grundgesamtheit (alle Bugs) 170 Minuten beträgt.

Zwei metrische Variablen (Korrelation)

Für 21 Bugs wurden vier metrische Merkmale erhoben:

- Behebungsdauer in Minuten (dauer)
- Anzahl der Codezeilen (codelines)
- Anzahl der Use Cases (usecases)
- Alter des Programmierers (alter)

Ziel ist der Nachweis eines möglichen (linearen) Zusammenhangs zwischen der Behebungsdauer und der Programmgröße (Codezeilenanzahl)

Es liegt erneut ein Datensatz zum Thema Bugfixes als CSV-Datei bugfixes2.csv vor:

```
"dauer" "codelines" "usecases" "alter"
120 183000 49 35
174 386000 86 44
188 467000 95 37
```

Einlesen mit read.table():

```
bugfixes = read.table("bugfixes2.csv", header = TRUE)
head(bugfixes)
```

```
##
     dauer codelines usecases alter
## 1
       120
               183000
                              49
## 2
       174
               386000
                              86
                                     44
                              95
## 3
       188
               467000
                                     37
## 4
       161
               309000
                              70
                                     35
## 5
       157
               305000
                              71
                                     21
## 6
       178
               243000
                              85
                                     36
```

5-Punkt-Zusammenfassung:

summary(bugfixes)

```
##
        dauer
                       codelines
                                          usecases
                                                            alter
   Min.
           :120.0
                     Min.
                            :183000
                                              :49.00
                                                        Min.
                                                                :21.0
                                       Min.
   1st Qu.:159.0
                     1st Qu.:305000
                                       1st Qu.:73.00
##
                                                        1st Qu.:31.0
   Median :174.0
                     Median :364000
                                       Median :79.00
                                                        Median:35.0
##
  Mean
           :169.8
                             :355286
                                                        Mean
                                                                :34.9
                     Mean
                                       Mean
                                              :77.48
    3rd Qu.:178.0
                     3rd Qu.:401000
                                       3rd Qu.:85.00
                                                        3rd Qu.:39.0
           :207.0
##
   Max.
                     Max.
                             :521000
                                       Max.
                                              :97.00
                                                        Max.
                                                                :47.0
```

Stichprobengröße:

```
sum(complete.cases(bugfixes))
```

```
## [1] 21
```

Bevor ein möglicher Zusammenhang untersucht wird, sollten die Daten inkl. Merkmale immer vorab deskriptiv untersucht werden:

summary(bugfixes\$dauer)

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 120.0 159.0 174.0 169.8 178.0 207.0
```

summary(bugfixes\$codelines)

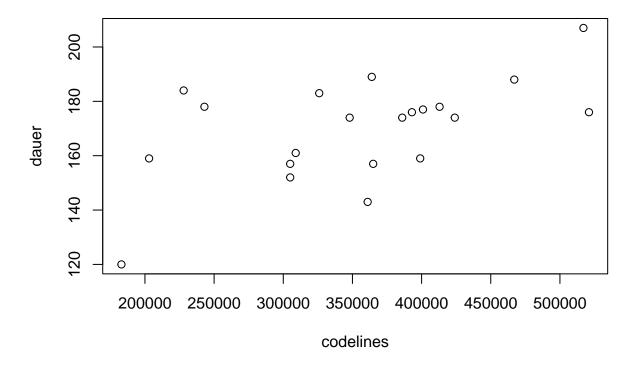
```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 183000 305000 364000 355286 401000 521000
```

Mit Hilfe von Boxplots kann auch ein emögliche mehrgipfeligkeit oder Schiefe der Daten (linksschief, rechtsschief, symmetrisch) untersucht werden. Darauf wird hier verzichtet, für mehr Informationen siehe Eine metrische Variable.

Die gemeinsame Verteilung der Variablen kann als Streudiagramm dargestellt werden:

```
plot(dauer ~ codelines, data=bugfixes, main="Dauer in Abhängigkeit von Codelines (N=21)")
```

Dauer in Abhängigkeit von Codelines (N=21)



Das Diagram lässt schon eine positive Korrelation vermutet. Um den Datensatz auf eine Korrelation zu untersuchen, werden Tests durchgeführt (zuerst nach Pearson, anschließend nach Spearman).

Die Nullhypothese lautet jeweils. Die Korrelation der Population beträgt 0, die Alternative: Sie ist ungleich 0. Das Signifikanzniveau betrgät 0.05.

Korrelation nach Pearson:

```
cor.test(~ dauer + codelines, data=bugfixes)

##
## Pearson's product-moment correlation
##
## data: dauer and codelines
## t = 2.8854, df = 19, p-value = 0.009477
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.1579245 0.7943803
## sample estimates:
## cor
## 0.5519806
```

Die P-Wert beträgt 0.0094 und liegt unter dem Signifikanzniveau von 0.05. Die Nullhypothese muss demnach verworfen werden: die Daten sprechen für eine Korrelation (nach Pearson). Das 95%-Konfidenzintervall beträgt [0.157, 0.794], die Schätzung von 0.55 ist damit sehr ungenau: der Bereich lässt Werte von "nicht korreliert" bis "stark korreliert" zu.

Korrelation nach Spearman:

Die Korrelation naach Spearman basiert auf Rängen, und ist bei einer so starken Streuung wie sie vorliegt ein robustes Maß.

```
cor.test(~ dauer + codelines, data = bugfixes, method = "spearman", )

## Warning in cor.test.default(x = mf[[1L]], y = mf[[2L]], ...): Cannot compute
## exact p-value with ties

##

## Spearman's rank correlation rho
##

## data: dauer and codelines
## S = 898.62, p-value = 0.06038
## alternative hypothesis: true rho is not equal to 0
## sample estimates:
## rho
## 0.4164778
```

Der P-Wert beträgt 0.06 und liegt knapp über dem Signifikanzniveau von 0.05. Die Nullhypothese kann demnach nicht verworfen werden. Die Daten sprechen nicht für eine Korrelation (nach Spearman).

Fazit: Bei Verwendung eines robusten Korrelationsmaßes (Spearman) kann kein Zusammenhang zwischen der Programmgröße und der Bugfixdauer nachgewiesen werden. Bei der Korrelation nach Pearson ist der Zusammenhang schwach und die Schätzung – aufgrund des geringen Stichprobenumfangs und der hohem Streuung – sehr ungenau.

Zwei metrische Variablen (Regresison)

Es liegt derselbe Datensaz bugfixes2.csv wie beim Beispiel für Korrelation vor (Siehe Zwei metrische Variablen (Korrelation)).

Ziel der Untersuchung ist die Ermittlung eines Prognosemodells für die Behebungsdauer in Abhängigkeit der Codezeilenzahl sowie der Erstellung von Vorhersagen für 200.000 und 600.000 Codezeilen.

Erneut werden die Daten mit read.table() eingelesen:

```
options(scipen = 9999)
bugfixes = read.table("bugfixes2.csv", header = TRUE)
head(bugfixes)
```

```
dauer codelines usecases alter
##
## 1
       120
                              49
               183000
                                    35
       174
               386000
                              86
                                    44
## 2
## 3
       188
               467000
                              95
                                    37
## 4
       161
               309000
                              70
                                     35
## 5
       157
               305000
                              71
                                    21
                              85
## 6
       178
               243000
                                     36
```

Auf die deskriptive Analyse, welche hier für die Einzelmerkmale folgen sollte wird verzichtet. Für mehr Informationen siehe Zwei metrische Variablen (Korrelation) oder Eine metrische Variable.

Modellschätzung

Mit lm() wird ein lineares Modell angepasst. Mit summary() kann eine Modellübersicht erstellt werden:

```
model = lm(dauer ~ codelines, data = bugfixes)
summary(model)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = dauer ~ codelines, data = bugfixes)
##
## Residuals:
       Min
                10
                   Median
                                30
                                       Max
##
  -30.639 -12.214
                     1.768
                             6.136
                                    28.354
##
## Coefficients:
##
                   Estimate
                              Std. Error t value
                                                     Pr(>|t|)
## (Intercept) 130.27545317
                             14.13511560
                                           9.216 0.000000193 ***
## codelines
                 0.00011127
                              0.00003856
                                           2.885
                                                      0.00948 **
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 15.92 on 19 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.3047, Adjusted R-squared: 0.2681
## F-statistic: 8.326 on 1 and 19 DF, p-value: 0.009477
```

Sowohl Achsenabschnitt, wie auch der Koeffizient codelines sind signifikant auf dem 0.05-Niveau (Der P-Wert beträgt 0.009477). Das Bestimmtheitsmaß R-squared beträgt 0.30, das bedeutet das Modell erklärt rund 30% der Varianz von dauer.

Die Regressionsgleichung lautet:

```
E(dauer|codelines) = 130.28 + 0.00011 codelines
```

Ermitteln deer 95%igen Konfidenzintervalle für die Paramter:

```
round(confint(model), 5)

## 2.5 % 97.5 %

## (Intercept) 100.69032 159.86059

## codelines 0.00003 0.00019
```

Die paramter weißen eine hohe Schwankungsbreite auf: Der Grundaufwand beträgt zwischen 100 und 160 Minuten, und für jeweils 100.000 Codezeilen können zwischen 3 und 19 Minuten hinzukommen. Die Schätzung ist also sehr ungenau.

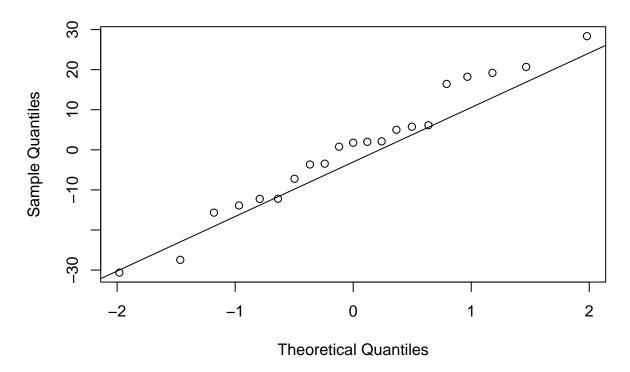
Modelldiagnostik

Vor der Prognose ist die Gültigkeit der Modellannahme zu testen.

Kontrollieren der Normalverteilung der Residuen, mit einem Q-Q-Plot gegen die theorethischen Werte der Normalverteilung.

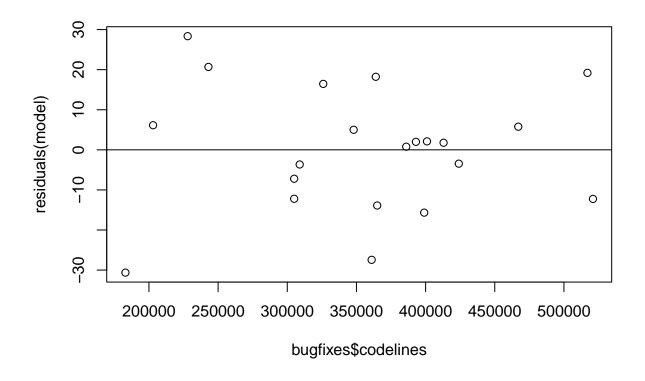
```
qqnorm(residuals(model))
qqline(residuals(model))
```

Normal Q-Q Plot



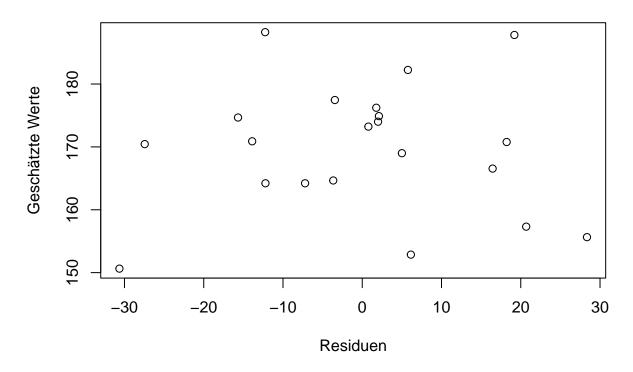
Untersuchung der Varianzhomogenität der Residuen: Sind die Varianzen gleich? Schwer zu beurteilen aufgrund des geringen Stichprobenumfangs.

```
plot(residuals(model) ~ bugfixes$codelines)
abline(h = 0)
```



Korrekte Modellspezifikation durch Streudiagramm gegen die geschätzen Werte: Gibt es eine Reststruktur in den Residuen? Es ist keine Struktur zu sehen, daher OK.

Residuen gegen geschätzte Werte



Prognose

Es sind Vorhersagen für die 200.000 und 600.000 Codezeilen zu erstellen:

```
newdata = data.frame(codelines = c(200000, 600000))
newdata
```

codelines ## 1 200000 ## 2 600000

Punkt- und Intervallprognosen der erwarteten Bugfixdauer-Werte:

```
pred = predict(model, newdata, interval = "confidence")
cbind(newdata, pred)
```

```
## codelines fit lwr upr
## 1 200000 152.5303 138.0389 167.0216
## 2 600000 197.0399 175.9910 218.0887
```

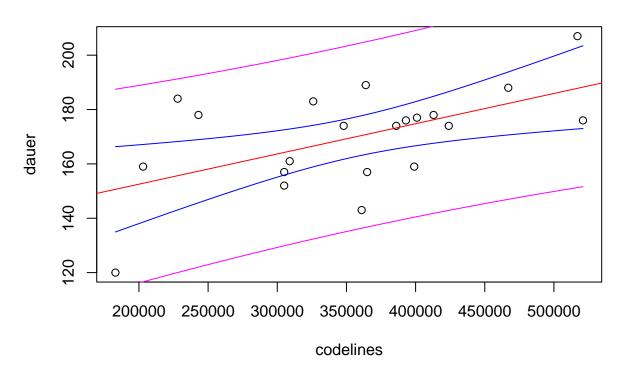
Die Intervallprognosen für die Einzelwerte lauten:

```
pred = predict(model, newdata, interval = "prediction")[,-1]
cbind(newdata, pred)
##
     codelines
                    lwr
                              upr
## 1
        200000 116.1865 188.8740
        600000 157.6200 236.4597
## 2
Das folgende Diagramm stellt das Streudiagramm samt Regressionsgerade (rot), Konfidenzbänder (blau) und
Prognosekanal (violett) dar. Aufgrund der starken Streuung ist die Schätzung der Geraden, und besonders
jene der Einzelprognosen, sehr ungenau.
# 100 x-Werte erzeugen
x = seq(from = min(bugfixes$codelines),
        to = max(bugfixes$codelines),
        length = 100)
newdata = data.frame(codelines = x)
# Werte für Konfidenzband
konfband = predict(model, newdata, interval = "confidence")
head(konfband)
##
          fit
                   lwr
                             upr
## 1 150.6386 134.9453 166.3319
## 2 151.0185 135.5688 166.4682
## 3 151.3984 136.1913 166.6055
## 4 151.7783 136.8127 166.7440
## 5 152.1582 137.4328 166.8836
## 6 152.5381 138.0517 167.0246
# Werte für Prognosekanal
progkanal = predict(model, newdata, interval = "predict")
head(progkanal)
##
          fit
                   lwr
                             upr
## 1 150.6386 113.7991 187.4781
## 2 151.0185 114.2821 187.7549
## 3 151.3984 114.7634 188.0335
## 4 151.7783 115.2428 188.3138
## 5 152.1582 115.7205 188.5960
## 6 152.5381 116.1963 188.8799
# Streudiagramm
plot(dauer ~ codelines, data = bugfixes,
     main = "Bugfixdauer in Abhängigkeit der Codezeilen (N=21)")
# Regressionsgerade = erwartete Werte
abline(model, col = "red")
```

Konfidenzband für erwartete Werte
lines(x, konfband[,"lwr"], col = "blue")
lines(x, konfband[,"upr"], col = "blue")

```
# Prognoskanal für Einzelwerte
lines(x, progkanal[,"lwr"], col = "magenta")
lines(x, progkanal[,"upr"], col = "magenta")
```

Bugfixdauer in Abhängigkeit der Codezeilen (N=21)

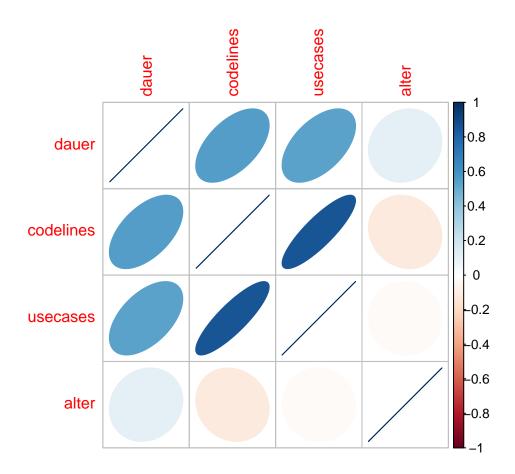


Visuelle Unterstützung für Korrelationen:

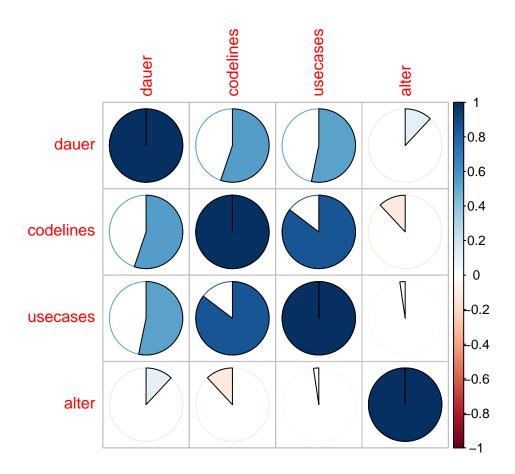
```
library(corrplot)
```

corrplot 0.92 loaded

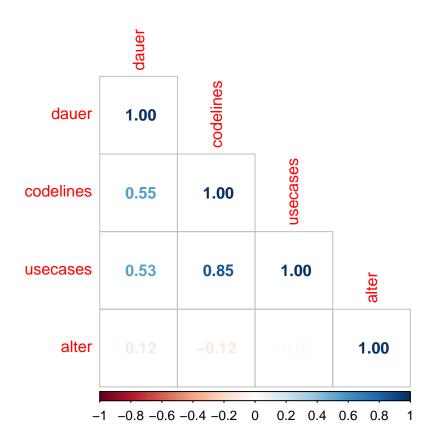
```
cor.daten <- cor(bugfixes)
corrplot(cor.daten, method = "ellipse")</pre>
```



corrplot(cor.daten, method = "pie")



corrplot(cor.daten, method = "number", type = "lower")



Metrische und kategoriale Variablen

Einfache ANOVA

In einer Softwareentwicklungsfirma wurden für 21 Bugs unter anderem zwei Merkmale erhoben:

- Behebungsdauer in Minuten (dauer)
- Programmierer (programmierer)

Es gilt zu untersuchen, ob es einen Unterschied zwischen den Programmieren gibt?

Die Daten liegen erneut als CSV-Datei bugfixes3.csv vor:

```
"dauer" "programmierer" "bugtyp"
120 "Eckkrammer" "GUI"
174 "Meyer" "DB"
188 "Meyer" "GUI"
...
```

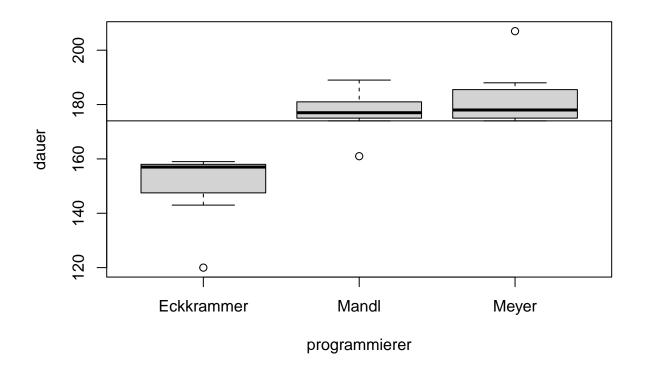
Einlesen mit read.table():

```
bugfixes = read.table("bugfixes3.csv", header = TRUE)
head(bugfixes)
```

```
bugtyp
##
     dauer programmierer
## 1
       120
              Eckkrammer
                                GUI
       174
                                 DB
## 2
                   Meyer
## 3
       188
                   Meyer
                                GUI
## 4
       161
                   Mandl
                                GUI
       157
## 5
              Eckkrammer Reporting
## 6
       178
                   Meyer Reporting
```

Die Verteilung der Bugfix-Dauer, gruppiert nach Programmierern wird mit parallellen Boxplots visualisiert:

```
boxplot(dauer ~ programmierer, data = bugfixes)
abline(h = median(bugfixes$dauer))
```



Die 5-Punkt-Zusammenfassungen nach Programmierer lauten:

```
aggregate(dauer ~ programmierer, data = bugfixes, summary)
     programmierer dauer.Min. dauer.1st Qu. dauer.Median dauer.Mean dauer.3rd Qu.
##
## 1
        Eckkrammer
                      120.0000
                                    147.5000
                                                  157.0000
                                                              149.5714
                                                                            158.0000
## 2
                                                  177.0000
                                                              177.0000
             Mandl
                      161.0000
                                     175.0000
                                                                            181.0000
## 3
             Meyer
                      174.0000
                                    175.0000
                                                  178.0000
                                                              182.8571
                                                                            185.5000
##
     dauer.Max.
## 1
       159.0000
       189.0000
##
## 3
       207.0000
```

Programmierer Eckkrammer scheint deutlich schneller zu sein als seine beiden Kollegen.

Varianzanalyse

Um die Hypothese in der Grundgesamtheit zu testen, wird eine einfache Varianzanalyse verwendet. Zunächst muss die Voraussetzung der Varianzhomogenität mit dem Levene-Test überprüft werden:

```
library(car)
```

Loading required package: carData

```
leveneTest(dauer ~ programmierer, data = bugfixes)
```

```
## Warning in leveneTest.default(y = y, group = group, ...): group coerced to
## factor.

## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
## Df F value Pr(>F)
## group 2 0.1425 0.8681
## 18
```

Dieser ist nicht signifikant, die ANOVA kann somit durchgeführt werden. Zunächst wird ein Regressionsmodell (mit dauer als abhängige und programmierer als unabhängige Variable) angepasst:

```
model = lm(dauer ~ programmierer, data=bugfixes)
```

Die ANOVA-Tabelle lautet:

```
anova(model)
```

Der F-Test für den Faktor *programmierer* verwirft die Nullhypothese: "Alle Gruppenmitglieder sind gleich" auf dem 0.05-Niveau. Die drei Programmierer arbeiten also nicht gleich schnell.

Die Summary des Regressionsmodells lautet:

summary(model)

```
##
## Call:
## lm(formula = dauer ~ programmierer, data = bugfixes)
##
## Residuals:
##
       Min
                 1Q
                     Median
                                    3Q
                                            Max
## -29.5714 -6.5714
                      0.1429
                               7.4286
                                       24.1429
##
## Coefficients:
##
                     Estimate Std. Error t value
                                                              Pr(>|t|)
                       149.571
                                   4.462 33.521 < 0.0000000000000000 ***
## (Intercept)
## programmiererMandl
                       27.429
                                   6.310
                                            4.347
                                                              0.000389 ***
                       33.286
                                   6.310
                                           5.275
                                                             0.0000514 ***
## programmiererMeyer
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 11.81 on 18 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.638, Adjusted R-squared: 0.5977
## F-statistic: 15.86 on 2 and 18 DF, p-value: 0.0001068
```

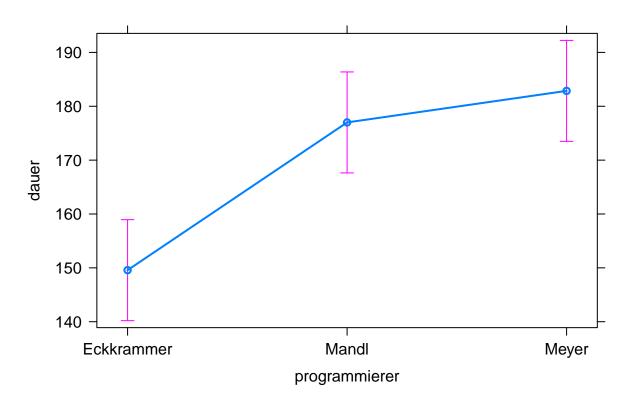
Der Erklärungswert des Modells ist 63.8% und ist signifikant auf dem 0.05-Niveau. Der Achsenabschnitt repräsentiert die Bugfix-Dauer von Programmierer "Eckkramer" und ist signifikant, ebenso wie die Koeffizienten für die anderen beiden Programmierer. Diese sind signifikant langsamer als Programmierer Eckkramer. Der Effekt-Plot fasst dies grafisch zusammen:

library(effects)

```
## lattice theme set by effectsTheme()
## See ?effectsTheme for details.
```

plot(allEffects(model))

programmierer effect plot



Auch hier sollte die Normalverteilung der Residuen mittels Q-Q-Plot visualisiert werden. Dies wird bewusst ausgelassen. Siehe Zwei metrische Variablen (Korrelation).

Zweifache ANOVA

In einer Softwareentwicklungsfirma wurden für 21 Bugs (keine fehlenden Werte) folgende drei Merkmale erhoben:

- Behebungsdauer in Minuten (dauer)
- Programmierer (programmierer)
- Bugtyp (bugtyp)

Gibt es einen Einfluss der jeweiligen Fakoren? Gibt es eine Wechselwirkung?

Die Daten liegen in derselben CSV-Datei bugfixes3.csv vor (Siehe Einfache ANOVA).

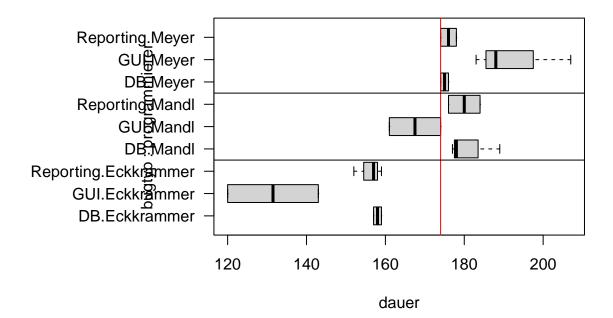
Einlesen mit read.table():

```
bugfixes = read.table("bugfixes3.csv", header = TRUE)
head(bugfixes)
```

```
dauer programmierer
##
                              bugtyp
## 1
       120
               Eckkrammer
                                 GUI
## 2
       174
                    Meyer
                                  DB
## 3
       188
                    Meyer
                                 GUI
                                 GUI
       161
                    Mandl
## 4
## 5
       157
               Eckkrammer Reporting
## 6
       178
                    Meyer Reporting
```

Visualisieren der Verteilung der Bugfix-Dauer mit parallellen Boxplots:

```
par(oma = c(1,6,1,1))
boxplot(dauer ~ bugtyp + programmierer, bugfixes, las = 1, horizontal = TRUE)
abline(v = median(bugfixes$dauer), col = "red")
abline(h = c(3.5, 6.5))
```



Varianzanalyse

Um die Hypothesen: "Alle Programmierer sind gleich schnell" sowie: "Bugs verschiedenen Typs werden gleich schnell gefixt" in der Grundgesamtheit zu testen, wird eine zweifache Varianzanalyse ohne Wechselwirkungen verwendet.

Vorab wird erneut die Homogenität der Varianzen mit dem Levene-Test überprüft:

```
library(car)
leveneTest(dauer ~ programmierer * bugtyp, data = bugfixes)

## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)

## Df F value Pr(>F)

## group 8 1.1735 0.3873

## 12
```

Dieser ist nicht signifikant, daher kann mit der ANOVA fortgefahren werden.

Dazu wird ein lineares Modell erstellt:

```
model = lm(dauer ~ programmierer + bugtyp, data = bugfixes)
```

Die ANOVA-Tablle lautet:

```
library(car)
Anova(model) # ACHTUNG: Anova(model) != anova(model)

## Anova Table (Type II tests)

##
## Response: dauer

## Sum Sq Df F value Pr(>F)

## programmierer 4467.1 2 15.1207 0.0002055 ***

## bugtyp 145.1 2 0.4912 0.6208037

## Residuals 2363.4 16

## ---

## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Der Faktor programmierer ist signifikant, bugtyp jedoch nicht.

Wie immer wird auch eine Zusammenfassung des Modells ausgegeben:

```
summary(model)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = dauer ~ programmierer + bugtyp, data = bugfixes)
##
## Residuals:
##
       Min
                  1Q
                       Median
                                    3Q
                                             Max
## -25.5804 -7.0804
                       0.9821
                                5.9821 27.3571
##
## Coefficients:
                                                            Pr(>|t|)
                      Estimate Std. Error t value
##
```

```
## (Intercept)
                      151.393
                                   6.149
                                          24.621 0.00000000000038 ***
                       27.375
                                           4.171
## programmiererMandl
                                   6.564
                                                          0.000722 ***
                                   6.564
## programmiererMeyer
                       34.062
                                           5.189 0.000089495757407 ***
## bugtypGUI
                       -5.812
                                          -0.886
                                   6.564
                                                          0.388982
## bugtypReporting
                       -0.375
                                   6.564
                                          -0.057
                                                          0.955148
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 12.15 on 16 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6589, Adjusted R-squared: 0.5736
## F-statistic: 7.727 on 4 and 16 DF, p-value: 0.001149
```

Es hat eien Erklärungswert von 65.9% und ist signifikant auf dem 0.05-Niveau.

Prüfen wir nun die Frage nach einer möglichen Wechselwirkung zwischen programmierer und bugtyp. Hierzu wird ein Regressionsmodell mit zusätzlichem Interaktionsterm geschätzt:

```
model = lm(dauer ~ programmierer * bugtyp, data = bugfixes)
```

Die ANOVA-Tabelle lautet:

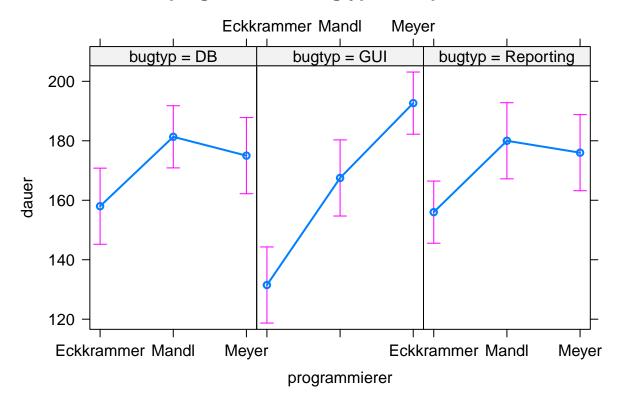
```
Anova(model)
```

```
## Anova Table (Type II tests)
##
## Response: dauer
##
                        Sum Sq Df F value
                                             Pr(>F)
## programmierer
                       4467.1 2 32.3574 0.00001465 ***
## bugtyp
                        145.1
                               2 1.0512
                                            0.379600
## programmierer:bugtyp 1535.1 4
                                  5.5598
                                           0.009076 **
## Residuals
                        828.3 12
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
```

Die Signifikanzen der Haupteffekte ändern sich nicht (Programmierer signifikant, Bugtyp nicht), der Interaktionsterm ist signifikant. Es besteht also ein gemeinsamer Einfluss von Programmierer und Bugtyp auf die Bugfix-Dauer. Die Auswirkungen der jeweiligen Faktorkombinationen sind im Effekt-Plot grafisch dargestellt:

```
library(effects)
plot(allEffects(model))
```

programmierer*bugtyp effect plot



Es fällt zunächst auf, dass für alle drei Bugtypen Programmierer Eckkrammer signifikant schneller als die Kollegen arbeitet (in Einklang mit dem signifikanten Haupteffekt). Bei GUI-Bugs unterscheiden sich alle drei Kollegen signifikant voneinander: hier sind die Unterschiede somit besonders stark ausgeprägt (Wechselwirkungseffekt).

Zeitreihenanalyse

Langfristprognose

Für einen IT-Händler sind die monatlichen Absatzzahlen von PCs für die Jahre 2015–2017 erhoben worden. Es ist ein Vorhersagemodell für Langfrist-Prognosen zu erstellen und die Entwicklung im Jahr 2018 vorherzusagen.

Die Daten liegen als Text vor, und werden daher mit scan() eingelesen und in eine Zeitreihe umgewandelt:

```
x = scan(text = "779 703 772 781 768)
                                         765 599 403 712
                                                          707
                1014 929 1008 1025 1010 996 738 448 1053 1042 1010 1022
                1048 973 1042 1059 1044 1030 572 382 1087 1076 1044 1056")
ist = ts(x, start = c(2015,1), freq = 12)
ist
                                                Sep
##
                       Apr
                                      Jul
                                           Aug
         Jan Feb
                  Mar
                            May
                                 Jun
                                                     Oct
## 2015
        779
             703
                  772
                       781
                            768
                                 765
                                      599
                                           403
                                                712
                                                     707
                                                          770
## 2016 1014
             929 1008 1025 1010 996
                                      738
                                           448 1053 1042 1010 1022
```

382 1087 1076 1044 1056

572

Stichprobengröße, fehlende Werte:

2017 1048 973 1042 1059 1044 1030

```
length(x)
## [1] 36
sum(is.na(x))
```

[1] 0

Numerische Beschreibung:

```
summary(ist)
```

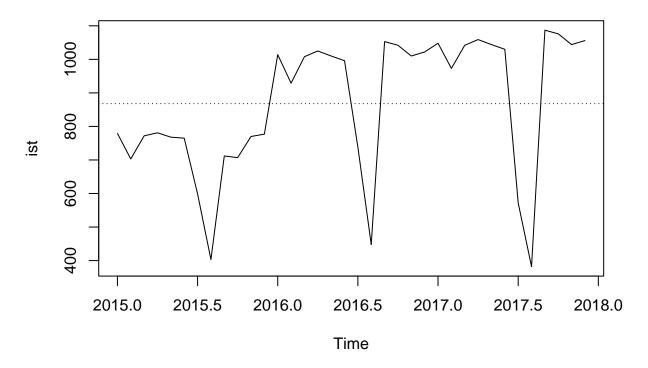
```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 382.0 758.2 984.5 867.9 1042.0 1087.0
```

Der mittlere Absatz über den Beobachtungszeitraum beträgt rd. 868 Stück; das Minimum lag bei 382, das Maximum bei 1087 Stück.

Das Zeitreihendiagramm sieht wie folgt aus:

```
plot(ist, main = "Monatliche Absatzzahlen von PCs (N = 36)")
abline(h = mean(ist), lty = "dotted")
```

Monatliche Absatzzahlen von PCs (N = 36)

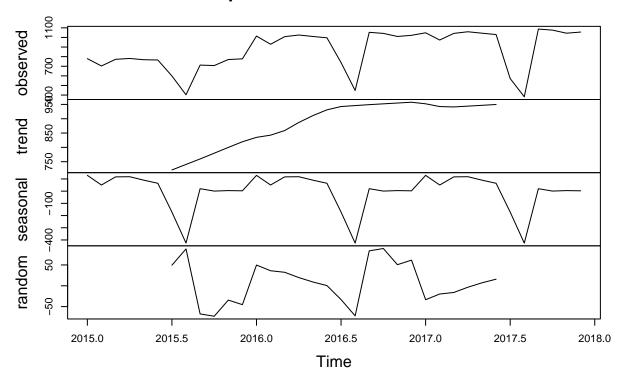


Die gestrichelte Gerade stellt den durchschnittlichen Absatz in den Jahren dar. Betrachtet man nun den Verlauf der Zeitreihe, fallen die periodisch auftretenden, starken Absatzeinbrüche jeweils zu Jahresmitte auf. Dies ist vermutlich auf das typische Sommerloch im Handel zurückzuführen. Ein kleinerer Einbruch könnte im Jänner zu beobachten sein (möglicherweise in Folge der vorgezogenen Käufe zu Weihnachten?). Des weiteren dürfte es generell einen Aufwärtstrend in den Absatzzahlen geben, mit einem stärkeren Sprung von 2015 auf 2016.

Für eine nähere Betrachtung wird die Zeitreihe in Trend- und Saisonkomponente zerlegt und diese dargestellt:

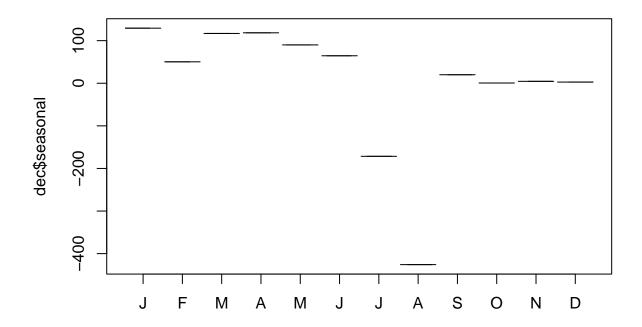
dec = decompose(ist)
plot(dec)

Decomposition of additive time series



Der vermutete Aufwärtstrend (mit Sprung vom 1. zum 2. Jahr) ist gut in der Trendkomponente zu erkennen, ebenso wie der Saisoneffekt. Betrachten wir die Saisonfigur genauer:

monthplot(dec\$seasonal)



${\bf Prognose modell}$

Für die Vorhersage wird ein Regressionsmodell geschätzt:

```
t = time(ist)
s = as.factor(cycle(ist))
model = lm(ist ~ t + s)
```

Die Modellzusammenfassung lautet:

```
summary(model)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = ist ~ t + s)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                    Median
                                 ЗQ
                                        Max
## -184.21 -48.29
                    -15.71
                              67.67
                                     111.88
##
## Coefficients:
##
                 Estimate Std. Error t value
                                                  Pr(>|t|)
## (Intercept) -240721.00
                             37835.00
                                      -6.362 0.0000017147 ***
## t
                   119.87
                                18.77
                                        6.387 0.0000016166 ***
```

```
## s2
                   -88.66
                               75.09 -1.181
                                                    0.250
                   -26.31
                                                    0.729
                               75.13 -0.350
## s3
                                                    0.773
## s4
                   -21.97
                               75.22
                                      -0.292
                               75.33
                   -46.29
                                      -0.615
                                                    0.545
## s5
## s6
                   -66.61
                               75.48
                                      -0.883
                                                    0.387
                               75.65
                                      -4.899 0.0000599735 ***
                  -370.60
## s7
                  -605.93
                               75.86 -7.987 0.0000000441 ***
## s8
                   -76.25
                               76.10
                                     -1.002
## s9
                                                    0.327
                   -95.24
## s10
                               76.38
                                      -1.247
                                                    0.225
                               76.68 -1.377
## s11
                  -105.56
                                                    0.182
## s12
                  -105.22
                               77.02 -1.366
                                                    0.185
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
##
## Residual standard error: 91.94 on 23 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.8691, Adjusted R-squared: 0.8008
## F-statistic: 12.73 on 12 and 23 DF, p-value: 0.0000001919
```

Das Modell hat einen sehr hohen Erkärungswert von fast 87%. Achsenabschnitt und Trend sind signifikant, wie auch die Saisoneffekte im Juli und August.

Die Regressionsgleichung für den erwarteten Absatz, gegeben Zeit und Saison, lautet:

```
E(Ist|t,s) = -240721 + 119.87 t -88.66 (s == "Februar") -26.31 (s == "März") ...
```

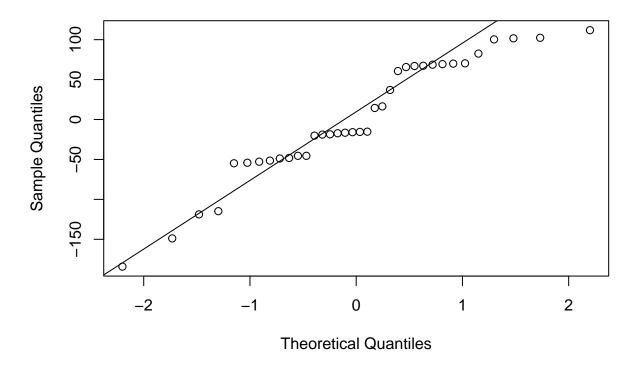
(Zahlencodierung der Monate zwecks Klarheit durch Text ersetzt.)

Diagnostik

Vor einer Prognose ist die Gültigkeit der Modellannahmen zu überprüfen. Aufgrund des geringen Stichprobenumfangs ist zunächst jedenfalls die Normalverteilung der Residuen zu kontrollieren, dies erfolgt mit einem Q-Q-Plot gegen die theoretischen Werte der Normalverteilung:

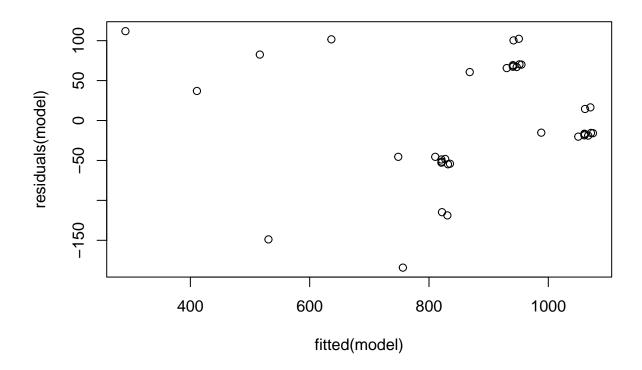
```
qqnorm(residuals(model))
qqline(residuals(model))
```

Normal Q-Q Plot



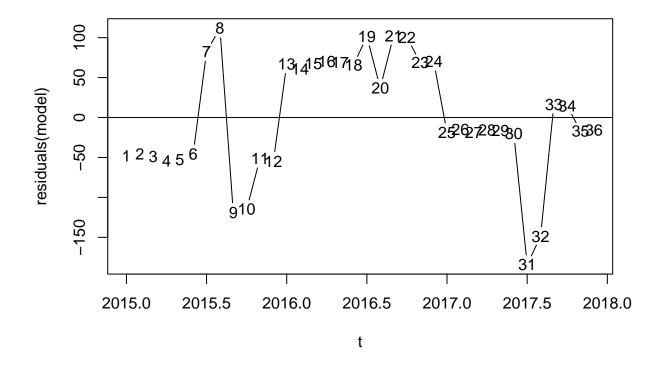
Es ist eine starke Korrelation der Residuen mit den theoretischen normalverteilten Werten zu erkennen. Ein paar Punkte oben rechts weichen jedoch vom Schema ab:

plot(residuals(model) ~ fitted(model))



Des weiteren ist die korrekte Modellspezifikation durch ein Streudiagramm der Residuen gegen die geschätzten Werte zu überprüfen. Bis auf ein paar Häufungspunkte sind keine auffälligen Strukturen im Streudiagramm zu erkennen, das lineare Modell dürfte die in den Daten vorhandene Information gut abdecken.

```
plot(residuals(model) ~ t)
abline(h = 0)
```



Drittens ist die Varianzhomogenität der Residuen zu überprüfen. Dies erfolgt mit einem Diagramm der Residuen gegen die Zeit (siehe Abbildung ??). Die Residuen weisen auffällig hohe Veränderungen in den Sommemonaten 2015 und 2017 auf, die Abweichungen des Modells von den historischen Daten sind hier größer als im übrigen Zeitraum. Das Modell fängt den Saisoneffekt offenbar nicht ideal ein. Im übrigen scheint sich die Streuung nicht systematisch mit der Zeit zu verändern.

Prognose

Für die Prognose des Folgejahres werden zunächst die Zukunftswerte der unabhängigen Variablen generiert:

```
##
              t
                 s
## 1
      2018.000
                 1
## 2
      2018.083
## 3
      2018.167
##
  4
      2018.250
##
  5
      2018.333
##
  6
      2018.417
                 6
  7
      2018.500
##
                 7
## 8
      2018.583
      2018.667
## 9
                 9
## 10 2018.750 10
```

```
## 11 2018.833 11
## 12 2018.917 12
```

und für diese die Prognose erstellt:

```
tmp = predict(model, newdata)
pred = ts(tmp, start = c(2018, 1), frequency = 12)
pred
```

```
## Jan Feb Mar Apr May Jun Jul
## 2018 1186.7500 1108.0833 1180.4167 1194.7500 1180.4167 1170.0833 876.0833
## Aug Sep Oct Nov Dec
## 2018 650.7500 1190.4167 1181.4167 1181.0833 1191.4167
```

In der grafischen Darstellung wird zusätzlich der Prognosekanal eingezeichnet:

```
## Ist-Werte
plot(ist,
    main = "PC-Istabsatz 2015-2017, samt Prognose für 2018",
    xlim = c(2015, 2019), ylim = c(300, 1500))

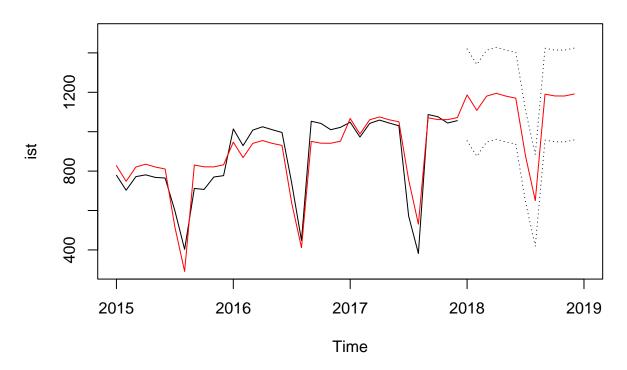
## Erwartete Werte
fit = ts(c(fitted(model), pred), start = start(ist), freq = frequency(ist))
lines(fit, col = "red")

## Prognoseintervalle
conf = predict(model, newdata, interval = "prediction")

## Unteres Band
lwr = ts(conf[,2], start = 2018, freq = 12)
lines(lwr, col = "black", lty = "dotted")

## Oberes Band
upr = ts(conf[,3], start = 2018, freq = 12)
lines(upr, col = "black", lty = "dotted")
```

PC-Istabsatz 2015–2017, samt Prognose für 2018



Die geschätzten Werte (rot) folgen in etwa dem Verlauf der Daten, mit deutlichen Abweichungen besonders in den ersten 2 Jahren. Durch den Sprung von Jahr 2015 zum Jahr 2016 ist die Schätzung des Trends verzerrt. Das Prognoseband zeigt eine große Schwankungsbreite und entsprechende Ungenauigkeit der Vorhersagen.

Variante:

Für die Prognose von Juli 2018 bis Juni 2019 werden zunächst die Zukunftswerte der unabhängigen Variablen generiert:

```
##
             t
## 1
      2018.500
                7
## 2
      2018.583
      2018.667
## 3
               9
      2018.750 10
## 5
      2018.833 11
      2018.917 12
## 6
      2019.000
## 7
## 8
      2019.083
## 9
      2019.167
## 10 2019.250
## 11 2019.333
                5
## 12 2019.417
```

und für diese die Prognose erstellt:

```
tmp = predict(model, newdata, interval = "predict")
pred = ts(tmp, start = c(2018, 7), frequency = 12)
pred
```

```
##
                 fit
                           lwr
                                     upr
## Jul 2018 876.0833 643.1441 1109.0226
## Aug 2018 650.7500 417.8108 883.6892
## Sep 2018 1190.4167 957.4774 1423.3559
## Oct 2018 1181.4167 948.4774 1414.3559
## Nov 2018 1181.0833 948.1441 1414.0226
## Dec 2018 1191.4167 958.4774 1424.3559
## Jan 2019 1306.6250 1058.0352 1555.2148
## Feb 2019 1227.9583 979.3685 1476.5481
## Mar 2019 1300.2917 1051.7019 1548.8815
## Apr 2019 1314.6250 1066.0352 1563.2148
## May 2019 1300.2917 1051.7019 1548.8815
## Jun 2019 1289.9583 1041.3685 1538.5481
```

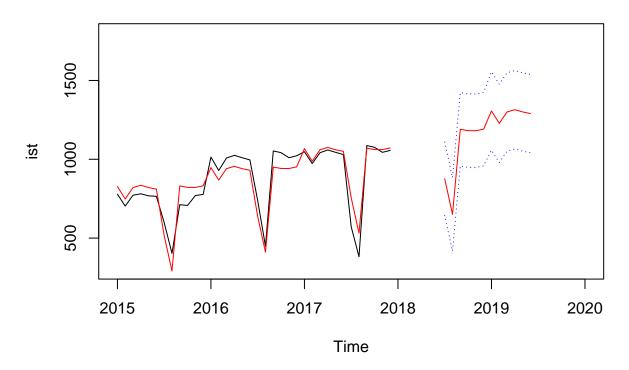
In der grafischen Darstellung wird zusätzlich der Prognosekanal eingezeichnet:

```
## Ist-Werte
plot(ist,
    main = "PC-Istabsatz 2015-2017, samt Prognose für 2018/19",
    xlim = c(2015, 2020), ylim = c(300, 1800))

## Erwartete Werte
fit = ts(fitted(model), start = start(ist), freq = frequency(ist))
lines(fit, col = "red")

## Prognose
lines(pred[,"fit"], col = "red")
lines(pred[,"lwr"], col = "blue", lty = "dotted")
lines(pred[,"upr"], col = "blue", lty = "dotted")
```

PC-Istabsatz 2015-2017, samt Prognose für 2018/19



Kurzfristprognose

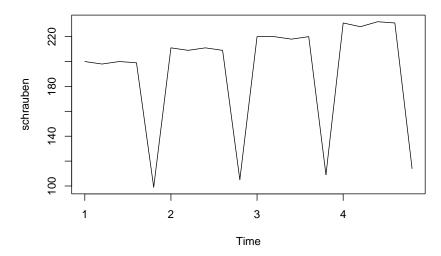
Für einen PC-Assemblierer soll der tägliche Bedarf an Schrauben, die in der Montageabteilung benötigt werden, für die Beschaffungsplanung vorhergesagt werden. Es stehen die Werte der letzten vier Wochen zur Vefügung (Freitags wird nur bis Mittag gearbeitet).

Die Daten wurden mit scan() eingelesen und in eine Zeitreihe umgewandelt:

Das Zeitreihendiagramm sieht wie folgt aus:

```
plot(schrauben, main = "Schraubenbedarf über 4 Wochen (N = 20)")
```

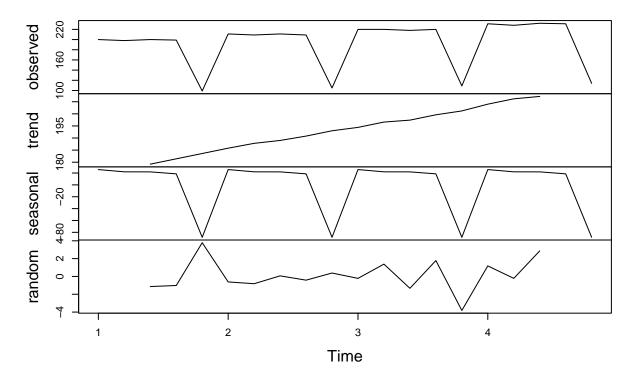
Schraubenbedarf über 4 Wochen (N = 20)



Für eine nähere Betrachtung wird die Zeitreihe in Trend- und Saisonkomponente zerlegt und diese dargestellt:

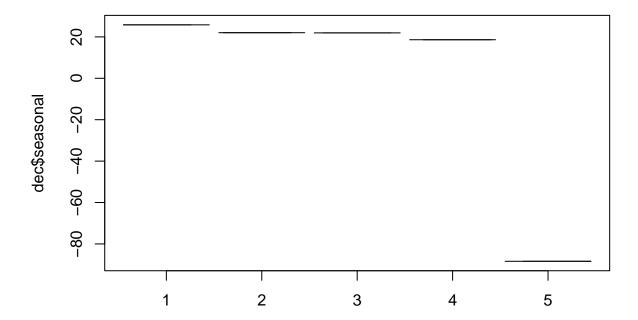
```
dec = decompose(schrauben)
plot(dec)
```

Decomposition of additive time series



Der vermutete Aufwärtstrend ist gut in der Trendkomponente zu erkennen, die nahezu konstant ansteigt, ebenso wie der Saisoneffekt. Betrachten wir die Saisonfigur genauer:

monthplot(dec\$seasonal)



Im wesentlichen erfolgt am Freitag eine deutliche Reduktion (minus 80 Stück) des Schraubenbedarfs gegenüber dem Basisniveau – bedingt durch die geringere Arbeitsleistung aufgrund des früheren Arbeitsschlusses.

Modellschätzung

Für die Kurzfrist-Prognose der kommenden Tage wird ein HoltWinters-Modell mit Saison- und Trendkomponente verwendet:

```
model = HoltWinters(schrauben)
model

## Holt-Winters exponential smoothing with trend and additive seasonal component.
##
## Call:
## HoltWinters(x = schrauben)
##
## Smoothing parameters:
## alpha: 0.2503222
## beta: 0
```

```
gamma: 1
##
##
   Coefficients:
##
##
             [,1]
## a
      209.367738
## b
        2.011429
## s1
       29.068301
## s2
       24.367791
##
   s3
       25.246393
##
   s4
       21.985071
## s5 -95.367738
```

Bei der automatischen Anpassung der Glättungsparameter wurde für α (Parameter für Achsenabschnitt) 25% gewählt (Berücksichtigung der aktuellen Werte nur zu 25%); für β (Parameter für Trend) der Wert 0 (nur die vergangenen Werte waren für die Schätzung relevant); für γ (Parameter für Saison) der Wert 1 (nur die aktuellsten Werte waren jeweils für die Schätzung ausschlaggebend).

Das Prognosemodell lautet:

```
Y_{t+k} = 209.36 + 2.011k + 29.07(s = 1) + 24.37(s = 2) + 25.25(s = 3) + 21.98(s = 4) - 95.36(s = 5)
```

wobei k den k-ten Messpunkt (also Tag) in der Zukunft darstellt. Der Basisbedarf beträgt somit rd. 209 Stück, erhöht sich pro Tag um 2 Stück, und wird je nach Wochentag um 22 bis 29 Stück nach oben, aber am Freitag um rd. 95 Stück nach unten korrigiert.

Die Prognose für die nächsten 5 Tage (samt Prognoseintervalle) lautet:

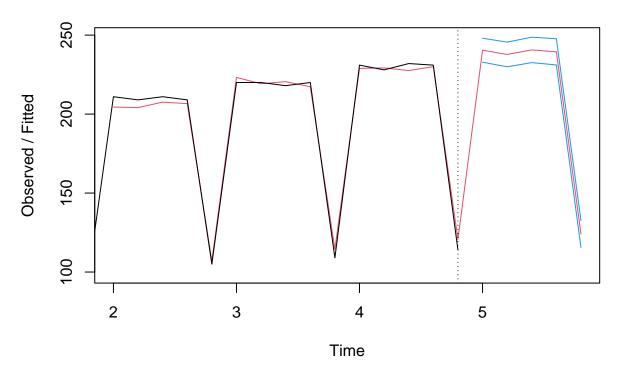
```
pred = predict(model, n.ahead = 5, prediction.interval = TRUE)
pred
```

```
## Time Series:
## Start = c(5, 1)
## End = c(5, 5)
## Frequency = 5
## fit upr lwr
## 5.0 240.4475 248.0368 232.8581
## 5.2 237.7584 245.5819 229.9348
## 5.4 240.6484 248.6993 232.5975
## 5.6 239.3985 247.6705 231.1265
## 5.8 124.0571 132.5445 115.5698
```

und ist samt den Ursprungsdaten in folgendem Diagramm dargestellt:

```
plot(model, predicted.values = pred)
```

Holt-Winters filtering



Logistische Regression

In einer Firma wurden in einem Serverraum Lüfter verschiedenen Alters (in Monaten) auf ihre Funktionsfähigkeit überprüft:

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
Alter	2	10	12	16	17	18	19	19	20	21	25	27	29	30	34	36	36
Ausfall	\mathbf{F}	\mathbf{F}	\mathbf{F}	\mathbf{F}	\mathbf{F}	${ m T}$	\mathbf{F}	\mathbf{F}	${\rm T}$	${ m T}$	\mathbf{F}	T	T	T	T	T	${ m T}$

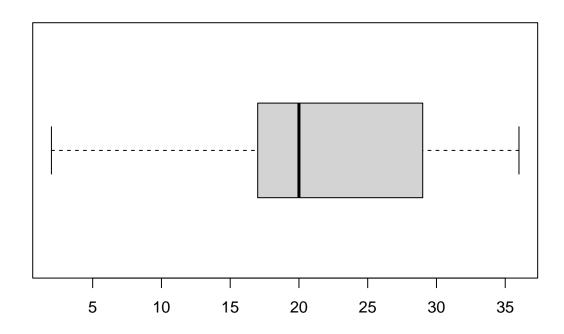
Kann man die Ausfallswahrscheinlichkeit durch das Alter vorhersagen? Wie lautet diese für 25, 30 und 35 Monate?

Einlesen der Daten mittels scan(). Die binäre Variable defekt wird als Faktor mit 2 Ausprägungen (Ja, Nein) kodiert:

```
alter = scan(text = "2 10 12 16 17 18 19 19 20 21 25 27 29 30 34 36 36")
defekt = scan(text = "F F F F F T F F T T T T T T T T T T", what = TRUE)
ausfall = factor(defekt, labels = c("Nein", "Ja"))
luefter = data.frame(Alter = alter, Ausfall = ausfall)
```

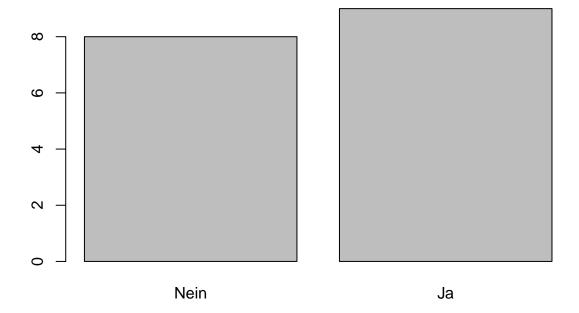
Die Verteilung von *Alter* wird mit einem Boxplot dargestellt. Die Verteilung ist weder symmetrisch noch eindeutig links- oder rechtsschief, Ausreißer sind nicht zu erkennen. Die Daten befinden sich im Bereich [2, 36] Monate, das arithmetische Mittel beträgt 21.8, der Median 20 Monate. Der Mittelwert wird also durch die Schiefe der Verteilung etwas nach oben verzerrt:

```
boxplot(luefter$Alter, horizontal = TRUE)
```



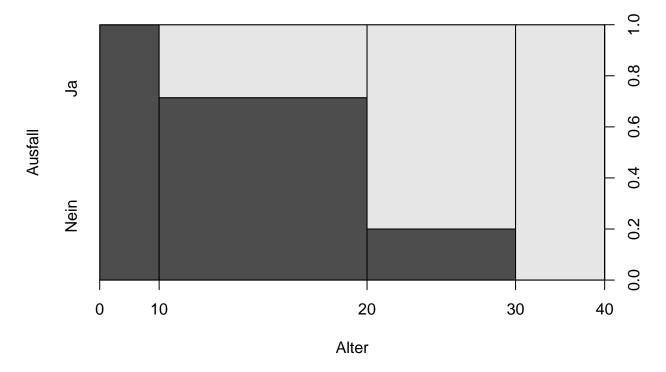
Der Boxplot von Ausfall wird mit einem Balkendiagramm (siehe Abbildung $\ref{eq:condition}$) dargestellt - 9 von 17 Lüftern sind insgesamt ausgefallen:

barplot(table(luefter\$Ausfall))



Zur Visualisierung der Anteile in Abhängigkeit vom Alter wird ein "Spinogram" verwendet:

Ausfälle von Lüftern nach Alter



- Die Balkenbreite ist proportional zur Dichte der Daten im Bereich: die meisten Lüfter befinden sich in der Gruppe von 10-20 Monaten.
- Die schwarzen Balken "highlighten" den Anteil der binären Variablen innerhalb jedes Bereichs: der Anteil der ausgefallenen Lüfter steigt an: Keiner der Lüfter, die weniger als 10 Monate alt sind, ist zum Zeitpunkt der Untersuchung ausgefallen. Sind die Lüfter zwischen 10 und 20 Monate alt, beträgt die Ausfallswahrscheinlichkeit ca. 30%, bei einer Betriebsdauer zwischen 20 und 30 Monaten sind bereits vier von fünf Geräten ausgefallen. Von den Geräten, die älter als 30 Monate sind, funktioniert in der Stichprobe keines mehr.

Modell

Da ein binäres Merkmal durch ein metrisches erklärt werden soll, wird ein logistisches Regressionsmodell geschätzt:

```
model = glm(Ausfall ~ Alter, data = luefter, family = "binomial")
pander(model, caption = "Parameterschätzung des Modells: Ausfall ~ Alter")
```

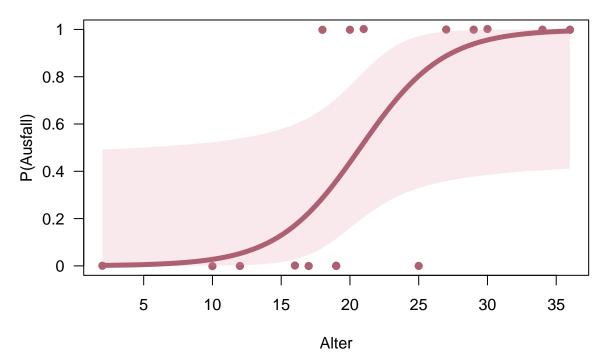
Table 6: Parameterschätzung des Modells: Ausfall ~ Alter

	Estimate	Std. Error	z value	$\Pr(>\! z)$
(Intercept)	-6.874	3.483	-1.974	0.04841
Alter	0.3312	0.1687	1.964	0.04957

Beide Parameter sind knapp signifikant auf dem 0.05-Niveau.

Die Effektstärke wird mittels "binärem Regressionsplot" dargestellt:

Effektplot für die Wahrscheinlichkeit eines Ausfalls, gegeben das Alter



Der Einfluss von Alter auf Wahrscheinlichkeit von Ausfall ist am stärksten im mittleren Wertebereich von Alter (ca. 10–30 Monate). Bei neueren Lüftern (unter 10 Monate) geht die Ausfallswahrscheinlichkeit gegen 0, bei älteren (über 30 Monate) gegen 1. Auffällig ist die große Schwankungsbreite - das Modell liefert also sehr ungenaue Vorhersagen.

Modelldiagnostik

Die Devianzanalyse liefert:

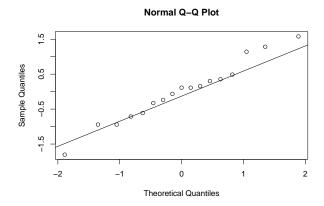
pander(Anova(model), caption = "")

	LR Chisq	Df	Pr(>Chisq)
Alter	11.47	1	0.0007088

Das Modell hat demnach einen signifikant höheren Erklärungswert als das konstante Modell.

Überprüfung der Normalverteilung der Residuen:

qqnorm(residuals(model))
qqline(residuals(model))



Es sind kaum Auffälligkeiten zu erkennen (ein wenig an den Rändern).

Prognose

Die Ausfallsprognose für Lüfter mit einem Alter von 25, 30 und 35 Monaten lautet:

```
tmp = c(25, 30, 35)
pred = predict(model, newdata = data.frame(Alter = tmp), type = "response")
pander(cbind(Alter = tmp, `P(Ausfall)` = pred))
```

Alter	P(Ausfall)
25 30	0.8032 0.9553
35	0.9912

Laut dem Modell ist damit zu rechnen, dass vier von fünf Lüftern ausgefallen sind, wenn ihr Alter 25 Monate erreicht. Nach 30 Monaten beträgt die geschätzte Ausfallswahrscheinlichkeit schon über 95%, nach 35 Monaten funktionieren Lüfter nur noch in Ausnahmefällen.