



Sous-séquences ADN

Durée: 3h

Centrale-Supélec

Préambule

Ce sujet d'oral d'informatique est à traiter, sauf mention contraire, en respectant l'ordre du document. Votre examinatrice ou votre examinateur peut vous proposer en cours d'épreuve de traiter une autre partie, afin d'évaluer au mieux vos compétences.

Le sujet comporte plusieurs types de questions. Les questions sont différenciées par une icône au début de leur intitulé :

- les questions marquées avec me nécessitent d'écrire un programme dans le langage demandé. Le jury sera attentif à la clarté du style de programmation, à la qualité du code produit et au fait qu'il compile et s'exécute correctement ;
- les questions marquées avec sont des questions à préparer pour présenter la réponse à l'oral lors d'un passage de l'examinatrice ou l'examinateur. Sauf indication contraire, elles ne nécessitent pas d'appeler immédiatement l'examinatrice ou l'examinateur. Une fois la réponse préparée, vous pouvez aborder les questions suivantes ;
- les questions marquées avec 🗷 sont à rédiger sur une feuille, qui sera remise au jury en fin d'épreuve.

Votre examinatrice ou votre examinateur effectuera au cours de l'épreuve des passages fréquents pour suivre votre avancement. En cas de besoin, vous pouvez signaler que vous sollicitez explicitement son passage. Cette demande sera satisfaite en tenant également compte des contraintes d'évaluation des autres candidates et candidats.

1 Introduction

Dans ce sujet on s'intéresse à la représentation, à l'extraction et au décompte de k-mers, c'est-à-dire de facteurs de longueur k, de chaînes d'ADN.

1.1 Contexte

Les progrès techniques dans le séquençage de l'ADN permettent aujourd'hui de connaître le génome de nombreux organismes vivants. La reconstitution du génome s'effectue généralement à partir d'un séquençage de l'ADN d'un organisme, ce qui produit un grand nombre de sous-séquences, appelées *lectures*, qui sont largement redondantes et se chevauchent partiellement. Il est ensuite nécessaire, à la manière d'un immense puzzle, de réassembler ces sous-séquences pour reconstituer la séquence complète. Le séquençage est cependant loin d'être parfait et les lectures produites comportent systématiquement des erreurs, certaines lettres pouvant être remplacées, supprimées ou ajoutées.

Depuis 2009, la goélette *Tara* sillonne les océans en collectant des micro-organismes en divers endroits du globe. On obtient alors des milliards de lectures correspondant à un mélange de nombreuses espèces, que l'on apelle des *métagénomes*. Les données de séquençage ainsi collectées peuvent difficilement être assemblées avec les techniques usuelles et la comparaison avec des espèces déjà connues est limitée. Il reste cependant intéressant de pouvoir se dôter d'outils afin de pouvoir comparer deux ou plusieurs métagénomes.

Une idée prometteuse est la suivante. Si deux séquences sont similaires, alors elle partagent un grand nombre de leurs sous-séquences de taille k, appelées k-mers. Inversement, deux séquences qui partagent beaucoup de k-mers peuvent être considérées comme similaires. Ainsi, la similarité de deux séquences peut être estimée par le nombre de k-mers en commun.

Il est donc nécessaire de disposer de moyens pour décompter efficacement le nombre de k-mers apparaissant dans une lecture ou dans un métagénome. En pratique, un métagénome marin peut comporter plus de 10 milliards de k-mers différents et des techniques d'optimisation d'utilisation de la mémoire se révèlent cruciales.

Enfin, remarquons que les k-mers qui apparaissent peu souvent dans un métagénome résultent le plus souvent d'erreurs de séquençage et ne présentent que peu d'intérêt. On s'intéressent donc à des techniques qui permettent d'extraire efficacement les k-mers qui apparaissent au moins c fois dans un jeu de données.

1.2 Applications

La connaissance des fréquences d'occurrences des k-mers dans une séquence ou un ensemble de séquences ADN comporte de nombreuses applications en bio-informatique. Elle peut être utilisée comme indiqué précédemment comme outil de comparaison entre séquences ou métagénomes, comme signature d'un génome, comme première étape préliminaire à un alignement, pour estimer la taille du génome ou encore comme aide pour l'assemblage de novo.

1.3 Formalisation

Dans tout le sujet on considère l'alphabet $\Sigma = \{A, C, G, T\}$ et des mots de Σ^* . Une séquence ou une chaîne est un mot sur Σ . Pour $u, v \in \Sigma^*$ on dit que v est un facteur,



une sous-chaîne ou encore une sous-séquence 1 de u s'il existe $x,y\in \Sigma^\star$ tels que u=xvy, autrement dit si v est constitué d'une suite de lettres consécutives de u. Dans tout le sujet, les mots facteur, sous-chaîne et sous-séquence sont considérés comme des synonymes. Un k-mer est une sous-séquence de longueur k>0.

- \triangleright Question 1. \not a Combien de k-mers différents existe-t-il? Dans une séquence de longueur n, majorer et minorer le nombre de k-mers différents qui peuvent apparaître dans cette séquence.
- \triangleright **Question 2.** \triangle Donner les valeurs correspondantes pour n=100 et k=30. Que pensez-vous d'une approche qui pour stocker les k-mers utilise un tableau de booléens indexé par tous les k-mers existants?

1.4 Organisation du sujet

Le sujet comporte quatre parties distinctes qui doivent être abordées dans l'ordre. En particulier, la dernière section 5 ne doit être abordée que si vous avez terminé les trois autres et le choix du langage y est libre.

La section 2 s'intéresse à une base de données de séquences ADN et les requêtes sont à écrire dans le langage SQL. La section 3, à traiter en utilisant le langage OCAML, propose d'extraire tous les k-mers d'une séquence qui apparaissent au moins c fois. La section 4, à traiter en utilisant le langage C, propose une structure de données probabiliste pour réduire l'empreinte mémoire. Enfin, la section 5 vous propose d'implémenter une stratégie d'apprentissage automatique pour prédire la classe d'une séquence.

1.5 Description des données

Ce sujet est accompagné d'un ensemble de fichiers :

- une base de données SQLite dna.db, pour la partie 2;
- un fichier kmers.ml à compléter pour la partie 3;
- un fichier d'en-tête kmers.h et un fichier kmers.c qui est à compléter pour la partie 4 ;
- le répertoire data qui contient un ensemble de fichiers de données représentant des séquences d'ADN pour un chien, un chimpanzé et un humain. Les trois fichiers dont l'extension est .seq contiennent un ensemble de séquences ADN à raison d'une séquence par ligne et sont à utiliser dans les sections 3 et 4. Les trois fichiers dont l'extention est .class contiennent pour chaque ligne la classe respective de la séquence correspondante dans le fichier .seq, constituant un corpus étiqueté pour une approche par apprentissage statistique pour la section 5.

^{1.} Ce *n'est pas* la dénomination du programme où une sous-séquence désigne une sous-suite de lettres non nécessairement consécutives.



2 Base de données de séquences ADN

Une base de données dna.db compatible SQLite vous est proposée pour cet exercice. Pour interagir avec cette base de données on utilisera l'outil sqlite3 en ligne de commande. Pour cela, il suffit de lancer la commande sqlite3 dna.db depuis le répertoire qui contient la base de données, qui sera alors ouverte. Une invite de commande sqlite> s'ouvre. La commande .schema permet d'afficher le schéma des tables de la base de données. La commande .quit permet de quitter. On peut entrer une requête SQL que l'on terminera par un ; (point-virgule). Il est fortement recommandé de copier vos requêtes SQL une fois que celles-ci fonctionnent, par exemple dans un fichier annexe, pour pouvoir ensuite les retrouver rapidement et pouvoir les présenter à votre examinateur lors de son passage.

Cette base de données comporte trois tables de même schéma :

- id : identifiant de la séquence;
- sequence : une séquence ADN ;
- class : la classe associée à cette séquence.

En SQL, la fonction LENGTH(s) permet d'obtenir la longueur d'un attribut s de type textuel. La fonction SUBSTR(s, deb, len) permet d'extraire la sous-chaîne d'un attribut s de type textuel à partir de la position deb (incluse) et de longueur len. Attention, les positions commencent à 1 et pas à 0 contrairement à la fonction OCAML String. sub que nous utiliserons plus tard. Par exemple, la requête suivante permet d'obtenir chez le chien les trois premières lettres des séquences de longueurs inférieures ou égales à 250 :

SELECT SUBSTR(sequence, 1, 3) FROM dog WHERE LENGTH(sequence) <= 250;

- De Question 3. △ † Pour chacune des questions suivantes, il est demandé d'écrire une requête qui permet de répondre précisément à la question, d'indiquer le résultat sur le rendu et de présenter succinctement votre requête à votre examinateur ou examinatrice.
 - (a) Combien de séquences différentes sont présentes pour le chimpanzé?
 - (b) Quelles sont exactement les classes possibles pour l'ensemble des séquences des trois espèces ?
 - (c) Combien de séquences différentes présentes chez le chimpanzé sont également présentes chez l'humain?
 - (d) Quelle est la longueur de la plus longue séquence chez le chien qui soit étiquetée par la classe 2?
 - (e) Donner, chez le chimpanzé, pour chaque classe, la longueur minimale d'une séquence étiquetée par cette classe.
 - (f) Quel est chez l'humain le 4-mer le plus fréquent en tout début de séquence (doublons compris) et quel est son nombre d'occurrences? Si plusieurs 4-mers réalisent le maximum on pourra en choisir un arbitrairement ou les donner tous.

3 Décompte de tous les k-mers (en OCaml)

Dans cette partie et la suivante, on cherche à trouver tous les k-mers d'une séquence ou d'un ensemble de séquences avec leur fréquence d'apparition. Comme les k-mers peu



fréquents résultent le plus souvent d'erreurs de séquençage et sont en général peu porteurs d'information statistique on s'intéresse souvent plutôt à dénombrer tous les k-mers qui apparaissent au moins un certain nombre de fois.

On cherche à compléter le programme kmers.ml qui vous est proposé pour que celui-ci détermine le nombre de k-mers qui apparaissent au moins un certain nombre de fois dans un fichier de séquences. Pour cela on va construire une table de hachage dont les clés représentent les k-mers et les valeurs associées leur nombre d'occurrences.

On pourra consulter la documentation du module **Hashtbl** et utiliser librement toutes les fonctions qui s'y trouvent.

```
add_one : ('a, int) Hashtbl.t -> 'a -> unit
```

qui incrémente de un la valeur associée à une clé dans une table de hachage. Remarque : une clé non présente est présente 0 fois.

On rappelle que la fonction open_in : string -> in_channel permet d'ouvir un fichier, que la fonction close_in : in_channel -> unit permet de fermer un fichier, que la fonction input_line : in_channel -> string permet de lire une nouvelle ligne ² d'un fichier s'il en reste et lève l'exception End_of_file sinon. On rappelle que la syntaxe pour rattraper une telle exception est try expr1 with End_of_file -> expr2.

```
file_iter : (string -> unit) -> string -> unit
```

telle que file_iter f file_name applique la fonction f sur chaque ligne du fichier de nom file_name.

```
build_seq : int -> (string, int) Hashtbl.t -> string -> unit
```

qui met à jour le décompte des occurrences de k-mers présents dans une table de hachage avec toutes les nouvelles occurrences des k-mers présents dans une chaîne de caractères.

L'appel build file_name k permet de construire une table de hachage qui répertorie pour chaque k-mer son nombre d'occurrences dans un fichier de séquences.

Description S. ■ Implémenter la fonction delete_all qui supprime dans une table de hachage toutes les liaisons dont la *valeur* est la même que celle passée en paramètre. Le type de cette fonction est donc ('a, 'b) Hashtbl.t -> 'b -> unit. On pourra utiliser la fonction filter_map_inplace du module Hashtbl dont on lira très attentivement la documentation.

Le programme principal est donné dans la fonction main. La compréhension de la syntaxe de la chaîne de format utilisée pour la **Printf.printf** n'est pas attendue.

^{2.} Le caractère '\n' est consommé mais n'est pas présent dans la chaîne de caractère renvoyée.



- De Question 9. ♣ Expliquer ce que réalise ce programme. Exécuter ce programme sur une entrée de votre choix pour illustrer son fonctionnement.
- De Question 10.

 Combien de 10-mers différents sont présents chez le chien? Combien de 20-mers différents apparaissent strictement plus de 5 fois chez le chimpanzé? Quel est le pourcentage de 30-mers différents qui apparaissent au moins 10 fois chez l'humain?

On remarque que le nombre de k-mers qui apparaissent au moins c fois peut ne représenter qu'une petite fraction du nombre total de k-mers différent. L'approche proposée ici nécessite de stocker l'ensemble de tous les k-mers différents avant d'en déduire ceux qui apparaissent au moins c fois. Si le nombre de k-mers différents est trop important, cette approche peut ne pas être utilisable en pratique.

4 Filtres de Bloom pour le décompte des k-mers (en C)

Dans cette partie, on propose une structure de donnée probabiliste, les *filtres de Bloom* pour améliorer l'empreinte mémoire de l'approche précédente.

4.1 Préliminaires

Un fichier kmers.c vous est proposé et est à compléter. Le fichier d'en-tête kmers.h contient les définitions et les prototypes des fonctions à implémenter. On peut compiler le fichier sans aucune option à l'aide de la ligne de compilation gcc kmers.c -o kmers. On peut également activer les avertissements et une vérification de salubrité de l'utilisation mémoire en utilisant la ligne de compilation :

Le jury pourra vous demander d'utiliser cette deuxième version pour vérifier que votre implémentation est correcte.

▷ Question 11. Rappeler à quoi correspond le type uint64_t en C.

Le fichier d'en-tête définit un alias de type **typedef uint64_t u64**; pour simplifier la suite. On peut afficher un élément de ce type avec la chaîne de format %11u.

ightharpoonup Question 12. ightharpoonup Implémenter une fonction u64 ightharpoonup mod (u64 x, u64 n, u64 p); telle que ightharpoonup mod (x, n, p) calcule $x^n \mod p$ par exponentiation rapide. Vérifier que $2^{1000} \mod 131 = 39$ et non 0 auquel cas vous avez vraisemblablement un débordement de capacité des entiers.

Le fichier <code>kmers.c</code> définit un tableau P de nombres premiers et un tableau B de bases, une constante M ainsi qu'une chaîne de caractères <code>ex_seq</code> correspondant à la première séquence ADN des données sur le chien.

 \triangleright Question 13. \triangle Que vaut exp mod(B[0], 42, P[0])?



4.2 Implémentation d'une famille de table de hachage

Dans cette partie on se propose d'implémenter une famille de fonctions de hachage. Une fonction de hachage est une fonction $h: \Sigma^* \to \mathbb{N}$. Dans ce sujet, on considère une famille de fonctions de hachage $(h_{b,p})_{(b,p)}$ paramétrées par une base b>2 et un nombre premier p. Pour une base b et un nombre premier p on définit la fonction de hachage $h_{b,p}$ par

$$h_{b,p}: u \in \Sigma^k \mapsto \sum_{i=0}^{k-1} b^{k-i-1} u_i \mod p$$

On peut transformer un caractère c de type **char** en entier **uint64_t** en transtypant explicitement : (u64) c.

 \triangleright Question 14. \equiv Implémenter une fonction u64 hash(char *s, int k, u64 b, u64 p) telle que hash(s, k, b, p) calcule $h_{b,p}(s_0s_1...s_{k-1})$. On suppose que s est un pointeur valide vers une chaîne de caractères de longueur au moins k. Une approche efficace n'utilise pas la fonction exp_mod . On veillera à nouveau à ne pas provoquer de dépassement de capacité. Vérifier que hash(ex_seq, 100, 2, 131) = 73.

▷ Question 15. 🕰 Que vaut hash(ex_seq, 10, B[0], P[0])?

 \triangleright Question 16. \blacksquare Soit $x, y \in \Sigma$ et $u \in \Sigma^{k-1}$. Supposons que l'on connaisse $h_{b,p}(xu)$ expliquer comment calculer efficacement $h_{b,p}(uy)$ et donner la complexité de ce calcul. Expliquer l'avantage du choix la famille de fonction de hachage proposée dans l'optique de calculer succesivement les valeurs de hachages des k-mers d'une séquence. Citer une autre application de ce genre de fonctions de hachage et décrire brièvement l'algorithme associé.

On pourrait utiliser cette manière de calculer successivement les valeurs de la fonction de hachage pour les k-mers d'une séquence. Dans un souci de simplification, nous réutiliserons cependant la fonction hash à chaque étape.

4.3 Implémentation d'une table de hachage

Dans cette partie on se propose d'implémenter une table de hachage pour stocker les k-mers. Une table de hachage est un tableau de taille $m \in \mathbb{N}^*$ contenant des listes d'association, ainsi qu'une fonction de hachage. Une liste d'association est une liste chaînée dont les éléments sont des couples de clés et de valeurs. Dans une table de hachage de longueur m et de fonction de hachage h, un couple de clé-valeur (c,v) est placé dans la liste d'association de la case $h(c) \mod m$ du tableau. La position dans cette liste n'a pas d'importance. Une clé ne peut être présente qu'une seule fois dans une table.

On représente une liste d'association en C par la structure suivante :

```
struct cell {
  char* kmer;
  int count;
  struct cell* next;
};
typedef struct cell cell;
```



Un cellule contient une clé qui est un k-mer associé à une valeur qui est son nombre d'occurrences. Une liste d'association vide est représentée par le pointeur NULL.

Une table de hachage est représentée par la structure suivante :

```
struct hashtbl {
  cell** table;
  int m;
  u64 b;
  u64 p;
};
typedef struct hashtbl hashtbl;
```

Cette structure comporte un pointeur sur un tableau de taille m ainsi que les paramètres b et p de la fonction de hachage $h_{b,p}$.

Description Property Description Descript

Trois fonctions qui permettent respectivement d'incrémenter de un la valeur associée à une clé ou l'insérer si elle n'était pas présente, d'afficher le contenu et de compter le nombre d'éléments présents dans une table de hachage vous sont proposées dans le fichier kmers.c. Ces fonctions peuvent vous être utiles pour vos tests.

- De Question 20. △ Combien il y a-t-il de 3-mers différents dans la séquence ex_seq? On pourra utiliser une table de hachage de paramètres M, B[0] et P[0].

La fonction hashtbl* build(char* file_name, int k) permet de compter le nombre de k-mers dans un fichier.

De Question 21. ♣ Vérifier que vous retrouvez le même nombre de 30-mers différents pour l'humain avec le programme C et avec le programme OCAML.

4.4 Filtres de Bloom

On pourrait, comme précédement, filtrer les k-mers qui apparaissent moins d'un certain nombre de fois, mais on va chercher, dans cette dernière partie, à éliminer directement ces éléments sans avoir à les représenter explicitement en mémoire, ce qui permet d'améliorer la complexité spatiale de cette méthode et de pouvoir l'appliquer lorsque la capacité nécessaire pour stocker temporairement tous les k-mers excéderait celle de la mémoire principale.

On s'intéresse à une structure de données probabiliste, appelée *filtre de Bloom*, qui permet de représenter un ensemble de manière compacte, au prix d'un faible ratio de faux positifs pour le test d'appartenance.



Un filtre de Bloom est constitué d'un tableau d'entiers de taille m > 0 ainsi que d'une collection de r > 0 fonctions de hachage $(h_i)_{0 \le i \le r-1}$ à valeurs dans [0; m-1]. Au départ, toutes les cases du tableau sont initialisées à 0. Pour ajouter un élément x au filtre, on affecte à toutes les cases $h_0(x), h_1(x), \ldots, h_{r-1}(x)$ la valeur 1. Pour tester si un élément x est présent, on vérifie si toutes les cases $h_0(x), h_1(x), \ldots, h_{r-1}(x)$ contiennent un 1.

- ▶ Question 22.
 On considère un filtre avec m=10 et r=3. On insère un élément x tel que $h_0(x)=1, h_1(x)=3, h_2(x)=4$ puis un élément y tel que $h_0(y)=4, h_1(y)=6, h_2(y)=8$. L'élément z tel que $h_0(z)=0, h_1(z)=1, h_2(z)=9$ est-il présent dans le filtre? Et l'élément w tel que $h_0(w)=3, h_1(w)=4, h_2(w)=6$?
- De Question 23. ♣ Justifier que si un élément a été ajouté dans le filtre, alors tout test d'appartenance de cet élément sera toujours positif. Si un test d'appartenance d'un élément dans le filtre est positif, peut-on en déduire de manière certaine que l'élément a été ajouté au filtre?

On suppose que les r fonctions de hachage sont indépendantes et vérifient toutes l'hypothèse d'un hachage uniforme, c'est-à-dire que la probabilité qu'un élément soit haché vers une case est égale à $\frac{1}{m}$.

▷ Question 24. Pour une case donnée, quelle est la probabilité que cette case soit laissée à 0 par une des r fonctions de hachage après insertion d'un élément? Et après insertion de n éléments (en supposant que toutes ces insertions sont indépendantes)? Montrer que la probabilité pour une case, après insertion de n éléments, d'avoir la valeur 1 est environ $1 - e^{\frac{-rn}{m}}$, en supposant m assez grand.

En supposant en première approximation que la probabilité qu'une case vaille 1 est indépendante des autres cases, on a donc lors du test d'appartenance une probabilité de faux positif de l'ordre de $(1-e^{\frac{-rn}{m}})^r$. On peut montrer que sous certaines hypothèses cette approximation est réaliste et qu'un bon choix pour r est $r = \frac{m}{n} \ln 2$.

 \triangleright Question 25. \triangle Avec un choix de $m = 8 \times n$ et r = 5, donc une complexité spatiale d'un octet par k-mer, quelle est l'estimation du taux de faux positifs?

Dans ce sujet on ne cherchera pas à choisir m et r de manière optimale. On prendra r=3 et $m=10\,000\,000$ (qui est défini par la constante M).

 \triangleright Question 26. È Expliquer comment on peut utiliser un filtre de Bloom et une table de hachage pour extraire d'une suite de séquences tous les k-mers qui apparaissent au moins deux fois (donc en filtrant ceux qui apparaîssent une seule fois), en utilisant une complexité mémoire de l'ordre de m plus le nombre de k-mers qui apparaîssent au moins deux fois (et donc avec un gain de l'ordre de 50 % par rapport à l'approche qui consiste à insérer tous les k-mers dans une table et de réaliser un filtrage a posteriori). On pourra réaliser deux passes sur les séquences. Que se passe-t-il si on effectue une seule passe, c'est-à-dire si on ne s'autorise à parcourir qu'une seule fois les données?

On se propose d'étendre la structure de données de filtre de Bloom pour représenter, de manière approximative, le nombre de fois que l'on a rencontré un élément. Pour cela, plutôt que de mettre à 1 les valeurs des cases données par les r fonctions de hachage lors de l'ajout, il suffit d'incrémenter les valeurs de ces cases.



 \triangleright Question 27. ♣ Justifier que si un élément x a été ajouté c fois à un filtre, alors toutes les cases $h_0(x), h_1(x), \ldots, h_{r-1}(x)$ ont une valeur supérieure ou égale à c. Quel test peut-on effectuer pour essayer de savoir si un élément a été vu au moins c fois? Peut-on affirmer avec certitude qu'un élément n'a pas été vu plus de c fois? Peut-on affirmer avec certitude qu'un élément a été vu au moins c fois?

On se propose d'implémenter un filtre de Bloom de largeur m>0 en utiliser la famille de fonctions de hachage définie précédemment. Pour $(b_i)_{0\leqslant i\leqslant r-1}$ une famille de bases et $(p_i)_{0\leqslant i\leqslant r-1}$ une famille de nombres premiers, on définit la fonction de hachage \tilde{h}_i par \tilde{h}_i : $u\mapsto h_{b_i,p_i}(u)\mod m$. Attention à ne pas oublier le modulo m dans votre implémentation. On prendra r=3 et on utilisera les familles de bases et de nombres premiers définies par les tableaux B et P de kmers.c.

On représente un filtre par la structure suivante en C, où le champ count représente le tableau de taille m.

```
struct filter {
  int m;
  int r;
  int* count;
};
typedef struct filter filter;
```

- \triangleright Question 28. \equiv Implémenter les quatre fonctions nécessaires à son utilisation : filter_create qui créé un filtre de largeur m avec r fonctions de hachage; filter_add_one qui ajoute une occurrence d'un k-mers au filtre; filter_mem qui vérifie si un k-mers a déjà été rencontré au moins c fois; et filter_delete qui permet de libérer un filtre.
- \triangleright Question 29. Implémenter une fonction fast_build, sur le modèle de la fonction build, qui renvoie une table de hachage contenant tous les k-mers des séquences d'un fichier qui apparaissent au moins c fois ainsi qu'un nombre raisonnable de faux positifs, c'est-à-dire de k-mers qui n'apparaissent pas c fois. On utiliser un filtre de Bloom pour ne pas avoir à stocker explicitement en mémoire l'ensemble de tous les k-mers mais seulement ceux de la table renvoyée.
- De Question 30. ▲ Pour les séquences du chien, combien de 20-mers apparaissant au moins 4 fois obtenez-vous avec cette méthode approchée? Quel est le nombre exact de 20-mers qui apparaissent au moins 4 fois, que l'on peut obtenir avec le programme OCAML de la section 4.2? Cette stratégie vous semble-t-elle efficace?

5 Prédiction de la classe d'une séquence

Cette partie ne doit être abordée que si vous avez raisonnablement avancé dans les autres parties et impérativement après accord de votre examinateur/examinatrice.

Dans cette partie, le choix du langage n'est pas imposé. Les séquences proposées dans les données disponibles pour ce sujet sont étiquetées. Les fichiers .class correspondent, ligne par ligne, aux étiquettes des séquences des fichiers .seq. L'étiquette est une classe à prédire à partir de la séquence. Comme indiqué dans l'introduction, on peut utiliser les k-mers pour inférer une similarité entre deux séquences et utiliser cette similarité comme « distance » dans une méthode d'apprentissage statistique.

10



- Détailler la manière dont vous pensez utiliser les données pour construire et évaluer la qualité de votre fonction de prédiction.

 Proposer une approche d'apprentissage automatique pour résoudre le problème proposé, c'est-à-dire d'être ensuite capable, pour une séquence appartenant à une certaine espèce, de prédire sa classe. Décrire la méthode que vous pensez utiliser. Détailler la manière dont vous pensez utiliser les données pour construire et évaluer la qualité de votre fonction de prédiction.
- De Question 32. Implémenter votre approche dans le langage de votre choix.
- ▷ Question 33. ᠘ Détailler le protocole d'évaluation mis en place et les résultats que vous obtenez.

