

Wprowadzenie

Projekt ma na celu dokonanie analizy polskiej gieldy, wykorzystujac niektore branzowe indeksy, jak i rowniez glowny indeks WIG. Do analizy wykorzystano model CAPM, ktory jest postaci:

$$R_{it} - r_{ft} = \alpha_i + \beta_i(R_{Mt} - r_{ft}) + \varepsilon_{it}$$

R_{it} - stopa zwrotu i-tego portfela w czasie t

r_{ft} - stopa zwrotu wolna od ryzyka

R_{Mt} - stopa zwrotu portfela rynkowego

α_i, β_i - parametry strukturalne modelu

ε_{it} - zakłócenia losowe

Na potrzeby projektu, stopa wolna od ryzyka została ustanowiona na poziomie 2% rocznie. Portfelem rynkowym w analizowanym przypadku jest WIG, który w siedmiu równaniach wyjaśniał będzie 7 indeksów branżowych, takich jak:

1. WIG-Banki
2. WIG-Budownictwo
3. WIG-Chemia
4. WIG-Energia
5. WIG-Spożywcze
6. WIG-Media
7. WIG-Telekomunikacja

Analizie poddano miesięczne, logarytmiczne stopy zwrotu, dla wymienionych indeksów, za okres: 31.12.2010-31.12.2020

Przygotowanie danych

Ze względu na zastosowanie logarytmicznych stop zwrotu, ostatecznie każdy z osmiu wektorów zawierających dane nt poszczególnych indeksów ma 120 obserwacji (zbiór zmieścił się o jedną obserwację), stopy zwrotu zostały na już na tym etapie pomniejszone o ustaloną stopę wolną od ryzyka. Macierz 'stopy' zawiera gotowe dane do estymacji parametrów modelu.

```
df <- data.frame(wig = wig$Zamkniecie ,banki =wig_banki_m$Zamkniecie, budowa = wig_budow_m$Zamkniecie, chemia = wig_chemia_m
$Zamkniecie,energia = wig_energ_m$Zamkniecie,spozyw = danee[,7],media = wig_media_m$Zamkniecie, telkom = wig_telkom_m$Zamkni
ecie )
stopy <- matrix(ncol = 8,nrow = 120)
colnames(stopy) <- c("wig" , "banki" , "budowa" , "chemia" , "energia" , "spozyw" , "media" , "telkom" )

for(x in 1:120)
{
  stopy[x,1] <- -log(df[x,1]/df[x+1,1])-risk_free
  stopy[x,2] <- -log(df[x,2]/df[x+1,2])-risk_free
  stopy[x,3] <- -log(df[x,3]/df[x+1,3])-risk_free
  stopy[x,4] <- -log(df[x,4]/df[x+1,4])-risk_free
  stopy[x,5] <- -log(df[x,5]/df[x+1,5])-risk_free
  stopy[x,6] <- -log(df[x,6]/df[x+1,6])-risk_free
  stopy[x,7] <- -log(df[x,7]/df[x+1,7])-risk_free
  stopy[x,8] <- -log(df[x,8]/df[x+1,8])-risk_free
}
```

Model

Jak już wspomniano model składał się będzie z siedmiu równan, gdzie w każdym obserwacje dotyczące indeksu głównego WIG wyjaśnić będą poszczególne indeksy branżowe. Dzięki temu, iż w każdym równaniu zmienna objaśniająca jest taka sama, możliwe jest skorzystanie z uproszczonej estymacji modelu SUR. W tym celu wykonano MNK dla każdego z równan (jest to równwazne z GLS dla całego układu) Zapisano reszty, jak i oszacowane parametry.

##		alfa	Beta	alfa	p_value
##	banki	-0.004491691	1.1899807		0.17980203
##	budowa	-0.005436150	0.9362019		0.36572073
##	chemia	0.001480006	0.9936295		0.80160930
##	energia	-0.008767213	1.0655539		0.08435544
##	spozyw	-0.003222480	0.6923827		0.45747675
##	media	0.001681705	0.7814803		0.68531929
##	telkom	-0.004227590	0.4880185		0.48208260

Przedstawione powyżej wartości oszacowanych parametrów, wraz z p-value testu T-Studenta sprawdzającego istotność stałej. W żadnym wypadku, wspomniany test, o następującym zestawie hipotez:

H_0 : parametr α nie jest statystycznie istotny.

H_1 : parametr α jest statystycznie istotny.

nie wskazał na odrzucenie hipotezy zerowej. W takim wypadku należałoby sprawdzić łączną istotność wszystkich wyrazów wolnych. W badanym przypadku, oczekuje się również braku łącznej istotności parametrów alfa (by móc wnioskować, iż parametry B poprawnie opisują zmienność). Do tego celu posłużyć może statystyka GRS:

$$GRS = (\frac{T}{N})(\frac{T - N - K}{T - K - 1})[\frac{\hat{\alpha}^T \Sigma^{-1} \hat{\alpha}}{1 + \hat{\mu}^T \hat{V}^{-1} \hat{\mu}}]$$

gdzie:

T - liczba obserwacji, (120)

N - liczba portfeli, (7) K - liczba czynników objaśniających, (1) $\hat{\alpha}$ - wektor wyrazów wolnych,

$\hat{\Sigma}$ - macierz cov składników losowych,

\hat{V} - wariancja macierzy X (obserwacje WIG),

$\hat{\mu}$ <- średnia macierzy X

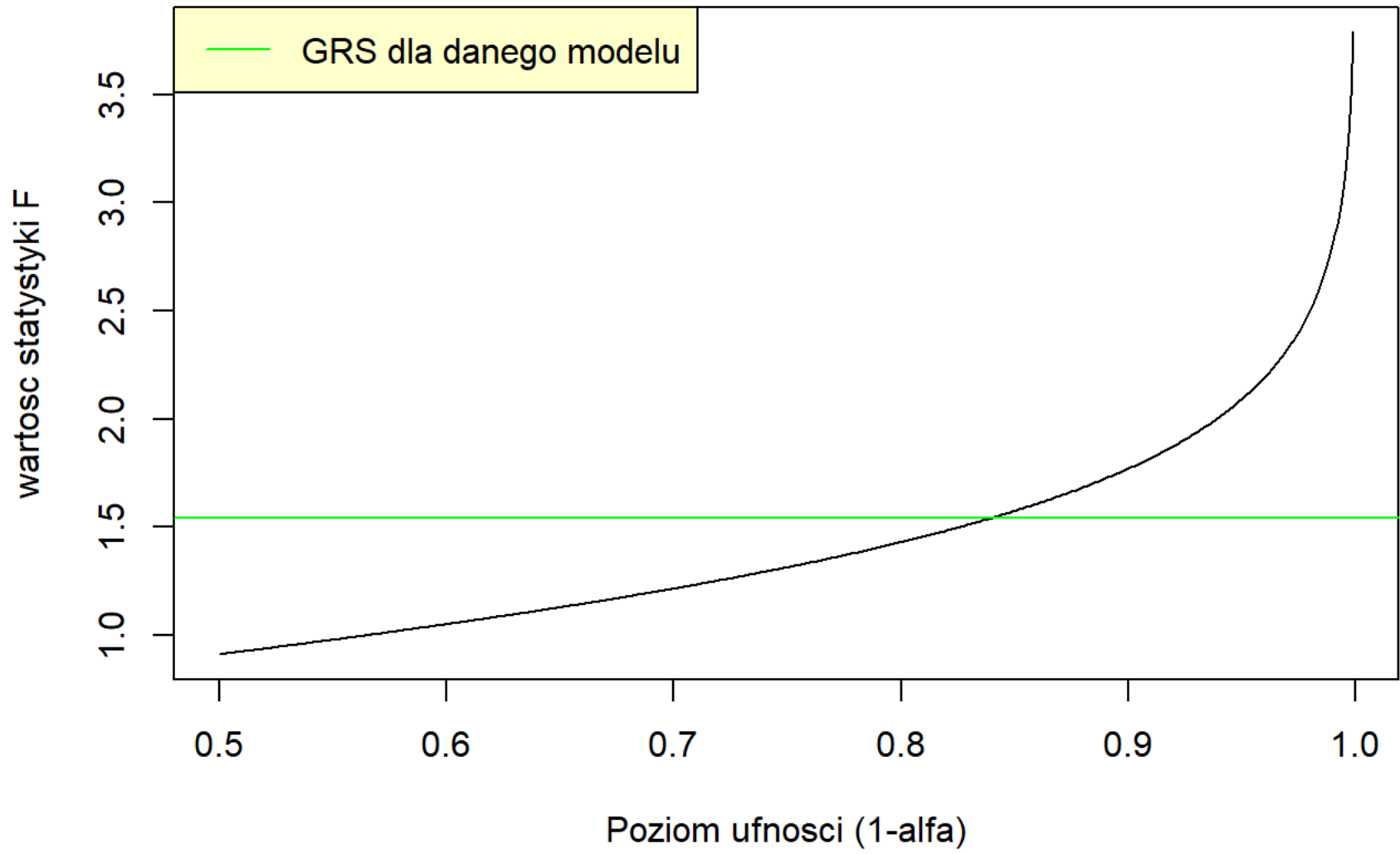
W przeprowadzanym badaniu wartość tej statystyki wyniosła:

```
##           [,1]
## [1,] 1.54397
```

Wartości graniczne statystyki F o N i T-N-K stopniach swobody (ustalonych dla analizowanych obserwacji), do której porównuje się wartość GRS (naniesiono zielona linia) w celu weryfikacji powyższej hipotezy, w zależności od poziomu istotności przedstawia poniższy wykres:

```
alfy <- seq(from = 0.5, to = 0.999 , by = 0.001)
F_vector <- as.matrix(qf(alfy,N,T-N-K))
row.names(F_vector) <- alfy
#GRS > F_vector
colnames(F_vector) <- "F_graniczne"
#GRS < F_vector
#View(F_vector)

plot(alfy, F_vector, type = "l", xlab = "Poziom ufnosci (1-alfa)", ylab = "wartosc statystyki F")
abline(h=GRS, col= "green")
legend("topleft",legend = c("GRS dla danego modelu"), col=c("green"), lty = 1, bg="#FFFFCC")
```



Z wykresu wynika, iż hipoteza o łącznej nieistotności wyrazów wolnych, przy założonej wcześniej parze liczby stopni swobody rozkładu F, odrzucana jest od poziomu ufności 0.84. Oznacza to, iż możemy wnioskować, że parametry B poprawnie opisują zmienność (powstają efektywne portfele), gdy $\alpha < 0.16$.