





①

$$e = 11 \quad m = 133 \quad (81, 33, 70, 53)$$

$$1. \quad de \equiv 1 \pmod{\varphi(m)}$$

$$11d \equiv 1 \pmod{\varphi(133)}$$

$$11d \equiv 1 \pmod{108}$$

$$11d + 108y = 1$$

r	11	108	11	9	2	1	0
q		0	9	1	4	2	
d	1	0	1	-9	10	-49	

$$d = -49 \pmod{108} = 59$$

$$d = 59$$

$$2. \quad a^d \pmod{m}$$

$$81^{59} \pmod{133} = 9$$

$$33^{59} \pmod{133} = 10$$

$$70^{59} \pmod{133} = 14$$

$$53^{59} \pmod{133} = 2$$

3	9	10	14	2
3	U	M	A	

Ответ: 3UMA

② A: 23; B: 33; C: 45; D: 75; E: 52; M: 79

1. Соединяем:

$$79(M) \quad 75(D) \quad 52(E) \quad 45(C) \quad 33(B) \quad 23(A) \quad 21(X)$$

$$79(M) \quad 75(D) \quad 52(E) \quad 45(C) \quad 44(AD) \quad 33(B)$$

$$79(M) \quad 77(ADB) \quad 75(D) \quad 52(E) \quad 45(C)$$

$$97(EB) \quad 79(M) \quad 77(ADB) \quad 75(D)$$

$$152(ADBT) \quad 97(EB) \quad 79(M)$$

$$176(EBM) \quad 152(ADBT)$$

2. Рассуждаем:

$$0(ADBT) \quad 1(EBM)$$

$$0(ADBT) \quad 10(M) \quad 11(EB)$$

$$00(D) \quad 01(ADB) \quad 10(M) \quad 11(EB)$$

$$00(D) \quad 01(ADB) \quad 10(M) \quad 110(B) \quad 111(E)$$



$00(\Gamma)$      $010(Б)$      $011(AD)$      $10(ж)$      $110(В)$      $111(Е)$   
 $00(\Gamma)$      $010(Б)$      $0110(D)$      $0111(A)$      $10(ж)$      $110(В)$      $111(Е)$

3. Проверим:

A: 0111

Б: 010

В: 110

Г: 00

Д: 0110

Е: 111

ж: 10

Ответ:    A    Б    В    Г    Д    Е    ж  
              0111   010   110   00   0110   111   10

③    11111101  
      01234567

$+ = \oplus$

0: 1

1:  $1+1=0$

2:  $1+1+1=1$

3:  $1+1+1+1=0$

4:  $1+1+1+1+1=1$

5:  $1+1+1+1+1+1=0$

6:  $1+1+1+1+1+1+1=0$

7:  $1+1+1+1+1+1+1+1=1$

$$10^7 10^5 100^3 1_2^0 = 128 + 32 + 8 + 1 = 169$$

Ответ: 169.

④    

X	0	1	2	3	4
y	2	0	1	4	1

 $q_0 + q_1x + q_2x^2 + q_3x^3 = (x-d)y$

$P(x)$  — иск. орн.  
 $P'(x)$  — фактор  
 $D(x)$  — ошибка  
 $Q(x) = P(x) \cdot D(x) \equiv (x-d)^1 P(x)$

(0)  $x=0: \begin{cases} q_0 = -2d \end{cases}$

(1)  $x=1: \begin{cases} q_0 + q_1 + q_2 + q_3 = (1-d) \cdot 0 \end{cases}$

(2)  $x=2: \begin{cases} q_0 + 2q_1 + 4q_2 + 3q_3 = (2-d) \cdot 1 \end{cases}$

(3)  $x=-2: \begin{cases} q_0 - 2q_1 + 4q_2 - 3q_3 = (-2-d) \cdot 4 \end{cases}$

(4)  $x=-1: \begin{cases} q_0 - q_1 + q_2 - q_3 = (-1-d) \cdot 1 \end{cases}$

$\begin{cases} q_0 + 2d = 0 \end{cases}$

$\begin{cases} q_0 + q_1 + q_2 + q_3 = 0 \end{cases}$

$\begin{cases} q_0 + 2q_1 + 4q_2 + 3q_3 + d = 2 \end{cases}$

$\begin{cases} q_0 - 2q_1 + 4q_2 - 3q_3 + 4d = 2 \end{cases}$

$\begin{cases} q_0 - q_1 + q_2 - q_3 + d = -1 \end{cases}$



Составлю матрицу для решения системы уравнений:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 4 & 3 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 4 & 3 & -1 & 2 \\ 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & -2 & 0 \\ 0 & 2 & 4 & 3 & -1 & 2 \\ 0 & -2 & 4 & -3 & -3 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & -1 & -1 & -1 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & -2 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} & 1 \\ 0 & 1 & 2 & \frac{3}{2} & \frac{3}{2} & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{2} & \frac{3}{2} & 1 \\ 0 & 0 & -3 & \frac{1}{2} & \frac{7}{2} & -1 \\ 0 & 0 & -2 & 0 & 3 & 1 \end{pmatrix} \sim \\
\sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{2} & \frac{3}{2} & 1 \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{1}{2} & -\frac{7}{2} & \frac{1}{3} \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -\frac{5}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{2} & \frac{3}{2} & 1 \\ 0 & 0 & 0 & -\frac{3}{2} & -\frac{8}{3} & -\frac{2}{3} \\ 0 & 0 & 0 & -\frac{1}{2} & -3 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{2} & \frac{3}{2} & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 6 & 3 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{2} & \frac{3}{2} & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

Вернусь к системе:

$$d=1 \Rightarrow q_0=-2 \Rightarrow$$

$$\begin{cases} q_1 + q_2 + q_3 = 2 \\ 2q_1 + 4q_2 + 3q_3 = 3 \\ -q_1 + q_2 - q_3 = 0 \end{cases}$$

$$q_1 = 2 - q_2 - q_3 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -2 + q_2 + q_3 + q_2 - q_3 = 0$$

$$\begin{aligned} 2q_2 &= 2 \\ q_2 &= 1 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} q_1 + q_3 = 1 \\ 2q_1 + 3q_3 = 1 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} q_1 &= 1 - q_3 \\ 2 - 2q_3 + 3q_3 + 1 &= 0 \end{aligned}$$

$$q_3 = -3$$

$$q_1 = 4$$

$$\begin{aligned} d &= 1 \\ q_0 &= -2, \text{ в } \mathbb{Z}_5 \quad q_0 = 3 \\ q_1 &= 4 \\ q_2 &= 1 \\ q_3 &= -3, \text{ в } \mathbb{Z}_5 \quad q_3 = 2 \end{aligned}$$

$\Rightarrow$

$$\begin{aligned} d &= 1 \\ q_0 &= 3 \\ q_1 &= 4 \\ q_2 &= 1 \\ q_3 &= 2 \end{aligned}$$

$$D(x) = x - 1, \text{ в } \mathbb{Z}_5 \quad D(x) = x + 4$$

$$\begin{array}{r}
 2x^3 + x^2 + 4x + 3 \quad | \quad x + 4 \\
 \underline{2x^3 + 3x^2} \phantom{+ 4x + 3} \\
 -3x^2 + 4x \phantom{+ 3} \\
 \underline{-3x^2 + 2x} \phantom{+ 3} \\
 -2x + 3 \\
 \underline{-2x + 3} \\
 0
 \end{array}$$

$$P(x) = 2 + 3x + 2x^2 \Rightarrow \text{исходное сообщение: } (2, 3, 2)$$

$$\text{Ответ: } (2, 3, 2)$$