# Introduzione a OpenGL e alle GLUT

\_\_\_\_\_ S\_\_\_\_

OpenGL (Open Graphics Library) è una libreria per fare computer grafica. Il programmatore, per poter visualizzare sullo schermo quanto elaborato con openGL, necessita di usare un buffer video. A questo scopo introdurremo le GLUT (openGL Utilities Toolkit) che forniscono un'interfaccia tra openGL ed il windows manager del sistema operativo.

- Premessa
- GLUT
- $\bullet$  OpenGL

# Premessa

- Esistono diverse librerie avanzate per fare grafica 3D interattiva
- $\bullet$  Essenzialmente ne sono emerse due: Direct3De OpenGL

Direct 3D	OpenGL
www.microsoft.com/windows/directx	www.openGL.org
Appartenenti alle <i>DirectX</i> di Microsoft	Sviluppate da Silicon Graphics, Inc.
Chiuse	Semi-aperte
Object Oriented	Scritte in Linguaggio C
Solo per piattaforma Windows	Multipiattaforma (per Linux esiste Mesa 3D Graphics Library www.mesa3d.org)
Efficienti	Disastro in modalità software
Compatibili con Hardware	Qualche problema di compatibilità
Video ludico	Grafica professionale

# GLUT

- Un'applicazione grafica deve poter accedere ad un buffer su video, sia in finestra che a schermo intero
- Tale accesso *dipende* dalla piattaforma; le OpenGL non provvedono funzionalità per gestire una finestra su cui disegnare, lasciano il compito al sistema operativo
- Sotto Windows si usano, per esempio, le *Win32 API*, mentre sotto ambiente Unix (Linux in particolare) si usano, in genere, le librerie *X-Windows*
- Che vantaggio c'è ad usare una libreria multipiattaforma se poi il codice deve comunque contenere chiamate a librerie specifiche?
- Ecco il perché delle *GLUT*
- Oltre alla gestione delle finestre, offrono dell'altro. Le **funzionalità** fornite dalle GLUT possono essere riassunte come segue:
  - 1. gestione delle finestre
  - 2. gestione dei menù
  - 3. la gestione degli eventi (della finestra, del timer, dei dispositivi di input)
  - 4. gestione di varie primitive geometriche solide e in wireframe

- Noi useremo le GLUT non essendo interessati a problemi di prestazioni e discuteremo solo le principali chiamate di funzione
- Per ulteriori informazione seguite il link

  http://www.opengl.org/resources/libraries/glut.html
- Nella pagina del corso trovate tale link e il manuale (GLUT 3 Specifications) dove poter approfondire quello che noi a lezione accenneremo appena

#### Come funzionano le GLUT

- GLUT lavora con il paradigma degli *eventi*
- Ogni volta che succede qualcosa (l'utente preme un tasto sulla tastiera, muove il mouse, sposta una finestra, ecc.) avviene un *evento*
- Il sistema operativo manda quindi un *messaggio* all'applicazione con il tipo di evento
- La gestione dei messaggi tra sistema operativo e applicazione può essere complessa: GLUT intercetta tali messaggi e li gestisce in maniera semplice
- Ad ogni messaggio GLUT fa corrispondere la chiamata ad una funzione ed è compito del programmatore costruire delle funzioni opportune (di rendering, di interazione I/O, ecc.) e *registrarle* con chiamate alla API GLUT
- Riassumendo: quando il sistema operativo si accorge di un evento invia un opportuno messaggio all'applicazione, GLUT determina il tipo di evento che lo ha generato e chiama quindi l'opportuna funzione designata dal programmatore

## Programmare con le GLUT passo per passo

- Tutte le funzioni della libreria sono della forma glutSomething(something)
- Per prima cosa è necessario includere il file header della libreria
   #include <GL/glut.h>
- In fase di compilazione bisognerà anche eseguire il link del programma con la libreria (specifico del compilatore). Per esempio, sulla pagina del corso trovate un Makefile di prova con le opzioni -lglut -lGL -lGLU per il compilatore gcc.
- Quindi si dovranno definire varie funzioni (vedi dopo) per il rendering, l'interazione con i device di input, la gestione dei timer, ecc.
- Tali funzioni o vengono definite in ordine, oppure basta usare i *prototipi* all'inizio del file e dopo le dichiarazioni di apertura del preprocessore (meglio ancora mettere i prototipi in un file header esterno)
- Il main del programma quindi richiamerà alcune funzioni interne delle GLUT che *registrano* queste funzioni definite dall'utente e le associano ai vari ruoli (rendering, timer, I/O, ecc) .. sarà più chiaro tra un attimo

#### Inizializzazione

• Iniziamo a vedere le funzioni di inizializzazione

```
/* Main */
int main(int argc, char** argv)
{
    /* Inizializzazione GLUT */
    glutInit(&argc, argv);
    glutInitDisplayMode (GLUT_DOUBLE | GLUT_RGB | GLUT_DEPTH);
```

• glutInit(int \*argcp, char \*\*argv) richiede al sistema operativo le risorse per aprire una finestra su cui disegnare. L'argomento è dato dagli argomenti del main e può essere usato per passare delle flag al programma in fase di esecuzione (dipende dal sistema operativo, non ne faremo mai uso)

- glutInitDisplayMode(unsigned int mode) setta le caratteristiche di tale finestra tramite OR di maschere di bit; in particolare
  - GLUT\_DOUBLE inizializza una "double buffered window". Si usa per ottenere animazioni più fluide; l'applicazione disegna l'intera scena su un buffer secondario (back buffer) mentre la scena al passo precedente è mostrata nel buffer principale, e solo quando ha finito i due buffer vengono scambiati. Ovviamente richiede il doppio di memoria rispetto ad una applicazione single buffered.
  - GLUT\_RGB si chiede una finestra che supporti il formato RGB dei colori (non indicizzato quindi); in realtà è RGBA essendoci anche un valore per l'alpha-blending (vedremo quando parleremo di shading)
  - GLUT\_DEPTH la finestra deve possedere un *depth-buffer*, ovvero uno z-buffer (capiremo seguendo la "*Lecture 06: Depth Buffering*"). Il sistema operativo deve quindi fornire la memoria necessaria.
- Ci sono molte altre opzioni settabili con tale funzione, ma per ora ci accontentiamo di queste.

## Apertura di Finestre

• Quindi possiamo inizializzare ed aprire la finestra vera e propria

```
/* Creazione della finestra */
glutInitWindowSize (500, 500);
glutInitWindowPosition (100, 100);
glutCreateWindow ("Orpo che Programma");
```

- glutInitWindowSize(int h, int w) fissa le dimensioni a h \* w
- glutInitWindowPosition(int x, int y) fissa la posizione del vertice superiore sinistro della finestra a (x,y)
- glutCreateWindow(char \*name) crea la finestra e pone il titolo pari a name
- Dalla versione (3.7), GLUT permette anche applicazioni a schermo intero
- Permette inoltre di aprire più finestre e fornisce varie funzioni per la gestione di programmi multi-finestra.

• È bene avere una funzione definita dall'utente in cui si inizializza l'applicazione (ad esempio si settano i parametri della telecamera, si caricano i modelli da rappresentare, ecc.)

```
/* Inizializzazione applicazione */
initgfx ();
```

• *Nota bene*: del comportamento di initgfx() è completatemente responsabile il programmatore; da non confondersi con la funzione per l'inizializzazione di GLUT glutInit(...) vista precedentemente.

## Registrazione delle funzioni utente

• A questo punto si possono *registrare* le varie funzioni definite dall'utente responsabili del rendering, dell'I/O, del timing ecc.

```
/* Specifica la funzione di rendering */
glutDisplayFunc(drawScene);

/* Specifica la funzione di input da tastiera */
glutKeyboardFunc(keyboard);

/* Specifica la funzione di idle */
glutIdleFunc(animate);
```

• Nell'esempio abbiamo registrato la funzione drawScene() come funzione di rendering che viene chiamata ogni volta che l'applicazione deve disegnare sulla finestra, la funzione keyboard() come funzione di I/O da tastiera che viene chiamata ogni volta che l'utente usa la tastiera e la funzione animate() come funzione che viene chiamata quando non succede nulla (utile per le animazioni, come vedremo nella "Lecture 07: Animation")

# Funzioni di registrazione (callback)

- Vediamo alcune principali funzioni di registrazione, altresì dette di *callback*
- Sono tutte della forma glutSomethingFunc
- glutDisplayFunc(void (\*func)(void))
  registra la funzione che viene richiamata ogni qualvolta GLUT deve disegnare o
  ridisegnare la finestra; all'interno della funzione registrata andranno quindi, come
  vedremo, le chiamate alle funzioni OpenGL
- glutKeyboardFunc(void (\*func)(unsigned char key, int x, int y))
  registra la funzione che gestisce la tastiera *normale* (ovvero esclusi i tasti speciali,
  quali i tasti funzione, il tastierino numerico, le frecce, ecc.). La variabile key contiene
  il carattere ASCII che è stato digitato e le due variabili x e y la posizione del mouse
  (rispetto alla finestra)
- glutSpecialFunc(void (\*func)(unsigned char key, int x, int y))
  registra la funzione che gestisce i *caratteri speciali* della tastiera che non vengono
  gestiti dalla precedente. La variabile key contiene il codice relativo al tasto digitato e
  le due variabili x e y la posizione del mouse

- glutMouseFunc(void (\*func)(int button, int state, int x, int y))
  registra la funzione che gestisce i bottoni del mouse; l'intero button rappresenta il
  bottone e può essere GLUT\_LEFT\_BUTTON, GLUT\_MIDDLE\_BUTTON o GLUT\_RIGHT\_BUTTON;
  la variabile state da lo stato del bottone e può essere GLUT\_UP o GLUT\_DOWN. La
  posizione del mouse è data da x e y
- glutMotionFunc(void (\*func)(int x, int y))
  registra la funzione che gestisce i movimenti del mouse; viene chiamata quando il
  mouse si muove e gli argomenti danno la posizione in x ed in y del puntatore.
- glutIdleFunc(void (\*func)(void))
  registra la funzione di idle, ovvero la funzione che viene chiamata quando non ci sono
  input da parte dell'utente.
- Dopo aver registrato le funzioni definite dal programmatore con le callback di GLUT si deve cominciare il *loop principale* dell'applicazione

```
/* Entra nel loop principale dell'applicazione */
glutMainLoop();
return 0;
```

}

• Segue lo scheletro del main di un'applicazione realizzata con GLUT...

```
/* Main */
int main(int argc, char** argv)
 /* Inizializzazione GLUT */
 glutInit(&argc, argv);
 glutInitDisplayMode (GLUT_DOUBLE | GLUT_RGB | GLUT_DEPTH);
 /* Creazione della finestra */
  glutInitWindowSize (500, 500);
 glutCreateWindow (argv[0]);
  /* Inizializzazione applicazione */
  initgfx ();
  /* Specifica la funzione di rendering */
  glutDisplayFunc(drawScene);
  /* Specifica la funzione di input da tastiera */
  glutKeyboardFunc(keyboard);
 /* Specifica la funzione di idle */
  glutIdleFunc(animate);
 /* Entra nel loop principale dell'applicazione */
 glutMainLoop();
 return 0;
```

• Un esempio banale di funzione keyboard() /\* Gestione dell'input da tastiera \*/ void keyboard(unsigned char key, int x, int y) switch (key) { case 27: /\* codice ASCII del tasto ESC \*/ exit(0); break: • Un esempio banale di funzione animate() /\* Funzione di idle \*/ void animate(void) glutPostRedisplay();

• glutPostRedisplay() forza un evento di ridisegno della finestra; al successivo passo del loop la funzione di rendering, definita con glutDisplayFunc, viene richiamata.

- Questo conclude (per ora) la breve introduzione alle GLUT
- Cosa mettere in drawScene(), initgfx() e in versioni più complesse di keyboard() e di animate()?
- $\bullet$  Dipende dall'applicazione; comunque, in generale, in quelle funzioni vanno messi comandi OpenGL
- Iniziamo dunque (finalmente) ad introdurre questa libreria

# OpenGL

- Per tutorial, esempi e manuali, <a href="http://www.opengl.org">http://www.opengl.org</a>
- ullet In OpenGL i tipi di dati vengono definiti con nomi aventi il prefisso GL. Ad esempio, anche i tipi base seguono questo criterio
  - 1. GLint
  - 2. GLfloat
- Le funzioni OpenGL sono tutte della forma glSomething(something)
- Dal momento che le openGL sono una libreria del linguaggio C, privo del meccanismo di *overloading* (detto anche *ad-hoc polymorphism*), la stessa funzione, in base al tipo ed al numero di argomenti, viene dichiarata con lo stesso prefisso ma con suffissi diversi
- Ad esempio:
  - 1. glVertex3f(GLfloat x, GLfloat y, GLfloat z) definisce un vertice (punto) con tre coordinate float
  - 2. glVertex2i(GLint x, GLint y)
    definisce un vertice (punto) con due coordinate intere

- Le OpenGL sono basate (molto schematicamente) sui seguenti punti:
  - 1. **Stati:** si possono settare vari stati della pipeline grafica (ad esempio abilitare lo z-buffer) tramite comandi del tipo glEnable(somehting) e glDisable(something). Tutto quello che viene disegnato dopo un glEnable(something) avrà quella particolare feature attivata
  - 2. **Stack di matrici:** OpenGL ne prevede tre, uno stack per la matrice di **proiezione**, uno per la matrice di **modeling** ed uno per la matrice di **texturing**
  - 3. **Primitive:** tutte le primitive sono richiamate dando un glBegin(GL\_PRIMITIVA), seguito da una serie di vertici (vedremo poi nel dettaglio) e concludendo con un glEnd().
- Approfondiamo...

#### Stati GL

- Gli stati GL sono attivati con la funzione glEnable(NOME) e disattivati con glDisable(NOME)
- Vediamo due stati che useremo spesso (quando faremo la parte delle OpenGL dedicata allo shading ne vedremo un po' di più):
  - 1. GL\_DEPTH\_TEST: attiva lo z-buffer (la finestra deve essere stata predisposta dalle GLUT utilizzando la maschera GLUT\_DEPTH con glutInitDisplayMode). Se disattivato gli oggetti vengono disegnati nell'ordine in cui vengono mandati alla pipe-line grafica
  - 2. GL\_CULL\_FACE: attiva la rimozione delle facce posteriori; necessita che le normali siano definite (lo vedremo nel seguito)
- È bene, per motivi di prestazioni, fare meno cambiamenti di stato possibile
- Il colore dell'oggetto non è un vero e proprio stato, ma si comporta come se lo fosse
- Chiamando la funzione glColor3f(r, g, b), tutti i vertici (e le facce per interpolazione) definiti dopo tale chiamata saranno colorati con (r,g,b).

#### Stack di Matrici

- Le OpenGL introducono tre stack di matrici
  - 1. **Projection:** questa matrice viene usata per proiettare la geometria sul piano immagine.
  - 2. *Model-View:* questa matrice serve per portare gli oggetti nel riferimento della camera.
  - 3. Texture: questa matrice verrà usata nella parte dedicata allo shading
- Gli stack si possono manipolare uno alla volta; per fissare quello su cui si vuole lavorare, che chiameremo stack attuale, si usa la funzione

void glMatrixMode(enum mode)

dove mode può essere MODELVIEW, TEXTURE o PROJECTION

- È possibile manipolare gli stack con le funzioni glPushMatrix(void) e glPopMatrix(void). Nella "Lecture 03: Basic Transformations" avremo modo di capire meglio l'utilizzo degli stack

  Nota bene: l'operazione di push non ha parametri in quanto duplica l'elemento di testa della pila.
- Come modificare la testa dello stack?
  - Per rimpiazzare la testa dello stack attuale con la matrice desiderata si usa la funzione glLoadMatrix(GLfloat \*m)
  - In particolare, si può caricare la matrice identità nello stack attuale con la funzione glLoadIdentity(void)
  - Si può moltiplicare a destra la matrice attuale dello stack per una matrice m con la funzione glMultMatrix(GLfloat \*m). Il risultato verrà posto in testa allo stack Nota bene: dopo la moltiplicazione si perde l'informazione in testa allo stack perché sostituito con il risultato della moltiplicazione

- Vi sono poi varie funzioni per poter moltiplicare, sempre a destra, varie matrici utili; eccone alcune
  - 1. glRotatef(t, x, y, z): moltiplica l'attuale matrice per la matrice di rotazione (senso antiorario) di angolo (gradi) t lungo il vettore (x,y,z)
  - 2. glTranslatef(x, y, z): moltiplica l'attuale matrice per la matrice di traslazione lungo il vettore (x,y,z)
  - 3. glScalef(x, y, z): moltiplica l'attuale matrice per la matrice di scalatura con vettore di scala pari a (x,y,z)
- Per chiarimenti si esegua l'esempio del SIGGRAPH 2001 con nome transformation, mentre nella "Lecture 03: Basic Transformations" proveremo a fare qualche riga di codice

# Cosa accade nella pratica

- Ogni volta che si disegna un oggetto specificato in **coordinate oggetto**  $(x_o, y_o, z_o, 1)$  è necessario passare alle coordinate sul piano immagine  $(x_p, y_p, z_p, w_p)$ :
  - 1. Viene prima applicata la matrice M in cima allo stack modelview, ottenendo le coordinate vista  $(x_v, y_v, z_v, 1)$

$$\begin{pmatrix} x_v \\ y_v \\ z_v \\ 1 \end{pmatrix} = M \begin{pmatrix} x_o \\ y_o \\ z_o \\ 1 \end{pmatrix}$$

2. Quindi viene applicata la matrice P in cima allo stack projection

$$\begin{pmatrix} x_p \\ y_p \\ z_p \\ w_p \end{pmatrix} = P \begin{pmatrix} x_v \\ y_v \\ z_v \\ 1 \end{pmatrix}$$

• Il vettore ottenuto viene "normalizzato"

$$\begin{pmatrix} x_n \\ y_n \\ z_n \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_p/w_p \\ y_p/w_p \\ z_p/w_p \\ w_p/w_p \end{pmatrix}$$

• **Nota bene:** M può contenere di fatto due termini: il primo è la matrice di trasformazione della telecamera (o meglio la sua inversa) che permette di passare dallo spazio mondo al sistema solidale alla telecamera, il secondo è la matrice che trasforma l'oggetto dallo spazio oggetto allo spazio mondo.

• Facciamo un esempio concreto, supponendo di aver già fissato la matrice di proiezione

```
/* Lavoro sulla matrice modelview */
glMatrixMode(MODELVIEW);
/* Carico nello stack la matrice della camera mc --> m = mc */
glLoadMatrix(mc);
/* La duplico e, quindi, la ''spingo'' nello stack */
glPushMatrix();
/* Calcolo la matrice oggetto-mondo di 1 --> m = mc m1 */
glMultMatrix(m1);
Disegna_Oggetto1();
/* Recupero la matrice della camera --> m = mc */
glPopMatrix();
/* La riduplico e, quindi, la ri-''spingo'' nello stack */
glPushMatrix();
/* Calcolo la matrice oggetto-mondo di 2 --> m = mc m2*/
glMultMatrix(m2);
Disegna_Oggetto2();
/* Recupero la matrice della camera --> m = mc */
glPopMatrix();
/* ecc. ecc. */
```

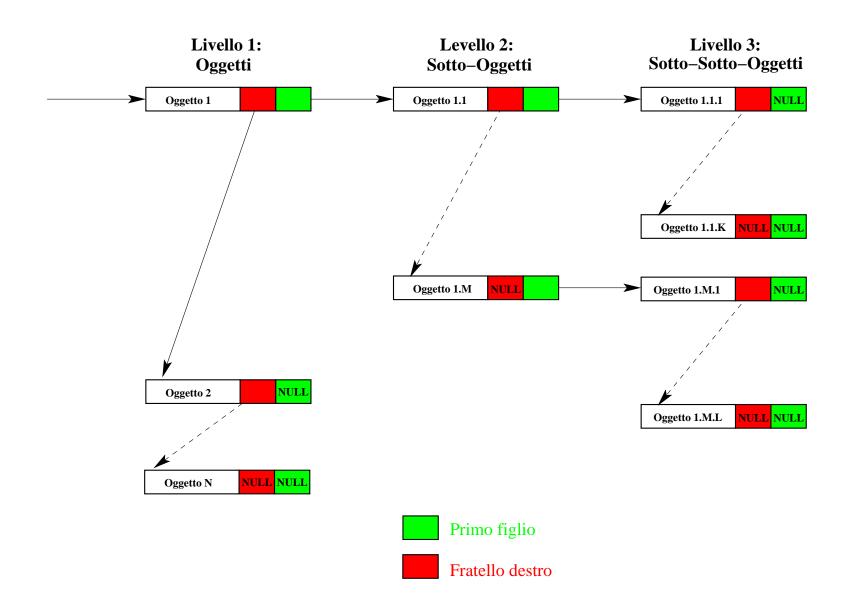
#### Gerarchie

- Per rappresentare oggetti articolati è necessario definire una relazione gerarchica tra le componenti
- Un primo modo usa direttamente lo stack MODELVIEW

```
glMatrixMode(MODELVIEW);
glLoadMatrix(mc); /* carico matrice per un certo oggetto --> m = mc */
glPushMatrix(); /* duplico la testa dello stack --> m = mc */
Disegna_Oggetto();
glTranslatef(...); glRotate3f(...); /* m = mc * T1 * R1 */
Disegna_SottoOgg1();
glPopMatrix(); /* recupero la matrice dell'oggetto --> m = mc */
glPushMatrix(); /* duplico la testa dello stack --> m = mc */
glTranslatef(...); glRotate3f(...); /* m = mc * T2 * R2 */
Disegna_SottoOgg2();
glTranslatef(...); glRotate3f(...); /* m = m * T21 * R2 */
/* ecc. ecc. */
```

• Un altro modo, più intelligente, è di definire una struttura dati ad albero:

```
typedef struct{
  float M[16]; /* matrice che lega il sotto-oggetto all'oggetto */
  void (*disegna)(); /* funzione che fa il rendering di tale sotto-oggetto */
  struct treenode *primo_figlio; /* puntatore al primo sotto-sotto-oggetto */
  struct treenode *fratello_destro; /* puntatore al prossimo sotto-oggetto */
} treenode;
void Attraversa(treenode *radice) {
  if (radice == NULL) return;
  glPushMatrix();
  glMultMatrix(radice->M);
  radice->disegna();
  if (radice->primo_figlio != NULL)
     Attraversa(radice->primo_figlio);
  glPopMatrix();
  if (radice->fratello_destro != NULL)
     Attraversa(radice->fratello_destro);
}
```



#### Come osservare una scena

- Per osservare una scena si deve posizionare la "videocamera" e fissare il campo di vista, ovvero si devono definire la matrice di proiezione e quella della camera.
- Un modo banale è specificare il volume (parallelepipedo) da osservare e proiettare ortogonalmente su di una sua faccia (piano immagine). Per fare ciò si usa: glOrtho(left, right, bottom, top, zNear, zFar) dove left e right definiscono le coordinate x, rispettivamente, dei vertici sinistri e destri, bottom e top definiscono le coordinate y, rispettivamente, dei vertice in basso e in alto, mentre zNear e zFar definiscono le coordinate z, rispettivamente, della faccia su cui proiettare e dell' "orizzonte"
- Capiremo meglio seguendo la "Lecture 02: Rendering" del tutorial online

- Più elegante è l'utilizzo del modello *pin-hole*. A tal fine si useranno delle funzioni ausiliarie fornite dalla libreria *GLU*; usando le GLUT gli header della GLU e delle openGL sono automaticamente caricati (bisogna ricordarsi di linkarli)
- Le funzioni sono le seguenti
  - 1. gluLookAt(px, py, pz, vx, vy, vz, ux, uy, uz): informalmente diremo che permette di posizionare "videocamera"; formalmente, moltiplica l'attuale matrice (si usa con la MODELVIEW) con la matrice di roto-traslazione corrispondente ad un punto di vista in (px, py, pz) che guarda (vx,vy,vz) e con vettore up pari a (ux,uy,uz).
  - 2. gluPerspective(a, ar, n, f): informalmente definisce il volume (frustum) da osservare; formalmente, moltiplica l'attuale matrice (si usa con la PROJECTION) per la matrice di proiezione con a angolo di apertura orizzontale, ar aspect-ratio, n near clipping plane e f far clipping plane
- Per capire il funzionamento di queste due funzioni si esegua l'esempio del SIGGRAPH 2001 con nome projection e nella "Lecture 03: Basic Transformations" avremo modo di esercitarci

#### Primitive grafiche

- Le primitive grafiche in OpenGL sono tutte specificate da una lista di vertici
- Cominciano con la funzione glBegin(GL\_PRIMITIVA) e terminano con glEnd().
- In mezzo vi è una lista di vertici (il cui significato varia a seconda del valore di GL\_PRIMITIVA), con possibilmente anche la specifica dei colori (e, vedremo in seguito, di altre quantità legate allo shading). Il colore viene interpolato sulle facce con la tecnica bi-lineare già vista.

```
glBegin(GL_PRIMITIVA);
glColor3f(1.0, 0.0, 0.0);
glVertex3d(1.0, 1.0, 0.0);
glColor3f(1.0, 1.0, 0.0);
glVertex3d(0.0, 1.0, 0.0);
/* ecc. ecc. */
glEnd();
```

- Vediamo le principali primitive
  - 1. POINTS: ogni vertice passato rappresenta un punto nello spazio; il colore è specificato dall'ultima chiamata a glColor3f
  - 2. LINES: ogni coppia di vertici consecutivi definisce un segmento passato alla pipeline grafica. Se i vertici sono dispari, l'ultimo non viene considerato
  - 3. LINE\_STRIP: è come il punto precedente, ma i segmenti si considerano collegati, quindi ogni vertice costituisce un segmento con il vertice precedente (ovviamente fa eccezione il primo). Non c'è problema per un numero dispari di vertici
  - 4. LINE\_LOOP: come il precedente, ma l'ultimo vertice ed il primo sono connessi e formano un segmento.
  - 5. TRIANGLES: questa primitiva costruisce un triangolo per ogni terna di vertici consecutivi che contiene. Se il numero di vertici non è multiplo di tre gli ultimi vengono ignorati.
  - 6. TRIANGLE\_STRIP: come la precedente, ma i primi tre vertici definiscono il primo triangolo, ogni vertice successivo definisce un triangolo con i due vertici precedenti
  - 7. TRIANGLE\_FAN: come la precedente, ma con un vertice a comune a tutti i triangoli
- Per capire meglio si esegua l'esempio del SIGGRAPH 2001 con nome shapes e per esercitarsi fare riferimento al modulo "Lecture 02: Rendering" del tutorial online