Задача 1. Сумма от 1 до N

Источник: базовая
Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

В первой строке входного файла содержится целое число N ($1 \le N \le 100$).

В выходной файл нужно вывести сумму всех целых чисел, лежащих в диапазоне от 1 до N включительно.

Пример

input.txt	output.txt
5	15

Пояснение к примеру

В примере получается 1+2+3+4+5=15

Задача 2. Сумма чётных

Источник: базовая
Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Дана последовательность целых чисел, требуется посчитать сумму всех её чётных элементов.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится целое число N — количество элементов последовательности ($1 \le N \le 100$).

Во второй строке записано N целых чисел через пробел — сама последовательность. Все элементы последовательности по абсолютной величине не превышают 100.

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести одно целое число: сумму всех чётных элементов последовательности.

Пример

input.txt	output.txt
8	18
2 3 7 6 8 3 1 2	

Пояснение к примеру

В примере получается 2+6+8+2=18

Задача 3. Проверка на простоту

Источник: базовая Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: разумное

По определению, простым числом называется целое число, большее 1, которое делится нацело только на себя и на 1.

Требуется написать функцию, определяющую, является ли заданное число простым, и использовать ее для решения данной задачи.

Функция должна иметь сигнатуру:

```
int prime ( int n );
```

Здесь ${\tt n}$ — положительное целое число, функция должна выдать 1, если ${\tt n}$ — простое число, и 0 — иначе.

Формат входных данных

Во входном файле записано целое число N ($1 \le N \le 10\,000$).

Формат выходных данных

В выходной файл нужно вывести слово YES, если N является простым, и слово NO в противном случае.

Пример

input.txt	output.txt
5	YES
4	NO

Пояснение к примеру

Число 5 простое, а число $4 = 2 \times 2$ составное.

Задача 4. Простые числа

Источник: основная Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: разумное

Задано натуральное число N. Необходимо найти все простые числа, не превосходящие заданного N, и вывести их в порядке возрастания.

Формат входных данных

Во входном файле записано одно натуральное число $N\ (2\leqslant N\leqslant 10^6)$.

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести в порядке возрастания через пробел все простые числа, не превосходящие N.

Пример

input.txt	output.txt
23	2 3 5 7 11 13 17 19 23

Замечания

Для проверки числа на простоту использовать функцию prime, описанную в предыдущей задаче.

Задача 5. Обращение числа

Источник: основная Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: разумное

Определить число, получаемое выписыванием в обратном порядке цифр заданного натурального числа.

Формат входных данных

Во входном файле записано число N ($1 \le N < 10^8$).

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести требуемое натуральное число. Ведущие нули не писать.

Пример

input.txt	output.txt
12345	54321

Замечания

В данной задаче необходимо сначала получить целое число из заданного N, а затем его вывести в выходной файл.

Для этого нужно написать функцию со следующей сигнатурой:

```
int rev_int ( int N );
```

Здесь N — положительное целое число, функция должна выдать искомое целое число.

Задача 6. Посчитать знаки

Источник: основная Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: разумное

Требуется определить, какая доля чисел в последовательности отрицательная, какая доля равна нулю, и какая доля положительная.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится целое число N — количество элементов последовательности ($1 \le N \le 10\,000$).

Во второй строке записано N целых чисел через пробел — сама последовательность. Все элементы последовательности по абсолютной величине не превышают 100.

Формат выходных данных

В выходной файл нужно вывести через пробел три вещественных числа.

Первое показывает, какая доля чисел отрицательная.

Второе — какая доля чисел равна нулю.

И последнее — какая доля положительных чисел.

Каждое выведенное число должно отличаться от своего правильного значения **не** более чем на 10^{-5} .

Пример

input.txt	output.txt
7	0.28571 0.14285 0.57142
1 3 1 -2 -1 0 1	

Пояснение к примеру

В последовательности 2/7 чисел отрицательны, 1/7 чисел равна нулю, и 4/7 чисел положительны.

Комментарий

Рекомендуется использовать тип double для хранения вещественных чисел, а выводить их с помощью формата "%0.5lf", например:

```
double answer = 0.123456789;
printf("%0.51f", answer);
```

Задача 7. Минимум и максимум

Источник: основная Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: разумное

Дана последовательность целых чисел, требуется найти в ней минимальный и максимальный элементы.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится целое число N — количество элементов последовательности ($1 \le N \le 20$).

Во второй строке записано N целых чисел через пробел — сама последовательность. Все элементы последовательности по абсолютной величине не превышают $10\,000$.

Формат выходных данных

Требуется вывести четыре целых числа: минимальный элемент последовательности, номер этого минимального элемента, максимальный элемент последовательности и номер максимального элемента. Если минимальных/максимальных элементов несколько, требуется вывести номер первого из них.

В данной задаче элементы нумеруются по порядку, начиная с единицы.

Пример

input.txt	output.txt
5	1 1 9 5
1 7 3 4 9	

Пояснение к примеру

В примере дана последовательность из пяти чисел: 1 7 3 4 9

Минимальное число равно 1 и стоит на первой позиции, а максимальное число равно 9 и стоит на последней (пятой) позиции.

Задача 8. Близкий к целому

Источник: основная Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: разумное

Требуется вычислить порядковый номер того из них, которое наиболее близко к ближайшему целому числу. Если таких чисел несколько, то вывести первое из них.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано число $n \ (1 \le n \le 1000)$.

Во второй строке через пробел записаны вещественные числа $a_1, a_2, \dots a_n$, каждое из которых по модулю не превосходит 1000.

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести одно целое число — порядковый номер числа, наиболее близкого к целому числу. Если таких элементов несколько, то вывести первый из них. Нумерация чисел начинается с 1.

Пример

input.txt	output.txt
4	2
1.7 81.95 -19.05 135.1	

Задана последовательность вещественных чисел $a_1, a_2, \dots a_n$.

Задача 9. Сумма ряда

Источник: повышенной сложности

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Не используя стандартные функции, вычислить с точностью eps > 0:

$$y = arctg(x) = x - x^3/3 + x^5/5 - \dots + (-1)^n x^{2n+1}/(2n+1) + \dots$$

Считать, что требуемая точность достигнута, если очередное слагаемое по модулю меньше *eps*, – все последующие слагаемые можно не учитывать.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано число x с точностью до двух знаков после десятичной точки (-1 < x < 1).

Во второй строке записано число eps с точностью до пяти знаков после десятичной точки (0 < eps < 1).

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести единственное вещественное число – сумму ряда с точностью до 5 знаков после десятичной точки.

Пример

input.txt	output.txt
0.1	0.09967
0.001	

Задача 10. Цифра

Источник: повышенной сложности

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Найти k-ю цифру последовательности 1234567891011121314..., в которой выписаны подряд все натуральные числа.

Формат входных данных

Во входном файле записано единственное натуральное число $k \ (0 < k \leqslant 10^8)$.

Формат выходных данных

В выходной файл необходимо вывести k-ю цифру заданной последовательности.

Пример

input.txt	output.txt
11	0

Задача 11. Количество боксов

Источник: повышенной сложности

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

Во входном файле содержится целое число N ($1 \le N \le 10^9$).

Нужно найти количество прямоугольных параллелепипедов с целочисленными сторонами, объём которых не превышает N.

Параллелепипеды, которые можно перевести друг в друга с помощью поворота, считаются одинаковыми.

Замечание: Ответ к этой задаче может быть настолько большим, что не войдёт в переменную типа int. Используйте 64-битный тип следующим образом:

```
long long answer;
answer = 1000000000;
answer = answer * 1000000000;
printf("%lld", answer);
```

Пример

input.txt	output.txt
10	16
100000000	39218340164

Пояснение к примеру

Вот все возможные тройки размеров из первого примера:

- 1 1 1
- 1 1 2
- 113
- 114
- 1 1 5
- 1 1 6
- 1 1 7
- 118
- 1 1 9
- 1 1 10
- 1 2 2
- 1 2 3
- 1 2 4
- 1 2 5
- 133
- 2 2 2