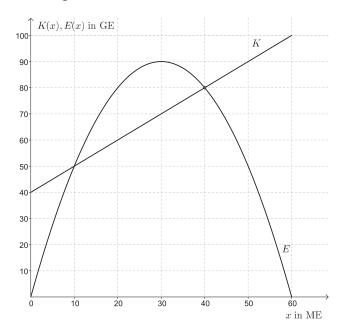


Papierproduzent (2)*			
Aufgabennummer: B_281			
Technologieeinsatz:	möglich □	erforderlich 🗵	

Ein Papierproduzent stellt als Monopolist hochwertiges Urkundenpapier her. Die Kostenfunktion K für die Herstellung und die Erlösfunktion E für den Absatz dieses Produkts sind in der nachstehenden Grafik dargestellt.



- a) Stellen Sie die Funktionsgleichung dieser Kostenfunktion K auf.
 - Argumentieren Sie, welches Vorzeichen der Koeffizient a dieser Erlösfunktion E mit $E(x) = a \cdot x^2 + b \cdot x$ haben muss.
- b) Das Verhalten der Erlösfunktion soll für die nachgefragte Menge 40 ME untersucht werden.
 - Zeichnen Sie in der obigen Grafik die Tangente an den Graphen der Erlösfunktion E an der Stelle x = 40 ein.
 - Lesen Sie die Steigung dieser Tangente ab.
 - Interpretieren Sie die Steigung dieser Tangente im Sachzusammenhang.
- c) Für die Stelle des Gewinnmaximums gilt, dass die Grenzkosten gleich dem Grenzerlös sind.
 - Begründen Sie diese Aussage.

Hinweis zur Aufgabe:

Lösungen müssen der Problemstellung entsprechen und klar erkennbar sein. Ergebnisse sind mit passenden Maßeinheiten anzugeben. Diagramme sind zu beschriften und zu skalieren.

^{*} ehemalige Klausuraufgabe (adaptiert)

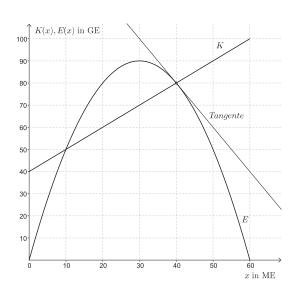
Papierproduzent (2)

Möglicher Lösungsweg

a) Kostenfunktion: K(x) = x + 40

Erlösfunktion: Der Koeffizient a muss negativ sein, weil der Funktionsgraph der Erlösfunktion eine nach unten geöffnete Parabel ist.

b)



Steigung der Tangente: k = -2Toleranzbereich: [-2,5;-1,5]

Wird die Absatzmenge um 1 ME erhöht, sinkt der Erlös näherungsweise um 2 GE.

c) G(x) = E(x) - K(x)

An der Stelle des Gewinnmaximums gilt: G'(x) = 0.

G'(x)=0=E'(x)-K'(x)

Also: E'(x) = K'(x).

Papierproduzent (2) 3

Lösungsschlüssel

- a) 1 × A: für das richtige Aufstellen der Funktionsgleichung
 - $1 \times D$: für die richtige Argumentation zum Vorzeichen des Koeffizienten a
- b) 1 × A: für das richtige Einzeichnen der Tangente
 - 1 × C1: für das richtige Ablesen der Steigung der Tangente im Toleranzbereich [–2,5; –1,5]
 - 1 × C2: für die richtige Interpretation der Steigung der Tangente im Sachzusammenhang
- c) 1 × D: für die richtige Begründung