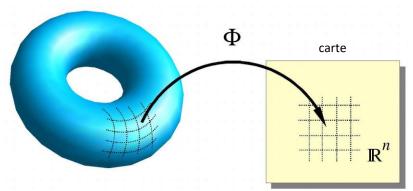
TRAJECTOIRES avec COSMOGRAVITY TUTORIEL

J.P. CORDONI 08/08/2022



Cadre géométrique

La relativité a opéré la fusion de l'espace et du temps, deux notions qui étaient complètement distinctes en mécanique galiléenne. Il faut quatre nombres pour déterminer un événement dans le « continuum » d'espace et temps : trois pour sa localisation spatiale (par exemple ses coordonnées cartésiennes $\{x, y, z\}$ ou sphériques $\{r, \theta, \varphi\}$) et un pour sa date (t). La structure mathématique correspondant à ce « continuum » à quatre dimensions est celle de **variété**.



Variété : vue de près, une variété ressemble à R^n (n = 2 sur la figure), mais cela n'est plus nécessairement vrai au niveau global.

Il convient de souligner que la ressemblance locale avec R⁴ s'arrête à l'étiquetage des points et ne s'étend pas à la structure d'espace euclidien de R⁴. En particulier le choix du système de coordonnées est complètement libre.

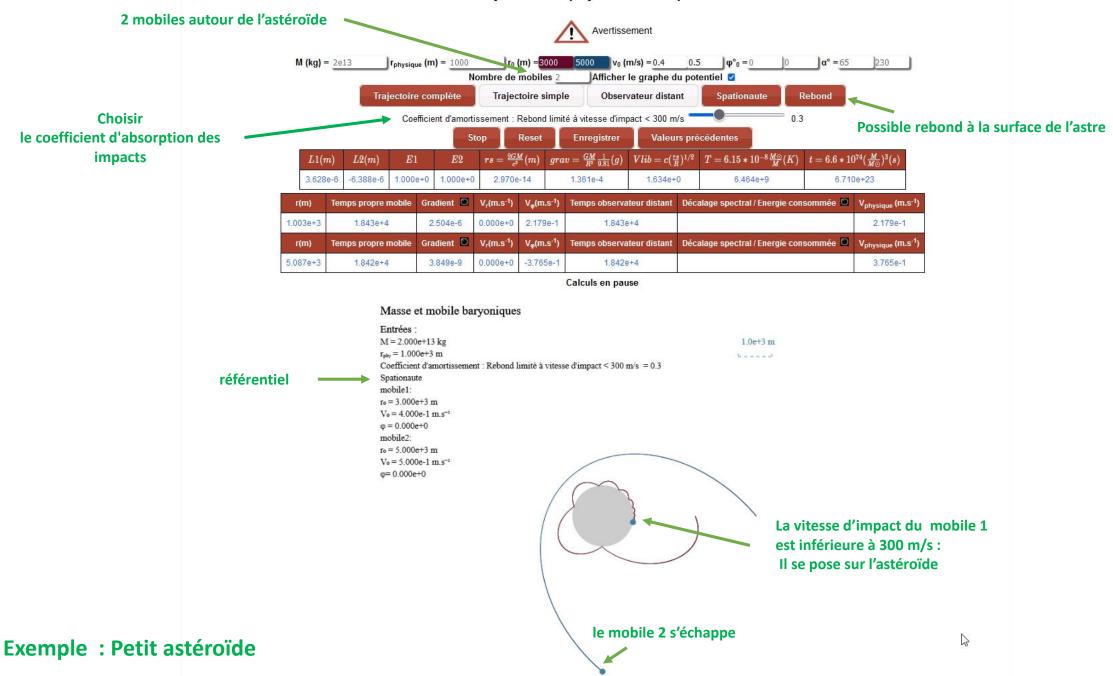
Ces notes sont extraites de Gourgoulhon-Relativité Générale

Dans le logiciel **Cosmogravity** les « trajectoires » sont les géodésiques suivies par les différentes particules (baryoniques, non baryoniques, photons) représentées par leurs coordonnées (r, φ) dans R^2 en fonction du temps propre (τ) des particules ou du temps de l'observateur lointain (t).

La distance qui serait mesurée (à l'aide de l'échelle de la simulation) entre deux positions d'une particule n'est évidemment pas égale à la distance métrique entre ces deux positions.

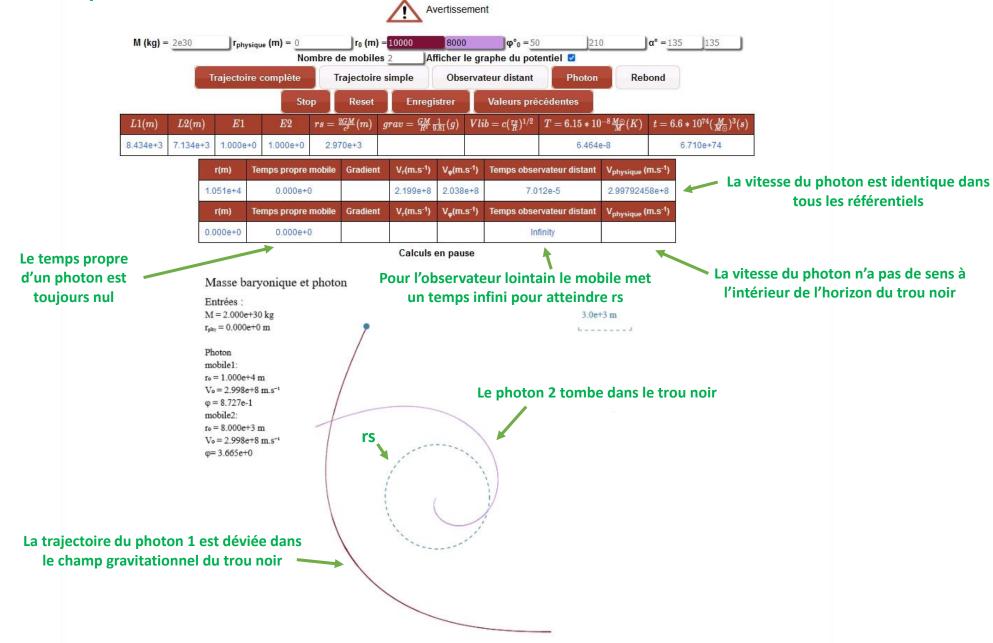
Trajectoire d'un projectile en métrique de Schwarzchild Entrer les paramètres physiques de la trajectoire Cliquer sur Start pour lancer la simulation Lire l'avertissement Avertissement M(kg) = 2.6e30 r_0 (m) = 21000 v_0 (m/s) = 1e8 r_{physique} (m) = 11000 $\phi^{\circ}_{0} = 0$ **Utiliser les info-bulles** Afficher le graphe du potentiel Nombre de mobiles 1 Masse de l'astre Trajectoire complète Observateur distant Rebond Trajectoire simple Spationaute Tracé continu ou point par point Choisir le référentiel Stop Reset Enregistrer Valeurs précédentes $rs = \frac{2GM}{c^2}(m)$ $grav = \frac{GM}{R^2} \frac{1}{9.81}(g)$ $Vlib = c(\frac{rs}{R})^{1/2}$ $T = 6.15 * 10^{-8} \frac{M\odot}{M}(K)$ $t = 6.6 * 10^{74} (\frac{M}{M\odot})^3(s)$ L1(m)9.583e-1 1.462e+11 7.430e+3 3.861e+3 1.776e+8 4.973e-8 1.474e+75 Temps propre mobile Gradient V_r(m.s⁻¹) Décalage spectral / Energie consommée 🔘 V_{physique} (m.s⁻¹) V_o(m.s⁻¹) Temps observateur distant Valeurs calculées 6.482e-3 1.324e+7 1.002e+6 1.037e+8 7.652e-3 2.016e+4 1.037e+8 durant la simulation Calculs en pause Masse et mobile baryoniques Entrées : Echelle de la simulation M = 2.600e + 30 kg $r_{phy} = 1.100e + 4 \text{ m}$ Référentiel La touche Enregistrer sauve Spationaute rayon de l'étoile mobile1: le graphisme ainsi que les Entrées. $r_0 = 2.100e + 4 \text{ m}$ La touche Stop met fin à la simulation $V_0 = 1.000e + 8 \text{ m.s}^{-1}$ $\phi = 0.000e + 0$ et remet les entrées par défaut ... mais la touche Valeurs précédentes permet de rappeler ensuite les précédentes entrées. **Durant la simulation on peut :** - la diminuer (Zoom-) - la ralentir - revenir - la mettre en pause - l'accélérer - l'agrandir (Zoom+) rs: rayon de Schwarzschild **Exemple:** Etoile à neutrons Accélérer (attention, réduit la précision)

Trajectoire d'un projectile en métrique de Schwarzchild



Trajectoire d'un photon en métrique de Schwarzchild

Exemple: Trajectoires de photons



Trajectoire d'un projectile en métrique de Schwarzchild (cas non baryonique) Avertissement M(kg) = 2e30 $r_0 (m) = 9e8$ $v_0(m.s^{-1}) = 3e5$ α° =90 Nombre de mobiles Afficher le graphe du potentiel Trajectoire complète Trajectoire simple Observateur distant Spationaute Valeurs précédentes Stop Reset $grav = \frac{GM}{H^2} \frac{1}{0.81}(g)$ $Vlib = c(\frac{rs}{H})^{1/2}$ $T = 6.15 * 10^{-8} \frac{M\odot}{M}(K)$ $t = 6.6 * 10^{74} (\frac{M}{M\odot})^3 (s)$ L2(m)L3(m)9.006e+5 4.003e+5 6.004e+5 1.000e+0 2.777e+1 6.176e+5 6.464e-8 6.710e+74 V_r(m.s⁻¹) V_∞(m.s⁻¹) Temps observateur distant Décalage spectral / Energie consommée 8.863e+8 2.229e+4 4.226e+4 3.046e+5 2.229e+4 2.202e-6 3.076e+5 Temps propre mobile Temps observateur distant Décalage spectral / Energie consommée V_{physique} (m.s⁻¹) 4.769e+8 2.229e+4 1.224e-6 2.095e+4 2.516e+5 2.229e+4 3.045e-6 2.525e+5 Vr(m.s-1) Décalage spectral / Energie consommée V_{physique} (m.s⁻¹) Temps propre mobile Temps observateur distant 4.881e+8 2.228e+4 2.102e-6 -3.727e+4 3.688e+5 3.431e-6 3.707e+5 2.228e+4 Calculs en pause Masse et/ou mobile non baryonique(s) Entrées M = 2.000e + 30 kg3.0e+8 m $r_{ehr} = 7.000e + 8 \text{ m}$ L - - - - - - J Pour le calcul du décalage spectral Observateur distant mobile1: l'observateur est supposé très loin $r_0 = 9.000e + 8 \text{ m}$ $V_0 = 3.000e + 5 \text{ m.s}^{-1}$ (distance non cosmologique) $\phi = 0.000e + 0$ dans une direction perpendiculaire au plan des mobile2: $r_0 = 4.000e + 8 \text{ m}$ trajectoires $V_0 = 3.000e + 5 \text{ m.s}^{-1}$ $\phi = 1.571e + 0$ Les trois particules de matière baryonique sont soumises au seul champ gravitationnel de la masse centrale **Exemple: Matière du Soleil** supposée non baryonique de

masse volumique constante

