

## 实验 0 数组、指针和结构体

### 题目一 数据集合的表示及运算

#### 【问题描述】

构造一个非递减数列，然后在该数列中新加入一个数，并保持该数列非递减有序的特性。

#### 【基本要求】

用一维数组存储数列。

#### 【实现提示】

1. 为简单起见，设数组元素为整型，用静态数组（即固定大小的数组）存储数列，定义如下：

```
#define ARRAYSIZE 10000
```

```
//先定义一个足够大的数组，并存入少量数据测试程序的逻辑是否正确
```

```
int data[ARRAYSIZE] = {10,20,30,40,50};
```

```
int n = 5; // 数列的长度用 n 表示，程序中应保证 n 不大于 ARRAYSIZE
```

2. 新加入的数从键盘输入，该数有以下几种可能性，在运行程序时都要进行测试：

（1）比数列中最小的数还要小；

（2）比数列中最大的数还要大；

（3）其他情况

3. 调用随机函数产生数列及要加入的新数，这就不能保证数列的非递减性质了，因此需要在程序中增加一个专门用来排序的函数；

4\*. 用动态数组，即用动态内存申请函数申请内存块（作为数组的存储空间），借助指针访问数组元素，数组大小自行设定，例如：

```
#define DSIZE 100
```

```
int n = 5; //数列的长度用 n 表示，程序中应保证 n 不大于 DSIZE
```

```
int *ptr;
```

```
ptr = (int *)malloc(DSIZE * sizeof(int));
```

```
//calloc 也可以用来申请内存块
```

```
//与 malloc 不同的是，calloc 函数会将申请到的内存区域初始化为 0
```

```
//用法示例： ptr = (int *)calloc(DSIZE, sizeof(int));
```

```
if (!ptr) //申请失败，程序中止
```

```
exit(0);
```

```
for(i = 0; i < n; i++)
```

```
*(ptr+i) = rand(); //调用随机函数产生数据，*(ptr+i)等同于 ptr[i]
```

#### 【测试数据】

自行设定。

### 题目二 约瑟夫问题

#### 【问题描述】

约瑟夫问题是由公元 1 世纪时的犹太历史学家（也是军官及辩论家）弗拉维奥·约瑟夫斯提出的，他参加并记录了公元 66-70 年犹太人反抗罗马的起义。他和他的 40 个战友被罗马军队包围在洞

中。他们在讨论是自杀还是被俘，最终决定自杀，并以抽签的方式决定谁杀掉谁。约瑟夫斯和另外一个人是最后两个留下的人。约瑟夫斯说服了那个人，他们将向罗马军队投降，不再自杀。约瑟夫斯把他的存活归因于运气或天意，他不知道是哪一个。

在计算机编程的算法中，类似问题又称为**约瑟夫环**：n 个人（编号 1~n）围成一圈，从编号为 1 的人开始，依顺时针方向进行。从 1 开始报数，报到 m 的人退出，从下一个人开始，继续从 1 开始报数，报到 m 的人退出，重复上述过程，直到仅剩 1 人（称为胜利者）。按顺序输出出列者编号，以及胜利者的编号。

#### 【基本要求】

用一维数组存储。

#### 【测试数据】

m 和 n 的值自行设定。

## 题目三 复数运算

#### 【问题描述】

复数是复变函数论、解析数论、傅里叶分析、分形、流体力学、相对论、量子力学等学科中最基础的对象和工具。设  $z_1=a+bi$ ， $z_2=c+di$  是任意两个复数，则复数的四则运算为：

1. 相加  $z_3 = z_1 + z_2$ :  $z_3 = a+bi + c+di = (a+c) + (b+d)i$
2. 相减  $z_3 = z_1 - z_2$ :  $z_3 = a+bi - (c+di) = (a-c) + (b-d)i$
3. 相乘  $z_3 = z_1 * z_2$ :  $z_3 = (a+bi) * (c+di) = (ac-bd) + (bc+ad)i$
4. 相除  $z_3 = z_1 / z_2$ :  $z_3 = (a+bi) / (c+di) = \frac{ac+bd}{c^2+d^2} + \frac{bc-ad}{c^2+d^2}i$

#### 【基本要求】

1. 用结构体类型描述复数数据；
2. 定义四个函数分别实现复数的四则运算；
3. 实部和虚部为 `double` 型，输出时小数点后保留 2 位。

#### 【测试数据】

自行设定。

## 实验一 链表的实现及运算

### 题目一 单链表基本运算

#### 【问题描述】

设计并实现线性表的单链表存储和运算。

#### 【基本要求】

实现单链表的插入、删除和遍历运算，每种操作用一个函数实现。

插入操作：将一个新元素插入表中指定序号的位置。

删除操作：将指定序号的元素从表中删除。

遍历操作：从表头按次序输出所有元素的值，若是空表，则输出信息“empty list!”。

#### 【实现提示】

1. 程序运行时，首先在 `main` 函数中创建空的、带头结点的单链表。然后多次调用实现插入操作

的函数（每次都把元素在序号 1 位置上插入），将元素依次插入表中，最后调用实现遍历操作的函数输出所有元素。之后再多次调用实现删除操作的函数将表还原为空表（每次都删除第 1 个元素，每删除一个元素后，将表中剩余元素都输出一次）。

2. 单链表结点类型定义：

```
typedef int ElemType; //为简化起见，元素类型定义为整型
typedef struct Node{
    ElemType data;
    struct Node *next;
}Node, *LinkedList;
```

3. 为了简化指针参数传递，使用 c++ 的引用参数，存储源程序时注意后缀名应为 **cpp**。（其他实验题目在此处的处理相同）

4. 创建链表时，可以多次调用插入函数（插入函数的功能是在链表的第 i 个元素结点前插入一个新结点），通过不断地在链表中增加结点来实现，也可以定义一个专门创建链表的函数，调用一次该函数就完成链表中所有结点的创建（当然，此后需要在链表中插入一个新结点时调用前述的插入函数即可）。

例如，用头插法创建长度为 n 的单链表的函数定义如下：

```
Status CreateList_L(LinkedList &L, int n)
{    //用表头插入法逆序建立长度为 n 的、带头结点的单链表
    int i;
    LinkedList p;
    L = (LinkedList) malloc(sizeof(Node));
    if (!L)
        return INFEASIBLE;
    L->next = NULL;    //建立仅有头结点的单链表

    for(i=n; i>0; --i){    //输入 n 个整数，逐个插入单链表中
        p = (LinkedList)malloc(sizeof(Node));    //生成新结点
        if (!p)
            return INFEASIBLE;
        scanf("%d",&p->data);    //从键盘输入元素值，存入新结点中
        p->next = L->next;    L->next = p;    //新结点插入到表头
    }
    return OK;
}
```

【测试数据】

输入数据：1 2 3 4 5 0（为 0 时结束，0 不存入链表）

第一次输出：5 4 3 2 1

第二次输出：4 3 2 1

第三次输出：3 2 1

第四次输出：2 1

第五次输出：1

第六次输出：empty list!

## 题目二 单链表上的排序运算

### 【问题描述】

创建单链表，用冒泡排序方法（或其他排序方法）实现非递减排序。

### 【基本要求】

创建单链表，遍历单链表并输出元素序列，将单链表中的元素按非递减顺序排序，再次遍历单链表并输出元素序列。

### 【实现提示】

分别定义函数实现创建单链表、遍历单链表并输出和排序过程。程序运行时，首先在 `main` 函数中调用创建单链表的函数，然后调用遍历单链表（包含对元素的输出）的函数，再调用排序函数，最后再调用遍历单链表（包含对元素的输出）的函数观察是否实现了排序运算。

### 【测试数据】

自行设计，输入的数据序列应该是无序的。

## 题目三 约瑟夫问题

### 【问题描述】

编号为  $1, 2, \dots, n$  的  $n$  个人按顺时针方向围坐一圈，每人持有一个密码（正整数）。现在给定一个随机数  $m > 0$ ，从编号为 1 的人开始，按顺时针方向 1 开始顺序报数，报到  $m$  时停止。报  $m$  的人出圈，同时留下他的密码作为新的  $m$  值，从他在顺时针方向上的下一个人开始，重新从 1 开始报数，如此下去，直至所有的人全部出列为止。

### 【基本要求】

利用单向循环链表存储结构模拟此过程，按照出列的顺序打印输出每个人的编号。

### 【测试数据】

$M$  的初始值为 20； $n$  等于 7，7 个人的密码依次为：3，1，7，2，4，8，4。  
输出为：6，1，4，7，2，3，5

### 【实现提示】

程序运行时，首先要求用户指定初始报数上限值，然后读取各人的密码。可设  $n \leq 30$ 。此题所用的循环链表中不需要“头结点”，请注意空表和非空表的界限。

### 【选作内容】

用顺序存储结构实现该题目。

## 题目四 一元多项式相加、减运算器

### 【问题描述】

设计一个一元稀疏多项式简单计算器。

### 【基本要求】

一元稀疏多项式简单计算器的基本功能：

(1) 输入并建立多项式的单向链表存储；

(2) 输出多项式，形式为一个整数序列： $n, c_1, e_1, c_2, e_2, \dots, c_n, e_n$ ，其中， $n$  是多项式的项数， $c_i$ 、 $e_i$  分别是第  $i$  项的系数和指数，序列按指数降序排列；

- (3) 多项式  $A(x)$  和  $B(x)$  相加得到多项式  $C(x)$ ，输出  $C(x)$ ；  
 (4) 多项式  $A(x)$  和  $B(x)$  相减得到多项式  $D(x)$ ，输出  $D(x)$ 。

#### 【测试数据】

- (1)  $A(x)=2x+5x^8-3.1x^{11}$   $B(x)=7-5x^8+11x^9$   $C(x)=-3.1x^{11}+11x^9+2x+7$   
 (2)  $A(x)=1+x+x^2+x^3+x^4+x^5$   $B(x)=-x^3-x^4$   $C(x)=1+x+x^2+x^5$   
 (3)  $A(x)=x+x^3$   $B(x)=-x-x^3$   $C(x)=0$   
 (4)  $A(x)=x+x^{100}$   $B(x)=x^{100}+x^{200}$   $C(x)=x+2x^{100}+x^{200}$   
 (5)  $A(x)=x+x^2+x^3$   $B(x)=0$   $C(x)=x+x^2+x^3$   
 (6)  $A(x)=6x^{-3}-x+4.4x^2-1.2x^9$   $B(x)=-6x^{-3}+5.4x^2-x^2+7.8x^{15}$   
 $D(x)=-7.8x^{15}-1.2x^9+12x^{-3}-x$

#### 【实现提示】

用带头结点的单链表存储多项式，多项式的项数可放入头结点中。

## 实验二 栈和队列的实现与应用

### 题目一 数制转换

#### 【问题描述】

十进制数  $N$  和其它  $d$  进制数的转换是计算机实现计算的基本问题，其解决方法很多，其中一个简单的算法是基于下列原理：

$N = (N \text{ div } d) * d + N \text{ mod } d$ 。其中： $\text{div}$  为整除运算， $\text{mod}$  为求余运算。

例如， $43_{10} = 101011_2$

被除数	除数	商	余数
43	2	21	1
21	2	10	1
10	2	5	0
5	2	2	1
2	2	1	0
1	2	0	1

从上述运算过程可见：①从低位到高位顺序产生二进制数的各个位数；②与打印输出由高位到低位的顺序相反。

因此，将计算过程中得到的二八进制数的各位顺序进栈，再按出栈序列打印输出，即可得到与输入对应的二进制数。

#### 【基本要求】

写一个程序，利用栈将一个十进制数转换为二进制数的形式输出，其中，栈的基本运算应自行实