

# 辗转相除法（欧几里得算法）

若整数  $g$  为  $a$ 、 $b$ （其中 $a, b$ 不同时为0）的公约数，则 $g$ 满足：

$$a = g * l;$$

$$b = g * k;$$

假设 $a > b$ ，则 $a = m * b + r = m * g * k + r = g * l$ ;

所以 $r = g * (l - mk)$ ; (其中 $g$ 不为0); 即： $g$ 也是 $r, b$ 的公约数。 $a$ 、 $b$ 的公约数同时也必是 $b$ 、 $a \bmod b$ 的公约数。

$a$ 、 $b$ 的最大公约数同时也是 $b$ 、 $a \bmod b$ 的最大公约数。

所以当上述两个成倍数时，小的那个就为最大公约数。下面举一个例子：

举例两个整数为1071和462：

$$\text{第一步： } 1071 = 2 * 462 + 147$$

$$\text{第二步： } 462 = 3 * 147 + 21$$

$$\text{第三步： } 147 = 7 * 21 + 0$$

注： $a$ 、 $b$ 两数的最小公倍数为两数的乘积除以它们的最大公约数。

素数判定：在我们获得一个素数时，即将它的所有倍数均标记成非素数，这样当我们遍历到一个数时，它没有被任何小于它的素数标记为非素数，则我们确定其为素数。