



Proseminar Sicherheit in Computersystemen

Zero Knowledge Proofs

28.05.2019

Max Ostermann

Inhalt

- Einführung
- Grundlagen
- Protokolle
- Simulierbarkeit
- Nicht-interaktive Zero Knowledge Proofs
- Moderne Anwendung
- Angriffsvektoren





Einführung

Historisch

Niccolo Tartaglia fand 1535 eine Formel zum Lösen von Polynomen dritten Grades



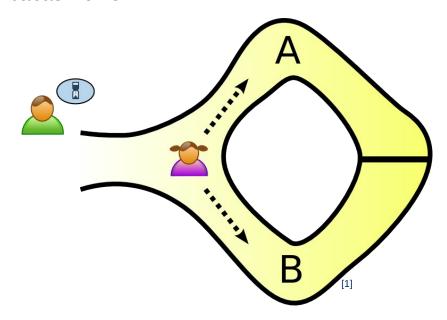


Einführung

Historisch

Niccolo Tartaglia fand 1535 eine Formel zum Lösen von Polynomen dritten Grades

Alibabas Höhle







Grundlegende Definitionen

Korrektheit/Soundness

Wahrscheinlichkeit eine Aussage ohne Kenntnis des Geheimnisses zu beweisen ist vernachlässigbar gering

Wahrscheinlichkeit: 1 / 2ⁿ

<u>Vollständigkeit</u>/Completeness

Protokoll führt mit überwältigender Wahrscheinlichkeit zum Erfolg

Wahrscheinlichkeit: $1 - (1/2^n)$





Grundlegende Definitionen

Korrektheit/Soundness

Wahrscheinlichkeit eine Aussage ohne Kenntnis des Geheimnisses zu beweisen ist vernachlässigbar gering

Wahrscheinlichkeit: 1 / 2ⁿ

Vollständigkeit/Completeness

Protokoll führt mit überwältigender Wahrscheinlichkeit zum Erfolg

Wahrscheinlichkeit: $1 - (1/2^n)$

Genereller Ablauf:

Schritt 1: $P \rightarrow V$ Commitment a

Schritt 2: $P \leftarrow V$ <u>Challenge</u> c

Schritt 3: $P \rightarrow V$ Reponse z





Protokollübersicht

- Graphisomorphismus
- Hamiltonsche Graphen
- Diskrete Logarithmen
- Quadratische Reste





Protokoll: Quadratische Reste

Schlüsselgenerierung

Sei $n = p \cdot q$ das Produkt zweier zufälliger, verschiedener Primzahlen.

Der Beweiser \mathcal{P} wählt $w \in_{\mathbb{R}} \mathbb{Z}_n^*$ und berechnet $x = w^2 \mod n$. Die Werte (n, x) werden als öffentlicher Schlüssel veröffentlicht, w bildet das Geheimnis von \mathcal{P} .

Protokoll

Beweiser

geg.: (n,x)w

Verifizierer

geg.: (n, x)

wählt s zufällig in \mathbb{Z}_n^*

berechnet $a = s^2 \bmod n$

$$\xrightarrow{a}$$

wählt $c \in_R \{0, 1\}$

berechnet $z = s \cdot w^c \mod n$

überprüft ob $z^2 \stackrel{?}{=} a \cdot x^c \mod n$

[2]





Simulierbarkeit

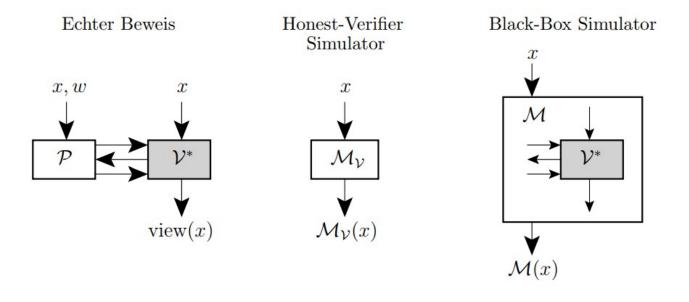
- Simulation der Wahrscheinlichkeitsverteilung ohne Kenntnis des Geheimnisses
- Ununterscheidbarkeit simulierter und echter Abläufe





Simulierbarkeit

- Simulation der Wahrscheinlichkeitsverteilung ohne Kenntnis des Geheimnisses
- Ununterscheidbarkeit simulierter und echter Abläufe







[3]

Nicht-interaktive Zero Knowledge Proofs

- Zero Knowledge Proof in "einer Postkarte"
- Fiat-Shamir Heuristik
 - → Challenges über Hashfunktion
 - → Rundenzahl von >64
- Beweis über das ,Random Oracle Model'
- Zero-Knowledge Eigenschaft nicht in der "realen" Welt beweisbar





Moderne Anwendung

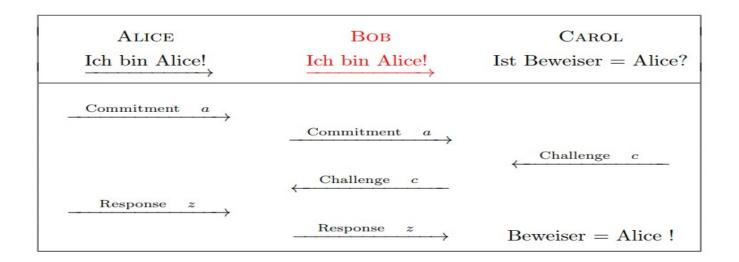
- Authentifizierung
- Blockchain
- Signaturen
- Nachweis privater Angelegenheiten





Angriffsvektoren

Man in the middle



[4]

Große, koordinierte Angreifernetzwerke





Danke für eure Aufmerksamkeit

Fragen?





Quellen

Bildquellen:

- [1]: https://en.wikipedia.org/wiki/Zero-knowledge_proof#/media/File:Zkip_alibaba1.png
- [2]: https://tu-dresden.de/ing/informatik/sya/ps/ressourcen/dateien/studium/materialien/mat_kp_datensicherheit/v11_doku.pdf?lang=de Abbildung 9
- [3]: https://tu-dresden.de/ing/informatik/sya/ps/ressourcen/dateien/studium/materialien/mat_kp_datensicherheit/v11_doku.pdf?lang=de Abbildung 6
- [4]: https://tu-dresden.de/ing/informatik/sya/ps/ressourcen/dateien/studium/materialien/mat_kp_datensicherheit/v11_doku.pdf?lang=de_Abbildung_12

Hauptquellen

- https://tu-dresden.de/ing/informatik/sya/ps/ressourcen/dateien/studium/materialien/mat_kp_datensicherheit/v11_doku.pdf?lang=de
- "How to explain Zero-Knowledge Protocols to your children" Quisquater et al. Advances in Cryptology Crypto '89 p.628 631



