

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Санкт-Петербургский государственный
электротехнический университет
«ЛЭТИ» им. В.И. Ульянова (Ленина)
Кафедра САПР

ОТЧЕТ
по лабораторной работе № 1
по дисциплине «Ассоциативный массив»

Студент гр. 8301

Готовский К.В.

Преподаватель

Тутева А.В.

Санкт-Петербург

2020

Цель работы

Реализовать шаблонный ассоциативный массив (map) на основе красно-черного дерева.

Описание реализуемого класса

Класс Map состоит из вложенного класса Node с полями: `T key` (Ключ по которому хранится значение) и `T1 value` (Значение которое хранится по определённому ключу) `bool color` (цвет ячейки необходимый для дальнейшей проверки сбалансированности), `Node* parent` (указатель на родителя ячейки), `Node* left` и `Node* right` (Указатели на левые и правые ячейки (детей)), а также и собственные поля `Node* top` (Вершина дерева), `Node* tnull` (Обозначение пустого листа). Реализованный мною класс Map основан на такой структуре данных как красно-чёрное дерево. Выбранная структура данных является самобалансирующийся бинарное дерево, поэтому она содержит цвета (красный и чёрный) и 5 основных правил. При несоблюдении хотя бы одного из правил при вставке или удалении, будет требоваться балансировка. Заметим, что `key` и `value` являются шаблонными, что позволяет нам хранить ключ и значение любого типа данных.

Класс содержит следующие методы:

- Конструктор – реализованы конструкторы по умолчанию для вложенного класса Node и для самого класса Map.
- Деструктор – реализован деструктор, вызывающий метод `clear()`.
- `insert(T key, T1 value)` – функция добавления элемента в дерево по ключу. Добавление происходит точно так же, как и в бинарном дереве. Далее следует проверка на соблюдение 5 свойств, иначе происходит перебалансировка.
- `remove(T key)` – функция удаления элемента по ключу.
- `find(T key)` – функция получения значения по ключу.
- `clear()` – функция, по одному удаляющая элементы постфиксным обходом дерева.
- `get_keys()` – функция, возвращающая список ключей.
- `get_values()` – функция, возвращающая список значений.
- `print()` – функция вывода дерева.

Оценка временной сложности алгоритмов

- `remove(T key)` – $O(\log n)$
- `insert(T key, T1 value)` – $O(\log n)$
- `find(T key)` – $O(\log n)$
- `clear()` – $O(n)$
- `get_keys()` – $O(1)$
- `get_values()` – $O(1)$
- `print()` – $O(n)$

Описание реализованных unit-тестов

В тестах реализованных для класса Map мы проверили функцию добавления элемента в дерево с помощью функции `insert()` и удаляем с помощью функции `remove()`, и проверяем их с помощью функции `find()` которая возвращает нам значение по ключу или бросает

исключение. Так же мои unit-тесты затрагивают такие методы как `get_keys()` и `get_values()`, которые возвращают списки ключей и значений, а также метод очистки дерева `clear()`.

Пример работы программы

Пример

```
C:\Users\ID629\source\repos\RedBlackTree\Debug\RedBlackTree.exe
R---8(BLACK)
|
L---5(RED)
|
| L---3(BLACK)
| R---6(BLACK)
| R---7(RED)
R---11(RED)
|
L---10(BLACK)
| L---9(RED)
R---12(BLACK)

Для продолжения нажмите любую клавишу . . .
```

Листинг

Map.h

```
1. #define COLOR_RED 1
2. #define COLOR_BLACK 0
3. #include "List.h"
4. using namespace std;
5. template<typename T, typename T1>
6. class Map {
7. public:
8.     class Node
9.     {
10.    public:
11.        Node(bool color = COLOR_RED, T key = T(), Node* parent = NULL, Node* left = NULL, Node* right = NU
12.        T key;
13.        T1 value;
14.        bool color;
15.        Node* parent;
16.        Node* left;
17.        Node* right;
18.    };
19.    ~Map() {
20.        if (this->Top != NULL)
21.            this->clear();
22.        Top = NULL;
23.        delete TNULL;
24.        TNULL = NULL;
25.    }
26.    Map(Node* Top = NULL, Node* TNULL = new Node(0)) :Top(Top), TNULL(TNULL) {}
27.
28.    void printTree()
29.    {
30.        if (Top)
31.        {
32.            print_Helper(this->Top, "", true);
33.        }
34.        else throw std::out_of_range("Tree is empty!");
35.    }
36.
37.    void insert(T key, T1 value)
38.    {
39.
40.        if (this->Top != NULL) {
41.            Node* node = NULL;
42.            Node* parent=NULL;
43.            /* Search leaf for new element */
44.            for (node = this->Top; node != TNULL; )
45.            {
```

```

46.         parent = node;
47.         if (key < node->key)
48.             node = node->left;
49.         else if (key >= node->key)
50.             node = node->right;
51.     }
52.
53.     node = new Node(COLOR_RED, key, TNULL, TNULL, TNULL, value);
54.     node->parent = parent;
55.
56.
57.     if (parent != TNULL) {
58.         if (key < parent->key)
59.             parent->left = node;
60.         else
61.             parent->right = node;
62.     }
63.     rbtree_fixup_add(node);
64. }
65. else {
66.     this->Top = new Node(COLOR_BLACK, key, TNULL, TNULL, TNULL, value);
67. }
68. }
69. List<T>* get_keys() {
70.     List<T>* list = new List<T>();
71.     this->ListKeyOrValue(1, list);
72.     return list;
73. }
74. List<T1>* get_values() {
75.     List<T1>* list = new List<T1>();
76.     this->ListKeyOrValue(2, list);
77.     return list;
78. }
79. T1 find(T key) {
80.     Node* node = Top;
81.
82.     while (node != TNULL && node->key != key) {
83.         if (node->key > key)
84.             node = node->left;
85.         else
86.             if (node->key < key)
87.                 node = node->right;
88.     }
89.     if (node != TNULL)
90.         return node->value;
91.     else
92.         throw std::out_of_range("Key is missing");
93. }
94. void remove(T key) {
95.     this->deleteNodeHelper(this->find_key(key));
96. }
97.
98. void clear() {
99.     this->clear_tree(this->Top);
100.    this->Top = NULL;
101. }
102. private:
103.     Node* Top;
104.     Node* TNULL;
105.
106.     //////////////////////////////////////
107.     //delete functions
108.     //////////////////////////////////////
109.     void deleteNodeHelper(Node* z)
110.     {
111.         Node* x, * y;
112.         y = z;

```

```

113.     int y_original_color = y->color;
114.     if (z->left == TNULL)
115.     {
116.         x = z->right;
117.         Transplant(z, z->right);
118.     }
119.     else if (z->right == TNULL)
120.     {
121.         x = z->left;
122.         Transplant(z, z->left);
123.     }
124.     else
125.     {
126.         y = minimum(z->right);
127.         y_original_color = y->color;
128.         x = y->right;
129.         if (y->parent == z)
130.         {
131.             x->parent = y;
132.         }
133.         else
134.         {
135.             Transplant(y, y->right);
136.             y->right = z->right;
137.             y->right->parent = y;
138.         }
139.         Transplant(z, y);
140.         y->left = z->left;
141.         y->left->parent = y;
142.         y->color = z->color;
143.     }
144.     delete z;
145.     if (y_original_color == COLOR_BLACK)
146.     {
147.         deleteFix(x);
148.     }
149. }
150. //swap links(parent and other) for rotate
151. void Transplant(Node* cur, Node* cur1)
152. {
153.     if (cur->parent == TNULL)
154.     {
155.         Top = cur1;
156.     }
157.     else if (cur == cur->parent->left)
158.     {
159.         cur->parent->left = cur1;
160.     }
161.     else
162.     {
163.         cur->parent->right = cur1;
164.     }
165.     cur1->parent = cur->parent;
166. }
167.
168.
169. void deleteFix(Node* x)
170. {
171.     Node* sibling;
172.     while (x != Top && x->color == 0)
173.     {
174.         if (x == x->parent->left)
175.         {
176.             sibling = x->parent->right;
177.             if (sibling->color == COLOR_RED)
178.             {
179.                 sibling->color = COLOR_BLACK;

```

```

180.         x->parent->color = COLOR_RED;
181.         left_rotate(x->parent);
182.         sibling = x->parent->right;
183.     }
184.     if (sibling->left->color == COLOR_BLACK && sibling->right->color == COLOR_BLACK)
185.     {
186.         sibling->color = COLOR_RED;
187.         x = x->parent;
188.     }
189.     else
190.     {
191.         if (sibling->right->color == COLOR_BLACK)
192.         {
193.             sibling->left->color = COLOR_BLACK;
194.             sibling->color = COLOR_RED;
195.             right_rotate(sibling);
196.             sibling = x->parent->right;
197.         }
198.         sibling->color = x->parent->color;
199.         x->parent->color = COLOR_BLACK;
200.         sibling->right->color = COLOR_BLACK;
201.         left_rotate(x->parent);
202.         x = Top;
203.     }
204. }
205. else
206. {
207.     sibling = x->parent->left;
208.     if (sibling->color == COLOR_RED)
209.     {
210.         sibling->color = COLOR_BLACK;
211.         x->parent->color = COLOR_RED;
212.         right_rotate(x->parent);
213.         sibling = x->parent->left;
214.     }
215.     if (sibling->right->color == COLOR_BLACK && sibling->right->color == COLOR_BLACK)
216.     {
217.         sibling->color = 1;
218.         x = x->parent;
219.     }
220.     else
221.     {
222.         if (sibling->left->color == COLOR_BLACK)
223.         {
224.             sibling->right->color = COLOR_BLACK;
225.             sibling->color = COLOR_RED;
226.             left_rotate(sibling);
227.             sibling = x->parent->left;
228.         }
229.         sibling->color = x->parent->color;
230.         x->parent->color = COLOR_BLACK;
231.         sibling->left->color = COLOR_BLACK;
232.         right_rotate(x->parent);
233.         x = Top;
234.     }
235. }
236. }
237. x->color = COLOR_BLACK;
238. }
239. void clear_tree(Node* tree) {
240.     if (tree != TNULL) {
241.         clear_tree(tree->left);
242.         clear_tree(tree->right);
243.         delete tree;
244.     }
245. }
246. //////////////////////////////////////

```

```

247. //all find functions
248. ///////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////
249. Node* minimum(Node* node)
250. {
251.     while (node->left != TNULL)
252.     {
253.         node = node->left;
254.     }
255.     return node;
256. }
257. Node* maximum(Node* node)
258. {
259.     while (node->right != TNULL)
260.     {
261.         node = node->right;
262.     }
263.     return node;
264. }
265. Node* grandparent(Node* cur)
266. {
267.     if ((cur != TNULL) && (cur->parent != TNULL))
268.         return cur->parent->parent;
269.     else
270.         return TNULL;
271. }
272. Node* uncle(Node* cur)
273. {
274.     Node* cur1 = grandparent(cur);
275.     if (cur1 == TNULL)
276.         return TNULL; // No grandparent means no uncle
277.     if (cur->parent == cur1->left)
278.         return cur1->right;
279.     else
280.         return cur1->left;
281. }
282. Node* sibling(Node* n)
283. {
284.     if (n == n->parent->left)
285.         return n->parent->right;
286.     else
287.         return n->parent->left;
288. }
289. Node* find_key(T key) {
290.     Node* node = this->Top;
291.     while (node != TNULL && node->key != key) {
292.         if (node->key > key)
293.             node = node->left;
294.         else
295.             if (node->key < key)
296.                 node = node->right;
297.     }
298.     if (node != TNULL)
299.         return node;
300.     else
301.         throw std::out_of_range("Key is missing");
302. }
303. ///////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////
304. //all print function
305. ///////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////////
306. void print_Helper(Node* root, string indent, bool last)
307. {
308.     if (root != TNULL)
309.     {
310.         cout << indent;
311.         if (last)
312.         {
313.             cout << "R---";

```



```

314.         indent += "  ";
315.     }
316.     else
317.     {
318.         cout << "L----";
319.         indent += "|  ";
320.     }
321.     string sColor = !root->color ? "BLACK" : "RED";
322.     cout << root->key << "(" << sColor << ")" << endl;
323.     print_Helper(root->left, indent, false);
324.     print_Helper(root->right, indent, true);
325. }
326.
327. void ListKeyOrValue(int mode, List<T>*list) {
328.     if (this->Top != TNULL)
329.         this->KeyOrValue(Top, list, mode);
330.     else
331.         throw std::out_of_range("Tree empty!");
332. }
333. void KeyOrValue(Node* tree, List<T>*list, int mode) {
334.
335.     if (tree != TNULL) {
336.         KeyOrValue(tree->left, list, mode);
337.         if (mode == 1)
338.             list->push_back(tree->key);
339.         else
340.             list->push_back(tree->value);
341.         KeyOrValue(tree->right, list, mode);
342.     }
343. }
344. ///////////////////////////////////////////////////////////////////
345. //fix before add
346. ///////////////////////////////////////////////////////////////////
347. void rbtree_fixup_add(Node* node)
348. {
349.     Node* NullNode = new Node(COLOR_BLACK);
350.     Node* uncle;
351.     /* Current node is COLOR_RED */
352.     while (node != this->Top && node->parent->color == COLOR_RED)//
353.     {
354.         /* node in left tree of grandfather */
355.         if (node->parent == this->grandparent(node)->left)//
356.         {
357.             /* node in left tree of grandfather */
358.             uncle = this->uncle(node);
359.             if (uncle->color == COLOR_RED) {
360.                 /* Case 1 - uncle is COLOR_RED */
361.                 node->parent->color = COLOR_BLACK;
362.                 uncle->color = COLOR_BLACK;
363.                 this->grandparent(node)->color = COLOR_RED;
364.                 node = this->grandparent(node);
365.             }
366.             else {
367.                 /* Cases 2 & 3 - uncle is COLOR_BLACK */
368.                 if (node == node->parent->right) {
369.                     /*Reduce case 2 to case 3 */
370.                     node = node->parent;
371.                     this->left_rotate(node);
372.                 }
373.                 /* Case 3 */
374.                 node->parent->color = COLOR_BLACK;
375.                 this->grandparent(node)->color = COLOR_RED;
376.                 this->right_rotate(this->grandparent(node));
377.             }
378.         }
379.         else {
380.             /* Node in right tree of grandfather */

```

```

381.         uncle = this->uncle(node);
382.         if (uncle->color == COLOR_RED) {
383.             /* Uncle is COLOR_RED */
384.             node->parent->color = COLOR_BLACK;
385.             uncle->color = COLOR_BLACK;
386.             this->grandparent(node)->color = COLOR_RED;
387.             node = this->grandparent(node);
388.         }
389.         else {
390.             /* Uncle is COLOR_BLACK */
391.             if (node == node->parent->left) {
392.                 node = node->parent;
393.                 this->right_rotate(node);
394.             }
395.             node->parent->color = COLOR_BLACK;
396.             this->grandparent(node)->color = COLOR_RED;
397.             this->left_rotate(this->grandparent(node));
398.         }
399.     }
400. }
401. this->Top->color = COLOR_BLACK;
402. }
403. //////////////////////////////////////////////////
404. //Rotates
405. //////////////////////////////////////////////////
406. //(left rotate)
407. void left_rotate(Node* node)
408. {
409.     Node* right = node->right;
410.     /* Create node->right link */
411.     node->right = right->left;
412.     if (right->left != TNULL)
413.         right->left->parent = node;
414.     /* Create right->parent link */
415.     if (right != TNULL)
416.         right->parent = node->parent;
417.     if (node->parent != TNULL) {
418.         if (node == node->parent->left)
419.             node->parent->left = right;
420.         else
421.             node->parent->right = right;
422.     }
423.     else {
424.         this->Top = right;
425.     }
426.     right->left = node;
427.     if (node != TNULL)
428.         node->parent = right;
429. }
430. //(right rotate)
431. void right_rotate(Node* node)
432. {
433.     Node* left = node->left;
434.     /* Create node->left link */
435.     node->left = left->right;
436.     if (left->right != TNULL)
437.         left->right->parent = node;
438.     /* Create left->parent link */
439.     if (left != TNULL)
440.         left->parent = node->parent;
441.     if (node->parent != TNULL) {
442.         if (node == node->parent->right)
443.             node->parent->right = left;
444.         else
445.             node->parent->left = left;
446.     }
447.     else {

```

```

448.         this->Top = left;
449.     }
450.     left->right = node;
451.     if (node != TNULL)
452.         node->parent = left;
453. }
454. //////////////////////////////////////
455. };
456.

```

RedBlackTreeTest.cpp

```

1. #include "pch.h"
2. #include "CppUnitTest.h"
3. #include "../RedBlackTree/Map.h"
4. using namespace Microsoft::VisualStudio::CppUnitTestFramework;
5.
6. namespace RedBlackTreeTest
7. {
8.     TEST_CLASS(RedBlackTreeTest)
9.     {
10.    public:
11.
12.        TEST_METHOD(TestMethodInsertAndFind)
13.        {
14.            Map<int, int>* tree = new Map<int, int>();
15.            tree->insert(10, -1);
16.            tree->insert(5, -2);
17.            tree->insert(3, -3);
18.            tree->insert(11, -4);
19.            Assert::AreEqual(tree->find(5), -2);
20.
21.        }
22.        TEST_METHOD(TestMethodFindExeption)
23.        {
24.            try {
25.                Map<int, int>* tree = new Map<int, int>();
26.                tree->insert(10, -1);
27.                tree->insert(5, -2);
28.                tree->insert(3, -3);
29.                tree->insert(11, -4);
30.                tree->find(29);
31.            }
32.            catch (std::out_of_range exc) {
33.                Assert::AreEqual("Key is missing", exc.what());
34.            }
35.        }
36.        TEST_METHOD(TestMethodClear)
37.        {
38.            try {
39.                Map<int, int>* tree = new Map<int, int>();
40.                tree->insert(10, -1);
41.                tree->insert(5, -2);
42.                tree->insert(3, -3);
43.                tree->insert(11, -4);
44.                tree->clear();
45.                tree->printTree();
46.            }
47.            catch (std::out_of_range exc) {
48.                Assert::AreEqual("Tree is empty!", exc.what());
49.            }
50.        }
51.        TEST_METHOD(TestMethodGetValues)
52.        {
53.            Map<int, int>* tree = new Map<int, int>();
54.            tree->insert(10, -1);

```

```

55.         tree->insert(5, -2);
56.         tree->insert(3, -3);
57.         tree->insert(11, -4);
58.         List<int>* list = tree->get_values();
59.         int sum = 0;
60.         for (int i = 0; i < list->get_size(); i++)
61.             sum+=list->at(i);
62.         Assert::AreEqual(-10,sum);
63.     }
64.     TEST_METHOD(TestMethodGetKeys)
65.     {
66.         Map<int, int>* tree = new Map<int, int>();
67.         tree->insert(10, -1);
68.         tree->insert(5, -2);
69.         tree->insert(3, -3);
70.         tree->insert(11, -4);
71.         List<int>* list = tree->get_keys();
72.         int sum = 0;
73.         for (int i = 0; i < list->get_size(); i++)
74.             sum += list->at(i);
75.         Assert::AreEqual(29, sum);
76.     }
77.     TEST_METHOD(TestMethodRemove)
78.     {
79.         try {
80.             Map<int, int>* tree = new Map<int, int>();
81.             tree->insert(10, -1);
82.             tree->insert(5, -2);
83.             tree->insert(3, -3);
84.             tree->insert(11, -4);
85.             tree->remove(10);
86.             tree->find(10);
87.         }
88.         catch (std::out_of_range exc) {
89.             Assert::AreEqual("Key is missing", exc.what());
90.         }
91.     }
92. };
93. }

```

Вывод

В данной лабораторной работе я познакомился с такой структурой данных как очередь и реализовал её.