## 2024 Vill. Mat A1 – 6. gyakorlat

- 1. Legyen  $C \subseteq A \cap B$ . a)  $(A \cup B) \cap (A \cup C) = ?$ , b)  $(A \cap B) \cup (A \cap C) = ?$ 
  - gy. Igazoljuk, hogy minden A, B, C halmazra, ha  $B \subseteq A \subseteq C$ , akkor

$$(A \cup B) \cap (A \cup C) = A$$

- **hf.** Igazoljuk, hogy minden A, B, C halmazra, ha $(A \cup B) \cap (A \cup C) = A$ , akkor  $B \cap C \subseteq A$ .
- 2. Igazolja vektoralgebrai eszközökkel a Pithagorasz-tételt!
  - gy. a) Mennyi a  $\lambda$  szám értéke, hogy minden  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$  térvektorra  $\mathbf{a} + \lambda \mathbf{b} \| \mathbf{a} 2\mathbf{b}$  legyen;
- b) Adott  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$  térvektorra milyen lehet a  $\lambda$  szám értéke, hogy  $\mathbf{a} + \lambda \mathbf{b} \| \mathbf{a} 2\mathbf{b}$  legyen?
- 3. Határozza meg annak a síknak az egyenletét, amely tartalmazza az e: x = 1 2t, y = 2 + t, z = -1 t egyenletrendszerű egyenest és a P = (0, 1, -2) pontot!
- gy. Határozza meg a 3x + 2y z = 3 és x y + 3z = 1 egyenletű síkok metszésvonalával párhuzamos, a P = (1, 2, 3) ponton áthaladó egyenes egyenletét!
- 4. Oldjuk meg a |z| + z = 8 + 4i, Im z = 4 egyenletrendszert! gy.

$$\frac{1}{2^{10}} \left( \frac{1}{i^5} + i^{2008} \right)^{20} = ?$$

**5.** Számítsuk ki arra a tételre hivatkozna, ami azt mondja ki, hogy a határértékképzés invariáns az alapműveletekre nézve (HIA).

$$\lim_{n \to \infty} \frac{n^2 + 4n + 8}{7n^2 - n + 2}, \qquad \lim_{n \to \infty} \frac{n^2 + 2n + 3}{-n + 7}, \qquad \lim_{n \to \infty} \frac{5^n + 3^n}{7^n + 3^n}$$

hf.

$$\lim_{n \to \infty} \frac{n^7 + 4n^3 + 8}{7n^2 - n + 2}, \qquad \lim_{n \to \infty} \frac{n + 7}{-n^8 + 7n - 5}, \qquad \lim_{n \to \infty} \frac{2^n - 7^n}{5^n + 3^n}$$