

1-2 等差級數



等差級數(-21)+(-19)+(-17)+……,加到

第50項的和為多少?

$$\mathbf{W}: a_1 = -21, d=2, n=50$$

$$S_{50} = \frac{50(-42 + 49 \times 2)}{2} = 1400$$



若一等差級數 $S_n = n(2n+1)$, 則其公差=?

解:
$$S_1=a_1=1\times(2+1)=3$$

 $S_2=2\times(4+1)=10$
 $a_2=10-3=7$
公差= $7-3=4$



例題3

若一個等差級數共 99 項,其和為 495,求 a_{13} $+a_{50}+a_{87}$ 之值。

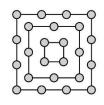
$$a_{50} \times 99 = 495$$
, $a_{50} = 5$
 $a_{13} + a_{50} + a_{87}$
 $= 3 \times a_{50}$
 $= 15$

若一等差數列前 10 項的和為 120,第 11 項至 第 20 項的和為 240,則 $S_{30}=$?

$$S_{10} = \frac{10 \times (a + a + 9d)}{2} = 120 \dots \dots \oplus S_{20} = \frac{20 \times (a + a + 19d)}{2} = 120 + 240 = 360 \dots \dots \oplus S_{30} = \frac{30 \times (a + a + 29d)}{2} = 720$$
答:720



正志國中校慶時,由一年級學生排出口字型的大會操隊形,如右圖。已知由 內而外共排了9圈,試問



該校一年級學生共有多少人?

第 1 圈有 4 人,第 2 圈有 8 人, 第 3 圈有 12 人,…… 可知每圈人數成等差數列。 設 $a_1=4$,d=4,n=9 $S_9=\frac{9[2\times 4+(9-1)\times 4]}{2}=180$

故該校一年級學生共有 180 人。 答:180 人



例題 6

國家音樂廳共有 40 排座位,後一排均比前一排多 2 個座椅。若<u>茂伯</u>的位置在第三排,且這排共有 24 個座椅,則全部共有多少個座椅?

 $a_{1}=24+2\times(-2)=20$ $a_{40}=20+39\times2=98$ $S_{40}=\frac{40\times(20+98)}{2}=20\times118=2360$



例題 7

兩個等差數列 $< a_n > 和 < b_n >$,其第n項 a_n : $b_n = (2n-5): (3n+2)$,則此兩數列前 7項 和 $S_7: T_7 = ?$

答:3:14



例題 ❸

答:2360個

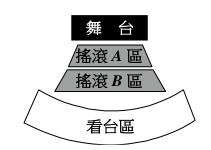
若一等差數列的 a_{1000} =99, a_{3000} =1,則 a_{1000} + a_{1001} + a_{1002} +…+ a_{3000} =?

=100050 答:100050





1. 著名樂團即將在台大體育館舉辦演唱會,已知場館內的座位分為搖滾 A 區、搖滾 B 區和看台區,如圖。搖滾區共有 8 排,第一排有 10 個座位,接下來每往後一排就增加 2 個座位,其中搖滾 A 區為 1~4 排,每張售價 3200 元,搖滾 B 區為 5~8 排,每張售價 2600 元;看台區共 6 排,每排有 30 個座位,每張售價 1800 元。試回答下列問題:



Q1:搖滾區共有多少座位?

設搖滾區第 $1 \sim n$ 排共有 S_n 個座位,公差為 2

$$S_8 = \frac{8 \times [2 \times 10 + (8 - 1) \times 2]}{2} = 136$$

答:136 個座位

Q2:已知門票上的座位編號由左而右,由上而下,從1號開始依序編排。若<u>小熊</u>買搖滾區的門票,且座位編號為88號,則他是坐在第幾排?

$$88 = (10+12+14+16+18)+18$$

故小熊坐在第6排

答:第6排

Q3:若演唱會門票全數售出,則門票收入共多少元?

$$S_4 = \frac{4 \times [2 \times 10 + (4 - 1) \times 2]}{2} = 52$$

 $52 \times 3200 + (136 - 52) \times 2600 + 6 \times 30 \times 1800 = 708800$

答:708800元

一、選擇題	:	
-------	---	--

- (B) 1. 一等差級數 54+51+48+...。若前 n 項的和為 378,則 n 可能的值為何?
- (A) 9 或 30 (B) 9 或 28 (C) 12 或 30
- (D) 12 或 28
- (A) 2. 有一等差級數的首項為 120,公差為-7。若前 n 項的和 S_n 為最大,則 $S_n=?$
 - (A) 1089

- (B) 2136 (C) 2144 (D) 2178
- (A) 3. 有一n 邊形周長為 540 公分,已知其邊長恰好是公差為 4 公分的等差數列,且最長邊 為 72 公分,則 n=?
 - (A) 10 (B) 11 (C) 12

- (D) 13
- (D) 4. 在 10 到 200 的整數中,所有 7 的倍數之總和為多少?
 - (A) 10500

- (B) 7250 (C) 5670 (D) 2835
- 二、填充題: (南基礎)
- 1. 若一等差級數前 n 項的和為 $\frac{n(3n+5)}{2}$,則前 9 項之和為 $\underline{144}$ 。
- 2. 已知一等差級數為 $9+14+19+\dots$,則 $S_{10}=315$ 。
- 3. 已知一等差級數的首項為-4,末項為56,和為416,則項數n=16。
- 4. 設一等差級數的公差為-2,前14項的和為-112,則其首項為 5。



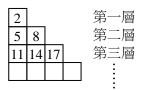
三、計算題:(康進階)

- 1. 某國中校慶時舉辦趣味競賽,每班指派一人,進行折返跑拿彈珠的遊戲,每隔 1 公尺處設一站,選手需於第一站取回 1 個彈珠回到起點,再到第二站取回 2 個彈珠回到起點,再到第三站取回 3 個彈珠回到起點,依此類推。若小毅在時間結束時剛好跑到第十站,但來不及跑回起點,只停在第十站的位置,則:
 - (1) 他帶回起點的彈珠共有多少個?(6分)
 - (2) 他共跑了多少公尺?(6分)

彈珠數=
$$\frac{(1+9)\times 9}{2}$$
=45
跑步的總長度= $1\times 2+2\times 2+3\times 2+\cdots +9\times 2+10$
= $(1+2+\cdots +9)\times 2+10$
= $45\times 2+10=100$

答:(1)45個彈珠 (2)100公尺

2. 將等差數列 2,5,8,11,14,……,依順序由左到右,由上到下依次 填入右圖的階梯方格中,則第十層的所有數字和為何?(7分)



前九層共有數字
$$\frac{(1+9)\times 9}{2}$$
 = 45 個

⇒ 第十層的第一個數字為 2+(46-1)×3=137

所求=
$$\frac{[2\times137+(10-1)\times3]\times10}{2}$$
=1505

答:1505

九階數獨的基本規則

- 1、圖形由 9×9 的方格構成。
- 2、每排、每列或每個 3x3 的方格中,都必須填上 1~9,且不可重複。
- 3、所用的方法只需推理不必計算。
- 4、答案只能有一種。

1	4	7	2	5	3	9	6	8
2	3	8	4	6	9	1	7	5
6	9	5	7	8	1	2	3	4
4	5	6	1	3	8	7	2	9
3	7	9	6	2	4	5	8	1
8	1	2	5	9	7	3	4	6
9	2	3	8	1	6	4	5	7
5	6	4	9	7	2	8	1	3
7	8	1	3	4	5	6	9	2

	4		2	5				8
	3		4		9	1	7	
				8	1	2		
		6				7	2	
			6		4			
	1	2				3		
		3	8	1				
	6	4	9		2		1	
7				4	5		9	