# Lois de Snell et Descartes

#### **Interactions**

### **Définition: Absorption**

L'*absorption* correspond au transfert d'une partie de l'énergie lumineuse vers le milieu dans lequel la lumière se propage.

#### **Définition: Diffusion**

La *diffusion* correspond à la redirection, par le milieu, d'une partie de l'énergie d'un rayon lumineux hors de sa direction principale.

#### Milieu d'étude

### Définition : Milieu transparent, homogène et isotrope

Un milieu est dit *transparent* si *l'intensité lumineuse*, *ie* l'énergie transportée par la lumière, est *constante au cours de la propagation*.

Il est dit homogène si ses propriétés optiques y sont uniformes, ie ne dépendent pas de la position dans le milieu.

Il est dit *isotrope* si ses propriétés optiques ne dépendent pas de la direction de propagation de la lumière.

### Modèle du rayon lumineux

On établit le *modèle* du rayon lumineux, sans dimensions, vérifiant trois propriétés fondamentales :

**Propagation rectiligne** La lumière se propage *en ligne droite* dans un *transparent et homogène*.

**Retour inverse** Dans un milieu *transparent et isotrope*, le trajet de la lumière est *indé- pendant du sens de parcours*. Si un certain chemin reliant un point *A* à un point *B*peut être parcouru par un rayon, un rayon pourra suivre le même chemin pour aller de *B* à *A*.

**Indépendance des rayons lumineux** Le chemin suivi par un rayon lumineux *ne dépend pas du chemin d'autres rayons lumineux*.

#### Nature ondulatoire de la lumière

### Modèle : nature ondulatoire de la lumière

On peut décrire la lumière comme une onde électromagnétique associée à la propagation d'un champ électrique (noté  $\vec{E}$ ) et d'un champ magnétique (noté  $\vec{B}$ ).

Sa vitesse de propagation vaut, pour une propagation dans le vide,  $c = 299792458 \,\mathrm{m} \cdot \mathrm{s}^{-1}$  par définition.

## Fréquence et longueur d'onde

domaine	γm	X (m)	UV (nm)	Visible (nm)		IR (nm)	$\mu$ -onde/radio (m)	
λ	$\leq 1 \cdot 10^{-12}$	$1 \cdot 10^{-12} \rightarrow 1e - 8$	≤ 400	500	590	630	≥ 750	≥ 1e - 3
				bleu	jaune	rouge		

#### Dimension transversale non nulle: diffraction

### Modèle du rayon lumineux

#### Diffraction

Le modèle du rayon lumineux n'est pertinent que quand sa plus petite dimension transversale a vérifie  $a \gg \lambda$ .

### Non indépendance des rayons : interférences



#### Interférences

Les faisceaux formés par *division d'un même faisceau* ne sont pas indépendants : le modèle des rayons indépendants n'est pas valable en présence d'*interférences*.

### Quantification de l'énergie : le photon

### Quantification de l'énergie

L'énergie d'un rayonnement lumineux ne peut pas prendre toutes les valeurs réelles : elle varie par *sauts discrets*, nommés *quanta*. On peut décrire un rayonnement monochromatique de fréquence  $\nu$  comme formé de *particules* nommées *photons*, d'énergie  $E = h\nu$ , avec h la *constante de Planck*  $h = 6,626\,070\,15\cdot10^{-34}\,\text{J}\cdot\text{s}$ .

### Retour inverse non vérifié : effet Faraday

### **Effet Faraday**

En présence d'un *champ magnétique extérieur*, on peut créer des dispositifs dans lesquels la lumière emprunte des chemins différents suivant son sens de parcours.

### Dioptre et miroir

### **Définition : Dioptre et miroir**

On nomme *dioptre* l'interface entre deux milieux optiques aux propriétés optiques différentes.

On nomme *miroir* une surface recouverte d'un mince dépôt métallique réfléchissant.

#### Définition: Plan d'incidence

Pour un rayon incident sur une surface en un point I, le **plan d'incidence** est le plan défini par I, le rayon incident et le vecteur normal à la surface au point I.

### Rayons réfléchi et réfracté

### Définition : Rayons réfléchi et réfracté

Soit un dioptre séparant deux milieux isotropes, notés 1 et 2.

Un rayon (noté I), se propageant dans un milieu 1 (alors nommé **incident**) d'indice  $n_1$  et atteignant le dioptre (resp. miroir) au point dit d'**incidence**, noté  $M_I$ , donne naissance à deux rayons (resp. un rayon) :

réfléchi (R) se propageant dans le milieu d'incidence 1 dans

les deux cas,

réfracté ou transmis (T) se propageant dans le milieu 2,

uniquement dans le cas du dioptre.

On note:

 $\overrightarrow{k}_i$  le vecteur unitaire dirigeant le rayon incident,

 $\vec{N}_{1\rightarrow2}$  le vecteur unitaire normal au dioptre au point

 $M_I$ , dirigé de 1 vers 2,

 $\mathscr{P}_I$  le plan d'incidence, engendré par  $M_I, \ \overrightarrow{k}_i$  et  $\overrightarrow{N}_{1 \rightarrow 2}$ 

### Coplanarité

### 1<sup>re</sup>loi : Coplanarité

Les rayons I, R et T sont *coplanaires* dans le plan d'incidence  $\mathcal{P}_I$ .

#### Réflexion

#### 2eloi: Réflexion

La trajectoire du rayon réfléchi est *symétrique* de celle du rayon incident par rapport au vecteur normal  $\vec{N}_{1\rightarrow 2}$  au dioptre au point d'incidence.

#### Réfraction

### 3eloi: Réfraction et indice

Un milieu optique transparent homogène et isotrope est caractérisé par un *indice de ré-fraction n*. Lors de la traversée d'un dioptre séparant un milieu 1 d'indice  $n_1$  d'un milieu 2 d'indice  $n_2$ , les angles *orientés* d'incidence i (rayon I) et de réfraction t (rayon T) vérifient :

 $n_1 \sin i = n_2 \sin t$ .

#### Indice du vide et indice absolu

#### Définition : Indice absolu

On *définit* l'indice *absolu* d'un milieu par :

- n = 1 pour le vide,
- $n_X = \frac{\sin i}{\sin t}$  lors de la réfraction du vide vers un milieu X.

### **Propriétés**

	Bleu $\lambda_0 = 486,1  \text{nm}$	Vert $\lambda_0 = 589.0 \mathrm{nm}$	Rouge $\lambda_0 = 656.3 \text{nm}$		
Verre Crown	1,523	1,517	1,514		
Verre Flint	1,585	1,575	1,571		
Diamant	2,435	2,417	2,410		
Eau	1,338	1,333	1,331		
Air (20°C 1bar)		1,000293	,000293		

### Dispersion

### **Définition: Dispersion**

Un milieu optique est dit *dispersif* si son indice de réfraction varie avec la longueur d'onde.

### Loi de Cauchy

La *loi de Cauchy* (1836) donne, pour le visible, les variations de l'indice d'un milieu transparent avec la longueur d'onde dans le vide notée  $\lambda_0$ :

$$n = n_0 + \frac{A}{\lambda_0^2} \quad A > 0.$$

### En optique physique

### Indice et vitesse de la lumière

La vitesse, notée  $v_n$ , de la lumière dans un milieu d'indice n est différente de sa vitesse dans le vide c. L'*indice absolu* n d'un milieu représente le quotient  $n = \frac{c}{v_n}$ .

#### Déviation

### Déviation à la réfraction

Lors de la réfraction d'un milieu 1 vers un milieu 2 plus (resp.\ moins) réfringent, le rayon réfracté se rapproche (resp.\ s'éloigne) de la normale au dioptre.

#### Réflexion totale

### **Définition: Réflexion totale**

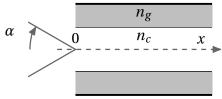
Lors de la réfraction vers un milieu *moins réfringent*, il n'y a pas de rayon réfracté si l'angle d'incidence est *supérieur* à l'*angle de réfraction limite*  $i_{\ell}$  tel que :

$$\sin i_{\ell} = \frac{n_2}{n_1}$$

On dit qu'il y a *réflexion totale*.

#### **Exercice**

1. Justifier que l'indice doit être supérieur dans le cœur pour que les rayons lumineux puissent y rester sans passer dans la gaine.



- 2. La fibre est plongée dans l'air d'indice n=1. Déterminer l'angle maximal  $\alpha_{\rm max}$  que peut former un rayon avec l'axe de la fibre pour pouvoir y être guidé. Calculer  $\alpha$  pour  $n_c=1,48$  et  $n_g$  inférieur de 1,4%. Tracer le trajet du rayon dans les cas  $\alpha=0$  et  $\alpha=\alpha_{\rm max}$ .
- 3. Déterminer la durée  $\Delta t(\beta)$  mise pour progresser d'une distance x en fonction de l'angle  $\beta$  formé par le rayon avec l'axe de la fibre.
- 4. On envoie des impulsions de période  $\tau$ . Montrer que les signaux associés aux rayons d'angles  $\alpha = 0$  et  $\alpha_{\text{max}}$  se brouillent au bout d'une distance L dont on estimera l'ordre de grandeur en fonction de  $c, \tau$  et des indices. Estimer L pour  $T = 1 \,\mu\text{s}$ .

### Caractéristiques d'une fibre

### Caractéristiques d'une fibre à saut d'indice

• Le *cône d'admission* d'une fibre à saut d'indice délimite les rayons pouvant se propager dans le cœur en subissant des réflexions totales à la frontière de la gaine. Son 1/2 -angle au sommet vaut :

$$\sin(\alpha_{\max}) = \sqrt{n_c^2 - n_g^2}.$$

• La *dispersion intermodale* caractérise la différence de vitesse axiale d'un rayon le long de la fibre. La durée  $\Delta t$  de propagation pour une longueur L le long de la fibre parcourue par un rayon incliné d'un angle  $\beta$  par rapport à l'axe de la fibre est :

$$\frac{Ln}{c\cos(\beta)}$$
.

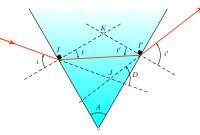
### Prisme optique

## **Définition : Prisme optique**

Un *prisme optique* est un milieu réfringent transparent, homogène et isotrope délimité par deux dioptres formant un dièdre.

### Déviation vers la base

Un prisme plongé dans un milieu moins réfringent que le matériau dont il est constitué dévie les rayons lumineux *vers sa base*.

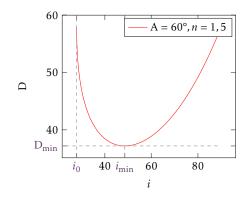


#### Minimum de déviation

La déviation *D* passe pour un minimum en fonction de *i* (animation du prisme)

### Minimum de déviation

Au minimum de déviation d'un prisme, on a  $i=i'=i_m$  et  $t=t'=t_m$ .



### Illustration qualitative: mirages

### Loi de Gladstone

Soit un fluide de masse volumique  $\rho$  et d'indice de réfraction n. Le quotient :

$$\frac{n-1}{\rho}$$
,

est constant lors des variations de masse volumique.

#### Modélisation

## Équation différentielle de la trajectoire

$$\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}z} = \frac{n_0 \sin i_0}{\sqrt{n^2(z) - n_0^2 \sin^2(i_0)}}$$

## In dispensable

# Indispensable

- les 3 lois de Snell-Descartes avec les schémas
- réfringence et éloignement/rapprochement de la normale
- · réflexion totale
- calculs : formules du prisme et indice variable pas au programme, à s'entraîner
- interprétation ondulatoire pas au programme