### UNIVERZA V LJUBLJANI FAKULTETA ZA MATEMATIKO IN FIZIKO

Finančna matematika – 1. stopnja

# Martin Praček Skriti markovski modeli v časovnih vrstah

Delo diplomskega seminarja

Mentor: prof. dr./doc. dr. Damjan Škulj

## Kazalo

1.	Uvod	4
Slov	var strokovnih izrazov	4
2.	Uporaba	5
2.1.	Procesiranje govora	5
2.2.	Uporaba v biologiji in biokemiji	5
2.3.	Napovedovanje prevoza	5
2.4.	Prepozavanje lastnoročne pisave	5
2.5.	Kriptoanaliza	5
Literatura		5

#### Skriti markovski modeli v časovnih vrstah

#### Povzetek

V povzetku na kratko opiši vsebinske rezultate dela. Sem ne sodi razlaga organizacije dela – v katerem poglavju/razdelku je kaj, pač pa le opis vsebine.

#### Hidden Markov Models in Time Series

Abstract

Prevod zgornjega povzetka v angleščino.

Math. Subj. Class. (2010): navedi vsaj eno klasifikacijsko oznako – dostopne so na www.ams.org/mathscinet/msc/msc2010.html

**Ključne besede:** skriti markovski modeli, časovne vrste, slučajni proces navedi nekaj ključnih pojmov, ki nastopajo v delu

Keywords: hidden markov models, time series, angleški prevod ključnih besed

#### 1. Uvod

Skriti markovski modeli so široko uporabno modelacijsko orodje, ki nam omogoča zelo široko uporabo. V mojem diplomskem seminarju se bom najbolj posvetil uporabi v finančni analizi.

#### 2. Uporaba

Skriti markovski modeli so zelo široko uporabno matematično orodje za modeliranje. Načini uporabe se zelo razlikujejo in gredo od zelo bioloških do ekonomskih. Ekonomskim, torej tistim, ki jih delujejo kot napovedovalci cen vrednostnih papirjev v prihodnosti, se bom najglobje posvetil v tem delu, zato sedaj raje poglejmo ostale načine uporabe.

2.1. **Procesiranje govora.** Ena najbolj široko uporabljenih načinov uporabe pa je procesiranje govora za posamične glasovne enote. Gre za sistem, kjer želimo prepoznati posamične izgovorjene besede, ne moremo pa ga uporabiti za splošen govor.

Da bomo procesiranje lahko zmodelirali moramo najprej določiti slovar glasov, iz katerega vemo, da bo glas prišel. Tu uporabljam besedo glas, ker ni nujno, da bo prepoznan glas dejansko beseda; eden izmed glasov bi lahko bil tudi zgolj črka A. Ko je slovar določen, bo slučajni proces St, kjer t označuje realizacijo v končnem času t, določen z dvema mehanizmoma:

- (1) homogena Markova veriga  $Ct,\,t\in 1,..,m,$  ki določa položaj glasilk v vsakem času.
- (2) ter verjetnostne porazdelitve, po eno za vsako stanje.

Te pogoje natančno določimo s parametri  $\delta$ , ki predtavlja C1,  $\Pi$ , kjer je to matrika velikosti  $n \times m$  in pa prehodno matriko  $\Gamma$  za markovsko verigo.

Ko imamo vse to določeno s pomočjo Baum-Welchovega algoritma določimo rezultat. Velja pa omeniti tudi, da na ta način, le z nekaj adaptacijami, deluje tudi Siri.

2.2. Uporaba v biologiji in biokemiji. V zadnjem času se skrite markovske modele vedno več uporablja tudi za modeliranje bioloških in biokemijskih procesov, med katerimi je najbolj znan primer modeliranja proteinov v celični membrani, ki ga bom malo opisal, poleg tega pa med drugim še za napovedovanje genov?. Čeprav lahko nekatere proteine in njihovo delovanje znotraj celične membrane eno-

stavno predstavimo, to ne velja za vse. Tako imenovani  $\beta$  -barrel membranski proteini zahtevajo več dela. Da bi ugotovili njihovo delovanje in ga primerjali z delovanjem v vodi topnih proteinov so Bagos, Liakoupos et al. razvili model ki to naredi. Gre za model, ki temelji na skritih markovskih modelih, njegov trening pa poteka na diskretni bazi podatkov in ni namenjen maksimiziranju likelihood, temveč je namenjen maksimiziranju verjetnosti pravilnih napovedi.

Z delom potem nadaljujemo podobno kot pri procesiranju govora, le da je naš začetni slovar tu dolg 20 znakov, toliko kolikor je aminokislin.

- 2.3. **Napovedovanje prevoza.** Gre za sistem, kjer želimo za prihodnost napovedati, koliko vozil bo neko prometno infrastrukturo v prihodnosti.
- 2.4. Prepozavanje lastnoročne pisave.
- 2.5. Kriptoanaliza. S tem se je ukvarjajo različni storokovnjaki.

### LITERATURA