# **ATOMOVÁ**

A JADERNÁ FYZIKA

# PŘEDPOKLÁDANÝ OBSAH:

**EXISTENCE ATOMŮ** 

**MODEL ATOMU** 

**KVANTOVÁ MECHANIKA** 

REÁLNĚJŠÍ MODEL ATOMU

1. BLOK

**MOLEKULA** 

JÁDRO

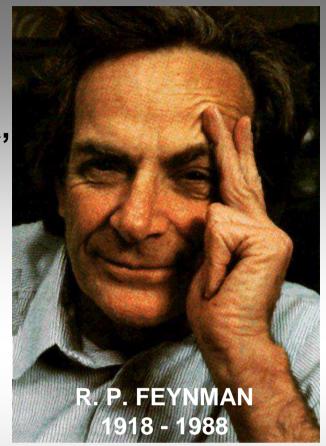
**RADIOAKTIVITA** 

ZÁKLADNÍ ČÁSTICE A ZÁKLADNÍ INTERAKCE

ENERGETICKÉ ZDROJE VODA, VÍTR, SLUNCE ŠTĚPNÁ REAKCE JADERNÁ FÚZE

2. BLOK

KDYBY PŘI NĚJAKÉ KATASTROFĚ ZANIKLY VŠECHNY VĚDECKÉ POZNATKY A DALŠÍM GENERACÍM BY MĚLA ZŮSTAT JEN JEDINÁ VĚTA, KTERÉ TVRZENÍ BY PŘI NEJMENŠÍM POČTU SLOV OBSAHOVALO **NEJBOHATŠÍ INFORMACI?** JSEM PŘESVĚDČEN, ŽE JE TO ATOMOVÁ HYPOTÉZA ( NEBO ATOMOVÝ FAKT, NEBO JAK TO **CHCETE NAZVAT ), ŽE VŠECHNY** VĚCI SE SKLÁDAJÍ Z ATOMŮ -



MALÝCH ČÁSTIC, JEŽ JSOU V NEUSTÁLÉM POHYBU VZÁJEMNĚ SE PŘITAHUJÍ, KDYŽ JSOU OD SEBE TROCHU VZDÁLENÉ, ALE ODPUZUJÍ SE, KDYŽ JSOU TĚSNĚ U SEBE. V TÉTO JEDINÉ VĚTĚ, JAK UVIDÍTE, JE OBSAŽENO NESMÍRNÉ MNOŽSTVÍ INFORMACÍ O SVĚTĚ: JE K TOMU TŘEBA JEN TROCHU PŘEDSTAVIVOSTI A UVAŽOVÁNÍ.

# EXISTUJÍ ATOMY?!

## **IDEA**:

LEUKIPPOS (-500 ?, -440 ?)

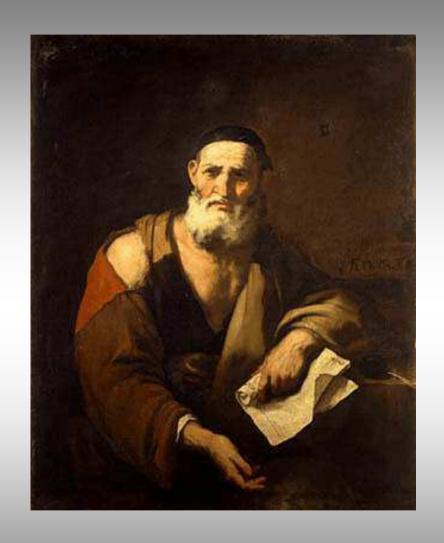
DÉMOKRITOS (-460 ?, - 370)

V ŘECKU

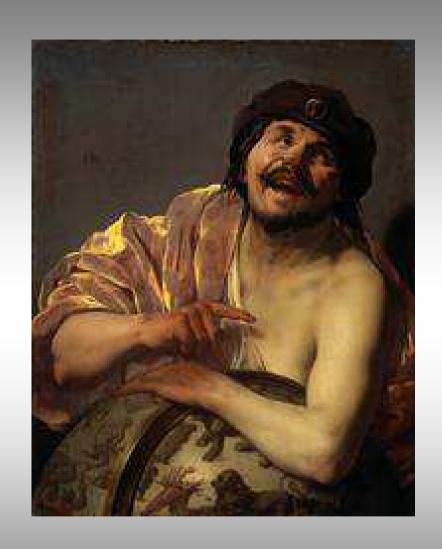
A – MOŽNÁ NEZÁVISLE

KANÁDA (mezi -6. a -1. st.)

V INDII



LEUKKIPOS -500? - -440?

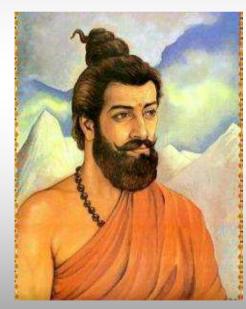


**DÉMOKRITOS -460? - -370** 

POČÁTKY VŠEHO JSOU ATOMY A PRÁZDNÝ PROSTOR, VŠECHNO OSTATNÍ JE DOMNĚNKA. SVĚTŮ JE NEOMEZENÉ MNOŽSTVÍ, VZNIKAJÍ A ZANIKAJÍ. NIC NEVZNIKÁ Z NIČEHO A NEZANIKÁ V NIC. ATOMY JSOU NEOMEZENÉ CO DO VELIKOSTI A POČTU, JSOU UNÁŠENY VE VESMÍRU VÍŘIVÝM POHYBEM A TAKTO VYTVÁŘEJÍ VŠECHNY SLOŽENINY, OHEŇ, VODU, VZDUCH A ZEMI, NEBOŤ I TYTO ŽIVLY JSOU SPOJENÍM URČITÝCH ATOMŮ. ATOMY JSOU NEPORUŠITELNÉ A NEMĚNNÉ PRO SVOU TVRDOST. SLUNCE A MĚSÍC JSOU SLOŽENY Z TAKOVÝCH HLADKÝCH A OKROUHLÝCH TĚLÍSEK STEJNĚ JAKO DUŠE, TA JE TOTOŽNÁ S ROZUMEM. MY PAK VIDÍME TÍM, ŽE NÁM PADAJÍ DO OČÍ OBRÁZKY. VŠE SE DĚJE PODLE NUTNOSTI, PROTOŽE PŘÍČINOU VZNIKU VŠEHO JE VÍR, KTERÝ SE NAZÝVÁ NUTNOST. CÍLEM JE DOBRÁ MYSL; NENÍ TOTOŽNÁ S ROZKOŠÍ, JAK TO NĚKTEŘÍ PŘEVZALI, ANIŽ TOMU ROZUMĚLI, NÝBRŽ JE TO STAV, V NĚMŽ ŽIJE DUŠE KLIDNĚ A PEVNĚ, NEJSOUC ZNEPOKOJENA ŽÁDNÝM STRACHEM NEBO NĚJAKOU JINOU VÁŠNÍ. NAZÝVÁ SE TÉŽ SPOKOJENOST I MNOHA JINÝMI JMÉNY. JAKOSTI VĚCÍ JSOU PODLE DOHODY, OD PŘÍRODY JSOU JEN ATOMY A PRÁZDNO. Díogenés Laertios

# परमाणु - Paramāņu

ANU JSOU VĚČNÉ, NEZNIČITELNÉ A BEZ POHYBU.
JSOU DISKRÉTNÍ A NEVNÍMATELNÉ.
MAJÍ MINIMÁLNÍ MOŽNOU VELIKOST.
SPOJUJÍ SE DO DVOJIC, TROJIC,
ATD. (dvyanuka, tryanuka...).
TY PAK TYPEM POHYBU VYTVÁŘEJÍ
ZÁKLADNÍ ATOMICKÉ LÁTKY:
ZEMI, VODU, OHEŇ A VZDUCH.



KANĀDA

JEDNALO O "METAFYZICKOU" KONCEPCI

OBECNÝ PROBLÉM – DĚLITELNOST A MOŽNOST ZMĚNY – A "POSTINTERPRETACE" ZKUŠENOSTI

VĚDA VYŽADUJE PŘESNĚJŠÍ FORMULACI – KONTROLOVATELNOST VÝVODŮ – A SCHOPNOST PŘEDPOVĚDĚT NĚKTERÉ POZOROVANÉ VÝSLEDKY

K SOUČASNÉ ATOMÁRNÍ TEORII VEDLY 2 CESTY –
FYZIKÁLNÍ = BERNOULLIHO
a CHEMICKÁ = DALTONOVA

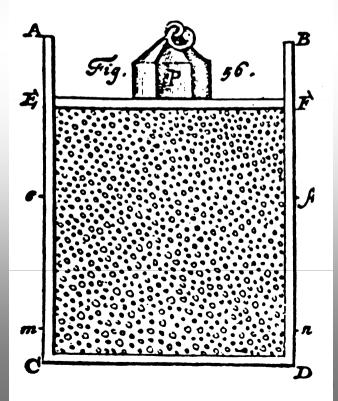
# POČÁTEK KINETICKÉ TEORIE (1738)

BUDIŽ TLAK PŘI POLOZE PÍSTU V *E* ROVEN *P*, A PŘI POLOZE *e* ROVEN *p* 

NECHŤ eC/EC = s

TLAK SE ZVĚTŠÍ ZVĚTŠENÍM POČTU ČÁSTIC U PÍSTU A ZVĚTŠENÍM FREKVENCE SRÁŽEK





POČET ČÁSTIC U PÍSTU JE 1/s<sup>2/3</sup> × VĚTŠÍ

FREKVENCE SRÁŽEK JE VĚTŠÍ O FAKTOR  $(D-d)/(Ds^{1/3}-d)$ , D=STŘEDNÍ VZDÁLENOST ČÁSTIC, <math>d=ROZMĚR ČÁSTICE

CELKEM  $p/P = (D - d)/(Ds - ds^{2/3})$ 

PRO  $d \cdot D$ : p/P = 1/s = V/VBOYLEŮV-MARIOTTEŮV ZÁKON

NAVÍC : TLAK JE ÚMĚRNÝ KVADRÁTU RYCHLOSTI – VÍCE SRÁŽEK A SILNĚJŠÍCH

# KINETICKÝ VÝKLAD TLAKU

Tlak = střední výsledek nárazů molekul na stěnu Uvažme dutinu tvaru kvádru s plynem.

Potřebujeme:

změnu hybnosti při nárazu 1 částice s rychlostí

$$v: \Delta p = 2 m v_x$$
 (stěna kolmá na osu x)

dobu mezi nárazy :  $\Delta t = 2 I_x / v_x$ ( $I_x$  - vzdálenost stěn ve směru x)

Odtud střední síla od 1 částice:

$$F_1 = \Delta p / \Delta t = m v_x^2 / I_x$$

```
Celková síla je proto F = \sum F_i = m/l_x \cdot \sum v_x^2.
Protože \Sigma v_x^2 = 1/3. \Sigma v^2 = 1/3 N W^2
(Směry jsou rovnocené, W = střední kvadratická
  rychlost),
  je tlak p = F/S = 1/3 \, m/l_x l_y l_z \cdot N W^2,
(S = I_v I_z = velikost stěny)
a tedy
                   pV = 1/3 \, mNW^2
(V = I_{x}I_{y}I_{z})
Střední energie 1 částice \varepsilon = 1/2 \ mW^2,
  celková E = N \varepsilon = 1/2 NmW^2.
Tedy též pV = 2/3 E.
```

# POROVNÁNÍ SE STAVOVOU ROVNICÍ

Pro 1 mol platí : pV = 2/3 E = RT( R = 8.31451 J/(mol K) - molární plynová konstanta )

Teplota plynu je tedy úměrná jeho střední kinetické energii.

Tepelné jevy interpretujeme na základě pohybu částic!

# PŘENOS ČÁSTIC

Jev: difuze

Experiment : tok částic J je úměrný gradientu koncentrace, tj.  $J_z = -D\partial n / \partial z$  ( D = koef. difuze )

Zachování počtu částic :  $\partial n/\partial t = -\partial J_z/\partial z$ 

Uvážíme-li, že koncentrace c je úměrná hustotě částic n, dostaneme odtud základní rovnici difuze

$$\partial c/\partial t = D \partial^2 c/\partial z^2$$

Exp hodnota pro  $N_2$ : 1.32 x 10<sup>-5</sup> m<sup>2</sup>/s

$$\frac{1/6 \ Vn(z+\lambda)}{z+\lambda}$$

$$\frac{z}{z-\lambda}$$

$$\frac{1/6 \ Vn(z-\lambda)}{z-\lambda}$$

Jednoduchý krönigovský model : toky 1/6 *nV* v orientovaných směrech

 $z-\lambda$  V daném případě ze  $z+\lambda$  a  $z-\lambda$ .

V je střední rychlost a  $\lambda$  střední volná dráha.

Dostaneme : 
$$J = 1/6 \ Vn(z-\lambda) - 1/6 \ Vn(z+\lambda)$$
  
=  $-1/3 \ V\lambda$ ,  $\partial n/\partial z$ 

tj. 
$$D = 1/3 V\lambda$$

# **DALTONOVA TEORIE (1803)**

PRVKY SE SKLÁDAJÍ Z ATOMŮ.

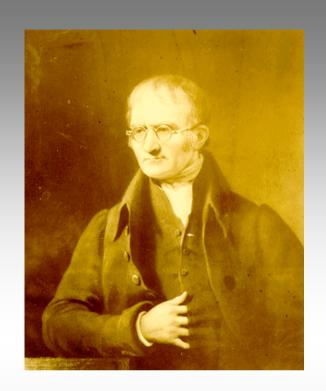
ATOMY DANÉHO PRVKU JSOU STEJNÉ. (SPECIÁLNĚ MAJÍ STEJNOU VÁHU) ATOMY RŮZNÝCH PRVKŮ RŮZNÉ.

SLOUČENINY VZNIKAJÍ SPOJENÍM (MALÉHO POČTU) ATOMŮ.

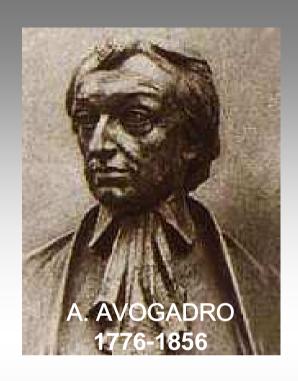
Důsledek 1 : POMĚRY HMOTNOSTÍ PRVKŮph TVOŘÍCÍCH SLOUČENINU JSOU STÁLÉ

Důsledek 2 : VYTVÁŘÍ-LI PRVKY VÍCE SLOUČENIN, JSOU POMĚRY VÝSKYTU DANÉ LÁTKY DANÉ MALÝMI CELÝMI ČÍSLY.

EXISTUJE-LI JEDNA ( PODVOJNÁ ) SLOUČENINA JE TYPU AB, JSOU-LI DVĚ, JSOU TYPU AB A  $\rm A_2B$  NEBO  $\rm AB_2$ , ATD.



JOHN DALTON 1766-1844



POŘÁDEK MEZI ATOMY (A MOLEKULAMI) POMOHL NAJÍT A. AVOGADRO SVÝM ZJIŠTĚNÍM (1811), ŽE

STEJNÉ OBJEMY PLYNŮ
OBSAHUJÍ ZA STEJNÝCH
PODMÍNEK STEJNÉ MNOŽSTVÍ
MOLEKUL

POMĚR VODÍKU A KYSLÍKU 2 : 1 PŘI SLUČOVÁNÍ NA VODU NAZNAČUJE, ŽE MOLEKULA VODY MÁ SLOŽENÍ H<sub>2</sub>O A NE HO

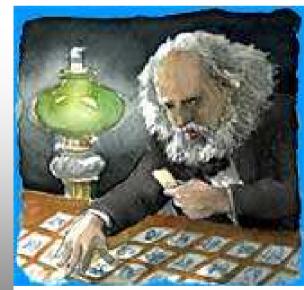
AVOGADROVU KONSTANTU URČIL J. J. LOSCHMIDT 1865 STANDARDNÍ MNOŽSTVÍ LÁTKY – VŮČI 1 g VODÍKU, PAK 16 g KYSLÍKU a DNES 12 g UHLÍKU -= MOL

PŘÍSLUŠNÉ HMOTNOSTI JSOU MOLÁRNÍ HMOTNOSTI

POČET ATOMŮ V MOLU JE DÁN AVOGADROVÝM

ČÍSLEM N<sub>A</sub>

USPOŘÁDÁNÍ PRVKŮ PODLE MOLÁRNÍ HMOTNOSTI VEDE K MENDĚLEJEVOVĚ SOUSTAVĚ PRVKŮ



D. I. MENDĚLEJEV 1834 - 1907

# STATISTICKÝ POPIS RYCHLOSTÍ MOLEKUL V PLYNU (1857)

PŘEDPOKLADY:

**HOMOGENITA SYSTÉMU: NEZÁVISLOST NA POLOZE** 

**IZOTROPIE: ZÁVISÍ JEN** NA VELIKOSTI RYCHLOSTI, RESP. KVADRÁTU RYCHLOSTI J. CLERK MAXWELL

1831 - 1879

ODTUD PRPOD. RYCHL. =  $P(V^2)$ 

# NEZÁVISLÁ ROZDĚLENÍ SLOŽEK p(V<sub>x</sub><sup>2</sup>) ...

ODTUD: 
$$P(V^2) = p(V_x^2). p(V_y^2). p(V_z^2)$$

A In 
$$P(V^2) = \ln p(V_x^2) + \ln p(V_y^2) + \ln p(V_z^2)$$

ODTUD: In P, resp. In p jsou lineární funkce V<sup>2</sup>, resp. V<sub>x</sub><sup>2</sup>...

$$P(V^2) = A^3 \exp(-\alpha V^2), p(V_x^2) = A \exp(-\alpha V_x^2),...$$

ZÁPORNÝ KOEFICIENT KVŮLI NEKONEČNU

NORMOVÁNÍ (CELKOVÁ PRAVDĚPODOBNOST 1) DÁ  $A = \sqrt{(\alpha/\pi)}$ 

### HODNOTU α URČÍME POMOCÍ STŘEDNÍ ENERGIE

$$<\epsilon> = <\frac{1}{2}mV^2> = \frac{1}{2}mA^3\int V^2\exp(-\alpha V^2) d^3V = 3m/4\alpha$$

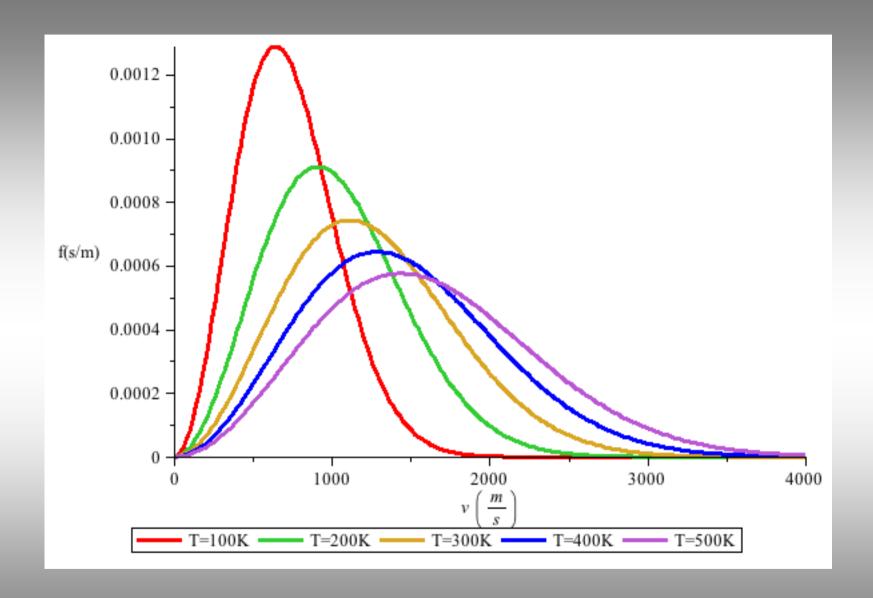
POROVNÁNÍM S 
$$\langle \epsilon \rangle = 3/2 \text{ N/R T} = 3/2 \text{ k}_{\text{B}}\text{T}$$

$$\alpha = m/2k_BT$$

A  $P(V^2) = (m/2\pi k_B T)^{3/2} \cdot \exp(-\frac{1}{2}mV^2/k_B T) d^3V$ 

JE TO SPECIÁLNÍ PŘÍPAD P(E) ~ exp(-E/k<sub>B</sub>T)

tzv. GIBBSOVA ROZDĚLENÍ



# Maxwellovo rozdělení pro atomy He

# TEORIE BROWNOVA POHYBU (1905)

PRAVDĚPODOBNOST VÝSKYTU ČÁSTEČKY V KAPALINĚ SPLŇUJE ROVNICI DIFUZE

$$\partial p / \partial t = D \partial^2 p / \partial z^2$$
.

TATO ROVNICE MÁ ŘEŠENÍ

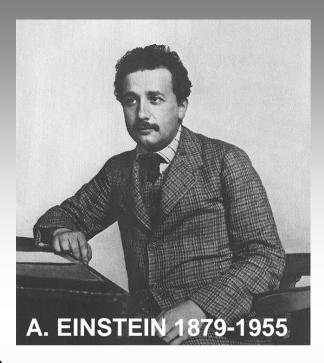
$$p(z, t) = 1/2\sqrt{(\pi Dt)} \cdot \exp(-z^2/4Dt),$$

Z NĚHOŽ VYPLÝVÁ STŘEDNÍ URAŽENÁ VZDÁLENOST ROVNÁ

$$\sqrt{\langle z^2 \rangle} = \sqrt{\int z^2 p(z) dz} = \sqrt{(2Dt)}.$$

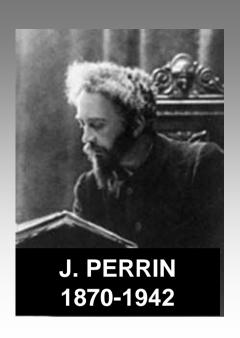
NAVÍC UŽIT VZTAH PRO KOEFICIENT DIFUZE  $D=RT/N.1/6\pi$  r  $\eta$  , KDE R JE PLYNOVÁ KONST., T TEPLOTA, N AVOGADROVO ČÍSLO, r POLOMĚR ČÁSTEČKY A  $\eta$  VISKOZITA PROSTŘEDÍ.

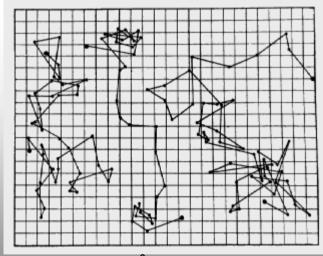
VYJDE: ČÁSTICE O ROZMĚRU 1 μm URAZÍ VE VODĚ ZA 1 s cca 1 μm.



## O EXISTENCI ATOMŮ PŘESVĚDČIL VĚDECKOU KOMUNITU JEAN PERRIN

1908-1913 ZKOUMAL BROWNŮV POHYB A POTVRDIL TEORII EINSTEINA-SMOLUCHOWSKIHO





PERRINŮV DIAGRAM BROWNOVA POHYBU V ŘADĚ POKUSŮ URČIL ROZMĚR ATOMU cca 0.1 nm A AVOGADROVO ČÍSLO cca 6.8 × 10<sup>23</sup> mol<sup>-1</sup>

# AVOGADROVO ČÍSLO NA

#### **PERRIN**

```
6.8 × 10<sup>23</sup> PLYNOVÉ EMULZE
```

- 6.2 × 10<sup>23</sup> KAPALNÉ EMULZE
- 6.0 × 10<sup>23</sup> FLUKTUACE KONCENTRACE V EMULZI
- 6.4 × 10<sup>23</sup> POSTUPNÝ BROWNŮV POHYB
- 6.5 × 10<sup>23</sup> OTÁČIVÝ BROWNŮV POHYB

#### JINÍ

- 7.5 × 10<sup>23</sup> OPALESCENCE KEESOM
- $6.5 \times 10^{23}$  MODROST OBLOHY BAUER, BRILLOUIN, PAK FOWLER
- 6.4 × 10<sup>23</sup> ZÁŘENÍ ČERNÉHO TĚLESA
- 6.1 × 10<sup>23</sup> ZE ZNALOSTI ELEMENTÁRNÍHO NÁBOJE MILIKAN
- 6.2 7.0 × 10<sup>23</sup> ZE ZKOUMÁNÍ ALFA ROZPADU

PRŮMĚR  $6.5 \pm 0.4 \times 10^{23}$ 

# SOUČASNÉ HODNOTY ATOMÁRNÍCH KONSTANT (CODATA 2010 srov. s 2002)

AVOGADROVO ČÍSLO: 6.022 141 29(27)  $\times$  10<sup>23</sup> mol-1

6.022 141 5(10)

ATOMÁRNÍ HMOTNOST:  $1.660538921(73) \times 10^{-27} \text{ kg}$ 

1.660 538 86(28)

STANDARDNÍ HUSTOTA PLYNŮ PŘI 273.15 K A 101.325 kPa : z roku 2002 - 2.686 7773(47)  $\times$   $10^{25}$  m<sup>-3</sup>

STANDARDNÍ MOLÁRNÍ OBJEM : 22.413 968(20) × 10<sup>-3</sup> m<sup>3</sup> mol<sup>-1</sup> 22.413 996(39)

BOHRŮV POLOMĚR: 0.529 177 210 92(17) × 10<sup>-10</sup> m

0.529 177 2108(18)

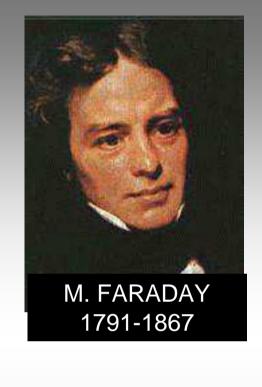
# **JSOU ATOMY ATOMY?**

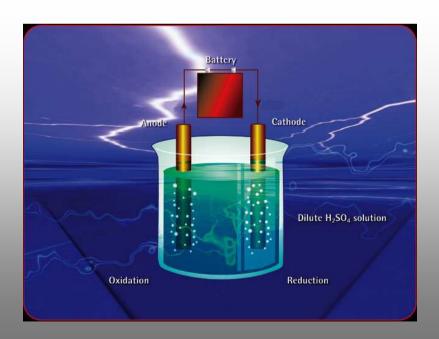
JSOU B-ATOMY RESP. D-ATOMY L-ATOMY?

B-ATOMY JSOU MOLEKULY, D-ATOMY?

# **NAVÍC NABITÉ F-ATOMY**

## MNOŽSTVÍ VYLOUČENÉ LÁTKY PŘI ELEKTROLÝZE JE ÚMĚRNÉ PROŠLÉMU NÁBOJI





#### **MODEL:**

M = N.m, Q = N.ze

M = HMOTNOST,

N = POČET ATOMŮ,

m = HMOTNOST ATOMU,

Q = NABOJ,

z = POČET ELEM. NÁBOJŮ,

e = ELEMENTÁRNÍ NÁBOJj

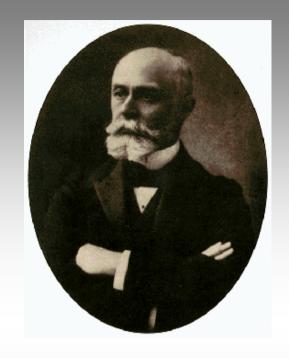
ODTUD: M = m/ze.Q

# **D-ATOM NENÍ ATOM ?!**

#### 1896 - RADIOAKTIVITA

**AKTIVITA URANOVÝCH SOLÍ** 

NOVÉ RADIOAKTIVNÍ PRVKY POLONIUM A RADIUM



**BECQUEREL 1852-1908** 

EMITUJÍ SE PAPRSKY ALFA (+) A BETA (-), NEUTRÁLNÍ PAPRSKY GAMA OBJEVENY POZDĚJI.

PŘI RADIOAKTIVNÍCH PROCESECH SE ZMĚNÍ EMITUJÍCÍ PRVEK NA NOVÝ.

# MALÉ NABITÉ ATOMY (ELEKTRONY)

1897 ZKOUMÁNÍ KATODOVÉHO ZÁŘENÍ

CHOVÁ SE JAKO PROUD ZÁPORNĚ NABITÝCH ČÁSTIC

ODPOVÍDÁ TOMU POHYB
V ELEKTROSTATICKÉM I MAGNETICKÉM POLI

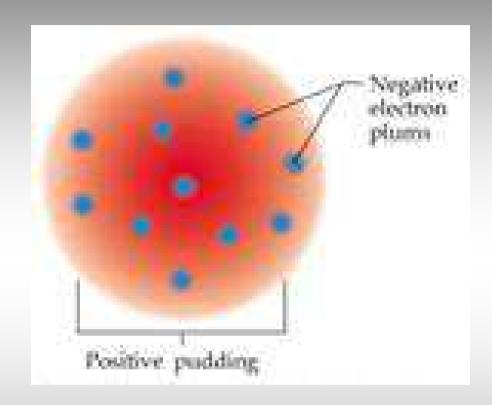
MĚRNÝ NÁBOJ JE cca 1000 × VĚTŠÍ NEŽ ZJIŠTĚNÝ U ELEKTROLYTŮ

V ELEKTRICKÉM POLI JE e/m  $1-3\times10^{11}$  C/kg, V MAGNETICKÉM  $0.6-0.9\times10^{11}$  C/kg ( DNEŠNÍ HODNOTA 1.758 820 12(15)  $\times$  10<sup>11</sup> C /kg )

JE-LI NÁBOJ STEJNÝ JAKO U ČÁSTIC V ELEKTROLYTU, MAJÍ ČÁSTEČKY V KATODOVÉM ZÁŘENÍ cca 1000 × MENŠÍ HMOTNOST NEŽ TYTO ČÁSTICE



#### PLUM PUDDING MODEL – J.J. THOMSON 1904



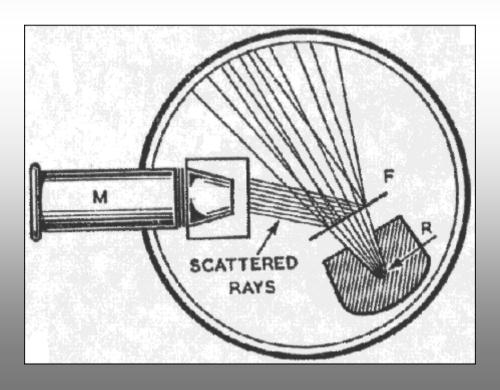
ELEKTRONY, USPOŘÁDANÉ VE SLUPKÁCH, V KLADNĚ NABITÉ KOULI

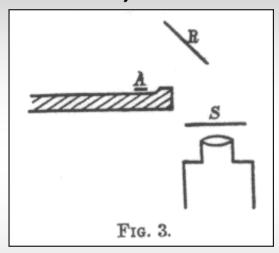
( THOMSON : PLANETÁRNÍ DISKOVÝ MODEL NAGAOKŮV (1904) JE NESMYSL. )

## ODRAZ ALFA ČÁSTIC OD ZLATÉ FOLIE

GEIGER A MARSDEN (1909) ZKOUMAJÍ U RUTHERFORDA ROZPTYL ALFA ČÁSTIC NA ZLATÉ ( A DALŠÍCH ) FOLII.

PROBLÉM:
DOCHÁZÍ K ROZPTYLU NA
VELKÉ ÚHLY?



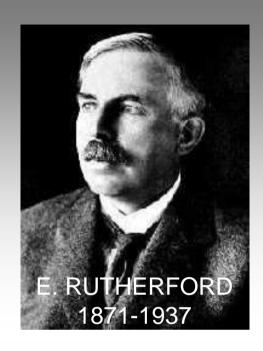


**OBECNÁ ZÁVISLOST?** 

VĚTŠINA BEZ ZMĚNY SMĚRU, ČÁST VYCHÝLENA cca O 1°, 1/8000 VÍCE NEŽ 90°

# RUTHERFORDŮV MODEL ATOMU prosinec 1910

MODEL: VE STŘEDU NÁBOJ Ne
O ROZMĚRU MENŠÍM NEŽ 10<sup>-14</sup> m (≈ BOD),
KOLEM NÁBOJ -Ne V KOULI O ROZMĚRU
cca 10<sup>-10</sup> m
OKOLNÍ NÁBOJ TVOŘÍ ELEKTRONY



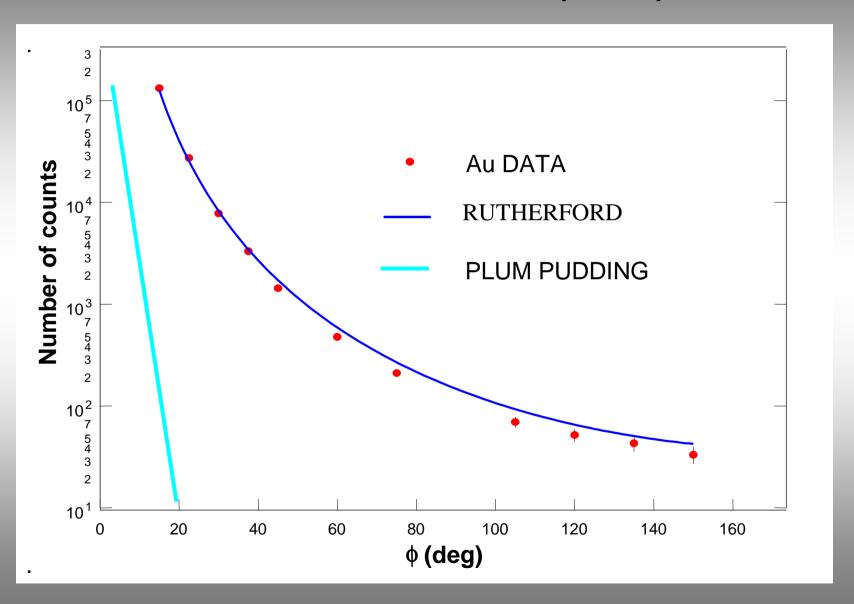
TO VYSVĚTLÍ POZOROVANÝ ROZPTYL NA ZLATÉ FOLII:

ALFA ČÁSTICE S RYCHLOSTÍ cca  $2\times10^7$  m/s SE DOSTANOU AŽ DO VZDÁLENOSTI cca  $3\times10^{-14}$  m – DOMINUJE VLIV STŘEDNÍHO NÁBOJE, ODHAD VLIVU ELEKTRONŮ : 1/N VLIVU CENTRA

POČET ČÁSTIC ROZPTÝLENÝCH O ÚHEL θ DO JEDNOTKOVÉ PLOCHY JE ÚMĚRNÝ 1/sin4(θ/2)



## **GEIGER-MARSDEN DATA (1913)**



# **BOHRŮV MODEL (1913)**

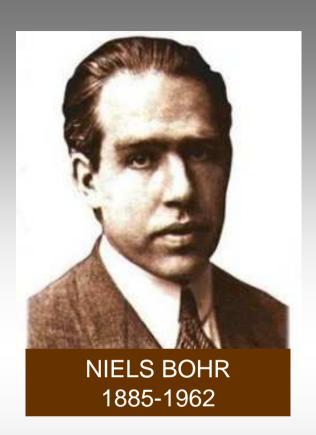
PROBLÉM ZÁŘENÍ V RUTHERFORDOVĚ MODELU

KLASICKÉ VZTAHY : ENERGIE W =  $eE/4\pi\epsilon_o$ .1/2rFREKVENCE  $\omega$ =  $4\pi\epsilon_o/eE.\sqrt{(2W)^3/\sqrt{m}}$ 

W = energie, -e = náboj elektronu,  $E = \text{náboj jádra}, \epsilon_o = \text{permitivita}$ vakua, r = poloměr dráhy,m = hmotnost elektronu

KVANTOVACÍ PODMÍNKA  $W = \frac{1}{2} n\hbar \omega$  DÁ

 $W = \frac{1}{2} me^2 E^2 / (4\pi \epsilon_o)^2 / n^2 \hbar^2$ ,  $\omega = me^2 E^2 / (4\pi \epsilon_o)^2 / n^3 \hbar^3$ ,  $r = (4\pi \epsilon_o) / meE n^2 \hbar^2$ 



TAKTO ZÍSKANÉ STAVY POVAŽUJEME ZA STACIONÁRNÍ. BEZ VYZAŘOVÁNÍ. STAV S NEJVĚTŠÍ (VAZEBNOU) ENERGIÍ JE ZÁKLADNÍ.

ČÍSELNÉ HODNOTY ZÍSKANÝCH VELIČIN při e = E

ENERGIE: 13 eV , FREKVENCE:  $3.9 \times 10^{16} \text{ s}^{-1}$ ,

ROZMĚR:  $0.55 \times 10^{-10}$ m

PODMÍNKA VYZAŘOVÁNÍ:  $\hbar \Omega = W(n_2) - W(n_1)$ 

**SOUHLAS RYDBERGOVY KONSTANTY:** teor/exp = 3.1/3.29

KVANTOVACÍ PODMÍNKA MŮŽE MÍT TVAR MOMENT HYBNOSTI  $mVr = n\hbar$