

# 나눗셈 알고리즘

## 이진 나눗셈

- 하드웨어는 곱셈과 동일
  - A레지스터 Q레지스터를 합쳐서 나눗셈의 피젯수가 들어가고 동시에 결과가 들어감
  - B레지스터에는 나누기가 들어가고 그 나누기의 개수만큼 SC(Sequence counter)가 세팅된다.
- 나눗셈 오버플로우의 처리

## 나눗셈의 처리

Figure 10-11 Example of binary division.

Divisor:	11010	Quotient = Q
B = 10001	0111000000	Dividend = A
	01110	5 bits of A < B, quotient has 5 bits
	011100	6 bits of A > B
	-10001	Shift right B and subtract; enter 1 in Q
	-010110	7 bits of remainder > B
	--10001	Shift right B and subtract; enter 1 in Q
	--001010	Remainder < B; enter 0 in Q; shift right B
	---010100	Remainder > B
	----10001	Shift right B and subtract; enter 1 in Q
	----000110	Remainder < B; enter 0 in Q
	-----00110	Final remainder

Divisor $B = 10001$ ,		$\bar{B} + 1 = 0$		
	$E$	$A$		
Dividend:		01110	00000	5
shl $EAQ$	0	11100	00000	
add $\bar{B} + 1$		<u>01111</u>		
$E = 1$	1	01011		
Set $Q_n = 1$	1	01011	00001	4
shl $EAQ$	0	10110	00010	
Add $\bar{B} + 1$		<u>01111</u>		
$E = 1$	1	00101		
Set $Q_n = 1$	1	00101	00011	3
shl $EAQ$	0	01010	00110	
Add $\bar{B} + 1$		<u>01111</u>		
$E = 0$ ; leave $Q_n = 0$	0	11001	00110	
Add $B$		<u>10001</u>		
Restore remainder	1	01010		2
shl $EAQ$	0	10100	01100	
Add $\bar{B} + 1$		<u>01111</u>		
$E = 1$	1	00011		
Set $Q_n = 1$	1	00011	01101	1
shl $EAQ$	0	00110	11010	
Add $\bar{B} + 1$		<u>01111</u>		
$E = 0$ ; leave $Q_n = 0$	0	10101	11010	
Add $B$		<u>10001</u>		
Restore remainder	1	00110	11010	0
Neglect $E$				
Remainder in $A$ :		00110		
Quotient in $Q$ :			11010	

Figure 10-12 Example of binary division with digital hardware.

## 나눗셈은 뭐냐?? 계속 빼는거다

한정된 비트의 레지스터를 가지고 연산하면 문제가 된다 -> 만약 나누고자하는 피젯수 젯수를 빼가는 과정 예를 들어보자

젯수가 10001 이고 피젯수가 0111000000이다.

그럼 여기서 피젯수에서 젯수를 빼나가기 시작하는데 01110에서 10001을 빼는데 이러면 뭐가 문제냐 빼는수가 더 크다. 그럼 어찌냐??? 다음 비트까지 포함하여 빼준다. 아래 그림처럼 그래서 5비트짜리를 연산하는데 6비트짜리가 사용된다. 만약 ab가 16비트인데 a가 b보다 작으면 17비트짜리를 사용해야한다. 연산이 될리가 없다. 이런 경우가 오버플로우다.

$$\begin{array}{r}
 11 \\
 \hline
 0111000 \\
 01110 \\
 011100 \\
 -10001 \\
 \hline
 \end{array}$$

## 요약

16비트를 16비트로 나누는데 나누는게 나뉘지는거보다 커지면 다음자리수를 가져와야한다. 그럼 17비트가 되버리니까 연산이 불가능해서 오버플로우가 발생한다.

## 오른쪽 사진 설명

---

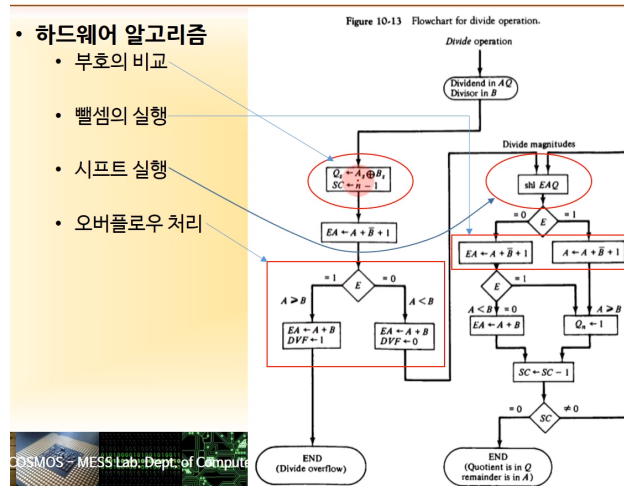
- 처음에 A레지스터보다 B 나누는값(젯수)가 더 크므로 쉬프트 시키고 빼준다. 4번째 줄이 뺀 결과값 01011이고 E는 1이된다. 그 E를 Q로 넘겨주고 다시 쉬프트 시킨다. 그리고 다시 빼주고 이거를 반복
- 마지막 결과(몫)는 Q에 나온다 11010
- 그리고 오버플로우가 나게 되면 제일 처음에 오버플로우 때문에 비트수가 모자라서 처리가 안된다 하면 오버플로우 인터럽트를 내줘야한다.

## 하드웨어 알고리즘

---

- 부호의 비교

- 뺄셈의 실행
- 시프트 실행
- 오버플로우 처리



- 이거도 부호를 제일 처음에 비교해줘야한다. 그리고 SC를 세팅해준다
- 그리고 A에서 B값을 빼본다. 근데 E값이 1이 나왔다면 즉 오버플로우다. 그러면 DVF를 1로 해주고 처리해준다.
- E가 0이다 그럼 오버플로우가 아니니까 A가 B보다 작으니까 문제가 없다. 이제 나눗셈 시작
- 이제 시프트 실행 E가 1이면 A에서 B를 뺄거를 A에 넣어주고
- E가 0이면 A에서 B를 뺄거를 EA에 넣어준다. 요기는 또 E가 1인 경우 0인 경우가 있는데 E가 1이면 Q를 넘기고 SC를 바꾸고 SC가 0이 아니면 다시 반복 연산이 끝나면 Q레지스터에 값이 모여서 몫이 남는다 나머지는 A레지스터에 남는다

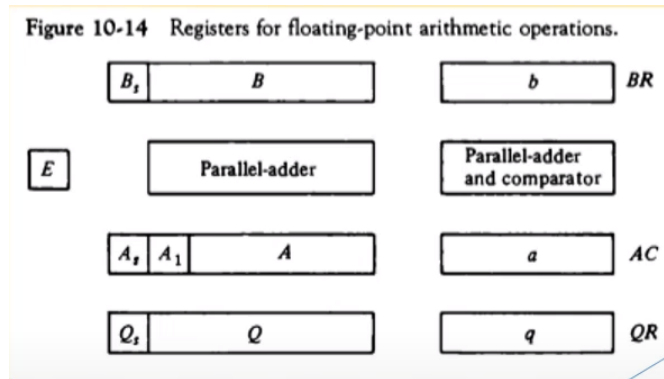
## 부동 소수점 산술 연산

### 숫자의 표현

- $M * r^n$  r: Radix

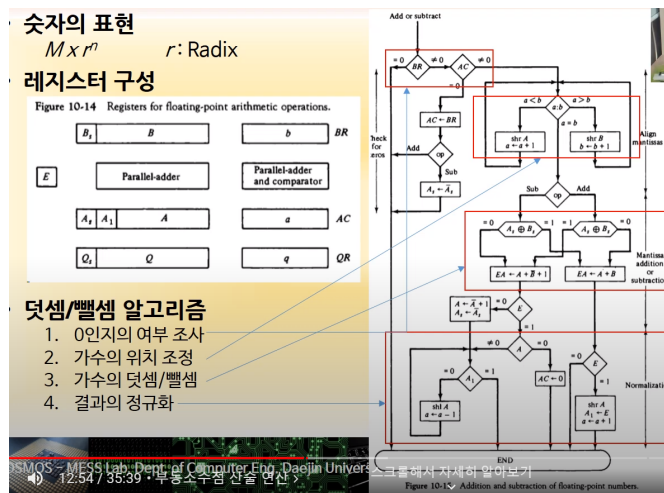
- 우리는 컴퓨터로 사용하니까 그냥 r은 2로 생각한다.
- M은 실수의 가수로 표현

## 레지스터 구성



- 부동 소수점을 표현하기 위해서 숫자와 부호로만 나타내는게 아니라 지수 부분을 표현하는 레지스터(b)가 존재한다. 지수부분은 당연히 정수부분보다 길다

## 덧셈/뺄셈 알고리즘



- 덧셈에서 제일 처음하는거 지수부분이 0인지 아닌지 보는거
- 둘다 0이 아니다 그럼 a와 b의 크기 비교를 한다. 그리고 큰쪽으로 맞춰서 작은애들을 시프트 해준다. 그리고는 똑같이 덧셈뺄셈
- 대신 이거는 부동소수점이니까 마지막에 정규화를 해준다. 계산 이후에 소수점 부분만 남아야하는데 그렇지 않은 경우가 있다. 정수부분이 있으면 그

정수부분을 자리수를 밀고(시프트하고) 제일 왼쪽이 소수점이 되도록 맞춘다. 맞춘 값으로 정해지고 결과로 나온다.

## 곱셈 알고리즘

---

- 0의 확인
- 지수의 덧셈
- 가수의 곱셈
- 결과의 정규화
- 애도 똑같다!! 지수의 곱셈결과가 정수부분을 넘어가면 정규화, 0.0xx 라면 맨왼쪽이 소수점이 되도록 시프트 해주고 그런 과정을 반복
- 지수부분을 더하고 mantissa를 곱해준다. 그리고 소수점이하의 값이 0이 아닐때까지 시프트해준다. 이걸 반복

## 나눗셈 알고리즘

---

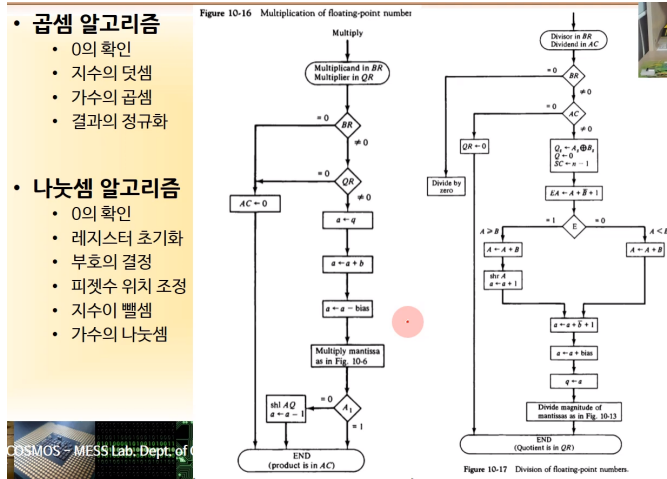
- 0의 확인
- 레지스터 초기화
- 부호의 결정
- 피젯수 위치 조정
- 지수의 뺄셈
- 지수의 나눗셈
- 아래 그래프처럼 a에서 b를 빼고 a에 bias값을 더하는데

## 여기서 bias

---

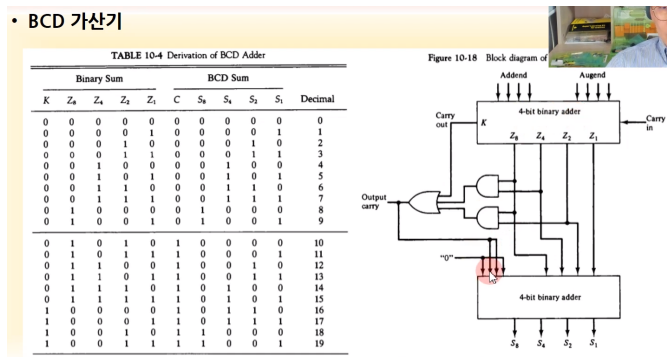
bias는 기준이 되는 값을 말하는데

위에서 BR AC QR에는 부호 비트가 없다 그럼  $2^{(-3)}$  요거는 어케 표현하느냐??? 그래서 bias를 사용한다 예를들어서 지수부분이 8비트라고 가정하면 표현가능한거는  $2^8 = 256$ 개 그럼 128개를 기준으로 하여서 128이  $2^0$  이 된다.  $2^{(-3)}$  은 128에서 3을 빼줘서 125가 된다.  $2^6$ 은  $128+6$ 으로 134가 된다



# 십진 산술 장치

## BCD 가산기



- 4비트 binary 덧셈기에 6(0110)을 더하는거 이거 만든거는 논리회로 시간에 설명함
- 결과값이 0 ~ 9 는 그냥 두는데
- 10을 넘어간다? 그럼 BCD값은 0이되고 자리수가 1로 올라간다
- 캐리가 있다 그럼 그냥 6을 더한게 같아진다
- 캐리가 없다 근데 Z8이 1이고 Z4가 1인경우 그리고 Z8이 1 Z2가 1인경우 다 6을 더한경우란다.

## BCD 감산기

• BCD 감산기

- M 비트에 의한 연산 전환
- BCD 9의 보수 회로 구현

$$x_1 = B_1 M' + B_1 M$$

$$x_2 = B_2$$

$$x_4 = B_4 M' + (B_4 B_2 + B_4 B_5) M$$

$$x_8 = B_8 M' + B_8 B_4 B_5 M$$

Figure 10-19 One stage of a decimal arithmetic unit.

- M이 1이면 그냥 BCD에 9의 보수기를 넣으면된다.
- 9의 보수기는 왼쪽에 그림이다.

## 십진 산술 연산

### 덧셈과 뺄셈

- 십진 산술 마이크로 연산 기호

• 덧셈과 뺄셈

- 십진 산술 마이크로 연산 기호

TABLE 10-5 Decimal Arithmetic Microoperation Symbols

Symbolic Designation	Description
$A \leftarrow A + B$	Add decimal numbers and transfer sum into A
$\bar{B}$	9's complement of B
$A \leftarrow A + \bar{B} + 1$	Content of A plus 10's complement of B into A
$Q_0 \leftarrow Q_0 + 1$	Increment BCD number in $Q_0$
dshr A	Decimal shift-right register A
dshl A	Decimal shift-left register A

• 3가지 십진 연산 장치

(a) Parallel decimal addition:  $424 + 879 = 1303$

(b) Digit-serial, bit-parallel decimal addition

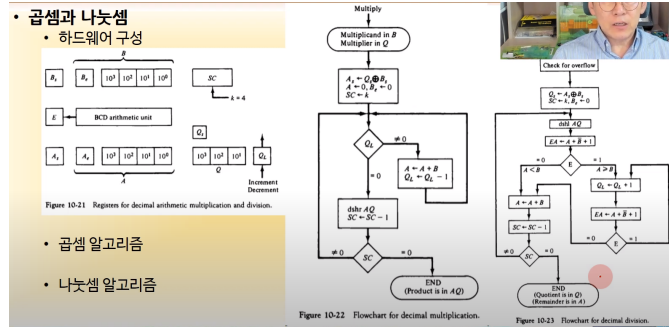
(c) All serial decimal addition

Figure 10-20 Three ways of adding decimal numbers.

- 3가지 십진 연산 장치

- Parallel decimal addtion 요거는 각 자리수대로 하나씩 더하는거 캐리가 발생하면 앞단계로 넘겨준다. 임마는 한번만 연산, 빠르고 복잡
- Digit-serial 요거는 시리얼로 하는건데 각각의 BCD값을 하나씩 자리수 별로 그래서 캐리가 발생하면 다시 임마는 3번 연산
- All serial decimal addtion 요거는 한비트 한비트 비트by비트 연산 한 비트 연산해서 sum에 넣고 캐리 발생하면 넘겨주고 임마는 12번 연산, 느리고 간단





- BCD 연산장치를 사용하는거 말고는 다르게 없다

기억할거는 십진 산술 연산에서는 BCD 사용한다는거