MPSI2, Louis le Gr Description macroscopique d'un système à l'équilibre thermodynamique vendredi 8 avril 2021

Échelle microscopique

Définition : Échelle microscopique

L'échelle *microscopique* est celle permettant de décrire individuellement le mouvement des constituants élémentaires d'un système.

Échelle macroscopique

Définition : Échelle macroscopique

L'échelle *macroscopique* est celle accessible à l'expérience.

Échelle mésoscopique

Définition : Échelle mésoscopique

L'échelle *mésoscopique* est une échelle intermédiaire entre les échelles microscopique et macroscopiques :

- suffisamment grande pour que la matière y apparaisse continue,
- petite devant la précision des instruments de mesure.

Définition : Système

Un système thermodynamique, noté \mathscr{S} , est un objet matériel défini par séparation (matérielle ou non) d'avec le reste de l'univers nommé *milieu extérieur*.

Caractéristiques

fermés qui ne peuvent ni fournir ni recevoir de matière avec l'extérieur. Leur nombre de constituants et leur masse sont en particulier constants

ouverts qui peuvent fournir ou recevoir de la matière avec l'extérieur

isolés qui ne peuvent rien fournir ni recevoir de l'extérieur. Leur masse sauf en cas de réaction nucléaire, énergie, volume sont en particulier constants.

Définition

Définition : État macroscopique

Un *paramètre d'état* est une grandeur macroscopique, *ie* mesurable expérimentalement, d'un système et susceptible de varier.

L'état macroscopique d'un système est complètement décrit par l'ensemble de ses paramètres d'état.

Paramètres

Définition : Quantité de matière et volume

La quantité de matière est le nombre de moles, noté n du système. Avec N le nombre de constituants microscopiques, on a $n = N/\mathcal{N}_A$, avec le nombre d'Avogadro $\mathcal{N}_A = 6,022\,170\,76\cdot10^{23}\,\mathrm{mol}^{-1}$ par définition.

Le volume, noté V et exprimé en m^3 mesure l'extension dans l'espace du système

Définition: Pression

On observe qu'un fluide (liquide/gaz) exerce une force sur tout objet à son contact. Sur une surface élémentaire de l'objet, au voisinage d'un point M la force élémentaire, notée $\delta \overrightarrow{F_P}(M)$ est :

- orthogonale à la surface de l'objet
- d'intensité indépendante de la direction de la surface
- d'intensité proportionnelle à l'aire, notée δS de la surface

On définit la pression P(M) au point M par :

$$\|\delta \overrightarrow{F_P}\|(M) = P(M)\delta S$$

Transfert thermique

Définition : Transfert thermique, parois diathermes et transformations adiabati

Un *transfert thermique*, noté *Q*, est un transfert d'énergie, dû aux interactions microscopiques, non observable à l'échelle macroscopique.

Une paroi permettant le transfert thermique est dite *diatherme* ou *diathermane*.

Une paroi les empêchant est dite *athermane*. La transformation est alors dite *adiaba-tique*.

Définition

Définition : Température

La température est une grandeur *repérée* par un thermomètre : à une température donnée du thermomètre est associée une valeur d'une grandeur physique du thermomètre.

L'ensemble d'un système ${\mathscr S}$ et d'un thermomètre

- en contact thermique par une paroi diatherme,
- isolés du milieu extérieur.

est dit à l'équilibre thermique si la température du thermomètre est stationnaire. À l'équilibre thermique, il n'y a plus de transfert thermique entre $\mathscr S$ et le thermomètre.

On dira de même que deux corps quelconques sont *en équilibre thermique* si, quand ils sont en contact thermique l'ensemble étant isolé, il n'y a plus de transfert thermique entre eux.

Principe 0 de la thermodynamique

Principe 0 de la thermodynamique

Deux corps $(A ext{ et } B)$ mis en contact thermique tendent vers un *équilibre thermique*. Deux corps en équilibre thermique avec un troisième corps C sont en équilibre thermique *entre* eux.

Échelles de températures

Définition : Échelle centigrade

Ses points fixes sont:

- $\theta=0^{\circ}\text{C}$: Température d'équilibre de l'eau glace avec l'eau liquide sous la pression atmosphérique normale $P_{atm}=1\,atm=1,013\,25\cdot10^5\,Pa=1,013\,bar,$
- $\theta = 100$ °C : Température d'équilibre de l'eau liquide avec l'eau vapeur sous la même pression $P_{\rm atm}$.

Température thermodynamique

Définition: Valeur

La valeur du K est définie en fixant la valeur numérique de la constante de Boltzmann à exactement $k_B = 1,380\,649\cdot10^{-23}\,\text{J}\cdot\text{K}^{-1}$.

Définition

Définition : Système thermoélastique

Un système est dit *thermoélastique* si la connaissance de son volume V, sa pression P, sa température T et sa quantité de matière n suffit pour décrire son état macroscopique.

Conditions normales et standard

Définition : Conditions normales et standard

Les conditions *normales* de température et de pression sont :

$$\begin{cases} T = 273,15 \text{ K}(0^{\circ}\text{C}) \\ P = 1 \text{ atm} = 1,01325 \cdot 10^{5} \text{ Pa} = 1,01325 \text{ bar.} \end{cases}$$

Les conditions *standard* de température et de pression sont

$$\begin{cases} T = 298,15 \text{ K}(25^{\circ}\text{C}) \\ P = 1 \text{ bar} = 1 \cdot 10^{5} \text{ Pa} \end{cases}$$

Définition

Définition : Système uniforme

Un système ${\mathscr S}$ est dit *uniforme* si sa description à l'échelle macroscopique est identique en tout point M.

Définition : Grandeur intensive/extensive

Soit ${\mathscr S}$ un système ${\it uniforme}$.

- Une grandeur est dite *extensive* si sa valeur $X_{\mathcal{S}}$ est proportionnelle à la taille de \mathcal{S} .
- Une grandeur est dite intensive si sa valeur est indépendante de la taille de ${\mathcal S}$.

Produit et quotient

Produit et quotient

Le quotient de deux grandeurs extensives est une grandeur intensive.

Additivité

Définition : Additivité

Une grandeur possède la propriété *d'additivité* si sa valeur $X_{\mathscr{S}}$ dans le système \mathscr{S} formé de la réunion de deux systèmes *distincts* \mathscr{S}_1 et \mathscr{S}_2 est la somme $X_{\mathscr{S}} = X_{\mathscr{S}_1} + X_{\mathscr{S}_2}$ de ses valeurs dans \mathscr{S}_1 et \mathscr{S}_2 .

Une grandeur additive est extensive.

Définition

Définition: Phase

Une *phase* est une partie d'un système dont les grandeurs intensives sont des fonctions continues des coordonnées d'espace.

Dans une phase *uniforme*, chaque grandeur intensive est *uniforme*, *ie* sa valeur est indépendante des coordonnées d'espace.

Un système *homogène* est constitué d'une seule phase. Un système *hétérogène* comporte plusieurs phases. On nomme *interface* la surface séparant deux phases.

Fluides

Définition: Fluide

Un *fluide* est une phase ne possédant pas de *forme* propre. On distingue :

les liquides qui possèdent un volume propre,

les gaz qui occupent tout le volume accessible.

Phases condensées

Définition : Phase condensée

Une *phase condensée* possède un *volume* propre. On distingue :

les solides qui possèdent une forme propre

les liquides qui n'en possèdent pas

Définition

Définition : Système stationnaire et équilibre thermodynamique

Un système est dit stationnaire si ses paramètres d'état sont indépendants du temps.

Un système est *à l'équilibre thermodynamique* (ou macroscopique) s'il est stationnaire *et* s'il ne reçoit ni matière ni énergie de l'extérieur même s'il n'est pas isolé.

S'il est de plus isolé, ses paramètres d'état *intensifs* sont, à l'équilibre thermodynamique, *uniformes* dans chaque phase.

L'équilibre thermodynamique implique entre autres les équilibres :

mécanique immobilité relative des différentes parties macroscopiques,

électrique pas de courant macroscopique,

chimique la composition est stationnaire,

thermique la température est uniforme et stationnaire.

Définition: Transformation

Une *transformation* d'un système est une évolution entre deux états d'équilibre thermodynamique s'accompagnant de la variation d'un ou plusieurs paramètres d'état. Elle est dite :

isotherme si la température est définie et stationnaire au cours de la transformation,

isobare si la pression est définie et stationnaire au cours de la transformation,

isochore si le *volume* est stationnaire au cours de la transformation.

On considérera également des transformations :

monotherme si le système est en contact avec une *source idéale de température* (aussi nommée thermostat) de température stationnaire. La *température* du système sera donc identique aux équilibres initial et final.

monobare si le système est en contact avec une *source idéale de pression* de pression stationnaire. La *pression* du système sera donc identique aux équilibres initial et final.

Équation d'état

Définition : Équation d'état

Un *ensemble de variables d'état* est un ensemble de paramètres d'état $X_1 ... X_n$ suffisant pour la description de l'état macroscopique d'un système à l'équilibre thermodynamique.

Les autres paramètres Y d'état du système à l'équilibre thermodynamique s'expriment en fonction des variables d'état selon des *équations d'état* de la forme : $f(Y, X_1, ..., X_n) = 0$.

Équation d'état

L'équation d'état d'une phase condensée idéale est :

 $V = nV_m$ ou de manière équivalente : V = mv

avec V_m le volume molaire et v le volume massique caractéristiques du corps considéré et constants.

Elle est donc:

incompressible son volume ne varie pas avec la pression

indilatable son volume ne varie pas avec la température

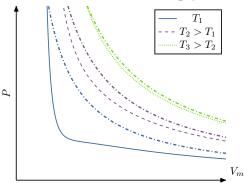
Modèle du gaz parfait

Équation d'état

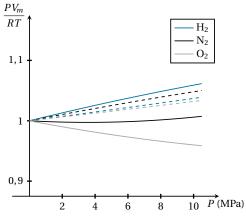
Un gaz suit la loi du gaz parfait s'il est décrit par l'équation d'état :

PV = nRT ou de manière équivalente : $PV_m = RT$

Isothermes en coordonnées de Clapeyron

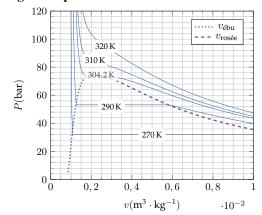


Température



Les courbes en trait plein correspondent à $T = 300 \,\text{K}$, celles en traits interrompus à $T = 600 \,\text{K}$.

Du gaz à la phase condensée

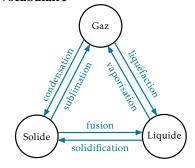


Transition liquide-gaz de CO_{2(g)}

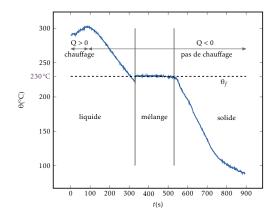
Modèle

Le système étudié, noté \mathscr{S} , sera un système fermé constitué **d'un seul corps pur hétérogène** composé de **plusieurs phases uniformes** dans lesquelles règnent la même pression P et la même température T **uniformes**.

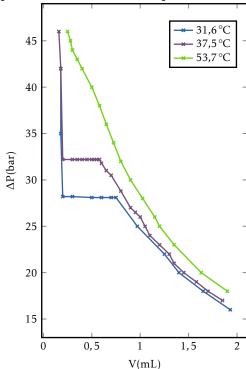
Vocabulaire



Solidification isobare de Sn



Vaporisation isotherme d'un liquide



Généralisation

on admet que pour tout changement d'état :

Diagramme P, T du corps pur

Un corps pur coexistant à l'équilibre thermodynamique sous deux phases distinctes est dit $diphas\acute{e}$. Sa température T et sa pression P d'équilibre sont alors reliées. On peut définir une pression d'équilibre $P_e(T)$ ou de manière équivalente, une pression pre

Les changements d'état $l \leftrightarrow s$, $l \leftrightarrow v$ et $s \leftrightarrow v$, nommés *transitions de phase*, s'effectuent à *pression et température constantes*.

Construction

Plan P, T

Le diagramme (P,T) d'un corps pur représente le régionnement du plan P,T en

- zones d'existence exclusive des phases : solide, liquide, vapeur,
- délimitées par les *courbes de coexistence* : courbe de sublimation $s \leftrightarrow v$, fusion $s \leftrightarrow l$ et vaporisation $l \leftrightarrow v$.

On nomme:

Point triple le point d'intersection des trois courbes de coexistence. La température et la pression y sont fixées, caractéristiques du corps pur.

Point critique le point limitant la courbe de vaporisation aux grandes pressions, grandes températures. La température et la pression y sont fixées, caractéristiques du corps pur.

Points caractéristiques

Points triples

Quelques points triples:

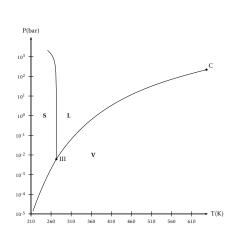
	$T_{\rm III}({ m K})$	$P_{ m III}$
H ₂ O	273,16	613 Pa
O_2	54,4	146 Pa
CO_2	216,6	5,1 bar

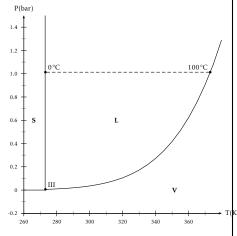
Points critiques

Quelques points critiques:

	$T_{\rm c}({\rm K})$	$P_{\rm c}({\rm bar})$
H ₂ O	647,3	220 bar
O_2	154,3	49,71 bar
CO_2	304	72,8 bar
SF_6	318,7	37,6bar

Courbes pour H₂O





Pression de vapeur saturante

Définition : Vapeurs saturante et sèche

On nomme *pression de vapeur saturante* $P_s(T)$ la pression d'un corps pur à l'équilibre thermodynamique coexistant dans les états liquide et gazeux. Elle ne dépend que de la température.

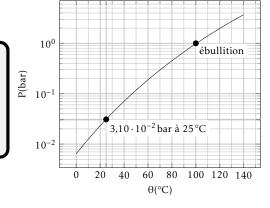
La vapeur en équilibre avec le liquide est dite *saturante*. Elle est dite *sèche* quand le corps pur est tout entier à l'état gazeux.

Formule de Rankine

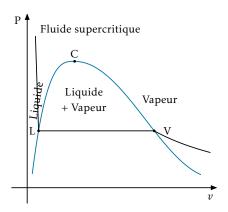
Formule de Rankine

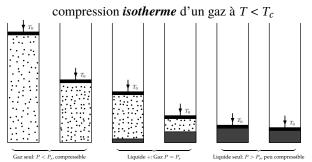
Pour $0^{\circ}C \le \theta \le 150^{\circ}C$, avec T en K et $P_0 = 1$ atm = 1,013 bar, la pression de vapeur saturante de l'eau est donnée par :

$$\ln \frac{P_S(T)}{P_0} = 13,7 - \frac{5120}{T}$$



Isothermes d'Andrews





- première goutte de liquide sur la courbe de rosée
- le mélange s'enrichit en liquide quand v diminue
- la dernière bulle de vapeur disparaît sur la courbe d'ébullition
- poui T > T_c, passage continu d'un fluide très compressible à un très peu compressible sans passer par un système diphasé

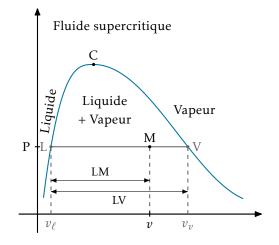
Ébullition et évaporation

Définition : Ébullition et évaporation

L'évaporation est la production de vapeur à la surface du liquide, sans production de bulles. C'est un phénomène beaucoup plus lent, qui se produit quand la pression du liquide est supérieure à la pression de vapeur saturante.

L'ébullition est la production de vapeur *au sein du liquide*, avec production de bulles. C'est un phénomène rapide, qui se produit quand la pression du liquide est *inférieure* à la pression de vapeur saturante.

Composition d'un système diphasé



Définition : Titres massiques

On nomme *titre massique en vapeur*, notée x_v (*resp. liquide*, notée x_l) le rapport de la masse de vapeur sur la masse totale $x_v = \frac{m_v}{m_v + m_l}$ (resp. $x_l = \frac{m_l}{m_v + m_l}$).

Théorème : Théorème des moments

Le titre massique en vapeur s'exprime en fonction du volume massique global v du mélange hétérogène et des volumes massiques du liquide pur $v_{(l)}(T)$ et de la vapeur seule $v_v(T)$ selon :

$$x_{\nu} = \frac{\nu - \nu_l(T)}{\nu_{\nu}(T) - \nu_l(T)} = \frac{LM}{LV}.$$

Définition : Retards aux changements d'état

On nomme:

surfusion la présence de liquide pour $T < T_{\text{fus}}(P)$, proche de la courbe de fusion.

vapeur sursaturée une vapeur présente pour $T < T_{\text{vap}}(P)$, proche de la courbe de vaporisation.

liquide sursaturé un liquide présent pour $T > T_{\text{vap}}(P)$, proche de la courbe de vaporisation.

Ces états sont dits *métastables* : ils disparaissent dès qu'on perturbe le système, mécaniquement ou en y introduisant un *germe* (de solidification, liquéfaction)

Indispensable

- définitions des transformations (iso T/P,V mono T/P)
- définition de la température
- caractéristiques des transferts thermiques
- équation d'état du gaz parfait
- courbes de changement d'état : zones (P,T) isothermes en coordonnées de Clapeyron
- théorème des moments