Econometria 2

Miguel Sallum

23/06/2021

library(tidyverse)

```
## -- Attaching packages ------ tidyverse 1.3.1 --
## v ggplot2 3.3.4
                   v purrr
                           0.3.4
## v tibble 3.1.2
                   v dplyr
                           1.0.7
          1.1.3
## v tidyr
                   v stringr 1.4.0
          1.4.0
## v readr
                   v forcats 0.5.1
## -- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
## x dplyr::filter() masks stats::filter()
## x dplyr::lag()
                 masks stats::lag()
```

Regressão Linear e Estimação

A regressão linear é um modelo de relação entre variáveis, e pode ser chamado também de função de esperança condicional. Ela é tradicionalmente estimada com método dos mínimos quadrados ordinários, mas é equivalente por método dos momentos e (se não me engano) por máxima verossimilhança.

Caso tenhamos somente um regressor, estamos estimando a esperança condicional da forma

$$E[Y|X] = \beta_0 + \beta_1 X$$

Tradicionalmente, no entanto, representamos o modelo como

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \mu$$

Onde μ são os fatores não observados. Para estimarmos as regressões, são necessárias algumas hipóteses: 1. É importante lembrar que a regressão não é um modelo causal. Para ser causal, são necessárias algumas hipóteses a mais. Sendo flexível com notação, em geral nosso interesse é estimar o modelo causal

$$E[Y|do(X)] = \beta_0 + \beta_1 X$$

Queremos encontrar então o valor adequado de β_1 , que seria o efeito médio de X sobre Y. para isso, precisamos da hipótese (não-observável) 4. $Corr(X, \mu) = 0$

Estimação matricial

```
ols <- function(Y, X){
  X <- as.matrix(X)
  Y <- as.matrix(Y)
  Xt <- t(X)
  XtX <- Xt %*% X
  XtX_inv <- solve(XtX)</pre>
```

```
XtX_inv %*% Xt %*% Y
SST <- function(Y) {Y - mean(Y) %>% t(.) %*% .}
res \leftarrow function(Y, X) {Y - (X %*% ols(Y, X))}
SSR <- function(Y, X) {t(res(Y, X)) %*% res(Y, X)}
R2 <- function(Y, X){
  X <- as.matrix(X)</pre>
  Y <- as.matrix(Y)
  1 - SSR(Y,X) / SST(Y)
vcov<- function(Y, X, robust = FALSE){</pre>
  k <- nrow(ols(Y, X))
  n <- length(Y)
  if (robust) {
    sigma2
  } else {
    sigma2 <- as.numeric(SSR(Y, X)/(n-k))*diag(nrow = k)</pre>
  var_cov <- sigma2 %*% XtX_inv</pre>
}
```

Métodos do R e Bibliotecas

Para rodar as regressões, podemos usar a função nativa lm(), em geral já em conjunção com summary() para termos os algumas caracteristicas importantes, como R^2 , erros-padrão e significância assumindo homoscedasticidade. Caso estejamos usando tidyverse, podemos usar as funções assim:

```
#lm(dependente ~ regressores, data = dados)%>%
# summary()
```

No entanto, na maior parte dos casos, a hipótese da homoscedasticidade é muito fort

Potencial Outcomes

Potencial Outcomes é uma forma de pensar sobre causalidade usando de contrafactuais. A ideia é que teríamos a informação do resultado de cada indivíduo para cada nível de intervenção de X. Os exemplos do tema em geral são binários, **mas o método não se restringe a isso**. Em casos binários, podemos representar o resultado do individuo i caso ele receba o tratameto (X=1) como Y_i^0 , e como Y_i^0 caso ele não seja tratado .

Trabalhando com esses dados hipotéticos surgem alguns conceitos interessantes:

```
Treatment Effect_i (TE_i) = Y_i^1 - Y_i^0

Average Treatment Effect (ATE) = E[Y^1 - Y^0] = E[Y^1] - E[Y^0]

Treatment Effect on the Treated (ATT) = E[Y^1 - Y^0| Treatment = 1]

Treatment Effect on the Unreated (ATU) = E[Y^1 - Y^0| Treatment = 0]
```

Nenhum desses efeitos pode der extraido diretamente dos dados, mas eles ajudam a entender quais são as hipóteses necessárias para nossas estimativas valerem em cada caso. Caso quisermos estimar o efeito a partir da diferença simples de médias, por exemplo, chegamos que:

$$SDO = E[Y^{1}|D = 1] - E[Y^{0}|D = 0]$$

$$= (E[Y^{1}] - E[Y^{0}]) + (E[Y^{0}|D = 1] - E[Y^{0}|D = 0]) + (1 - \pi)(ATT - ATU)$$

$$= ATE + vi\acute{e}s \ de \ seleç\~ao + (1 - \pi)(vi\acute{e}s \ de \ efeito \ heterog\^eneo)$$

Considerando que o que nós buscamos conhecer são os efeitos de fato, ATE, então devemos nos preocupar com métodos para que os vieses sejam nulos. A forma mais simples é a randomização, fazendo com que as esperanças de ambos os grupos sejam as mesmas.

Tendo uma tabela com os resultados potenciais e os tratamentos binários, podemos estimar os efeitos com

```
tibble(
  Y1 = c(8, 5, 9, 8, 4, 6, 10, 11, 8, 6),
  YO = c(4, 5, 6, 7, 5, 6, 4, 3, 2, 8),
  D = rep(c(1, 0), 5)) \%
  mutate(
    epsilon = Y1-Y0) %>%
  summarise(
    ATE = mean(epsilon),
    ATT = sum(epsilon*D)/sum(D),
    ATU = sum(epsilon*(1-D))/sum((1-D)),
    SDO = sum(Y1*D)/sum(D) - sum(Y0*(1-D))/sum((1-D)))
## # A tibble: 1 x 4
##
       ATE
             ATT
                   ATU
                         SDO
```

Regression Discontinuity Design

1.4

<dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <

3.6

Variável Instrumental

2.5

Em muitos dos casos em que queremos estimar os efeitos causais de uma variavel sobre a outra, uma regressão simples não conseguiria estimar, pois a hipótese 4 não valeria. Isto é, existe alguma correlação entre X e μ . A ideia por trás de uma variável instrumental é, então, uma forma de encontrar variações exógenas, "descorrelacionadas" com os fatores não-observados. Para fazer isso, você encontra uma variável Z que afeta o tratamento, e só afeta o resultado através do tratamento. Isto é

```
1. corr(X, Z) \neq 0
2. corr(\mu, Z) = 0
```

Panel Data

##

Diferenças-em-Diferenças

Event Study, Two-Way Fixed Effects e Generalização de DiD