

## Semaine n° 26 : du 7 avril au 11 avril

### Lundi 7 avril

- **Cours à préparer : Chapitre XXV - Probabilités sur un univers fini**
  - *Partie 2.6* : Variables aléatoires indépendantes ; lemme des coalitions ; somme de  $n$  variables aléatoires mutuellement indépendantes de même loi de Bernoulli.
  - *Partie 2.7* : Espérance ; variable aléatoire centrée ; linéarité, positivité, croissance de l'espérance ; espérance d'une variable aléatoire constante, d'une variable aléatoire suivant une loi uniforme, une loi de Bernoulli, une loi binomiale.
- **Exercices à rendre en fin de TD - (liste non exhaustive)**
  - **Feuille d'exercices n° 25** : exercices 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 10.

### Mardi 8 avril

- **Cours à préparer : Chapitre XXV - Probabilités sur un univers fini**
  - *Partie 2.7* : Formule de transfert ; espérance d'un produit de deux variables aléatoires réelles indépendantes ; inégalité de Markov.
- **Exercices à corriger en classe**
  - **Feuille d'exercices n° 25** : exercice 9.

### Jeudi 10 avril

- **Cours à préparer : Chapitre XXV - Probabilités sur un univers fini**
  - *Partie 2.8* : Variance, écart-type ; variable aléatoire réduite ; formule de König-Huygens ; variance d'une variable aléatoire constante, d'une variable aléatoire suivant une loi uniforme, une loi de Bernoulli, une loi binomiale ; inégalité de Bienaymé-Tchebychev ; covariance de deux variables aléatoires réelles ; couple de variables aléatoires décorrélées ; variance d'une somme de variables aléatoires réelles.
- **Cours à préparer : Chapitre XXVI - Matrices et applications linéaires**
  - *Partie 1* : Espace vectoriel  $\mathcal{M}_{n,p}(\mathbb{K})$  ; application linéaire canoniquement associée à une matrice ; noyau et image d'une matrice.
- **Exercices à corriger en classe**
  - **Feuille d'exercices n° 25** : exercices 8, 16, 17.

### Vendredi 11 avril

- **Cours à préparer : Chapitre XXVI - Matrices et applications linéaires**
  - *Partie 2.1* : Matrice d'une famille de vecteurs dans une base.
  - *Partie 2.2* : Matrice d'une application linéaire relativement à un couple de bases ; isomorphisme  $u \mapsto \text{Mat}_{\mathcal{B},\mathcal{C}}(u)$  ; matrice dans la base  $\mathcal{C}$  de l'image d'un vecteur  $x$  par  $u$  ; matrice d'une composée.

# Échauffements

## Mardi 8 avril

- Soient  $A$  et  $B$  deux événements d'un univers probabilisé fini tels que

$$P(A) = \frac{3}{8}, P(B) = \frac{1}{2} \text{ et } P(A \cap B) = \frac{1}{4}$$

Calculer  $P_{\overline{B}}(\overline{A})$ .

- *Cocher toutes les assertions vraies* : Soit  $E$  un espace vectoriel et  $f$  un projecteur de  $E$ , c.à.d. un endomorphisme de  $E$  tel que  $f^2 = f$ . On notera  $Id$  l'identité de  $E$ .

☐  $f$  est injective.

☐  $E = \ker f \oplus \operatorname{Im} f$ .

☐  $Id - f$  est un projecteur de  $E$ .

☐  $\operatorname{Im} f = \ker(Id - f)$ .

## Jeudi 10 avril

- *Cocher toutes les assertions vraies* : Soit  $\mathcal{E}$  une expérience aléatoire et  $\Omega$  l'univers qui lui a été associé. Soient  $A$  et  $B$  deux événements de probabilités respectives 0.5 et 0.6.

☐  $A$  est inclus dans  $B$  car  $\mathbb{P}(A) \leq \mathbb{P}(B)$ .

☐  $A$  et  $B$  ne peuvent pas être incompatibles car  $\mathbb{P}(A) + \mathbb{P}(B) = 1.1 > 1$ .

☐ Il est impossible que  $A$  et  $B$  soient indépendants si  $A$  implique  $B$ .

☐  $\Omega$  est indépendant de tout autre événement.

☐ Deux événements quelconques (mais non impossibles) ne peuvent être simultanément incompatibles et indépendants.

Supposons maintenant que  $\mathbb{P}(A \cup B) = 4/5$ .  $A$  et  $B$  sont-ils indépendants ?

☐ Oui.

☐ Non.

☐ On ne peut pas se prononcer car on ne dispose pas de  $\mathbb{P}(A \cap B)$ .

☐ On ne peut pas se prononcer car on ne dispose pas de détails sur l'expérience, sur  $\Omega$ ,  $A$  et  $B$ .

## Vendredi 11 avril

- *Cocher toutes les assertions vraies* : Une urne contient  $n$  boules numérotées de 1 à  $n$ . Nous les extrayons successivement sans remise. On dit qu'il y a rencontre au  $i$ -ème tirage si la  $i$ -ème boule tirée porte le numéro  $i$ .

☐ La probabilité qu'il y ait rencontre au  $i$ -ème tirage est  $\frac{1}{n}$ .

☐ La probabilité qu'il y ait rencontre au  $i$ -ème tirage est  $\frac{1}{n-1}$ .

☐ Le nombre moyen de rencontres est 2.

☐ Le nombre moyen de rencontres est 3.