2A-097-PP

データマイニングと機械学習による 学力テストの問題間の関係性抽出の試み

ests
AyトワークE

Examination on Inter-Item Dynamics in Achievement Tests through Data-Mining and Machine-Learning Techniques 元木崇¹・佐藤賢二¹,#・谷内通¹(¹金沢大学)

ネットワーク図の htmlファイル等を 閲覧できます。

Takashi MOTOKI¹, Kenji SATO^{1,#}and Tohru TANIUCHI¹ (¹Kanazawa Univ.)

本研究の立ち位置

従来

García et al.(2011)は教育現場でも運用できるAssociation Rule(AR) 抽出と共有の枠組みを確立。共起の"見える化"と運用性が強み。 Shimizu et al. (2006) は LiNGAM により非ガウス性を手掛かりに因果 方向を推定する一般的アルゴリズムを提示。

本研究

問題間に焦点化し、AR(共起)とLiNGAM(因果)を同一データで統合。 能力残差化とブートストラップCIによる頑健な方向推定、群間比較ま で一気通貫で行った。

学習行動や教材利用ログ

設問×設問の微視的 ネットワーク

目的

問題間の正負のネットワーク構造とその強度を 成績水準の異なる4群で比較する

- **設問間の関係を二層で推定**:共起(AR:φ・log-lift・FDR有意)と因果 (DirectLiNGAM:Δp・ブートCI)を抽出・可視化。
- "一般能力"の統制:各設問スコアを総合力 z に Leave-One-Out 回帰をして残差化→情報リークを避けた直接効果の推定。
- 学力水準による群間比較(G1~G4):共通/固有エッジ、強度差、符号逆転の有無を評価(Jaccard・符号一致率など)。
- 残差化の効用検証:残差あり/なしでネットワークの重なりと差分を定量化。
- NA の役割(ARのみ):無回答ノードの混入度・共起パターンを学力層で 比較し、行動/動機シグナルとしての解釈を検討。
- **教育的示唆**:正の因果リンク=学習順序の橋渡し、負のリンク=同時負荷の回避(資源競合)など。**根拠ある指導順序の提案につながる**。

データセット・方法

データ

- ・ 文科省「全国学力・学習状況調査」 算数(パブリックユースデータ)
- ・ 受検者×設問の反応行列 設問→上位ドメインを対応付け。
- 能力分位で G1(高)~G4(低) に分割(G1: N=230, G2: N=463, G3: N=731, G4: N=576)

	問1	問2	問3	問4	i(d	domain
受験者1	1	1	1	0	<mark> </mark>	归 1	数と計算
受験者2	1	na	1	0	F	归2	量と測定
受験者3	1	0	1	na	F	引3	図形
受験者4	1	0	0	na		:	•
•	•	•	•	•			
		0	0			=J3	凶 が :

アソシエーションルール (AR)

「Aの正解とBの正解が共起しやすい」 前処理:

 アイテム化 *_r(正誤) / *_na(無回答) フィルタ・

フィルタ:

最小支持度:相対 0.05(絶対20件) フィルタ: $|\varphi| \geq 0.14$ or $|\log Lift| \geq 0.14$

有意性: Fisher片側検定 → **BH-FDR 可視化**: ラベル=φ(色:正=赤/負=青)

因果(DirectLiNGAM)

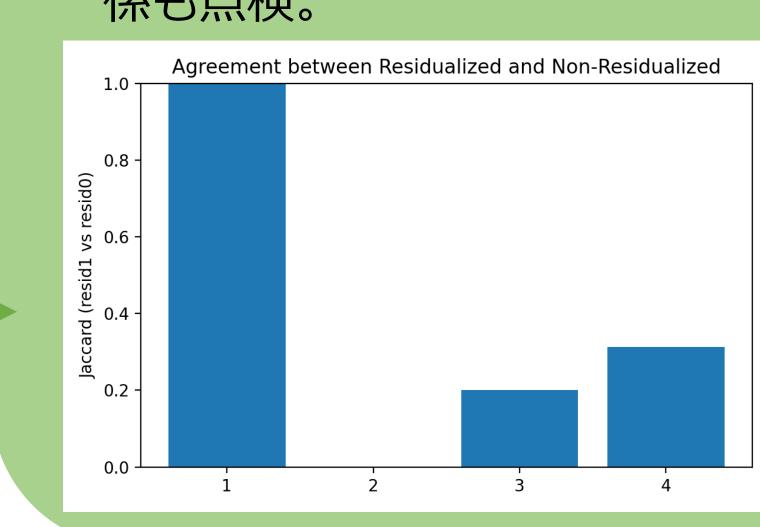
「Aを正解したらBも正解する?」

前処理:能力残差化(LOO)で一般能力を制御。既定ではNAを設計行列に含めない。 **ブートストラップCI**(n=600, 95%CI: 0を跨がない)

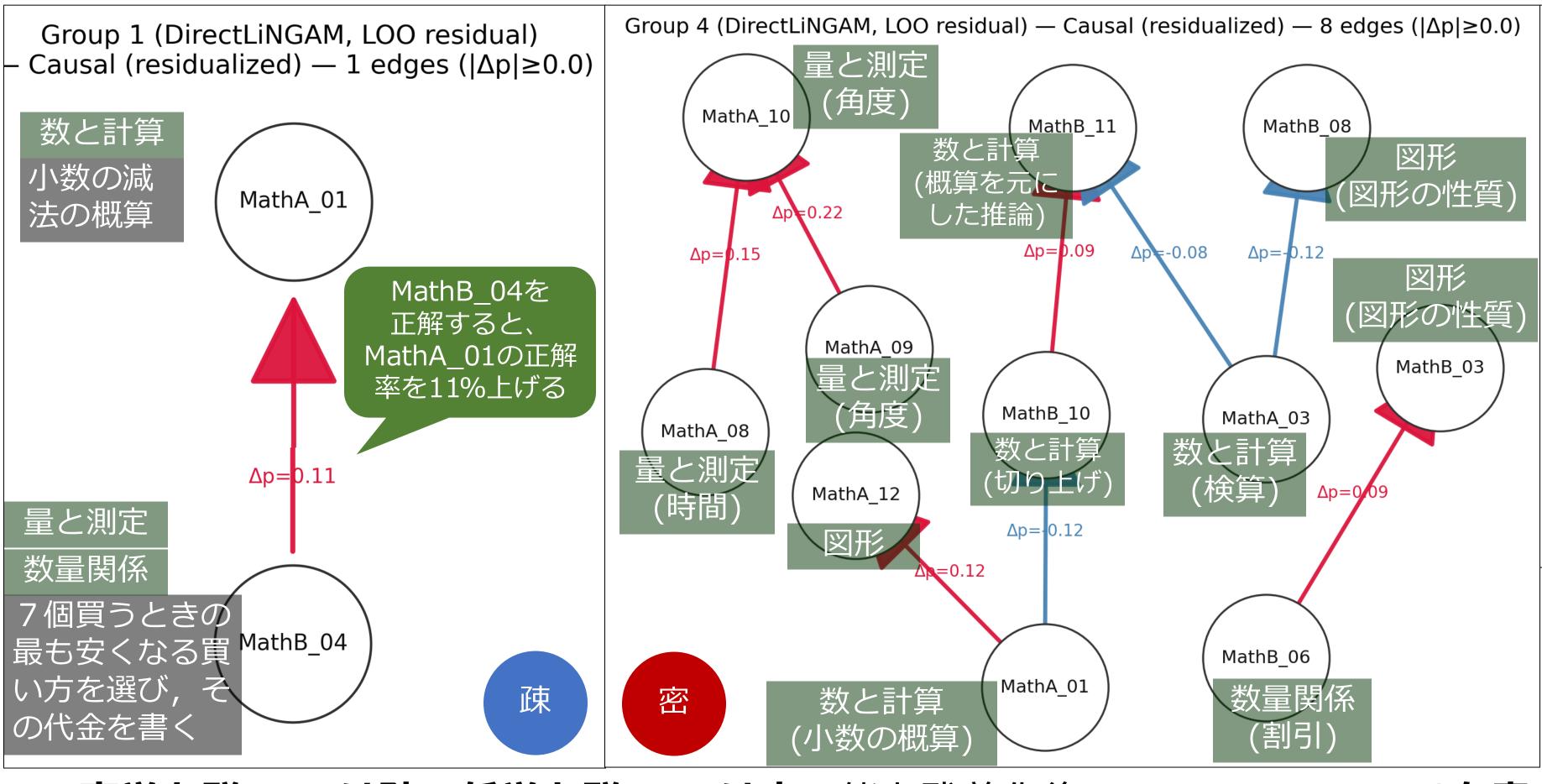
効果量 $\Delta p = \beta \times (\sigma Y/\sigma X)$ 、 $\Delta p \ge 0.08$ 可視化: ラベル= Δp (色: 正=赤/負=青)

出力

- HTML + JSON(ノード座標・エッジ指標)→ PNG。
- 群内比較: 残差あり vs なし (重なり/Jaccard・方向反転)
- 群間比較: G1↔G4 などの差異 (ドメイン別も)
- ARules vs LiNGAM の対応関係も点検。



結果と考察



- LiNGAM (Residualized): |Δp| Distribution (Boxplot)

 0.22

 0.20

 0.18

 0.16

 0.16

 0.12

 0.10

 0.08

 1 2 3 4
 - **効果量(|Δp|)の分布は群によって異なる**G2の|Δp|が最も大きく、G3/G4は中程度、G1は小さい 1点のみ。→ **中位群(G2)は設問間の影響が相対的に強 く、指導介入の余地が大きい**可能性。
- 高学力群(G1)は疎、低学力群(G4)は密 能力残差化後のLiNGAMで、G1は有意エッジ1本のみ、G4は8本の有意エッジを検出。
 → 能力を取り除くと、高学力群では問題間の直接的な因果関係が残らず、低学力群ではつまずきが連鎖しやすい構造が顕在化。
- ・ **負のエッジは主にG4で出現** G4では負の∆p(青)が複数観測され、**ある問題の正解が別問題の正解確率を下げる**関係が存在。
 → **操作手続きの衝突・方略の誤解**などの学習上の干渉、時間配分などの取り組み方のミスを示唆。

限界と今後

- **観察データの限界**:得られたネットワークはあくまで推定。現場での介入等の検証が必要。
- **Δp閾値・残差化の仕様**:閾値を下げることで、効果量は低いが有意義な関係性を探索的に探せる。より適切な残差化手法を検討可能(本研 究では線形回帰を使用。ロジスティック回帰や他の手法も試すことで、より実態に則した残差化にできる可能性)。
- 一般化:他教科・学年・他年度での再現性検証。→カリキュラム設計や学年間の接続を改善。教育施策のエビデンスを強化。