## Национальный исследовательский университет ИТМО Факультет ПИиКТ

# Лабораторная работа №2

по курсу «Вычислительная математика» Вариант «2бв»

Работу выполнил:

Глушков Даниил Григорьевич Группа Р3233

Преподаватель:

Перл О. В.

г. Санкт-Петербург 2022

### 1 Описание метода

#### 1.1 Методы решения нелинейных уравнений

#### 1.1.1 Метод хорд

Метод хорд состоит в многократном предположении корня уравнения, построения хорды к точке функции от предположенного значения и предположения корня в точке пересечения хорды с осью. Это выполняется до тех пор, пока не будет достигнута нужная точность.

#### 1.1.2 Метод касательных

Метод касательных состоит в многократном предположении корня уравнения, построения касательной к функции в этой точке, нахождения пересечения касательной с осью ox и предположении корня в точке пересечения. Это выполняется до тех пор, пока не будет достигнута нужная точность.

#### 1.2 Метод решения СНАУ: метод простой итерации

Метод начинается с приведения системы уравнений к виду:

$$y = \phi_1(x, y)$$

$$x = \phi_2(x, y)$$

После этого происходит предположение корней системы и вычисление с помощью этих корней нового предположения до тех пор, пока не будет достигнута нужная точность.

## 2 Расчетные формулы

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

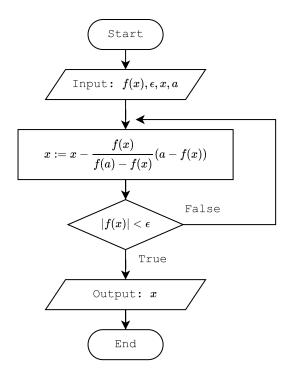
$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f(a) - f(x_n)} (a - f(x_n))$$

$$y_{n+1} = \phi_1(x_n, y_n)$$

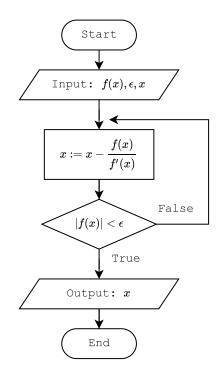
$$x_{n+1} = \phi_2(x_n, y_n)$$

## 3 Блок-схема

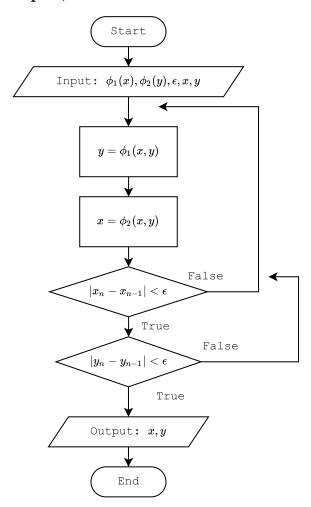
## 3.1 Метод хорд



## 3.2 Метод касательных



#### 3.3 Метод простой итерации



## 4 Листинг реализации

Полный код лабораторной доступен на:

https://github.com/mrcat-pixel/compmath2.git

### 4.1 Метод хорд

#### 4.2 Метод касательных

```
public double calculate(@NotNull Func function, double precision, double approx,
int iterationCount) {
    double newApprox = approx - (function.calcFunc(approx)/function.calcDer(approx));
    double diff = Math.abs(function.calcFunc(newApprox));
    System.out.println("Iteration #" + iterationCount + "; x = "
            + DoubleFormatter.format(newApprox) + "; f(x) = "
            + DoubleFormatter.format(diff));
    if ( diff < precision ) return newApprox;</pre>
    if ( iterationCount > 50 ) {
        System.out.println("Exceeded the iteration limit.");
        return newApprox;
    }
    return calculate(function, precision, newApprox, iterationCount + 1);
}
4.3
      Метод простой итерации
public AnswerPair calculate(EqSystem system, double precision,
double x, double y, int iterationCount) {
    double newX = system.x1(y);
    double newY = system.y2(x);
    double diffX = Math.abs(newX - x);
    double diffY = Math.abs(newY - y);
    System.out.println("Iteration #" + iterationCount +
            "; x = " + DoubleFormatter.format(newX) + "; y = " +
            DoubleFormatter.format(newY) + "; diffX = " + DoubleFormatter.format(diffX)
            + "; diffY = " + DoubleFormatter.format(diffY));
    if (iterationCount > 50) {
        System.out.println("Exceeded the iteration limit.");
        return new AnswerPair(newX, newY);
    }
    if (diffX < precision && diffY < precision)
        return new AnswerPair(newX, newY);
    return calculate(system, precision, newX, newY, iterationCount + 1);
}
```

## 5 Результаты работы программы

#### 5.1 Пример 1: Система уравнений

```
complab2>syst
Choose an equation system to solve:
1: y = x^3;
  y = x^2 - 6.
2: y = 0.1x^3;
  y = x^2 - 0.5.
_____
Input precision:
>0.01
Input the initial approximation for x:
Input the initial approximation for y:
>1
Starting the simple iteration method...
Iteration #1; x = 1,000000; y = -5,000000; diffX = 0,000000; diffY = 6,000000
Iteration #2; x = -1,709976; y = -5,000000; diffX = 2,709976; diffY = 0,000000
Iteration #3; x = -1,709976; y = -3,075982; diffX = 0,000000; diffY = 1,924018
Iteration #4; x = -1,454324; y = -3,075982; diffX = 0,255652; diffY = 0,000000
Iteration #5; x = -1,454324; y = -3,884941; diffX = 0,000000; diffY = 0,808958
Iteration #6; x = -1,572032; y = -3,884941; diffX = 0,117708; diffY = 0,000000
Iteration #7; x = -1,572032; y = -3,528714; diffX = 0,000000; diffY = 0,356226
Iteration #8; x = -1,522435; y = -3,528714; diffX = 0,049597; diffY = 0,000000
Iteration #9; x = -1,522435; y = -3,682191; diffX = 0,000000; diffY = 0,153476
Iteration #10; x = -1,544195; y = -3,682191; diffX = 0,021760; diffY = 0,000000
Iteration #11; x = -1,544195; y = -3,615462; diffX = 0,000000; diffY = 0,066729
Iteration #12; x = -1,534810; y = -3,615462; diffX = 0,009385; diffY = 0,000000
The solution is: x = -1,534810; y = -3,615462
complab2>
```

### 5.2 Пример 2: Уравнение 1

```
Starting Newton's method...
Iteration #1; x = 0,929949; f(x) = 0,011006
Iteration #2; x = 0.922801; f(x) = 0.000111
The solution is: 0,922801
_____
Starting the Secant method...
Iteration #1; x = 0,846885; f(x) = 0,102249
Iteration #2; x = 0.914382; f(x) = 0.012440
Iteration #3; x = 0.921876; f(x) = 0.001284
Iteration #4; x = 0.922642; f(x) = 0.000130
The solution is: 0,922642
_____
The difference between the two solutions is: 0,000160
complab2>
     Пример 2: Уравнение 2
5.3
complab2>sing
-----
Choose an equation to solve:
1: x + cos(x) - 0.67x^3 - 1 = 0
2: x^3 + 2x^2 - 5x - 5 = 0
3: -x^2 + 5 = 0
_____
>2
Input precision:
>0.001
Input the initial approximation for Newton's method:
Input the beginning of the interval for the Secant method:
>1.5
Input the end of the interval for the Secant method:
-----
Starting Newton's method...
Iteration #1; x = 1,933333; f(x) = 0,035259
Iteration #2; x = 1,930805; f(x) = 0,000050
The solution is: 1,930805
_____
Starting the Secant method...
Iteration #1; x = 1,911111; f(x) = 0,270826
Iteration #2; x = 1,930054; f(x) = 0,010389
Iteration #3; x = 1,930773; f(x) = 0,000391
The solution is: 1,930773
-----
```

The difference between the two solutions is: 0,000032

complab2>

## 6 Вывод

- 1. Метод касательных хорошо применим для повышения точности корня уравнения, полученного другим методом. При этом он имеет значимые минусы. В частности, из-за использования касательных при f'(x) = 0 метод не найдет корень, и существуют условия, при которых он не сходится. Также эффективность метода снижается при недостаточном изначальном приближении корня.
- 2. Метод хорд применим для нахождения корня уравнения на определенном интервале. Также, как и для метода касательных, существуют условия, при которых метод не сходится, и также возникают проблемы при построении хорд при f'(x) = 0. Помимо этого, метод хорд в большинстве случаев требует больше итераций, чем метод касательных, но имеет свой плюс: не требует использования производной от функции при вычислении.
- 3. Метод простой итерации прост в понимании и реализации, однако на практике требует большое количество итераций для достижения достаточного приближения корня.