## Correction du DM 22

Afin de pré-corriger votre devoir, merci de tenir compte des commentaires qui suivent et de vous référer au corrigé type présent sur le site. Après la pré-correction, veuillez scanner page à page votre copie, dans le bon sens et déposer sur mon site le fichier au format .pdf.

**1**°

- C'est la première question, donc il faut vraiment détailler : en particulier il faut établir par récurrence sur k que  $c_{kp+m} = c_m$ .
- On travaille avec des complexes, donc  $\max_{0 \leq m < p} c_m$  n'a pas de sens.
- 3°) Il s'agit d'une question de cours : il faut donc reproduire le cours.
  - Ici, le principe de passage à la borne supérieure doit être justifié, car il s'agit de sa première utilisation dans ce DM.
  - Pour établir l'homogénéité de la norme, il faut faire attention au problème de la division par 0.
- $\mathbf{6}^{\circ}$ ) Il ne faut pas utiliser la notation  $M(c) = \frac{1}{p} \sum_{k=0}^{p-1} c_{n+k}$  pour résoudre cette question, car cette notation suppose implicitement ce que l'on veut démontrer. C'est donc une erreur de logique.
- $\mathbf{7}^{\circ}$ ) a) M étant linéaire, il suffit de montrer qu'il existe k tel que  $|M(c)| \leq k||c||$ . Évitez de proposer des solutions plus compliquées.