

# ۱ امضای کور غیر قابل انکار

۱

طرح امضای کور پروتکلی است که طی آن درخواست کننده بدون افشای محتوای سند از امضا کننده درخواست می کند تا سند را امضا کند. در سال ۱۹۸۲ اولین بار چام طرح امضای کور را معرفی کرد. [۴] این طرح براساس مسئله  $RSA$  بنا شده است. [۱۴] از آنجا که اکثر طرح های امضای کور و تغییرات آن براساس سختی مسائل متفاوتی از جمله مسئله لگاریتم گسسته<sup>۲</sup>، مسائل زوجیت مبنا<sup>۳</sup> و مسائل شبکه مبنا<sup>۴</sup> ارائه شده است [۳، ۱۵، ۱۸]، ولی تمام این طرح ها یک مشکل اساسی دارند و مشکل این است که در برابر متخاصم کوانتومی ایمن نمی باشند. امضا های کور معرفی شده توسط چام [۴]، کامنیش [۳] و ژانگ و کیم [۱۸] به دلیل الگوریتم شور<sup>۵</sup> در برابر حملات کوانتومی ایمن نیستند. چنان که در [۶] نشان داده شده است، امضای کور شبکه مبنا معرفی شده توسط روکرت [۱۵] که از مدل فیات شمیر [۷] استفاده می کند در برابر مدل اوراکل تصادفی کوانتومی ایمن<sup>۶</sup> نمی باشد.

امضای کور هر دو ویژگی ناشناس بودن<sup>۷</sup> و احراز هویت<sup>۸</sup> را در خود دارد. [۹، ۱۱] در نتیجه این طرح در بسیاری از پروتکل های حفظ حریم خصوصی<sup>۹</sup> از جمله پول الکترونیکی<sup>۱۰</sup> و رای گیری الکترونیکی<sup>۱۱</sup> استفاده می شود. [۱۲، ۱۳] چنانچه در ابتدا گفته شد امضا کننده هیچ کنترلی بر محتوای سندی که قرار است امضا شود را ندارد، علاوه بر این امضا کننده هیچ کنترلی در نحوه استفاده از امضا را هم ندارد. با این اوصاف احساس می شود اعطای درجه ای از کنترل به امضا کننده نیاز است. یک از راه های ممکن آن است که امضا کننده و درخواست کننده (امضا) روی بخشی از محتوای سند توافق کنند. این راه توسط تکنیکی که آبه و فوجیساکی در [۱] ارائه کرده اند قابل دستیابی

<sup>1</sup>Undeniable Blind Signature

<sup>2</sup>Discrete Logarithm Problem (DLP)

<sup>3</sup>pairing-based problems

<sup>4</sup>lattice-based problems

<sup>۵</sup>در زمان چند جمله ای مسائل لگاریتم گسسته و تجزیه اعداد را در کامپیوترهای کوانتومی حل می کند

<sup>6</sup>quantum random oracle model

<sup>7</sup>anonymity

<sup>8</sup>authentication

<sup>9</sup>privacy-preserving

<sup>10</sup>e-cash

<sup>11</sup>e-voting

می باشد.

راه دیگر آن است که این اختیار به امضاکننده داده شود تا تصمیم بگیرد چه کسی مجاز به تایید امضا می باشد. این روش ؟؟؟. طرح امضای غیرقابل انکار معرفی شده توسط چام و ون آنترین [۵] دقیقا مطالب بالا<sup>۱۲</sup> را دربرمی گیرد.

بنابراین مطلوب است طرحی داشته باشیم که ناشناس بودن و تاییدسازی کنترل شده را در خود داشته باشد که ویژگی های هر دو طرح امضای کور و امضای غیرقابل انکار را برآورده کند. در سال ۱۹۹۶، ساکوری و یامانه [۱۶] یک طرح امضای کور غیرقابل انکار را براساس مساله لگاریتم گسسته ارائه دادند. چنان که در [۵] گفته شده است با این تکنیک می توان یک طرح امضای کور غیرقابل انکار بر اساس مسئله آراس<sup>۱۳</sup> طراحی کرد. ذکر این نکته لازم است که تمام این طرح ها در برابر حملات کوانتومی ایمن نیستند.

در این پایان نامه در نظر داریم یک طرح امضای کور غیرقابل انکار مقاوم کوانتومی بر اساس سختی مسائل همسانی روی خم های بیضوی سوپرسینگولار ارائه کنیم.

سوخارو و همکارانش در [۱۷] پیشنهادی درباره ی ساخت یک طرح امضا با تاییدکننده معین شده براساس سختی مسائل همسانی که مقاوم کوانتومی نیز می باشد ارائه کرده است. آنها همچنین یک ساخت عمومی از طرح رمزگذاری تایید اعتبار کلید نامتقارن ؟؟؟ را نشان داده اند. جائو و سوخارو در [۱۰] یک طرح امضای غیرقابل انکار همسانی مبنا ارائه کرده اند. در این پایان نامه قصد داریم طرح جائو و سوخارو را به یک طرح امضای کور غیرقابل انکار توسعه دهیم.

## ۱.۱ تعریف استاندارد

۱۴

انتظار می رود طرح امضای کور غیرقابل انکار ( $UBSS$ )<sup>۱۵</sup>، ویژگی های طرح امضای غیرقابل انکار و طرح امضای کور را همزمان داشته باشد. در نتیجه این طرح باید ویژگی های ناخوانا بودن محتوای پیام اولیه (قبل از امضا)<sup>۱۶</sup> و تاییدسازی کنترل شده<sup>۱۷</sup> را دارا باشد.

<sup>۱۲</sup> در یک طرح امضای غیرقابل انکار، امضاکننده تصمیم می گیرد تا چه کسی امضا را تایید کند

<sup>۱۳</sup>RSA

<sup>۱۴</sup>Formal Definition

<sup>۱۵</sup>Undeniable Blind Signature Scheme

<sup>۱۶</sup>anonymity of the message origination

<sup>۱۷</sup>controlled verification

**تعریف ۱.** طرح امضای کور غیرقابل انکار ، یک طرح امضای تعاملاتی است که بوسیله چندتایی زیر معرفی می شود:

$$UBSS = (KeyGen, Blind, Sign, Unblind, Check, CON, DIS)$$

۱. الگوریتم تولید کلید تصادفی  $KeyGen$  ، پارامتر امنیتی  $1^\lambda$  را به عنوان ورودی گرفته و زوج کلیدهای  $(vk, sk)$  را که به عنوان کلیدتاییدساز و کلیدمخفی نامیده می شوند، به عنوان خروجی تولید می کند. شکل شماتیک این الگوریتم به صورت زیر می باشد:

$$(vk, sk) \leftarrow KeyGen(1^\lambda)$$

۲. الگوریتم کورسازی تصادفی  $Blind$  ، پیام  $m$  را به عنوان ورودی گرفته و خروجی آن کورشده ی پیام، یعنی  $m'$  می باشد. شکل شماتیک این الگوریتم به شکل زیر می باشد که  $r$  کاملاً به صورت تصادفی توسط الگوریتم ساخته می شود:

$$m' \leftarrow {}_rBlind(m)$$

۳. الگوریتم امضای قطعی یا تصادفی  $Sign$  ، کلید مخفی  $sk$  و پیام  $m$  را به عنوان ورودی گرفته و امضای  $\sigma$  را به عنوان خروجی تولید می کند. این الگوریتم را می توان به صورت زیر نشان داد:

$$\sigma \leftarrow Sign_{sk}(m)$$

۴. الگوریتم شفاف ساز قطعی  $Unblind$  ، امضای کور  $\sigma'$  و عدد تصادفی  $r$  (انتخاب شده توسط الگوریتم کورسازی) را به عنوان ورودی گرفته و امضای شفاف  $\sigma$  را به عنوان خروجی تولید می کند. این الگوریتم را می توان به شکل زیر نمایش داد:

$$\sigma := Unblind_r(\sigma')$$

۵. الگوریتم قطعی بررسی  $Check$  ، پیام  $m$  ، امضای شفاف  $\sigma$  و زوج کلیدهای  $(vk, sk)$  را به عنوان ورودی گرفته و بیت  $b$  را به عنوان خروجی تولید می کند.  $b = 1$  به معنای آن است

که امضا متعلق به پیام می باشد و  $b = 0$  نیز به این معناست که امضا غیرمعتبر می باشد. این الگوریتم به صورت زیر قابل نمایش است:

$$b := \text{Check}_{(vk, sk)}(m, \sigma)$$

۶. پروتکل تایید  $\pi_{con}$  توسط امضاکننده اجرا می شود تا تاییدکننده اطمینان یابد که امضا معتبر است.

۷. پروتکل انکار  $\pi_{dis}$  نیز توسط امضاکننده اجرا می شود و تاییدکننده متقاعد می شود که امضا نامعتبر است.

برای هر زوج کلید  $(vk, sk)$  که توسط الگوریتم  $\text{KeyGen}(1^\lambda)$  تولید می شود و همچنین هر  $m$  از میان فضای پیام و هر عدد تصادفی  $r$  که توسط الگوریتم  $\text{Blind}$  تولید شده است، باید تساوی زیر برقرار باشد:

$$\text{Check}_{(vk, sk)}(m, \text{Unblind}_r(\text{Sign}_{sk}(r \text{Blind}(m)))) = 1$$

علاوه بر این، اگر الگوریتم امضا قطعی باشد آنگاه می توان فرض کرد اثر مراحل الگوریتم های کورسازی-امضا-شفافیت روی پیام دقیقاً مشابه اجرای مستقیم الگوریتم امضا روی پیام می باشد. برای درک این مطلب آن را به صورت زیر نمایش می دهیم:

$$\text{Unblind}_r(\text{Sign}_{sk}(r \text{Blind}(m))) = \text{Sign}_{sk}(m)$$

## ۲.۱ کارکرد UBSS

۱۸

برای درک بهتر نقش الگوریتم‌های گفته شده در بخش قبلی، پروتکل را به صورت کامل اجرا می‌کنیم.

در ابتدا امضاکننده یک پارامتر امنیتی  $\lambda$  را انتخاب و الگوریتم  $KeyGen(\lambda)$  را برای به دست آوردن زوج کلید  $(vk, sk)$  اجرا می‌کند. کلید امضای  $sk$  به صورت مخفی پیش امضاکننده حفظ می‌شود و کلید تاییدساز  $vk$  توسط امضاکننده منتشر می‌شود.  $m$  پیامی است که درخواست‌کننده خواهان امضای آن به صورت ناخوانا است؟؟. به این منظور، درخواست‌کننده ابتدا  $m^1$  را با اجرای الگوریتم  $Blind(m)$  به  $m'^2$  تبدیل می‌کند.  $m'$  در ادامه درخواست‌کننده  $m'$  را به همراه شناسه هویتی خود  $Id_R$ ، ارسال می‌کند. امضاکننده ابتدا شناسه درخواست‌کننده را تایید (۲.۱) و سپس الگوریتم  $Sign_{sk}$  را روی  $m'$  اجرا می‌کند تا امضای کور  $\sigma'$  به دست آید. دریافت‌کننده پس از دریافت امضای کور از امضاکننده، توسط الگوریتم  $Unblind$  و مقدار تصادفی  $r$  انتخاب شده در مرحله کورسازی، امضا را از حالت کور خارج کرده و سپس زوج پیام اصلی و امضای شفاف  $(m, \sigma)$  پیام را برای بخش تایید؟؟ ارسال می‌کند.

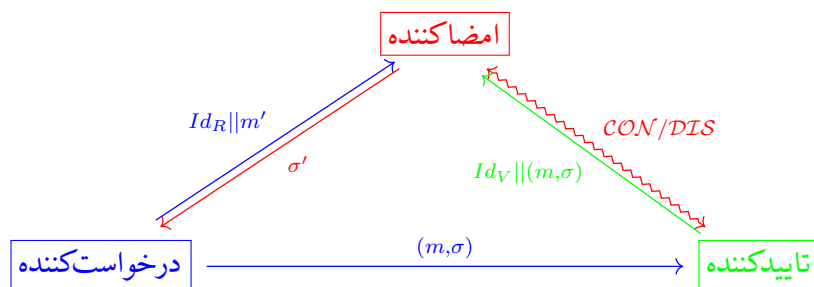
هربخشی که خواهان تایید امضا باشد، شناسه خود  $Id_V$  را به همراه زوج پیام و امضا  $(m, \sigma)$  برای امضاکننده ارسال می‌کند. امضاکننده در ابتدا شناسه تاییدکننده را بررسی می‌کند (۲.۱) آنگاه اگر  $Id_V$  یک شناسه معتبر در میان تاییدکنندگان احراز شده (مجاز) نباشد، امضاکننده از ادامه ارتباط خودداری می‌کند. در غیراینصورت الگوریتم بررسی  $Check$  را اجرا می‌کند. اگر خروجی این الگوریتم معتبر باشد آنگاه پروتکل تایید  $CON$  توسط امضاکننده آغاز می‌شود؛ در غیراینصورت پروتکل انکار  $DIS$  اجرا می‌شود (شکل ۱ تمام مفاهیم طرح UBSS را نشان می‌دهد).

<sup>18</sup>Workinf of UBSS

<sup>۱۹</sup>پیام خوانا

<sup>۲۰</sup>پیام ناخوانا

<sup>۲۱</sup>در زمان اجرای الگوریتم، یک انتخاب تصادفی  $r$  توسط خود الگوریتم تولید می‌شود.



شکل ۱: اطلاعات کامل طرح امضای کور غیرقابل انکار

**توجه ۱.** در این پایان نامه عمداً چگونگی احراز هویت بین درخواست کننده و تایید کننده با امضا کننده را مشخص نمی کنیم. این امر مستلزم آشنایی با احراز هویت متقابل می باشد. این طرح در [۸، ۲] به صورت کامل آورده شده است که در مقابل حملات کوانتومی نیز ایمن می باشند.

## ۳.۱ ویژگی ها

۲۲

## مراجع

- [1] Masayuki Abe and Eiichiro Fujisaki. How to date blind signatures. In *International Conference on the Theory and Application of Cryptology and Information Security*, pages 244–251. Springer, 1996.
- [2] Dan Boneh and Mark Zhandry. Secure signatures and chosen ciphertext security in a quantum computing world. In *Annual Cryptology Conference*, pages 361–379. Springer, 2013.
- [3] Jan L Camenisch, Jean-Marc Piveteau, and Markus A Stadler. Blind signatures based on the discrete logarithm problem. In *Workshop on the Theory and Application of Cryptographic Techniques*, pages 428–432. Springer, 1994.
- [4] David Chaum. Blind signatures for untraceable payments. In *Advances in cryptology*, pages 199–203. Springer, 1983.
- [5] David Chaum and Hans Van Antwerpen. Undeniable signatures. In *Conference on the Theory and Application of Cryptology*, pages 212–216. Springer, 1989.
- [6] Özgür Dagdelen, Marc Fischlin, and Tommaso Gagliardoni. The fiat–shamir transformation in a quantum world. In *International Conference on the Theory and Application of Cryptology and Information Security*, pages 62–81. Springer, 2013.
- [7] Amos Fiat and Adi Shamir. How to prove yourself: Practical solutions to identification and signature problems. In *Conference on the Theory and Application of Cryptographic Techniques*, pages 186–194. Springer, 1986.

- [8] Sebastianus A Goorden, Marcel Horstmann, Allard P Mosk, Boris Škorić, and Pepijn WH Pinkse. Quantum-secure authentication of a physical unclonable key. *Optica*, 1(6):421–424, 2014.
- [9] Min-Shiang Hwang, Cheng-Chi Lee, and Yan-Chi Lai. An untraceable blind signature scheme. *IEICE Transactions on Fundamentals of Electronics, Communications and Computer Sciences*, 86(7):1902–1906, 2003.
- [10] David Jao and Vladimir Soukharev. Isogeny-based quantum-resistant undeniable signatures. In *International Workshop on Post-Quantum Cryptography*, pages 160–179. Springer, 2014.
- [11] Cheng-Chi Lee, Min-Shiang Hwang, and Wei-Pang Yang. A new blind signature based on the discrete logarithm problem for untraceability. *Applied Mathematics and Computation*, 164(3):837–841, 2005.
- [12] Chun-Ta Li, Min-Shiang Hwang, and Chi-Yu Liu. An electronic voting protocol with deniable authentication for mobile ad hoc networks. *Computer Communications*, 31(10):2534–2540, 2008.
- [13] Iuon-Chang Lin, Min-Shiang Hwang, and Chin-Chen Chang. Security enhancement for anonymous secure e-voting over a network. *Computer Standards & Interfaces*, 25(2):131–139, 2003.
- [14] RL Rivest and B Kaliski. Rsa problem, encyclopedia of cryptography and security, 2005.
- [15] Markus Rückert. Lattice-based blind signatures. In *International Conference on the Theory and Application of Cryptology and Information Security*, pages 413–430. Springer, 2010.



- [16] Kouichi Sakurai and Yoshinori Yamane. Blind decoding, blind undeniable signatures, and their applications to privacy protection. In *International Workshop on Information Hiding*, pages 257–264. Springer, 1996.
- [17] Vladimir Soukharev, David Jao, and Srinath Seshadri. Post-quantum security models for authenticated encryption. In *Post-Quantum Cryptography*, pages 64–78. Springer, 2016.
- [18] Fangguo Zhang and Kwangjo Kim. Id-based blind signature and ring signature from pairings. In *International Conference on the Theory and Application of Cryptology and Information Security*, pages 533–547. Springer, 2002.