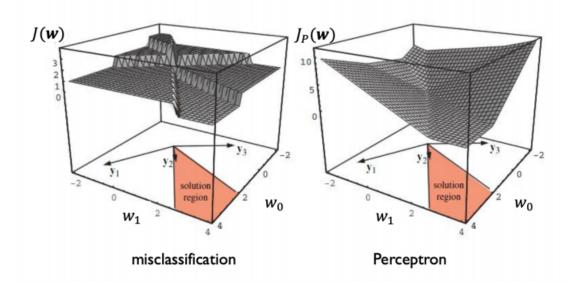


تمرین پنجم Classification

سؤال ١.

• آ) همانطور که در کلاس درس و اسلایدها 'نیز اشاره شد، SSE معیار خوبی اندازهگیری خطا برای دستهبندی نیست؛ زیرا حتی برای دادههایی که درست دستهبندی شدهاند اما فاصله ی زیادی با خط دارند، جریمه ی سنگینی برای آنها نیز در نظر میگیرد و معیار نزدیکی به دستهبند " برای آن اهمیت دارد. در حالی که ممکن است دستهبندی دادهها به خوبی انجام گرفته باشد و خطای SSE بزرگ باشد.

(· •



شكل ۱: مقايسه ي عمل كرد perceptron و شمردن داده هاي misclassified

با توجه به شکل، 4 استفاده از روش perceptron criterion به ما این امکان را می دهد که به یک فضای محدب، 6 و پیوسته برسیم. به همین خاطر از روشهای iterative مانند gradient descent برای رسیدن به جواب بهینه می توان استفاده کرد. این در حالی است که همان طور که مشاهده می شود، در روش شمردن تعداد داده های اشتباه دسته بندی شده، به شکلی می رسیم که مشتق 6 آن، صفر است و نمی توان از روشهای iterative استفاده کرد.

اسلاید ۷، صفحهی ۲۱.

penalty

lassifier^r

ار.ک. اسلاید ۷، صفحهی ۲۴.

convex

gradient

- پ) در حالت کلی سه روی کرد برای دسته بندی وجود دارد که دو نوع آن احتمالاتی و یکی نوع آن discriminant است. تابع خطای logistic regression از نوع احتمالاتی و perceptron از نوع خطای logistic regression است. مزایای
 - 9 در مدل احتمالاتی، استنتاج 7 از تصمیمگیری 7 جدا میشود.
 - از لحاظ محاسباتی کارا است.
 - این امکان را به ما میدهد تا:
 - * ریسک را حتی اگر ماتریس وزن دهی خطا ۱۰ عوض شد، کمینه کنیم.
 - * Reject option داشته باشیم.
 - « unbalanced class priors داشته باشیم.
 - * مدلها را ترکیب کنیم.
- ت) به دلیل غیرخطی بودن تابع sigmoid، برای logistic regression راه حل بسته ای ۱۱ وجود ندارد. روش IRLS می تواند سریع تر باشد. برای مثال اگر تابع log likelihood تقریبا درجه دو باشد، ممکن است فقط در چند مرحله به نقطه ی بهینه همگرا شود. به همین علت در کتاب Bishop نوشته شده است که: «اگر چه چنین روشی ممکن است منطقی به نظر برسد اما در حقیقت یک الگوریتم ضعیف است.» ۱۳

با توجه به دلایل مذکور، احتمال پیدا کردن ججاب بهینه، در روش IRLS با تعداد عملیات کمتر، بیشتر است.

• ث) Probit regression نسبت به دادههای پرت حساستر است؛ زیرا اگر انتهای هر کدام از تابعها را بررسی کنیم ، به نتیجه ی زیر می رسیم:

$$\begin{cases} logistic \ regression \ tails & \approx e^{-x} \\ probit \ regression & \approx e^{-x^2} \end{cases}$$

به همین دلیل اگر دادهی پرتی به تابع probit regression داده شود، وزن بیشتری به آن میدهد؛ بنابراین به دادههای پرت نیز حساس تر است.

inference

decision[^]

ور استنتاج به دنبال تخمین p(t|x) هستیم اما در تصمیمگیری برای x داده شده به دنبال بهینه هستیم.

loss matrix \.

closed form solution

Iterative Reweighted Logistic Regression

stackexchange اسوال پرسیده شده در

۱۴ اسلاید ۷، صفحهی ۶۰.

سؤال ٢.

سؤال ٣.

سؤال ۴.

سؤال ۵.

سؤال ۶.

سؤال ٧.

سؤال ٨.