

DISTRIBUTIONS DISCRÈTES							
	Support	Paramètres	FMP	Répartition	E(X)	var(X)	FGM
Bernoulli(θ)	$\{0, 1\}$	$\theta \in (0, 1)$	$\theta^x(1 - \theta)^{1-x}$		θ	$\theta(1 - \theta)$	$1 - \theta + \theta e^t$
Binomiale(n, θ)	$\{0, \dots, n\}$	$n \in \mathbb{N}, \theta \in (0, 1)$	$\binom{n}{x} \theta^x(1 - \theta)^{n-x}$		$n\theta$	$n\theta(1 - \theta)$	$(1 - \theta + \theta e^t)^n$
Poisson(λ)	$\{0, 1, 2, \dots\}$	$\lambda \in \mathbb{R}^+$	$e^{-\lambda} \frac{\lambda^x}{x!}$		λ	λ	$\exp\{\lambda(e^t - 1)\}$
Geométrique(θ)	$\{1, 2, \dots\}$	$\theta \in (0, 1)$	$\theta(1 - \theta)^{x-1}$	$1 - (1 - \theta)^x$	$\frac{1}{\theta}$	$\frac{1 - \theta}{\theta^2}$	$\frac{\theta e^t}{1 - e^t(1 - \theta)}$
Binomiale négative(r, θ)	$\{r, r + 1, \dots\}$	$r \in \mathbb{N}, \theta \in (0, 1)$	$\binom{x-1}{r-1} \theta^r(1 - \theta)^{x-r}$		$\frac{r}{\theta}$	$\frac{r(1 - \theta)}{\theta^2}$	$\left\{ \frac{\theta e^t}{1 - e^t(1 - \theta)} \right\}^r$
ou	$\{0, 1, 2, \dots\}$	$r \in \mathbb{N}, \theta \in (0, 1)$	$\binom{r+x-1}{x} \theta^r(1 - \theta)^x$		$\frac{r(1 - \theta)}{\theta}$	$\frac{r(1 - \theta)}{\theta^2}$	$\left\{ \frac{\theta}{1 - e^t(1 - \theta)} \right\}^r$

Pour les distributions *continues* (voir page suivante), on définit la *fonction gamma d'Euler*, pour tout $\alpha > 0$, par

$$\Gamma(\alpha) = \int_0^\infty x^{\alpha-1} e^{-x} \, dx.$$

On note aussi que la transformation *localisation/échelle* $Y = \mu + \sigma X$ donne

$$f_Y(y) = \frac{1}{\sigma} f_X\left(\frac{y - \mu}{\sigma}\right), \quad F_Y(y) = F_X\left(\frac{y - \mu}{\sigma}\right), \quad M_Y(t) = e^{\mu t} M_X(\sigma t), \quad E(Y) = \mu + \sigma E(X), \quad \text{et} \quad \text{var}(Y) = \sigma^2 \text{var}(X).$$

DISTRIBUTIONS CONTINUES							
	Support	Param.	Densité	Répartition	E(X)	var(X)	FGM
Uniforme(α, β)	(α, β)	$\alpha < \beta \in \mathbb{R}$	$\frac{1}{\beta - \alpha}$	$\frac{x - \alpha}{\beta - \alpha}$	$\frac{\alpha + \beta}{2}$	$\frac{(\beta - \alpha)^2}{12}$	$\frac{e^{\beta t} - e^{\alpha t}}{t(\beta - \alpha)}$
Exponentielle(β)	\mathbb{R}^+	$\beta \in \mathbb{R}^+$	$\frac{1}{\beta} \exp(-x/\beta)$	$1 - e^{-x/\beta}$	β	β^2	$(1 - \beta t)^{-1}$
Gamma(α, β)	\mathbb{R}^+	$\alpha, \beta \in \mathbb{R}^+$	$\frac{1}{\beta^\alpha \Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-x/\beta}$		$\alpha\beta$	$\alpha\beta^2$	$(1 - \beta t)^{-\alpha}$
Weibull(α, β)	\mathbb{R}^+	$\alpha, \beta \in \mathbb{R}^+$	$\alpha\beta x^{\alpha-1} \exp(-\beta x^\alpha)$	$1 - e^{-\beta x^\alpha}$	$\frac{\Gamma(1 + 1/\alpha)}{\beta^{1/\alpha}}$	$\frac{\Gamma(1 + 2/\alpha) - \Gamma(1 + 1/\alpha)^2}{\beta^{2/\alpha}}$	
Normale(μ, σ^2)	\mathbb{R}	$\mu \in \mathbb{R}, \sigma \in \mathbb{R}^+$	$\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma^2} \exp\left\{-\frac{(x - \mu)^2}{2\sigma^2}\right\}$		μ	σ^2	$e^{\mu t + \sigma^2 t^2/2}$
Student(ν)	\mathbb{R}	$\nu \in \mathbb{R}^+$	$\frac{(\pi\nu)^{-1/2} \Gamma\left(\frac{\nu+1}{2}\right)}{\Gamma\left(\frac{\nu}{2}\right) \left(1 + \frac{x^2}{\nu}\right)^{(\nu+1)/2}}$		0 (si $\nu > 1$)	$\frac{\nu}{\nu-2}$ (si $\nu > 2$)	
Pareto(θ, α)	(θ, ∞)	$\theta, \alpha \in \mathbb{R}^+$	$\frac{\alpha\theta^\alpha}{x^{\alpha+1}}$	$1 - \left(\frac{\theta}{x}\right)^\alpha$	$\frac{\alpha\theta}{\alpha-1}$ (si $\alpha > 1$)	$\frac{\alpha\theta^2}{(\alpha-1)^2(\alpha-2)}$ (si $\alpha > 2$)	
Beta(α, β)	$(0, 1)$	$\alpha, \beta \in \mathbb{R}^+$	$\frac{\Gamma(\alpha + \beta)}{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)} x^{\alpha-1}(1-x)^{\beta-1}$		$\frac{\alpha}{\alpha + \beta}$	$\frac{\alpha\beta}{(\alpha + \beta)^2(\alpha + \beta + 1)}$	