# Algorytmy i Struktury Danych Kolokwium Zaliczeniowe I (3. VII 2020)

### Format rozwiązań

Rozwiązanie każdego zadania musi składać się z opisu algorytmu (wraz z uzasadnieniem poprawności i oszacowaniem złożoności obliczeniowej) oraz jego implementacji. Zarówno opis algorytmu jak i implementacja powinny się znajdować w tym samym pliku Pythona (rozszerzenie .py). Opis powinien być na początku pliku w formie komentarza (w pierwszej linii w komentarzu powinno być imię i nazwisko studenta). Implementacja musi być zgodna z szablonem kodu źródłowego dostarczonym wraz z zadaniem. Niedopuszczalne jest w szczególności:

- 1. zmienianie nazwy funkcji implementującej algorytm, listy jej argumentów, lub nazwy pliku z rozwiązaniem,
- 2. modyfikowanie testów dostarczonych wraz z szablonem,
- wypisywanie na ekranie jakichkolwiek napisów innych niż wypisywane przez dostarczony kod (ew. napisy dodane na potrzeby diagnozowania błędów należy usunąć przed wysłaniem zadania).

Dopuszczalne jest natomiast:

- 1. korzystanie z następujących elementarnych struktur danych: krotka, lista, kolejka collections.deque,
- 2. korzystanie z wbudowanych algorytmów sortowania,
- 3. korzystanie ze struktur danych dostarczonych razem z zadaniem.

Wszystkie inne algorytmy lub struktury danych (w tym słowniki) wymagają implementacji. Dopuszczalne jest oczywiście implementowanie dodatkowych funkcji pomocniczych w pliku z szablonem rozwiązania. Jeśli ktoś zaimplementuje standardowe drzewo BST, to może w analizie zakładać, że złożoność operacji na nim jest rzędu  $O(\log n)$ .

Zadania niezgodne z powyższymi ograniczeniami otrzymają ocenę 0 pkt. Rozwiązania w innych formatach (np. .PDF, .DOC, .PNG, .JPG) z definicji nie będą sprawdzane i otrzymają ocenę 0 punktów, nawet jeśli będą poprawne.

Proszę pamiętać, że rozwiązania trochę wolniejsze niż oczekiwane, ale za to poprawne, mają szanse na otrzymanie 1 punktu. Rozwiązania próbujące osiągnąć jak najlepszą złożoność, ale zaimplementowane błędnie otrzymają 0 punktów. Proszę mierzyć siły na zamiary!

#### Testowanie rozwiązań

Żeby przetestować rozwiązania zadań należy wykonać:

```
python3 zad1.py
python3 zad2.py
python3 zad3.py
```

## [2pkt.] Zadanie 1.

### Szablon rozwiązania: zad1.py

Dana jest tablica dwuwymiarowa G, przedstawiająca macierz sąsiedztwa skierowanego grafu ważonego, który odpowiada mapie drogowej (wagi przedstawiają odległości, liczba -1 oznacza brak krawędzi). W niektórych wierzchołkach są stacje paliw, podana jest ich lista P. Pełnego baku wystarczy na przejechanie odległości d. Wjeżdżając na stację samochód zawsze jest tankowany do pełna. Proszę zaimplemntować funkcję jak\_dojade(G, P, d, a, b), która szuka najkrótszej możliwej trasy od wierzchołka a do wierzchołka b, jeśli taka istnieje, i zwraca listę kolejnych odwiedzanych na trasie wierzchołków (zakładamy, że w a też jest stacja paliw; samochód może przejechać najwyżej odległość d bez tankowania).

Zaproponowana funkcja powinna być możliwe jak najszybsza. Uzasadnij jej poprawność i oszacuj złożoność obliczeniową.

#### Przykład Dla tablic

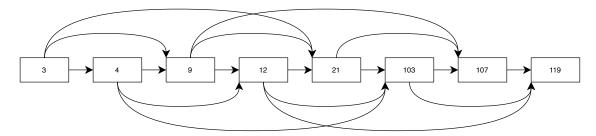
```
G = [[-1, 6,-1, 5, 2], [-1,-1, 1, 2,-1], [-1,-1,-1,-1], [-1,-1, 4,-1,-1], [-1,-1, 8,-1,-1]]
P = [0,1,3]
```

funkcja jak\_dojade(G, P, 5, 0, 2) powinna zwrócić [0,3,2]. Dla tych samych tablic funkcja jak\_dojade(G, P, 6, 0, 2) powinna zwrócić [0,1,2], natomiast jak\_dojade(G, P, 3, 0, 2) powinna zwrócić None.

# [2pkt.] Zadanie 2.

### Szablon rozwiązania: zad2.py

W szybkiej liscie odsyłaczowej i-ty element posiada referencje (odsyłacze) do elementów:  $i+2^0$ ,  $i+2^1$ ,  $i+2^2$ , ... (lista odsyłaczy z i-tego elementu kończy się na ostatnim elemencie o numerze postaci  $i+2^k$ , który występuje w liście). Lista ta przechowuje liczby całkowite w kolejności niemalejącej. Przykładową szybką listę przedstawia poniższy rysunek:



Napisz funkcję fast\_list\_prepend:

```
def fast_list_prepend(L, a):
    ...
```

która przyjmuje referencję na pierwszy węzeł szybkiej listy (L) oraz liczbę całkowitą (a) mniejszą od wszystkich liczb w przekazanej liście i wstawia tę liczbę na początek szybkiej listy (jako nowy węzeł). W wyniku dodania nowego elementu powinna powstać prawidłowa szybka lista. W szczególności każdy węzeł powinien mieć poprawne odsyłacze do innych węzłów. Funkcja powinna zwrócić referencję na nowy pierwszy węzeł szybkiej listy.

Zaproponowana funkcja powinna być możliwe jak najszybsza. Uzasadnij jej poprawność i oszacuj złożoność obliczeniowa. Wezły szybkiej listy reprezentowane sa w postaci:

```
class FastListNode:
```

```
def __init__(self, a):
    self.a = a  # przechowywana liczba całkowita
    self.next = [] # lista odsyłaczy do innych elementów; początkowo pusta

def __str__(self): # zwraca zawartość węzła w postaci napisu
    res = 'a: ' + str(self.a) + '\t' + 'next keys: '
    res += str([n.a for n in self.next])
    return res
```

# [2pkt.] Zadanie 3.

### Szablon rozwiązania: zad3.py

Dana jest tablica A zawierająca n = len(A) liczb naturalnych. Dodatkowo wiadomo, że A w sumie zawiera k różnych liczb (należy założyć, że k jest dużo mniejsze niż n). Proszę zaimplementować funkcję longest\_incomplete(A, k), która zwraca długość najdłuższego spójnego ciągu elementów z tablicy A, w którym nie występuje wszystkie k liczb. (Można założyć, że podana wartość k jest zawsze prawidłowa.)

## Przykład Dla tablicy

$$A = [1,100, 5, 100, 1, 5, 1, 5]$$

wartością wywołania longest\_incomplete(A, 3) powinno być 4 (ciąg 1, 5, 1, 5 z końca tablicy).