# 기계학습원론 Proposal

2022315965 문준원

## 1. 서론

### 1.1 문제와 그 중요성

다중 클래스 분류문제는 머신러닝에서 가장 기본적이면서도 중요한 문제 중하나로 여겨집니다. 일반적으로 Logistic Regression과 같은 모델을 활용해다중 클래스를 분류하고, Softmax 함수를 통해 각 클래스의 확률을 계산하여결과를 나타냅니다. 그러나 클래스 간 유사도가 높은 경우, 즉, Softmax 출력확률이 각 클래스에 균등하게 분포하거나 예측 결과가 불확실하게 나타날가능성이 큽니다. 예를 들어, 5개의 유사한 클래스를 분류할 때, 모든 클래스가 동일하게 20%의 확률로 출력된다면, 이는 직관적이지 않을 뿐만 아니라결과를 신뢰하기 어렵게 만듭니다.

### 1.2 기존 알고리즘의 한계

현재 사용되는 Cross-Entropy Loss와 기본 Softmax 함수는 각 클래스 간의 독립성을 가정합니다. 이러한 접근법은 클래스 간 유사도나 불확실성을 고려 하지 않기 때문에, 유사 클래스 간의 상호작용을 효과적으로 해결하지 못합 니다. 결과적으로, 모델이 유사한 클래스를 구분하지 못하고, 불확실한 예측 결과를 제공하여 실질적인 분류 성능을 저하시킬 수 있습니다.

## 1.3 프로젝트 목표

본 프로젝트는 클래스 간 유사성이 높은 다중 클래스 분류 문제에서 기존 알고리즘의 한계를 극복하고, 예측 결과의 직관성과 신뢰성을 개선하는 것을 목표로 합니다. 이를 위해 다음 두 가지 변형을 제안합니다

첫 번째로, Logistic Regression 손실 함수 변형입니다. 클래스 간 유사도를 반영한 새로운 손실 함수를 설계하여, 유사한 클래스 간 혼동을 줄이고 모델 학습의 효율성을 높일 것입니다.

두 번째로, Uncertainty-Aware Softmax라는 새로운 함수를 제안합니다. Softmax 함수에 불확실성을 반영하여, 모델의 신뢰도를 명시적으로 전달하고, 직관적인 확률 분포를 제공할 것입니다.

## 1.4 예상 결과

본 프로젝트를 통해 예상되는 결과는 다음과 같습니다. 첫 번째로, 클래스 간 유사성 문제 해결입니다. 새로운 손실 함수를 통해, 모 델이 유사한 클래스 간의 관계를 학습하여 더 높은 분류 성능을 발휘할 것 입니다.

두 번째로, 직관적인 확률 분포 제공입니다. Uncertainty-Aware Softmax를 활용하여 예측 결과의 신뢰성을 향상시키고, 사용자가 결과를 더 직관적으로 이해할 수 있도록 할 것입니다.

세 번째로, 일반화 가능성입니다. 프로젝트에서 제안된 변형 방법은 클래스 간 유사함을 가지는 다중 클래스 분류가 필요한 다양한 데이터셋과 문제에 적용 가능하며, 머신러닝 응용 분야에서의 활용 가능성을 넓힐 것입니다.

### 1.5 실현 가능성

Logistic Regression과 Softmax 함수는 머신러닝에서 가장 널리 사용되는 알고리즘으로, 변형의 이론적 근거가 명확하고 구현이 비교적 간단하다고 생각합니다. 또한, 실험적으로 검증할 수 있는 적절한 데이터셋(예: Stanford Dogs Dataset)을 사용하여, 제안된 방법의 효과를 실험할 계획입니다. 이를통해 실질적인 응용 가능성을 확보할 것입니다.

## 2. 방법

**2.1.0 Logistic Regression 변형** : 클래스 간 유사성을 반영한 손실함수

## 2.1.1 기존 Cross-Entropy Loss의 한계

- 1. 기존 Cross-Entropy Loss는 클래스 간의 독립성을 가정하며, 클래스 간 유 사성이나 관계를 전혀 반영하지 않습니다.
- 2. 유사 클래스(예: "푸들"과 "비숑") 간 혼동과 비유사 클래스(예: "푸들"과 "셰퍼드") 간 혼동을 동일하게 처리합니다.

## 2.1.2 손실 함수 변형

클래스 간 유사도를 반영하기 위해 유사도 행렬(Similarity Matrix)를 손실 함수에 통합합니다.

새로운 손실 함수는 다음과 같이 정의됩니다:

$$L = -\sum_{i=1}^{C} \sum_{i=1}^{C} S_{i,j} \cdot y_i \cdot \log(\hat{y_j})$$

- $S_{i,j}$  : 클래스 i와 j간의 유사도를 나타내는 행렬(1에 가까울수록 유사, 0에 가까울수록 다름).
- $y_i$  : 실제 데이터가 속한 정답 클래스에 대한 표시 값.

•  $\hat{y}_i$  : Softmax를 통해 계산된 클래스 j의 예측 확률.

### 2.1.3 설계 의도

1. 클래스 간 유사도가 높은 경우(예: "푸들"과 "비숑"), 잘못된 예측에 대해 페널티를 낮춰 모델이 유사 클래스 간의 관계를 학습하도록 유도합니다. 2. 반대로, 유사도가 낮은 경우(예: "푸들"과 "셰퍼드")에는 더 큰 페널티를 부여하여 비유사 클래스 간 혼동을 방지합니다.

### 2.1.4 적합성

이 접근법은 클래스 간 유사성이 높은 데이터셋(예: Stanford Dogs)에서 특히 효과적이며, 다중 클래스 분류 문제의 일반적인 한계를 극복할 수 있습니다.

### 2.2.0 Uncertainty-Aware Softmax

### 2.2.1 기존 한계

Softmax 함수는 각 클래스의 확률을 독립적으로 계산하며, 예측 불확실성을 명시적으로 표현하지 못합니다.

결과적으로, 예측이 불확실한 경우에도 확률 분포가 균등하게 출력되어, 결과 해석이 어려워질 수 있습니다.

## 2.2.2 Softmax 변형

Softmax 계산에 **불확실성(Uncertainty)**값을 통합하여, 예측 결과에 대한 신뢰 도를 반영합니다.

새로운 Softmax 함수는 다음과 같이 정의됩니다:

$$Softmax(z_i) = \frac{\exp((z_i - u_i)/\tau)}{\sum_{j=1}^{C} \exp((z_j - u_j)/\tau)}$$

- $z_i$  : 클래스 i에 대한 모델 출력(로짓).
- $u_i$  : 클래스 i의 불확실성을 나타내는 값(예: 분산 또는 데이터 복잡성).
- τ : 온도 파라미터로, 확률 분포를 조정.

### 2.2.3 설계 의도

불확실성이 높은 클래스의 확률을 낮춰, 모델의 신뢰성을 반영하고 예측 결과를 더 직관적으로 만듭니다.

확률 분포가 데이터의 특성을 더 잘 반영하도록 조정됩니다.

### 2.2.4 적합성

이 접근법은 클래스 간 혼동을 줄이고, 예측 결과의 신뢰성을 개선하는 데 효과적입니다.

예: "푸들"과 "비숑" 간의 불확실성을 낮게 출력하고, 더 명확한 클래스("셰퍼드")에는 높은 확률을 부여합니다.

## 3. 실험 계획

### 3.1 실험 목적

본 실험은 제안된 Logistic Regression 변형(손실 함수)과 Uncertainty-Aware Softmax가 기존 방식에 비해 다중 클래스 분류 문제에서 더 나은 성능과 직관적인 결과를 제공하는지 검증하는 데 목적이 있습니다. 특히, 클래스 간유사도가 높은 데이터셋에서 이 접근법이 유사 클래스 간 혼동 문제를 효과적으로 해결하는지 평가할 것입니다.

## 3.2 데이터셋(변경 가능성 있음)

### Stanford Dogs Dataset:

Number of categories: 120Number of images: 20,580

- 1. 120개의 클래스(개 품종)로 구성된 이미지 분류 데이터셋.
- 2. 클래스 간 시각적 유사성이 높아, Softmax의 확률 분포 및 손실 함수 개선 효과를 테스트하기에 적합.
- 3. 이미지 전처리:
  - 크기 조정: 224×224.
  - 정규화: 픽셀 값을 0~1 범위로 스케일링.
  - 데이터 증강: 랜덤 회전, 플립, 크롭 적용.
- 4. 데이터 분할:
  - 80% 훈련 데이터

• 20% 테스트 데이터

### 3.3 비교 실험

Baseline 모델 : Logistic Regression + 기존 Cross-Entropy Loss + 기본 Softmax

• 기존 알고리즘을 사용하여 성능 및 예측 결과를 비교.

제안한 모델 : Logistic Regression + 변형된 손실 함수 + Uncertainty-Aware Softmax

- 클래스 간 유사도를 반영한 손실 함수와 불확실성을 포함한 Softmax를 통합.
- 유사 클래스 간 혼동 문제 해결과 직관적인 확률 분포 제공 여부를 테스트.

### 3.4 실험 환경

#### 프레임워크(변경 가능성 있음):

• Python, TensorFlow/Keras 또는 PyTorch.

#### 하드웨어:

• Google Colab Pro GPU를 활용하여 학습 가속화.

### 하이퍼파라미터 설정(변경 가능성 있음):

• Learning Rate: 0.001

Batch Size: 32Epochs: 20

• Temperature : 1.0 (초기값, 실험적으로 최적화 예정).

• Similarity Matrix: 코사인 유사도를 사용해 클래스 간 관계를 정의.

## 3.5 성능 평가 지표(변경 가능성 있음)

Accuracy : 전체 분류 정확도.

F1-Score : 클래스 간 균형 잡힌 평가를 제공.

Top-k Accuracy: 상위 k개의 클래스 내에서 정답이 포함되는 확률.

Calibration Error : 모델 예측 확률과 실제 정답 간의 신뢰성 차이를 측정.

Cross-Entropy Loss : 최종 손실 값 비교.

#### **Confusion Matrix**:

- 클래스 간 혼동 정도를 시각적으로 확인.
- 유사 클래스 간 혼동 감소 여부를 분석.

확률 분포 시각화 : Softmax 출력 확률의 직관성과 신뢰성을 평가.

### 3.6 실험 과정

#### 데이터 전처리:

• 이미지를 224×224크기로 조정하고, 정규화 및 데이터 증강을 수행 합니다.

#### Baseline 모델 학습:

- 기존 Cross-Entropy Loss와 Softmax를 사용하여 Logistic Regression 모델 학습.
- 성능 지표와 예측 확률 분포 기록.

#### 제안된 모델 학습:

- 변형된 손실 함수와 Uncertainty-Aware Softmax를 적용하여 학습.
- 동일한 데이터셋, 하이퍼파라미터, 실험 환경 사용.

#### 성능 비교:

- Baseline과 제안된 모델 간의 성능 지표(Accuracy, F1-Score 등) 및 예측 확률 분포 비교.
- 특히 유사 클래스 간 혼동 정도를 집중 분석.

### 하이퍼파라미터 튜닝:

• Temperature 값과 Similarity Matrix 가중치 등을 조정하여 최적의 성능을 도출.

### 3.7 예상 결과

- **1. 성능 개선** : 제안된 모델이 기존 모델 대비 Accuracy와 F1-Score에서 더 높은 성능을 기록.
- **2. 직관적 확률 분포** : Uncertainty-Aware Softmax를 통해 유사 클래스 간확률 분포가 더 직관적으로 표현.
- **3. 유사 클래스 혼동 감소** : Confusion Matrix에서 유사 클래스 간 혼동이 감소한 것을 확인.

## 4. 자유 논의

### 4.1 예상되는 어려움과 해결 방안

### 1. 유사도 행렬(Similarity Matrix) 설계:

• 어려움: 클래스 간 유사도를 정량적으로 계산하기 위해 유사도 행렬을 설계하는 과정에서, 적절한 기준(예: 코사인 유사도, 유클리드 거리 등)을 선택하는 데 어려움이 있을 것으로 예상됩니다.

#### • 해결 방안:

• 처음에는 간단한 코사인 유사도를 기반으로 유사도 행렬을 생성하고, 결과에 따라 다른 방법을 실험적으로 적용할 것입니다.

### 2. Uncertainty-Aware Softmax 파라미터 튜닝:

• 어려움: 불확실성을 반영하기 위한  $u_i$  값과 온도 파라미터  $\tau$  의 적절한 설정은 실험적으로 결정해야 하며, 이에 따라 성능이 크게 달라질 수 있을 가능성이 있습니다.

### • 해결 방안:

• 초반의 실험에서는 단순한 값(예:1)부터 시작해 결과를 점진적으로 개선.

#### 3. 클래스 불균형 문제:

• 어려움: 데이터셋 내 클래스 간 데이터 수가 불균형할 경우, 특정 클래스의 예측 성능이 저하될 가능성이 높습니다. 예를 들어, 흰색 포메라니안의 학습 이미지가 부족한 상황에서, 모델이 흰색 포메라니안을 정확히 예측하지 못하고 흰색이며 복슬복슬한 다른 강아지(예: 미니 비숑)를 예측할 수 있습니다. 반면, 갈색 포메라니안의 학습 데이터가 충분한 경우에는 98% 이상의 높은 확률로 올바르게 포메라니안을 예측할 가능성이 큽니다. 이는 특정 클래스(흰색 포메라니안)의 데이터 수가 부족해, 모델이 해당 클래스를 충분히 학습하지 못했기 때문입니다.

#### • 해결 방안(변경 가능성 있음):

- 데이터 증강 기법을 활용해 소수 클래스의 데이터를 증가해 볼 것입니다.
- 클래스 가중치를 손실 함수에 반영하여 학습 균형을 맞춤.

### 4.2 확장 가능성

#### 1. 다양한 데이터셋 적용:

- 특정 데이터셋(예: Stanford Dogs)에 초점을 맞추고 있지만, 클래스 간 유사도가 높은 다른 데이터셋(예: CIFAR-100, Fashion MNIST 등) 에도 쉽게 확장 가능합니다.
- 이미지 분류뿐만 아니라 텍스트 분류나 추천 시스템과 같은 다른 도메인에서도 적용 가능성을 탐색할 수 있을 것입니다.

#### 2. 다양한 손실 함수와 Softmax 변형 실험:

- 제안된 손실 함수와 Softmax 변형 외에도, Contrastive Loss 기반의 손실 함수와 결합하여 성능 향상 가능성을 실험할 수 있을 것입니 다
- Softmax와 같은 전체 정규화 방식 외에도, Sigmoid처럼 각 클래스 의 독립적인 확률 계산 방식을 사용하여 클래스 간 관계를 분석할 수 있습니다.

#### 3. 모델 확장:

• Logistic Regression 모델 외에 Decision Tree, Support Vector Machines(SVM)과 같은 다른 머신러닝 알고리즘에 손실 함수와 Softmax 변형을 적용해 평가해 볼 수 있습니다.

### 4.3 실제 적용 시 고려해야 할 사항

- 1. 계산 비용 : 변형된 손실 함수와 Softmax 계산은 기존 방법보다 약간의 추가 계산 비용을 요구할 수 있습니다. 실제 응용에서는 이러한 계산 비용과 성능 간의 균형을 고려해야 할 것입니다.
- 2. 예측 결과의 해석 가능성: Uncertainty-Aware Softmax의 확률 분포는 더 직관적일 수 있지만, 사용자에게 불확실성을 명확히 전달할 수 있는 인터페이스 설계가 필요할 것 같습니다.
- 3. 모델 일반화: 제안된 접근법이 특정 데이터셋에서 효과적이라고 해도, 일반화된 문제에 적용하려면 다양한 데이터셋에서의 테스트가 추가적으로 필요하다고 생각 합니다.

## 4.4 제안 방식의 한계와 보완 방안

**1. 한계 :** 클래스 간 유사성과 불확실성을 반영하지만, 이미지 분류에 특화된 사전 학습된 CNN 기반 모델에 비해 성능이 낮을 가능성이 있습니다.

2. 보완 방안: 단일 모델 대신 클래스 간 계층 구조를 반영한 결합 모델(예: Decision Tree와 Softmax의 결합)을 설계하여 성능을 보완할 수 있습니다.

## 5. 출처 및 참고 문헌:

[1] Stanford Dogs Dataset, Kaggle. URL: https://www.kaggle.com/datasets/jessicali9530/stanford-dogs-dataset/data

[2] 소프트맥스(Softmax) 함수,

URL: <a href="https://syj9700.tistory.com/38">https://syj9700.tistory.com/38</a>

[3] Softmax Classifier의 이해 & Python으로 구현하기,

URL: <a href="https://yamalab.tistory.com/87">https://yamalab.tistory.com/87</a>

[4] 3.5. 이미지 분류 데이터 (Fashion-MNIST),

URL: https://ko.d2l.ai/chapter\_deep-learning-basics/fashion-mnist.html

[5] 교수님 강의 교안.

[6] CIFAR-10 and CIFAR-100 datasets,

URL: <a href="https://www.cs.toronto.edu/~kriz/cifar.html">https://www.cs.toronto.edu/~kriz/cifar.html</a>

[7] Cross-Entropy Loss Function,

**URL**:

https://towardsdatascience.com/cross-entropy-loss-function-f38c4ec8643e

[8] [Open DMQA Seminar] Calibration of Deep Neural Networks, URL: https://www.youtube.com/watch?v=GybzFyQBJIA

[9] [논문 리뷰] On Calibration of Modern Neural Network, URL:

https://velog.io/@hwanee/%EB%85%BC%EB%AC%B8-%EB%A6%AC%EB%B7%B0-On-Calibration-of-Modern-Neural-Network

[10] OpenAl GPT, 대화형 인공지능 모델(내용작성 및 검토에 활용),

URL: https://openai.com/chatgpt