

## Devoir N° 2 de Sciences Physiques

Premier Semestre      Duré : 2h

Exercice 1      (06 pts)

On réalise la combustion dans le dioxygène d'un composé organique gazeux A de formule brute  $C_xH_yN_z$ . Lorsqu'il brûle dans le dioxygène de l'air, l'azote est transformé sous forme de diazote et l'eau formée est liquide.

- 1) Définir la chimie organique.
- 2) Ecrire l'équation bilan de la réaction en fonction de x, y et z.
- 3) Dans la suite on considère que la molécule du composé A renferme un seul atome d'azote et  $y = 2x + 3$ . Réécrire l'équation bilan précédente en fonction de x.
- 4) La combustion du mélange entre A et le dioxygène dans les proportions stœchiométriques montre que le volume initial de la phase gazeuse est **1.9 fois** le volume final de la phase gazeuse.
  - 4.1) En déduire la formule brute du composé A
  - 4.2) Ecrire les formules semi développées de tous les isomères possibles du composé A

Exercice 2      (07 pts)

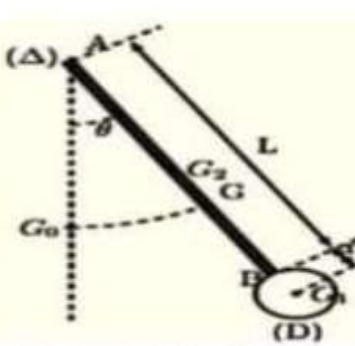
Le système (S) présenté sur la figure ci dessous est formé par :

- Un disque homogène (D) de masse  $m_1 = 1\text{kg}$  et de rayon  $r = 10\text{ cm}$  ;
- Une tige homogène de masse  $m_2 = 2m_1$  et de longueur  $L = AB = 1\text{m}$ , soudée au disque au point B.

Ce système est mobile dans le plan vertical, autour d'un axe fixe et horizontal passant par A. Son moment d'inertie par rapport à l'axe ( $\Delta$ ) est noté  $J_\Delta$ . Soit  $G_2$  le centre d'inertie de la tige AB,  $G_1$  le centre d'inertie de (D) et G le centre d'inertie du système (S).

1. Montrer que la position du centre d'inertie G du système par rapport à A est :  $\mathbf{AG} = \frac{2L+r}{3}$ .
2. Vérifier que le moment d'inertie du système par rapport à l'axe ( $\Delta$ ) a pour expression  $J_\Delta = \frac{m_1}{6} (4L^2 + 3r^2) + m_1 (L + r)^2$  (Par la suite on prend  $J_\Delta = 1.9 \text{ kg.m}^2$ ).
3. On étudie le mouvement du système S dans le repère terrestre considéré galiléen. Les positions du système sont repérées à chaque instant par l'angle  $\theta$ . On néglige les frottements. On écarte le système de sa position d'équilibre stable d'un angle  $\theta_0 = \frac{\pi}{3}$  puis on l'abandonne sans vitesse initiale.
  - 3.1 Montrer que le travail du poids du système en un point M repéré par l'angle  $\theta$  peut s'écrire :
 
$$\mathbf{W}(\overrightarrow{P}) = m_1 g \cdot (2L + r) [\cos(\theta) - \cos(\theta_0)]$$
  - 3.2 En déduire l'expression de ce travail du système à son passage par la position d'équilibre.
  - 3.3 Calculer la vitesse angulaire  $\omega_0$  du système à son passage par la position d'équilibre.
4. En utilisant le théorème de l'énergie cinétique, établir que l'énergie cinétique minimale qu'il faut donner au système, à la position initiale  $\theta_0 = \frac{\pi}{3}$  pour qu'il effectue autour de l'axe ( $\Delta$ ) un mouvement de rotation dans un seul sens a pour expression :  $E_{\text{min}} = \frac{3}{2} m_1 g (2L + r)$ .




**Exercice 3 (07 pts)**

Un chariot de masse  $m = 1 \text{ kg}$  assimilé à un point matériel  $M$ , est mobile sur une piste située dans le plan vertical. La piste est formée de plusieurs parties :

- AB : partie circulaire de centre O, de rayon R constant et d'angle  $\theta = \widehat{AOB}$ .
- BC : partie rectiligne inclinée d'un angle  $\theta$  par rapport à l'horizontale et de longueur  $2R$ .
- CD : partie rectiligne horizontale de longueur R.
- DE : partie circulaire de centre  $O_2$ , de rayon  $2R$  constant et d'angle  $\beta = \widehat{DO_2E}$ , le rayon  $O_2D$  étant vertical.

Les parties circulaires sont lisses. Les frottements entre le sol et le chariot dans la partie BCD sont caractérisés par un coefficient de frottement dynamique  $\mu$  constant tel que  $f = \mu R_n$ . Le chariot est abandonné sans vitesse en A.

- 1) Déterminer l'expression de la vitesse du chariot au point B.
- 2) L'intensité de la réaction du support au point B peut s'écrire de sous la forme :

$$R_B = mg\cos(\theta) - \frac{mV_B^2}{R}$$

- a) Exprimer  $R_B$  en fonction de  $m$ ,  $g$  et  $\theta$ .
- b) Quelle est la valeur  $\theta_0$  de l'angle  $\theta$  pour laquelle le chariot quitte la piste au point B.
- 3) Montrer que l'expression du coefficient de frottements dynamique  $\mu$  dans la partie BD pour que le chariot s'arrête au point D s'écrit :  $\mu = \frac{V_B^2 + 4gR\sin\theta}{2gR(2\cos\theta + 1)}$
- 4) Application numérique : Calculer  $V_B$  et  $\mu$  si  $\theta = 30^\circ$ ,  $g = 10 \text{ N/kg}$  et  $R = 1 \text{ m}$ .
- 5) S'il arrive au point D avec une vitesse de  $3 \text{ m/s}$ , pour quel angle  $\beta$ , il arrive au point E avec une vitesse nulle ?

