#### بسم الله الرحمن الرحيم

دانشگاه علم و صنعتایران پاییز ۱۳۹۹

پاسخ تمرین سری سوم

مبانى بينايى كامپيوتر

1. در شکل زیر ماتریس بالا، فیلتر و ماتریس پایین، تصویر هستند. برای zero-padding چند ردیف صفر به هر سمت از تصویر اضافه می گردد؟ با در نظر گرفتن zero-padding، تصویر را با فیلتر کانوالو کنید. در حالت BORDER\_REFLECT تصویر را با فیلتر کانوالو کنید و نتیجه را با حالت قبل مقایسه کنید.

١	٣	١
١	٠	١
١	۲	١
	فيلتر	

١	۲	١	۶
<b>\</b>	١	١	١
٣	١	۲	٠
١	۴	٠	۲

تصوير

با توجه بهاین که ابعاد فیلتر ۳ در ۳ است پس نیاز است به هر سمت از تصویر یک ردیف صفر برای صفر افزونه اضافه شود. برای کانوالو کردن فیلتر با تصویر ابتدا لازم است فیلتر را ۱۸۰ درجه بچرخانیم.

١	۲	١
١	•	١
١	٣	١

فیلتر ۱۸۰ درجه چرخیده

حالا به تصویر به تعداد لازم و کافی صفر میافزاییم.

٠	•	•	•	•	•
٠	١	٢	١	۶	•
٠	٧	١	١	١	•
٠	٣	١	۲	•	•
٠	١	۴	٠	٢	•
٠	•	•	٠	٠	•

تصوير صفر افزوده شده

حالا مرکز فیلتر را بر روی هر نقطه از تصویر گذاشته و نظیر به نظیر ضرب میکنیم و نتیجه ضربها را جمع کرده و در آن خانه قرار میدهیم. یعنی به نوعی همبستگی فیلتر چرخیده شده با نقاط تصویر را محاسبه میکنیم. نتیجه بهاین صورت است.

74	١٣	١٣	۵
۱۵	77	19	18
۲۳	۲۸	11	11
11	٨	11	٢

نتيجه كانوولوشن با صفر افزونه

در حالت BORDER\_REFLECT هم باز با توجه به ابعاد فیلتر فقط نیاز به گسترش تا یک ردیف در هر سمت از تصویر است و باید همان نقطه مرز را در حاشیهای که میافزاییم، اضافه کنیم.

١	١	٢	١	۶	۶
١	١	٢	١	۶	۶
٧	٧	١	١	١	١
٣	٣	١	۲	٠	•
١	١	۴	•	۲	۲
١	١	۴	•	٢	٢

تصوير افزوده شده در حالت BORDER\_REFLECT

نتیجه دراین حالت بهاین صورت است.

٣٧	19	۲۳	۲٦
78	77	۱۹	۲۳
74	۲۸	11	14
۲۳	71	١٧	17

نتيجه كانوولوشن در حالت BORDER\_REFLECT

مقایسه دو نتیجهاین نکته را می گوید که در مورد پیکسلهای مرکزی تصویر، تغییری رخ نداده. تغییر در مورد پیکسلهای مرزی تصویر است. در تصویر با صفر افزونه مقدار پیکسلها کمتر از حالت BORDER\_REFLECT روشن تر باشد. BORDER\_REFLECT است.این باعث می شود حاشیه تصویر در حالت BORDER\_REFLECT روشن تر باشد. هرچنداین نکته مهم است که با توجه به کاری که می خواهیم انجام دهیم انتخاب نحوه افزودن حاشیه مهم است.

۲. به صورت مفهومی توضیح دهید دو کرنل زیر چه پردازشی بر روی تصویر انجام می دهند؟

.a

-1	٠	١
----	---	---

این کرنل به نوعی مشتق در جهت افقی در تصویر را می گیرد و لبههای عمودی در تصویر را نشان میدهد.

.b

\frac{1}{1}

این کرنل نوعی هموار ساز در جهت عمودی در تصویر با اهمیت بیشتر به آن نقطه از تصویر است به صورتی که هموار کردن باعث از بین رفتن زیاد لبههای افقی نشود.

۳. فرض کنید تصویر زیر یک تصویر سطح خاکستری است(محدوده رنگ ممکن بین صفر تا ۲۵۵ است). به صورت مرحله به مرحله الگوریتم CLAHE را بر رویاین تصویر با اندازه پنجره  $3 \times 3$  و حالتهای ClipLimit = 1 و ClipLimit = 1

49	۵١	۵٧	۵٩
48	۵۲	۵۸	۶٠
45	۵۲	۵۸	۶۰

برای حلاین سوال حالتهای مختلفی وجود دارد. دراین جا چند حالت مختلف را حل می کنیم. در حالت اول بدون استفاده از پد گذاشتناین سوال را حل می کنیم، بهاین صورت که یک پنجره  $\pi$  در  $\pi$  در سمت چپ تصویر قرار می دهیم و با استفاده از هیستوگرام حاصل از آن، تبدیلی برای  $\pi$  پیکسل سمت چپ تصویر می یابیم. سپس پنجره  $\pi$  در  $\pi$  بعدی را در سمت راست تصویر قرار داده و با استفاده از هیستوگرام حاصل از آن، تبدیلی برای  $\pi$  پیکسل سمت راست تصویر می یابیم.

حالت اول، ClipLimit = 1، قسمت اول

48	۵۱	۵٧	۵۹
48	۵۲	۵٨	۶۰
48	۵۲	۵٨	۶۰

پنجره با رنگ قرمز مشخص شده و تبدیل را فقط بر روی نقاطی که با رنگ زرد مشخص شده، اعمال می کنیم.

هیستوگرام درون پنجره

0	 45	46	47	:	50	51	52	53	 56	57	58	59	:	255
0	0	3	0		0	1	2	0	0	1	2	0		0

جدول بالا به نوعی فراوانی رنگ پیکسلها در پنجره را نمایش می دهد. اعداد سطر اول رنگ پیکسلها و اعداد سطر دوم فراوانی آن رنگ در پنجره است. جایی که از ... استفاده شده است یعنی آن فراوانی برای آن رنگ تکرار قبلی اش است. مثلا وقتی بعد از رنگ 0 که فراوانی اش 0 است، ... آمده است یعنی برای رنگهای 1 تا 44 هم مقدار فراوانی 0 است.

حالا میخواهیم هیستوگرام را از حد ۱ برش بزنیم و به صورت مساوی به همه رنگها مقداری اضافه کنیم. باید ببینیم هر رنگ چقدر بیشتر از حد، فراوانی دارد و آن مقدارها را جمع کنیم و به تمام رنگها، مقداری مساوی از چیزی که بیش از حد رنگها داریم، بدهیم.

$$\frac{(3-1)+(2-1)+(2-1)}{256} = \frac{2+1+1}{256} = \frac{4}{256}$$

تعداد تمامیرنگهای ممکن از صفر تا ۲۵۵ برابر ۲۵۶ رنگ است و برای رنگهای ۴۶، ۵۲ و ۵۸ مقدار فراوانی ای بالای حد داشتیم که در رابطه بالا در صورت چیزی که بیش از حد بود حساب شده و در کل عبارت بالا حساب شده که باید پس ازاین که مقدار فراوانی سه رنگ ۴۶، ۵۲ و ۵۸ را به مقدار حد یعنی ۱ برش می دهیم (کاهش می دهیم) به همه رنگها چه مقداری باید اضافه کنیم. در برش هیستوگرام مقدار رنگهایی که از حد بیشتر هستند به مقدار حد کاهش می باید سپس تقاضل این مقادیر به همه رنگها به صورت مساوی، افزوده می شود.

هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	 45	46	47		50	51	52	53		56	57	58	59		255
4 256	 4 256	$1 + \frac{4}{256}$	$\frac{4}{256}$	:	$\frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	$\frac{4}{256}$	:	$\frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	$\frac{4}{256}$	:	4 256

حالا برای این هیستوگرام تبدیل عملیات متعادل سازی هیستوگرام را فقط برای رنگهای ۴۶، ۵۱ و ۵۲ که در پنجره اول مشخص کردیم و زرد رنگ هستند، محاسبه می کنیم. فقط در نظر داشته باشید که در این متعادل سازی فقط ۹ پیکسل داریم.

نتيجه معادل سازى

k	46	51	52
$n_k$	1.01	1.01	1.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	1.73	2.81	3.82
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.19	0.31	0.42
s × 255	48.45	79.05	107.1
round	48	79	107

از آوردن محاسبه برای باقی رنگها که نتیجه اش به کارمان نمی آید خودداری شده است. پس تااین جا محاسبه کردیم که بعد از اعمال CLAHE باید دراین پنجره رنگ پیکسل ۴۶ به ۸۱، ۵۱ به ۷۹ و ۵۲ به ۱۰۷ تغییر کند.

حالا به محاسبه قسمت دوم می رویم.

حالت اول، ClipLimit = 1، قسمت دوم

48	۵١	۵۷	۵۹
49	۵۲	۵٨	۶٠
49	۵۲	۵٨	۶٠

پنجره با رنگ قرمز مشخص شده و تبدیل را فقط بر روی نقاطی که با رنگ زرد مشخص شده، اعمال می کنیم.

0	1	50	51	52	53	1	56	57	58	59	60	61	1	255
0	:	0	1	2	0		0	1	2	1	2	0	:	0

حالا میخواهیم هیستوگرام را از حد ۱ برش بزنیم و به صورت مساوی به همه رنگها مقداری اضافه کنیم. باید ببینیم هر رنگ چقدر بیشتر از حد، فراوانی دارد و آن مقدارها را جمع کنیم و به تمام رنگها، مقداری مساوی از چیزی که بیش از حد رنگها داریم، بدهیم.

$$\frac{(2-1)+(2-1)+(2-1)}{256} = \frac{1+1+1}{256} = \frac{3}{256}$$

در برش هیستوگرام مقدار رنگهایی که از حد بیشتر هستند به مقدار حد کاهش مییابد سپس تقاضلاین مقادیر به همه رنگها به صورت مساوی، افزوده میشود.

هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	 50	51	52	53	 56	57	58	59	60	61	 255
3 256	 3 256	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	3 256	 3 256	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	3 256	 3 256

حالا برای این هیستوگرام تبدیل عملیات متعادل سازی هیستوگرام را فقط برای رنگهای ۵۷، ۵۸، ۵۹ و ۶۰ که در پنجره اول مشخص کردیم و زرد رنگ هستند، محاسبه می کنیم. فقط در نظر داشته باشید که در این متعادل سازی فقط ۹ پیکسل داریم.

نتيجه معادل سازى

k	57	58	59	60
$n_k$	1.01	1.01	1.01	1.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	3.67	4.69	5.7	6.71
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.41	0.52	0.63	0.75
s × 255	104.55	132.6	160.65	191.25
round	105	133	161	191

از آوردن محاسبه برای باقی رنگها که نتیجه اش به کارمان نمی آید خودداری شده است. حواستان به گرد کردن انتهایش باشد. یعنی اگر مقدار اعشار بیش از نیم بود به سمت بالا گرد می شود. حالا مقدار تمام تبدیلها را داریم واین تبدیلها را بر روی تصویر اعمال می کنیم. نتیجه به این صورت است.

ClipLimit = 1 نتیجه حالت اول،

۴۸	٧٩	۱۰۵	181
47	1.7	١٣٣	191
۴۸	1.7	١٣٣	191

حالت اول، ClipLimit = 2، قسمت اول

48	۵۱	۵۷	۵٩
48	۵۲	۵٨	۶٠
48	۵۲	۵٨	۶٠

پنجره با رنگ قرمز مشخص شده و تبدیل را فقط بر روی نقاطی که با رنگ زرد مشخص شده، اعمال می کنیم.

0	 45	46	47	:	50	51	52	53	 56	57	58	59	:	255
0	 0	3	0	:	0	1	2	0	 0	1	2	0	:	0

حالا میخواهیم هیستوگرام را از حد ۲ برش بزنیم و به صورت مساوی به همه رنگها مقداری اضافه کنیم. باید ببینیم هر رنگ چقدر بیشتر از حد، فراوانی دارد و آن مقدارها را جمع کنیم و به تمام رنگها، مقداری مساوی از چیزی که بیش از حد رنگها داریم، بدهیم.

$$\frac{(3-2)}{256} = \frac{1}{256}$$

هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0		45	46	47		50	51	52	53	 56	57	58	59		255
$\frac{1}{256}$	:	1 256	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	:	1 256	$1 + \frac{1}{256}$	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	 1 256	$1 + \frac{1}{256}$	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	:	1 256

حالا برای این هیستوگرام تبدیل عملیات متعادل سازی هیستوگرام را فقط برای رنگهای ۴۶، ۵۱ و ۵۲ که در این که در پنجره مشخص کردیم و زرد رنگ هستند، محاسبه می کنیم. فقط در نظر داشته باشید که در این متعادل سازی فقط ۹ پیکسل داریم.

k	46	51	52
$n_k$	2	1	2
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	2.18	3.2	5.21
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.24	0.36	0.58
s × 255	61.2	91.8	147.9
round	61	92	148

از آوردن محاسبه برای باقی رنگها که نتیجه اش به کارمان نمی آید خودداری شده است. پس تااین جا محاسبه کردیم که بعد از اعمال CLAHE باید دراین پنجره رنگ پیکسل ۴۶ به ۶۱ به ۹۲ و ۵۲ به ۱۴۸ تغییر کند.

حالا به محاسبه قسمت دوم میرویم.

حالت اول، ClipLimit = 2، قسمت دوم

49	۵١	۵۷	۵٩
45	۵۲	۵٨	۶.
48	۵۲	۵٨	۶.

پنجره با رنگ قرمز مشخص شده و تبدیل را فقط بر روی نقاطی که با رنگ زرد مشخص شده، اعمال می کنیم.

هیستوگرام درون پنجره

0	 50	51	52	53	 56	57	58	59	60	61	 255
0	 0	1	2	0	 0	1	2	1	2	0	 0

حالا میخواهیم هیستوگرام را از حد ۲ برش بزنیم و به صورت مساوی به همه رنگها مقداری اضافه کنیم. قابل مشاهده است که بااین حد نیازی به برش و افزودن نداریم پس خواهیم داشت. هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0		50	51	52	53	 56	57	58	59	60	61		255
0	:	0	1	2	0	0	1	2	1	2	0	:	0

حالا برای این هیستوگرام تبدیل عملیات متعادل سازی هیستوگرام را فقط برای رنگهای ۵۷، ۵۸، ۵۹ و ۶۰ که در پنجره مشخص کردیم و زرد رنگ هستند، محاسبه می کنیم. فقط در نظر داشته باشید که در ین متعادل سازی فقط ۹ پیکسل داریم.

نتيجه معادل سازى

k	57	58	59	60
$n_k$	1	2	1	2
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	4	6	7	9
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.45	0.67	0.78	1
s × 255	113.34	170	198.34	255
round	113	170	198	255

از آوردن محاسبه برای باقی رنگها که نتیجه اش به کارمان نمی آید خودداری شده است. حواستان به گرد کردن انتهایش باشد. یعنی اگر مقدار اعشار بیش از نیم بود به سمت بالا گرد می شود. حالا مقدار تمام تبدیلها را داریم واین تبدیلها را بر روی تصویر اعمال می کنیم. نتیجه به این صورت است.

ClipLimit = 2 نتيجه حالت اول،

۶۱	97	117	191
۶١	147	۱۷۰	۲۵۵
۶۱	147	١٧٠	۲۵۵

حالا در حالت دوم از پدینگ BOARDER\_REFLECT\_101 استفاده می کنیم. با توجه به ابعاد پنجره نیاز به یک ردیف پد گذاشتن در هر طرف تصویر داریم. پس از اعمال پدینگ حالا برای هر نقطه تصویر می توانیم یک پنجره ۳ در ۳ جدا داشته باشیم که فقط برای آن نقطه به کمک هیستوگرام حاصل از پنجره اش، تبدیل را محاسبه و اعمال کنیم.

نتیجه اعمال یدینگ

۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۸۵
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	46	۵۲	۸۵	۶٠	۵۸

در تصویر بالا خانههایی که با پس زمینه زرد مشخص شده اند، پد هستند. حالا برای هر نقطه تصویر اقدام به محاسبه خود می کنیم.

حالت دوم، ClipLimit = 1، قسمت اول

Δ٢	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
Δ٢	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
Δ٢	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
Δ٢	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨

باید فقط با استفاده ازاین پنجره نتیجه تبدیل مقدار پیکسل وسط را بیابیم و فقط به همان اعمال کنیم. این پیکسل دراینجا مقدارش ۵۹ است.

0	:	56	57	58	59	60	61	:	255
0	:	0	2	4	1	2	0	:	0

حالا میخواهیم هیستوگرام را از حد ۱ برش بزنیم و به صورت مساوی به همه رنگها مقداری اضافه کنیم. باید ببینیم هر رنگ چقدر بیشتر از حد، فراوانی دارد و آن مقدارها را جمع کنیم و به تمام رنگها، مقداری مساوی از چیزی که بیش از حد رنگها داریم، بدهیم.

$$\frac{(2-1)+(4-1)+(2-1)}{256} = \frac{1+3+1}{256} = \frac{5}{256}$$

هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	 56	57	58	59	59 60			255
5 256	 5 256	$1 + \frac{5}{256}$	$1 + \frac{5}{256}$	$1 + \frac{5}{256}$	$1 + \frac{5}{256}$	5 256	:	5 256

حالا برای این هیستوگرام تبدیل عملیات متعادل سازی هیستوگرام را فقط برای رنگ ۵۹ محاسبه می کنیم. فقط در نظر داشته باشید که در این متعادل سازی فقط ۹ پیکسل داریم.

k	59
$n_k$	1.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	4.17
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.46
s × 255	117.3
round	117

حالاً به محاسبه قسمت بعد می رویم. فقط دیگر محاسبات آورده شده است. حالت دوم، ClipLimit=1، قسمت دوم

۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵۱	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

هیستوگرام درون پنجره

0	:	50	51	52	53	:	56	57	58	59	60	61	:	255
0	:	0	1	2	0	:	0	1	2	1	2	0	:	0

$$\frac{(2-1)+(2-1)+(2-1)}{256} = \frac{1+1+1}{256} = \frac{3}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	 50	51	52	53	 56	57	58	59	60	61		255
3 256	 3 256	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	3 256	 3 256	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	3 256	::	3 256

# نتیجه معادل سازی

k	57
$n_k$	1.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	3.68
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.41
s × 255	104.55
round	105

# حالت دوم، ClipLimit =1، حالت دوم

۵۲	49	۵۲	Δ٨	9+	Δ٨
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۲	49	۵۲	Δ٨	۶٠	Δ٨

0		45	46	47	 50	51	52	53	:	56	57	58	59		255
0	:	0	3	0	 0	1	2	0	:	0	1	2	0	:	0

0	 45	46	47		50	51	52	53	:	56	57	58	59	:	255
$\frac{4}{256}$	 4/256	$1 + \frac{4}{256}$	4/256	:	4/256	$1 + \frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	4/256	:	4/256	$1 + \frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	4/256	:	4/256

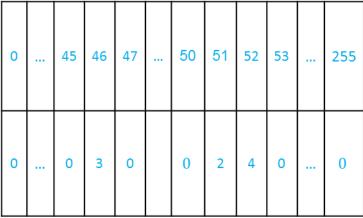
#### نتیجه معادل سازی

k	51
$n_k$	1.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	2.81
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.31
s × 255	79.05
round	79

#### حالت دوم، ClipLimit = 1، قسمت چهارم

Δ٢	49	۵۲	Δ٨	۶۰	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
Δ٢	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

#### هیستوگرام درون پنجره



$$\frac{(3-1)+(2-1)+(4-1)}{256} = \frac{2+1+3}{256} = \frac{6}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0		45	46	47	:	50	51	52	53	:	255
6 256	:	6 256	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	1	6 256	$1 + \frac{6}{256}$	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	:	6 256

#### نتیجه معادل سازی

k	46
$n_k$	1.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	2.1
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.23
s × 255	58.65
round	59

#### حالت دوم، ClipLimit = 1، حالت دوم

۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸

#### هيستوگرام درون پنجره

0	 56	57	58	59	60	61	:	255
0	 0	2	4	1	2	0		0

$$\frac{(2-1)+(4-1)+(2-1)}{256} = \frac{1+3+1}{256} = \frac{5}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	 56	57	58	59	60	61		255
5 256	 5 256	$1 + \frac{5}{256}$	$1 + \frac{5}{256}$	$1 + \frac{5}{256}$	$1 + \frac{5}{256}$	5 256	:	5 256

# نتیجه معادل سازی

k	60
$n_k$	1.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	5.19
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.58
s × 255	147.9
round	148

# حالت دوم، ClipLimit = 1، حالت دوم

۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵١	49	۵١	۵٧	۵۹	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸

0		50	51	52	53	:	56	57	58	59	60	61	:	255
0	:	0	1	2	0	:	0	1	2	1	2	0	:	0

0	 50	51	52	53	:	56	57	58	59	60	61		255
3 256	 3 256	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	3 256	:	3 256	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	$1 + \frac{3}{256}$	3 256	:	3 256

#### نتیجه معادل سازی

k	58
$n_k$	1.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	3.69
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.41
s × 255	104.55
round	105

#### حالت دوم، ClipLimit = 1، قسمت هفتم

۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۸۵
۵١	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۸۵
۵۲	48	۵۲	۵۸	۶٠	۸۵

0		45	46	47		50	51	52	53		56	57	58	59		255
0	:	0	3	0	:	0	1	2	0	:	0	1	2	0	:	0

$$\frac{(3-1)+(2-1)+(2-1)}{256}=\frac{2+1+1}{256}=\frac{4}{256}$$
   
 N sum in the sum of th

0		45	46	47		50	51	52	53		56	57	58	59		255
4 256	:	$\frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	4/256	:	4/256	$1 + \frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	4/256	:	4/256	$1 + \frac{4}{256}$	$1 + \frac{4}{256}$	4/256	:	$\frac{4}{256}$

#### نتیجه معادل سازی

k	52
$n_k$	1.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	3.83
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.43
s × 255	109.65
round	110

#### حالت دوم، ClipLimit = 1، حالت دوم

۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	48	۵۲	۵٨	٠,	۵٨

#### هیستوگرام درون پنجره

0	 45	46	47	 50	51	52	53	 255
0	 0	3	0	0	2	4	0	 0

$$\frac{(3-1)+(2-1)+(4-1)}{256} = \frac{2+1+3}{256} = \frac{6}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0		45	46	47		50	51	52	53		255
6 256	:	6 256	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	1	6 256	$1 + \frac{6}{256}$	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	:	6 256

# نتیجه معادل سازی

k	46
$n_k$	1.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	2.1
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.23
s × 255	58.65
round	59

# حالت دوم، ClipLimit = 1، حالت دوم

۵۲	45	۵۲	۵۸	۶۰	۵٨
۵۱	49	۵۱	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶.	۵٨

0	:	57	58	59	60	61	:	255
0		0	6	0	3	0	:	0

$$\frac{(6-1)+(3-1)}{256} = \frac{5+2}{256} = \frac{7}{256}$$
 هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	:	57	58	59	60	61	:	255
7 256		7 256	$1 + \frac{7}{256}$	7 256	$1 + \frac{7}{256}$	7 256	:	7 256

#### نتيجه معادل سازى

k	60
$n_k$	1.03
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	3.67
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.41
s × 255	104.55
round	105

# حالت دوم، ClipLimit =1، حالت دوم

۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

#### هیستوگرام درون پنجره

0		51	52	53		57	58	59	60	61		255
0	:	0	3	0	:	0	3	0	3	0	:	0

$$\frac{(3-1)+(3-1)+(3-1)}{256} = \frac{2+2+2}{256} = \frac{6}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	 51	52	53		57	58	59	60	61		255
6 256	 6 256	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	:	6 256	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	:	6 256

#### نتیجه معادل سازی

k	58
$n_k$	1.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	3.38
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.38
s × 255	96.9
round	97

#### حالت دوم، ClipLimit = 1، حالت دوم

Δ٢	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵۹	۵۷
Δ٢	49	۵۲	۵٨	۶٠	70
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

#### هیستوگرام درون پنجره

0		45	46	47	 51	52	53		57	58	59		255
0	:	0	n	0	 0	3	0	:	0	3	0	:	0

$$\frac{(3-1)+(3-1)+(3-1)}{256} = \frac{2+2+2}{256} = \frac{6}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	 45	46	47	 51	52	53	 57	58	59	:	255
6 256	 6 256	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	 6 256	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	 6 256	$1 + \frac{6}{256}$	6 256	:	6 256

# نتیجه معادل سازی

k	52
$n_k$	1.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	3.24
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.36
s × 255	91.8
round	92

# حالت دوم، ClipLimit = 1، قسمت دوازدهم

۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

0	 45	46	47	1	51	52	53	:	255
0	0	3	0	1	0	6	0	1	0

$$\frac{(6-1)+(3-1)}{256} = \frac{5+2}{256} = \frac{7}{256}$$

هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۱

0	 45	46	47	1	51	52	53	:	255
7 256	 7/256	$1 + \frac{7}{256}$	7/256	:	7/256	$1 + \frac{7}{256}$	7/256		7 256

#### نتیجه معادل سازی

k	46
$n_k$	1.03
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	2.29
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.25
s × 255	63.75
round	64

#### ClipLimit = 1 نتيجه حالت دوم،

۵۹	٧٩	۱۰۵	117
۵۹	11.	۱۰۵	147
84	97	97	۱۰۵

حالت دوم، ClipLimit = 2، قسمت اول

۵۲	49	۵۲	Δ٨	۶۰	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

هیستوگرام درون پنجره

0	 56	57	58	59	60	61	:	255
0	0	2	4	1	2	0	:	0

$$\frac{(4-2)}{256} = \frac{2}{256}$$

هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	 56	57	58	59	60	61		255
2 256	 2 256	$2 + \frac{2}{256}$	$2 + \frac{2}{256}$	$1 + \frac{2}{256}$	$2 + \frac{2}{256}$	2 256	:	2 256

# نتیجه معادل سازی

k	59
$n_k$	1.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	5.47
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.61
s × 255	155.55
round	156

# حالت دوم، ClipLimit =2، حالت دوم

۵۲	49	۵۲	۵٨	۶۰	۵٨
۵۱	49	۵۱	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

# هیستوگرام درون پنجره

0		50	51	52	53		56	57	58	59	60	61		255
0	:	0	1	2	0	:	0	1	2	1	2	0	:	0

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0		50	51	52	53		56	57	58	59	60	61		255
0	:	0	1	2	0	:	0	1	2	1	2	0	:	0

#### نتیجه معادل سازی

k	57
$n_k$	1
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	4
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.44
s × 255	113.33
round	113

# حالت دوم، ClipLimit = 2، قسمت سوم

۵۲	۴۶	۵۲	Δ٨	۶۰	Δ٨
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨

0		45	46	47	 50	51	52	53		56	57	58	59		255
0	:	0	3	0	 0	1	2	0	:	0	1	2	0	:	0

$$\frac{(3-2)}{256} = \frac{1}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	 45	46	47		50	51	52	53	 56	57	58	59		255
1 256	 1 256	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	:	1 256	$1 + \frac{1}{256}$	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	 1 256	$1 + \frac{1}{256}$	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	:	1 256

#### نتیجه معادل سازی

k	51
$n_k$	1
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	3.2
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.36
s × 255	91.8
round	92

#### حالت دوم، ClipLimit = 2، قسمت چهارم

۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵۹	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۸۵
۵۲	45	۵۲	۸۵	۶٠	۵۸

#### هیستوگرام درون پنجره

0		45	46	47	 50	51	52	53		255
0	:	0	n	0	0	2	4	0	:	0

$$\frac{(3-2)+(4-2)}{256} = \frac{1+2}{256} = \frac{3}{256}$$

$$\text{Sum Energy law of the proof of$$

0		45	46	47	 50	51	52	53		255
3 256	::	3 256	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	 3 256	$2 + \frac{3}{256}$	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	:	3 256

# نتیجه معادل سازی

k	46
$n_k$	2.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	2.55
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.28
s × 255	71.4
round	71

# حالت دوم، ClipLimit = 2، حالت دوم

۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸

# هیستوگرام درون پنجره

0		56	57	58	59	60	61		255
0	:	0	2	4	1	2	0	:	0

$$\frac{(4-2)}{256} = \frac{2}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	 56	57	58	59	60	61	:	255
2 256	 2 256	$2 + \frac{2}{256}$	$2 + \frac{2}{256}$	$1 + \frac{2}{256}$	$2 + \frac{2}{256}$	2 256	:	2 256

# نتیجه معادل سازی

k	60
$n_k$	2.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	7.48
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.83
s × 255	211.65
round	212

# حالت دوم، ClipLimit = 2، حالت دوم

۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵۹	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	Δ٨
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۸۵

0	:	50	51	52	53	:	56	57	58	59	60	61	:	255
0	:	0	1	2	0	:	0	1	2	1	2	0	:	0

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	1	50	51	52	53	:	56	57	58	59	60	61	1	255
0	:	0	1	2	0	:	0	1	2	1	2	0	:	0

# نتیجه معادل سازی

k	58
$n_k$	2
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	6
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.67
s × 255	170
round	170

# حالت دوم، ClipLimit = 2، حالت دوم

۵۲	49	۵۲	۵٨	۶۰	۵٨
۵١	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸

# هیستوگرام درون پنجره

0		45	46	47	 50	51	52	53		56	57	58	59		255
0	:	0	3	0	 0	1	2	0	:	0	1	2	0	:	0

$$\frac{(3-2)}{256} = \frac{1}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	 45	46	47	 50	51	52	53	 56	57	58	59	 255
1 256	 1 256	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	 1 256	$1 + \frac{1}{256}$	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	 1 256	$1 + \frac{1}{256}$	$2 + \frac{1}{256}$	1 256	 1 256

#### نتیجه معادل سازی

k	52
$n_k$	2
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	5.21
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.58
s × 255	147.9
round	148

#### حالت دوم، ClipLimit = 2، حالت دوم

۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶۰	۵۸

#### هیستوگرام درون پنجره

0	 45	46	47	 50	51	52	53		255
0	 0	З	0	0	2	4	0	1	0

$$\frac{(3-2)+(4-2)}{256} = \frac{1+2}{256} = \frac{3}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	 45	46	47	 50	51	52	53	 255
3 256	 3 256	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	 3 256	$2 + \frac{3}{256}$	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	 3 256

#### نتیجه معادل سازی

k	46
$n_k$	2.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	2.55
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.28
s × 255	71.4
round	71

# حالت دوم، ClipLimit = 2، قسمت نهم

۵۲	45	۵۲	۵۸	۶۰	۵٨
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

0	:	57	58	59	60	61	:	255
0		0	6	0	3	0	:	0

0	 57	58	59	60	61	:	255
5 256	 5 256	$2 + \frac{5}{256}$	5 256	$2 + \frac{5}{256}$	5 256	:	5 256

#### نتيجه معادل سازى

k	60
$n_k$	2.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	5.19
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.58
s × 255	147.9
round	148

# حالت دوم، ClipLimit = 2، قسمت دهم

۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

#### هیستوگرام درون پنجره

0		51	52	53		57	58	59	60	61		255
0	:	0	3	0	:	0	3	0	3	0	:	0

$$\frac{(3-2)+(3-2)+(3-2)}{256} = \frac{1+1+1}{256} = \frac{3}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	 51	52	53		57	58	59	60	61		255
3 256	 3 256	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	:	$\frac{3}{256}$	$2 + \frac{3}{256}$	$\frac{3}{256}$	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	:	$\frac{3}{256}$

#### نتیجه معادل سازی

k	58
$n_k$	2.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	4.69
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.52
s × 255	132.6
round	133

#### حالت دوم، ClipLimit = 2، حالت دوم

Δ٢	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۱	49	۵١	۵٧	۵۹	۵۷
Δ٢	49	۵۲	۵٨	۶٠	70
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵۸

#### هیستوگرام درون پنجره

0	:	45	46	47		51	52	53		57	58	59	 255
0		0	m	0	1	0	m	0	1	0	3	0	0

$$\frac{(3-2)+(3-2)+(3-2)}{256} = \frac{1+1+1}{256} = \frac{3}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	 45	46	47	 51	52	53	 57	58	59	:	255
3 256	 3 256	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	 3 256	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	 3 256	$2 + \frac{3}{256}$	3 256	:	3 256

# نتيجه معادل سازى

k	52
$n_k$	2.01
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	4.62
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.51
s × 255	130.05
round	130

#### حالت دوم، ClipLimit = 2، قسمت دوازدهم

۵۲	48	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۱	49	۵١	۵٧	۵٩	۵۷
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨
۵۲	49	۵۲	۵۸	۶٠	۵٨
۵۲	49	۵۲	۵٨	۶٠	۵٨

0		45	46	47		51	52	53	:	255
0	:	0	n	0	1	0	6	0	1	0

$$\frac{(6-2)+(3-2)}{256} = \frac{4+1}{256} = \frac{5}{256}$$

# هیستوگرام درون پنجره پس از اعمال برش هستوگرام با حد ۲

0	:	45	46	47	1	51	52	53	:	255
5 256		5 256	$2 + \frac{5}{256}$	5 256	:	5 256	$2 + \frac{5}{256}$	5 256		5 256

#### نتیجه معادل سازی

k	46
$n_k$	2.02
$\sum_{j=0}^{k} n_j$	2.92
$s = \sum_{j=0}^{k} \frac{n_j}{n}$	0.32
s × 255	81.6
round	82

# ClipLimit = 2 نتيجه حالت دوم،

٧١	97	117	108
٧١	147	۱۷۰	717
٨٢	17.	١٣٣	147