

# বীজগণিত, ত্রিকোণমিতি ও পরিমিতির সূত্র

## বীজগণিত (ALGEBRA)

বর্গ, ঘন, গুন, উৎপাদক, অনুসিদ্ধান্ত ও মান নির্ণয়ের সূত্র

- $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- $a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab$
- $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$
- $(a + b + c)^2 = (a^2 + b^2 + c^2) + 2(ab + bc + ca)$
- $(a^2 + b^2 + c^2) = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$
- $2(ab + bc + ca) = (a + b + c)^2 - (a^2 + b^2 + c^2)$
- $(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
- $(a + b)^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a + b)$
- $(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$
- $(a - b)^3 = a^3 - b^3 - 3ab(a - b)$
- $a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$
- $a^3 + b^3 = (a + b)^3 - 3ab(a + b)$
- $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$
- $a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab(a - b)$
- $(a + b + c)^3 = a^3 + b^3 + c^3 + 3(a + b)(b + c)(c + a)$
- $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$
- $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = \frac{1}{2}(a + b + c)\{(a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2\}$
- $4ab = (a + b)^2 - (a - b)^2$
- $ab = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$
- $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$
- $(x + a)(x - b) = x^2 + (a - b)x - ab$
- $(x - a)(x + b) = x^2 + (b - a)x - ab$
- $(x - a)(x - b) = x^2 - (a + b)x + ab$
- $(x + p)(x + q)(x + r) = x^3 + (p + q + r)x^2 + (pq + qr + rp)x + pqr$
- $bc(b - c) + ca(c - a) + ab(a - b) = -(b - c)(c - a)(a - b)$
- $a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b) = -(b - c)(c - a)(a - b)$
- $a(b^2 - c^2) + b(c^2 - a^2) + c(a^2 - b^2) = (b - c)(c - a)(a - b)$
- $a^3(b - c) + b^3(c - a) + c^3(a - b) = -(b - c)(c - a)(a - b)(a + b + c)$
- $b^2c^2(b^2 - c^2) + c^2a^2(c^2 - a^2) + a^2b^2(a^2 - b^2) = -(b - c)(c - a)(a - b)(b + c)(c + a)(a + b)$
- $(ab + bc + ca)(a + b + c) - abc = (a + b)(b + c)(c + a)$
- $(b + c)(c + a)(a + b) + abc = (a + b + c)(ab + bc + ca)$

### বাস্তব সমস্যা সমাধানে বীজগাণিতিক সূত্র

- জন প্রতি দেয় বা প্রাপ্য  $q$  টাকা হলে,  $n$  জনের দেয় বা প্রাপ্য,  $A = qn$  টাকা
- দৈনিক সম্পাদিত কাজের পরিমাণ  $q$  হলে,  $d$  দিনে সম্পাদিত কাজের পরিমাণ,  $W = qd$
- গতিবেগ ঘণ্টায়  $q$  মিটার হলে,  $t$  ঘণ্টায় অতিক্রান্ত দূরত্ব,  $D = qt$  মিটার
- $q\%$  বৃদ্ধিতে বা হ্রাসে  $a$  এর বর্ধিত বা হ্রাসকৃত মান,  $A = a(1 \pm \frac{q}{100})$   
[ বৃদ্ধির ক্ষেত্রে + চিহ্ন ও হ্রাসের ক্ষেত্রে - চিহ্ন প্রযোজ্য ]
- একক সময়ে একক মূলধনের মুনাফা  $r$  টাকা হলে,  $P$  টাকা বিনিয়োগে  $n$  সময়ান্তে মুনাফা  $I$  ও  
সর্বমুদ্র মূলধন  $A$  হবে যেখানে,

সরল মুনাফার ক্ষেত্রে,  $I = Pnr$  টাকা এবং  $A = P(1 + nr)$  টাকা

চক্রবৃদ্ধি মুনাফার ক্ষেত্রে,  $A = P(1 + r)^n$  টাকা

### সূচক

[  $a \neq 0, b \neq 0$  এবং  $m, n$  সকল পূর্ণ সংখ্যার সেটের একটি উপাদান ]

- $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$
- $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$
- $(a^m)^n = a^{mn}$
- $(ab)^n = a^n b^n$
- $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$
- $a^0 = 1$
- $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
- $a^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{a}$
- $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$

### লগারিদম

[  $a > 0$  এবং  $a \neq 1$  ]

- $\log_a M^r = r \log_a M$
- $\log_a \left(\frac{M}{N}\right) = \log_a M - \log_a N$
- $\log_a M = \frac{\log_b M}{\log_b a}$
- $\log_a 1 = 0$
- $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$
- $\log_a a = 1$
- $\log_a \sqrt[n]{M} = \frac{1}{n} \log_a M$
- $a > 0$  এবং  $a^x = a^y$  হলে,  $x = y$
- $x > 0$  এবং  $a^x = b^x$  হলে,  $a = b$
- $\log_a(MN) = \log_a M + \log_a N$
- $\log_a M = \log_b M \times \log_a b$

### ধারা

এখানে,  $a$  = প্রথম পদ,  $p$  = শেষ পদ,  $d$  = সাধারণ অন্তর,  $r$  = সাধারণ অনুপাত  
সমান্তর ধারার ক্ষেত্রে,

- $n$  তম পদ  $= a + (n - 1)d$
- $n$  সংখ্যক পদের সমষ্টি  $= \frac{n}{2} \{2a + (n - 1)d\}$
- পদ সংখ্যা  $= \frac{(p-a)}{d} + 1$
- $a$  ও  $b$  এর সমান্তর মধ্যক  $= \frac{(a+b)}{2}$
- $1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$

- $1 + 3 + 5 + \dots + n = n^2$
- $2 + 4 + 6 + \dots + n = n(n + 1)$
- $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$
- $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left\{ \frac{n(n+1)}{2} \right\}^2$

গুণোত্তর ধারার ক্ষেত্রে,

- $n$  তম পদ  $= ar^{n-1}$
- $n$  সংখ্যক পদের সমষ্টি  $= \frac{a(r^n - 1)}{r - 1}$  ;  $r > 1$
- $n$  সংখ্যক পদের সমষ্টি  $= \frac{a(1 - r^n)}{1 - r}$  ;  $r < 1$
- $a + ar + ar^2 + ar^3 + \dots + ar^n = \frac{a}{1 - r}$

## ত্রিকোণমিতি (Trigonometry)

- $\sin \theta = \frac{\text{লম্ব}}{\text{অতিভুজ}}$
- $\cos \theta = \frac{\text{ভূমি}}{\text{অতিভুজ}}$
- $\tan \theta = \frac{\text{লম্ব}}{\text{ভূমি}}$
- $\cot \theta = \frac{\text{ভূমি}}{\text{লম্ব}}$
- $\sec \theta = \frac{\text{অতিভুজ}}{\text{ভূমি}}$
- $\text{cosec } \theta = \frac{\text{অতিভুজ}}{\text{লম্ব}}$
- $\sin \theta = \frac{1}{\text{cosec } \theta}$
- $\cos \theta = \frac{1}{\text{sec } \theta}$
- $\tan \theta = \frac{1}{\cot \theta}$
- $\text{cosec } \theta = \frac{1}{\sin \theta}$
- $\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}$
- $\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta}$
- $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$
- $\sin^2 \theta = 1 - \cos^2 \theta$
- $\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$
- $\sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$
- $\sec^2 \theta = 1 + \tan^2 \theta$
- $\tan^2 \theta = \sec^2 \theta - 1$
- $\text{cosec}^2 \theta - \cot^2 \theta = 1$
- $\text{cosec}^2 \theta = \cot^2 \theta + 1$
- $\cot^2 \theta = \text{cosec}^2 \theta - 1$

কোণ	0°	30°	45°	60°	90°
sin	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	0
tan	0	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	1	$\sqrt{3}$	অসংজ্ঞায়িত
cot	অসংজ্ঞায়িত	$\sqrt{3}$	1	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	0
sec	1	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	$\sqrt{2}$	2	অসংজ্ঞায়িত
cosec	অসংজ্ঞায়িত	2	$\sqrt{2}$	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	1

- 60" সেকেন্ড = 1' মিনিট
- 60' মিনিট = 1° ডিগ্রি
- 90° ডিগ্রি = 1 সমকোণ

- $1^\circ = \left(\frac{\pi}{180}\right)^c$
- উন্নতি কোণ =  $\tan \theta$
- বৃত্তের ব্যাসার্ধ  $r$ , কেন্দ্রে চাপের রেডিয়ান কোণ  $\theta$  হলে চাপের দৈর্ঘ্য,  $s = r\theta$  একক
- $1^c = \left(\frac{180}{\pi}\right)^\circ$
- অবনতি কোণ =  $\sin \theta$



- কোণ =  $(n \times 90^\circ \pm \theta)$
- $n$  বিজোড় হলে,  $\sin \theta \leftrightarrow \cos \theta$ ,  $\tan \theta \leftrightarrow \cot \theta$ ,  $\sec \theta \leftrightarrow \operatorname{cosec} \theta$
- ১ম চতুর্ভাগে প্রত্যেক কোণ ধনাত্মক (+)
- ২য় চতুর্ভাগে  $\sin \theta$  ও  $\operatorname{cosec} \theta$  ধনাত্মক (+) এবং বাকিগুলো ঋণাত্মক (-)
- ৩য় চতুর্ভাগে  $\tan \theta$  ও  $\cot \theta$  ধনাত্মক (+) এবং বাকিগুলো ঋণাত্মক (-)
- ৪র্থ চতুর্ভাগে  $\cos \theta$  ও  $\sec \theta$  ধনাত্মক (+) এবং বাকিগুলো ঋণাত্মক (-)
- $\sin(-\theta) = -\sin \theta$
- $\cos(-\theta) = \cos \theta$
- $\tan(-\theta) = -\tan \theta$
- $\sec(-\theta) = \sec \theta$
- $\cot(-\theta) = -\cot \theta$
- $\operatorname{cosec}(-\theta) = -\operatorname{cosec} \theta$

## পরিমিতি (Measurement)

- আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য  $a$  একক ও প্রস্থ  $b$  একক হলে,  
ক্ষেত্রফল,  $A = ab$  বর্গএকক  
পরিসীমা,  $s = 2(a + b)$  একক  
কর্ণ,  $d = \sqrt{a^2 + b^2}$  একক
- বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্য  $a$  একক হলে,  
ক্ষেত্রফল,  $A = a^2$  বর্গএকক  
পরিসীমা,  $s = 4a$  একক  
কর্ণ,  $d = a\sqrt{2}$  একক
- রম্বসের এক বাহুর দৈর্ঘ্য  $a$  একক ও কর্ণদ্বয়  $d_1, d_2$  হলে,  
ক্ষেত্রফল,  $A = \frac{1}{2}(d_1 \times d_2)$  বর্গএকক  
পরিসীমা,  $s = 4a$  একক
- সামান্তরিকের ভূমি  $a$  একক ও উচ্চতা  $h$  একক হলে,  
ক্ষেত্রফল,  $A = ah$  বর্গএকক
- সামান্তরিকের দুইটি সন্নিহিত বাহু  $a, b$  একক ও তাদের অন্তর্ভুক্ত কোণ  $\theta$  হলে,  
ক্ষেত্রফল,  $A = ab \cdot \sin \theta$  বর্গএকক
- সামান্তরিকের একটি কর্ণ  $d$  ও বিপরীত শীর্ষবিন্দু হতে কর্ণের উপর লম্ব  $h$  হলে,  
ক্ষেত্রফল,  $A = dh$  বর্গএকক
- ট্রাপিজিয়ামের সমান্তরাল বাহুদ্বয়  $a, b$  একক ও উচ্চতা বা লম্ব দূরত্ব  $h$  একক হলে,



- ক্ষেত্রফল,  $A = \frac{1}{2} h(a+b)$  বর্গএকক
- ত্রিভুজের ভূমি  $a$  একক ও উচ্চতা  $h$  একক হলে,  
ক্ষেত্রফল,  $A = \frac{1}{2} ah$  বর্গএকক
- ত্রিভুজের তিন বাহু  $a, b, c$  একক ও  $a, b$  এর অন্তর্ভুক্তি কোণ  $\theta$  হলে,  
পরিসীমা  $= a + b + c$  একক  
অর্ধপরিসীমা,  $s = \frac{a+b+c}{2}$  একক  
ক্ষেত্রফল,  $A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$  বর্গএকক  
ক্ষেত্রফল,  $A = \frac{1}{2} ab \sin\theta$  বর্গএকক
- সমবাহু ত্রিভুজের একটি বাহু  $a$  একক হলে,  
পরিসীমা  $= 3a$  একক  
ক্ষেত্রফল,  $A = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2$  বর্গএকক
- সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের সমান বাহুদ্বয়  $a$  একক ও অপর বাহু  $b$  একক হলে,  
পরিসীমা  $= 2a + b$  একক  
ক্ষেত্রফল,  $A = \frac{b}{4} \sqrt{4a^2 - b^2}$  বর্গএকক
- বৃত্তের ব্যাসার্ধ  $r$  একক, কেন্দ্রে চাপের কোণ  $\theta$  হলে,  
পরিধি,  $C = 2\pi r$  একক  
ক্ষেত্রফল,  $A = \pi r^2$  বর্গএকক  
বৃত্তকলার ক্ষেত্রফল  $= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2$  বর্গএকক  
চাপের দৈর্ঘ্য,  $s = \frac{\theta}{360} \times 2\pi r$  একক [  $\theta =$  কোণের ডিগ্রি পরিমাপ ]  
চাপের দৈর্ঘ্য,  $s = r\theta$  একক [  $\theta =$  কোণের রেডিয়ান পরিমাপ ]
- আয়তাকার ঘনবস্তুর দৈর্ঘ্য  $a$  একক, প্রস্থ  $b$  একক ও উচ্চতা  $c$  একক হলে,  
কর্ণ,  $d = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$  একক  
সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল  $= 2(ab + bc + ca)$  বর্গএকক  
আয়তন,  $V = abc$  ঘনএকক
- ঘনকের এক ধার  $a$  একক হলে,  
কর্ণ,  $d = a\sqrt{3}$  একক  
পৃষ্ঠতলের কর্ণের দৈর্ঘ্য  $= a\sqrt{2}$  একক  
সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল  $= 6a^2$  বর্গএকক  
আয়তন,  $V = a^3$  ঘনএকক
- সমবৃত্তভূমিক কোণকের ভূমির ব্যাসার্ধ  $r$  একক, উচ্চতা  $h$  একক ও হেলান উন্নতি  $\ell$  হলে,  
হেলান উন্নতি,  $\ell = \sqrt{h^2 + r^2}$  একক  
বক্রতলের ক্ষেত্রফল  $= \pi r \ell$  বর্গএকক  
সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল  $= \pi r(\ell + r)$  বর্গএকক

আয়তন,  $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$  ঘনএকক

- সমবৃত্তভূমিক বেলনের ভূমির ব্যাসার্ধ  $r$  একক ও উচ্চতা  $h$  একক হলে,

বক্রতলের ক্ষেত্রফল  $= 2\pi rh$  বর্গএকক

সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল  $= 2\pi r(h+r)$  বর্গএকক

আয়তন,  $V = \pi r^2 h$  ঘনএকক

- গোলকের ব্যাসার্ধ  $r$  একক হলে,

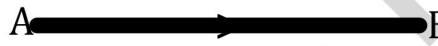
তলের ক্ষেত্রফল  $= 4\pi r^2$  বর্গএকক

আয়তন,  $V = \frac{4}{3} \pi r^3$  ঘনএকক

## ভেক্টর (Vector)

- আদিবিন্দু  $A$  ও অন্তবিন্দু  $B$  হলে, ঐ দিকনির্দেশক রেখাংশ  $\overrightarrow{AB}$  দ্বারা সূচিত করা হয়, এর দৈর্ঘ্য

$|\overrightarrow{AB}|$  এবং  $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$



- ভেক্টর যোগের ত্রিভুজ বিধি :  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$

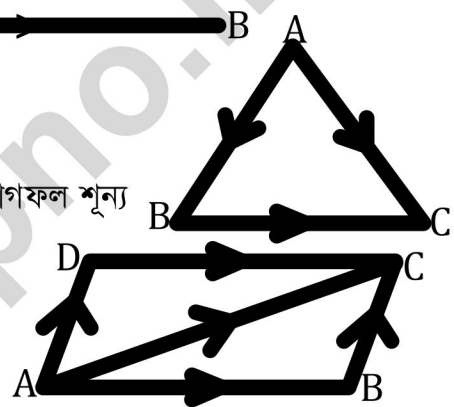
- ভেক্টর বিয়োগের ত্রিভুজ বিধি :  $\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BC}$

- ত্রিভুজের বাহুত্রয়ের একই ক্রম দ্বারা সূচিত ভেক্টরত্রয়ের যোগফল শূন্য

এখানে,  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC} = -(\overrightarrow{CA})$

অর্থাৎ,  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{CA} - \overrightarrow{CA} = 0$

- ভেক্টর যোগের সামান্তরিক বিধি :  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$



- ভেক্টর যোগের বিনিময় বিধি : যেকোনো  $\underline{u}, \underline{v}$  ভেক্টরের জন্য  $\underline{u} + \underline{v} = \underline{v} + \underline{u}$

- ভেক্টর যোগের সংযোগ বিধি : যেকোনো  $\underline{u}, \underline{v}, \underline{w}$  এর জন্য  $(\underline{u} + \underline{v}) + \underline{w} = \underline{u} + (\underline{v} + \underline{w})$

- ভেক্টর যোগের বর্জন বিধি : যেকোনো  $\underline{u}, \underline{v}, \underline{w}$  এর জন্য  $\underline{u} + \underline{v} = \underline{v} + \underline{w}$  হলে,  $\underline{u} = \underline{w}$

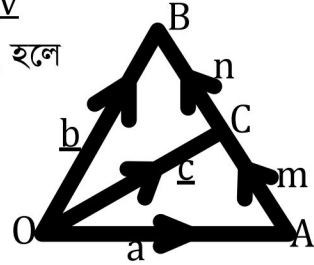
- ভেক্টরে সাংখ্যগুণিতক সংক্রান্ত বণ্টন সূত্র :  $m, n$  দুইটি স্কেলার ও  $\underline{u}, \underline{v}$  দুইটি ভেক্টর হলে

$(m+n)\underline{u} = m\underline{u} + n\underline{u}$  এবং  $m(\underline{u} + \underline{v}) = m\underline{u} + m\underline{v}$

- অন্তর্বিভক্তিকরণ সূত্র :  $A, B$  বিন্দুর অবস্থান ভেক্টর যথাক্রমে  $\underline{a}, \underline{b}$  হলে

এবং  $AB$  রেখাংশ  $C$  বিন্দুতে  $m:n$  অনুপাতে অন্তর্বিভক্ত হলে,

$C$  বিন্দুর অবস্থান ভেক্টর,  $\underline{c} = \frac{n\underline{a} + m\underline{b}}{m+n}$



যেকোনো চাকরীর পরীক্ষা

এবং যেকোনো বিষয়ের

স্টাডি ম্যাটেরিয়াল

**বিনামূল্যে**

পাওয়ার জন্য আমাদের

সাইট ভিজিট করুনঃ

[www.swapno.in](http://www.swapno.in)

