De Morgan's laws

Mitch Feigenbaum

Proof 1

let
$$x \in \neg(A \cap B)$$

$$x \notin A \cap B$$

$$x \in \neg A \wedge x \in \neg B$$

$$x \in \neg A \cup \neg B$$

$$\therefore \neg (A \cap B) = \neg A \cup \neg B$$

Proof 2

let
$$x \in \neg(A \cup B)$$

$$x\not\in A\cup B$$

$$x \in \neg A \vee x \in \neg B$$

$$x \in \neg A \cap \neg B$$

$$\therefore \neg (A \cup B) = \neg A \cap \neg B$$