

char 类型的范围为什么是【-128,127】，而不是【-127,127】。

一、问题来源

整型范围的公式： $-2^{(n-1)} \sim 2^{(n-1)}-1$

n为整型的内存占用位数，所以int类型32位 那么就是 $-(2^{31}) \sim 2^{31}-1$ 即 -

2147483648~2147483647,但是为什么最小负数绝对值总比最大正数多1？

二、分析问题参数原因

2.1 对于无符号整数，很简单，全部位都表示数值，比如 char型，8位，用二进制表示为0000 0000 ~ 1111 1111。1111 1111 最大即为十进制255,所以 unsigned char 的范围为0~ 255。

2.2 但是对于有符号整数，二进制的最高位表示正负，不表示数值，最高位为0时表示正数，为1时表示负数，这样一来，能表示数值的就剩下(n-1)位了，比如 char a= -1; 那么二进制表示就为 1000 0001, 1 表示为0000 0001 ,所以signed char 型除去符号位剩下的7位最大为111 1111 =127，再把符号加上，0 111 1111=127，1111 1111= -127，范围应该为 -127~127。

2.3 计算机只有加法器而没有设计减法器。大家都知道计算机内部是以二进制来存贮数值的，无符号整数会用全部为来存储，有符号的整数，最高位当做符号位，其余为表示数值，这样貌似合理，却带来一个麻烦，当进行加法时，1+1

```
0000 0001
+ 0000 0001
-----
```

0000 00102

当相减时 1-1=? 由于计算机只会加法不会减法，它会转化为1+(-1),因此

```
0000 0001
+ 1000 0001
-----
```

1000 0010 -2，1-1= -2? 这显然是不对了。

2.4 反码的出现，为了避免减法运算错误，计算机大神们发明出了反码，直接用最高位表示符号位的叫做原码，上面提到的二进制都是原码形式，反码是原码除最高位其余位取反，规定：正数的反码和原码相同，负数的反码是原码除了符号位，其余为都取反，因此-1的源码为 1000 0001，反码为 1111 1110, 现在再用反码来计算 1+(-1)。

```
0000 0001
+ 1111 1110
-----
```

1111 1111再转化为原码就是 1000 0000 = -0。

2.5 补码的出现，反码解决了相减的问题，却又带来一个问题，-0，既然0000 0000 表示 0，那么就没有 -0 的必要，出现 +0= -0=0，一个0就够了，为了避免两个0的问题，计算机大师们又发明了补码，补码规定：正数的补码是其本身，负数的补码为其反码加一，所以，负数转化为反码需两个步

骤，第一，先转化为反码，第二：把反码加一。这样 -1 的补码为 1111 1111， $1+(-1)$ 。

```
0000 0001
+ 1111 1111
```

1 0000 0000 这里变成了9位，由于char为8位，最高位1被丢弃 结果为0，运算正确。

2.6 再看，-0、+0。

-0：原码 1000 0000 的补码为1 0000 0000，由于char是八位，所以取低八位0000 0000。

+0：原码为0000 0000，补码也为 0000 0000，虽然补码0都是相同的，但是有两个0，既然有两个0，况且0既不是正数，也不是负数，用原码为0000 0000表示就行了。

这样一来，有符号的char,原码都用来表示-127~127之间的数了，唯独剩下原码1000 0000没有用，用排列组合也可以算出来，0??????，能表示 $2^7=128$ 个数，刚好是0~127,1??????,也能表示128个数，总共signed char有256个数，这与-127~127中间是**两个0**刚好吻合。

2.7 再看，剩下的1000 0000。

既然-127~0~127都有相应的原码与其对应，那么1000 0000表示什么呢，当然是-128了，为什么是-128呢？

2.7.1 网上有人说-0即1000 0000与128的补码相同，所以用1000 0000表示-128，这我实在是不敢苟同，或者说-128没有原码，只有补码1000 0000,胡扯，既然没有原码何来补码。

2.7.2 还有说-128的原码与-0(1000 0000)的原码相同，所以可以用1000 0000表示-128，我只能说，回答的不要那么牵强。

2.7.3 原码1000 0000与-128的原码实际上是不同的，但为什么能用它表示-128进行运算，如果不要限制为char型（即不要限定是8位），再来看，-128的原码：1 1000 0000，9位，最高位符号位，再算它的反码：1 0111 1111，进而，补码为：**1 1000 0000,这是-128的补码**，发现和原码一样，1 1000 0000和1000 0000相同？如果说一样的人真是瞎了眼了，所以，-128的原码和-0(1000 000)的原码是不同的。

但是在char型中，是可以**用1000 000表示-128的**，关键在于char是8位，**它把-128的最高位符号位1丢弃了**，截断后-128的原码为1000 000和-0的原码相同，也就是说**1000 0000和-128丢弃最高位后余下的8位相同，所以才可以用-0表示-128**，这样，当初剩余的-0(1000 0000)，被拿来表示截断后的-128,因为即使截断后的-128和char型范围的其他数(-127~127)运算也不会影响结果，所以才敢这么表示-128。

比如 -128+(-1)

```
1000 0000 -----丢弃最高位的-128
+ 1111 1111 ----- -1
```

1 0111 1111 -----char取八位，这样结果不正确，不过没关系，结果-129本来就超出char型了，当然不能表示了。

比如 -128+127

```
1000 0000
+ 0111 1111
```

1111 1111 ----- -1 结果正确，所以，这就是为什么能用 1000 0000表示-128的原因。

三、结论

从而也是为什么char是-128~127，而不是-127~127，short int 同样如此 -32768~32767 因为在16位中，-32768为原码为17位，丢弃最高位剩下的16为-0的原码相同。。。。

四、扩展问题

还有一个问题：

既然-128最高位丢弃了。那么

char a=-128; //在内存中以补码1 1000 0000 存储，但由于是char ,所以只存储 1000 0000

printf("%d",a); //既然最高位丢弃了，输出时应该是1000 0000 的原码的十进制数-0，但为什么能输出-128呢。

还能打印出-128；

我猜想是计算机内部的一个约定，就像float一样，能用23位表示24位的精度，因为最高位默认为1，到时候把23位取出再加1便可。

-128也是同样的原理，当数据总线从内存中取出的是1000 0000，CPU会给它再添最高一位，变为1 1000 0000 这样才能转化为

-128输出，不然1000 0000 如何输出？这当然是我的一种推断，具体怎么实现还得问CPU的设计者了。。。。

再看一个例子：

char a=-129;

printf("%d",a) ; 会输入多少？？ 结果为127，为什么呢？

-129在补码为10 0111 1111 只取后八位存储，即 0111 111 这个值刚好是127了，同理-130 截断后为126.....

如此按模轮回，关于模就先不探讨了。。

那么

unsigned char a= -1;

if(1>a) printf("大于");

else

printf("小于");

结果是什么呢？ 出人意料的是： 小于，而不是大于，猫腻在你哪呢，还是存储问题：

a为unsigned 无符号，它的八位都用来存储数值，没有符号位，编译器把-1转换为补码为 1111 1111,但由于是无符号，计算机会把 1111 1111 当做是无符号来对待，自然就是 $2^8 - 1 = 255$ 了，所以相当于是if(1>255) 肯定是printf("小于");了。。。

