

Semaine n° 18 : du 26 janvier au 30 janvier

Lundi 26 janvier

- **Cours à préparer : Chapitre XVII - Dérivabilité**
 - *Partie 4.3* : Caractérisation des fonctions convexes dérivables, des fonctions convexes deux fois dérivables ; position de la courbe d'une fonction convexe dérivable par rapport à ses tangentes ; point d'inflexion.
- **Cours à préparer : Chapitre XVIII - Fractions rationnelles**
 - *Partie 1* : Corps des fractions rationnelles ; formes irréductibles ; fonction rationnelle ; dérivée d'une fraction rationnelle ; degré d'une fraction rationnelle, propriétés ; zéros, pôles.
- **Exercices à rendre en fin de TD - (liste non exhaustive)**
 - **Feuille d'exercices n° 16** : exercices 15, 16, 17, 19.
 - **Feuille d'exercices n° 17** : exercices 4, 5.

Mardi 27 janvier

- **Cours à préparer : Chapitre XVIII - Fractions rationnelles**
 - *Partie 2.1 à 2.4* : Partie entière d'une fraction rationnelle ; partie polaire associée à un pôle ; décomposition en éléments simples dans $\mathbb{C}(X)$, dans $\mathbb{R}(X)$.
 - *Partie 2.5* : Méthodes de calcul de décomposition en éléments simples : simplification par symétrie, parité, imparité ; simplification par conjugaison dans le cas réel ; multiplication par $(X - \lambda)^m$ où m est la multiplicité du pôle λ ; résidus ; évaluation ; identification.
- **Exercices à corriger en classe**
 - **Feuille d'exercices n° 17** : exercice 12.

Jeudi 29 janvier

- **Cours à préparer : Chapitre XVIII - Fractions rationnelles**
 - *Partie 2.6* : Décomposition de $\frac{P'}{P}$.
 - *Partie 3* : Application au calcul intégral.
- **Exercices à corriger en classe**
 - **Feuille d'exercices n° 17** : exercices 11, 14, 16.

Vendredi 30 janvier

- **Cours à préparer : Chapitre XIX - Espaces vectoriels**
 - *Partie 1* : Notion de \mathbb{K} -espace vectoriel ; règles de calcul dans un \mathbb{K} -espace vectoriel ; premiers espaces vectoriels de référence ; combinaisons linéaires d'une famille de vecteurs d'un \mathbb{K} -espace vectoriel.
 - *Partie 2.1* : Notion de sous-espace vectoriel ; caractérisations des sous-espaces vectoriels.

Échauffements

Mardi 27 janvier

- *Cocher toutes les assertions vraies* : Soit P un polynôme de $\mathbb{C}[X]$ de degré n dont les racines sont toutes simples. Lequel des polynômes suivants est forcément à racines simples ?
 - ☐ $P(X^2)$
 - ☐ $P(X)^2$
 - ☐ $P(X+2)$
 - ☐ $P(X)+2$
- *Cocher toutes les assertions vraies* : Soient f et g deux fonctions de classe \mathcal{C}^n sur $[a, b]$.
 - ☐ Alors $f+g$ est de classe \mathcal{C}^n sur $[a, b]$ et $\forall x \in [a, b], (f+g)^{(n)}(x) = f^{(n)}(x) + g^{(n)}(x)$.
 - ☐ Alors $f \times g$ est de classe \mathcal{C}^n sur $[a, b]$ et $\forall x \in [a, b], (f \times g)^{(n)}(x) = f^{(n)}(x) \times g^{(n)}(x)$.
 - ☐ Alors $f \circ g$ est de classe \mathcal{C}^n sur $[a, b]$ et $\forall x \in [a, b], (f \circ g)^{(n)}(x) = f^{(n)}(x) \circ g^{(n)}(x)$.

Jeudi 29 janvier

- Soit $f : x \mapsto \frac{\sqrt{1+2x}-1}{x}$. La fonction f est-elle prolongeable par continuité en 0 ? Si oui, ce prolongement est-il dérivable en 0 ?
- *Cocher toutes les assertions vraies* : Soit f une fonction réelle, définie sur un intervalle I . On note $J = f(I) = \{f(x), x \in I\}$ l'ensemble de ses images.
 - ☐ si f est continue et strictement monotone, elle est bijective de I dans J .
 - ☐ si f est continue et dérivable, elle est bijective de I dans J .
 - ☐ si f est strictement monotone, elle est injective.
 - ☐ si f est bijective de I dans J , elle est strictement monotone.
 - ☐ si f est bijective de I dans J et strictement monotone, elle est continue.
 - ☐ si f est bijective de I dans J et continue, elle est strictement monotone.

Vendredi 30 janvier

- Déterminer une primitive de $t \mapsto \frac{1}{2t^2 - 4t + 10}$
- *Cocher toutes les assertions vraies* : Soit f la fonction qui à tout réel x associe xe^{-x^2}
 - ☐ f est de classe \mathcal{C}^1 sur \mathbb{R} et $\forall x \in \mathbb{R}, f'(x) = 2xe^{-x^2}$.
 - ☐ f est de classe \mathcal{C}^∞ sur \mathbb{R} et $\forall k \in \mathbb{N}, \exists P_k \in \mathbb{R}[X], \forall x \in \mathbb{R}, f^{(k)}(x) = P_k(x)e^{-x^2}$.
 - ☐ $x \mapsto -\frac{1}{2}e^{-x^2}$ est une primitive de f sur \mathbb{R} .