V. Matematyka w LATEX-u

Wiesław Krakowiak

16 grudnia 2012

Składanie formuł matematycznych w LATEX-u

W czystym TEX-u są polecenia pozwalające poprawnie składać teksty matematyczne. W LATEX-u składanie formuł matematycznych uległo uproszczeniu. Został wzbogacony o polecenia pozwalające w sposób prostszy składać skomplikowane formuły. Zadaniem autora jest przekazanie jedynie logicznej struktury formuły, jej skład wykona samodzielnie LATEX.

Nie należy z reguły używać matematycznych poleceń TEX-a w LATEX-u, gdyż powoduje to błędy przy kompilacji. W LATEX-u można również ponumerować formuły matematyczne oraz w sposób prosty powoływać się na nie.

Składanie formuł matematycznych w LATEX-u (cd)

Jeżeli w pisanym tekście matematycznym używamy nieskomplikowanej matematyki, to do składania wystarczą jedynie polecenia "czystego" LATEX-a. W przeciwnym przypadku należy zainstalować dodatkowe pakiety AMS-LATEX.

AMS-LATEX

Pod patronatem Amerykańskiego Towarzystwa Matematycznego (American Mathematical Society) został w roku 1982 stworzony pakiet AMS-TFX będący rozszerzenie T_FX-a. Uczynił on otrzymywane dokumenty bardziej spójnymi jak również przyspieszył czas ich generacji. Doprowadziło to w konsekwencji do wykreowania z tego rozszerzenia serii pakietów o wspólnej nazwie AMS-LATEX. Ponieważ czcionki zaimplementowane w AMS-TFX-u musza korespondować z LATEX-em doprowadziło to stworzenia osobnej grupy pakietów o nazwie amsfonts. Podstawowa zaleta jest ułatwienia składania tekstów matematycznych dając plik spełniający najwyższe standardy wydawnictw matematycznych.

AMS-PTEX(cd)

Pakiet AMS-TFX dostarcza serii predefiniowanych poleceń (nmatrix, ntext) które znacznie usprawniają posługiwanie sie środowiskiem matematycznym poprzez wdrożenie doświadczeń standardów A_MS i radzenie sobie ze złożonym i problemami takimi jak macierz wewnątrz macierzy lub słowa w indeksach dolnych i górnych bez obciążania tym użytkownika. Projekt AMS-ETFX pojawił się w 1987 r, 3 lata później została wypuszczona pierwsza wersja tego programu. Przekształcenie AMS-TFX-a jego matematycznymi możliwościami do LATFX-a zostało dokonane przez Franka Mittelbacha i Ranera Schopfa.

AMS-PTEX(cd)

AMS-ETEXskłada sie z różnych rozszerzeń ETEX-a i jest on częścią jego standardowej dystrybucji. Podzielony jest na dwie części:

- amscls dzięki temu pakietowi dokumenty w I^ATEX wyglądać maja jak dokumenty AMS.
- amsmath ułatwia pisanie formuł matematycznych i ulepsza sposób ich prezentacji

Pakiet amsmath wprowadza wiele usprawnień, których zadaniem jest polepszenie prezentacji matematycznych formuł w dokumencie. W jego skład wchodzi kilka pomocniczych pakietów: amsmath, amstext, amsopn, amsbsy, amscd, oraz amsxtra.

Przegląd pakietów AMS-LATEX-a

- amsbsy definiuje polecenia \boldsymbol i \pmb, które udostępniają dwa rodzaje pogrubienia symboli matematycznych.
- amscd pakiet ten jest niezależny od pozostałych pakietów; można go używać nie deklarując innych. Definiuje on otoczenie CD i wiele poleceń przydatnych do tworzenia diagramów przemiennych. Pakiet nie generuje strzałem skierowanych ukośnie.
- amsfonts pakiet umożliwia korzystanie z poleceń \mathbb i \mathfrak, służących do pisania literami "tablicowymi" i gotyckimi". Pakiet ten jest wczytywany automatycznie po zadeklarowaniu

Przegląd pakietów $A_{M}S$ -PTEX-a (cd)

- amsgen pełni role pomocniczą, wspomagając pracę pakietów amsbsy, amstext, amsthm i amscd.
- amsmath pakiet ten stanowi główną część dystrybucji AMS-PTEX-a. Definiuje liczne polecenia i otoczenia, wspomagające skład wyrażeń i formuł matematycznych. Po jego zadeklarowaniu automatycznie wczytywane są pakiety: amsopt, amsbsy, amstext.
 - amsopt udostępnia polecenia \DeclareMathOperator, \DeclareMathOperator*, \operatorname, \operatorname*, które służą do definiowania własnych operatorów typu logarytmu.

Przegląd pakietów $A_{M}S$ -PTEX-a (cd)

```
amssymb udostępnia wiele poleceń tworzących różnego rodzaju symbole matematyczne. Po jego zadeklarowaniu automatycznie wczytywany jest pakiet amsfonts.
```

amstext definiuje polecenie \text.

amsthm zawiera definicję struktur zwanych w Lace proclamations. Jest niezależny od pozostałych pakietów; można go używać nie deklarując innych.

amsxtra definiuje znaki diakrytyczne i ozdobniki, umieszczone z boku symboli matematycznych. Ładuje pakiet amsmath.



Przegląd pakietów $A_{M}S$ -ETEX-a (cd)

Najczęściej używane pakiety to:

- amsmath (AMS-LATEX)
- amssymb (AMSFonts)

Żeby je zaimplementować w dokumencie należy napisać:

```
\usepackage{amsmath} \usepackage{amssymb}
```

Dokumentacja:

Dla amssymb plik amsfndoc.tex ($\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ Fonts User's Guide) Dla amsmath plik amsldoc.tex ($\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ -Latex User's Guide)

Pakiet amsmath

Pakiet amsmath wprowadza wiele usprawnień, których zadaniem jest polepszenie prezentacji matematycznych formuł w dokumencie. W jego skład wchodzi kilka pomocniczych pakietów: amsmath, amstext, amsopn, amsbsy, amscd, oraz amsxtra.

Opcje pakietu amsmath.

- centertags wyrównuje elementy równania do środka w pionie względem całej wysokości równania (domyślna)
- sumlimits umieszcza indeksy górne i dolne symboli takich jak np. suma ∑ czy iloczyn ∏ nad i pod symbolem (domyślna)
- nosumlimits indeksy z powyższego przykładu umieszczane są obok symboli

Pakiet amsmath (cd)

- intlimits granice całkowania powyżej nad i pod symbolem całki
- nointlimits granice obok symbolu całki (domyślna)
- namelimits podobnie jak sumlimits ale odnosi sie do symboli mających indeksy pod symbolami np. lim (domyślna)
- nonamelimits analogicznie jak w powyższych przykładach.
- leqno wyrównuje elementy równania do lewej
- reqno wyrównuje elementy równania do prawej
- fleqn równanie zaczyna w nowym akapicie



W dalszym ciągu prezentacji nie zawsze będziemy zaznaczać która konstrukcja matematyczna jest elementem LATEX-a, a która \mathcal{AMS} -LATEX-a

Tryb matematyczny

W TeX-u (również w laTeX-u) wyrażenia matematyczne składa się w specjalnym trybie, zw. matematycznym. Ponieważ formuły matematyczne, albo stanowią część akapitu (występują w wierszu), albo są eksponowane, to wyróżniamy dwa rodzaje tego trybu:

- wewnątrzakapitowy (tekstowy) dla symboli podstawowej wielkości w wierszu tekstu;
- eksponowany dla symboli podstawowej wielkości w osobnym wierszu.

Tryb wewnątrzakapitowy

W trybie wewnątrzakapitowym wyrażenia są składane w bieżącym akapicie. W LATEX-u wyrażenia matematyczne w trybie wewnętrzakapitowym składa się w środowisku **math**, tj. zaczynamy poleceniem **begin**{**math**}, a kończymy poleceniem **end**{**math**}. Dla wygody, można również używać skrótu \(\ldot(\ldots\)\). Najpopularniejsze jest używanie polecenia TEX-a, tj. tryb wewnątrzakapitowy zaczynać i kończyć znakiem \$.

Tryb wewnątrzakapitowy (cd)

```
Pisząc: Stosując rozwinięcie e^{x}=\sum_{n=0}^{\infty} {\inf y} \frac{x^n}{n!}  otrzymujemy \ldots otrzymamy: Stosując rozwinięcie e^x=\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} otrzymujemy . . . Jak widać, formuła jest umieszczona wewnątrz bieżącego wiersza.
```

Tryb eksponowany

W trybie eksponowanym formuły wstawiane są w osobnym wierszu. Tryb ten występuje w wielu specjalnych środowiskach. Najprostszym środowiskiem (stosowanym do formuł mieszczących się w jednym wierszu) jest środowisko displaymath, tj.formułę matematyczną umieszczamy pomiedzy poleceniami \begin{displaymath}, a \end{displaymath}. Dla wygody, można również używać skrótu, \[... \]. Równoważne mu jest środowisko AMS-LATEX-a: equation*. Nie należy natomiast używać polecenia TFX-a, \$\$...\$\$, gdyż jest ono niezgodne z AMS-LATEX-em.

Tryb eksponowany (cd)

Podobnie jak poprzednio, polecenie

Tryb eksponowany

zostanie skompilowane jako

$$e^{x} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^{n}}{n!}$$

Formuła jest w tym przypadku umieszczona w oddzielnym wierszu. Zauważmy, że zmienił się nie tylko sposób osadzenia formuły, ale także wielkość i umiejscowienie granic sumowania oraz wielkość czcionki w liczniku i mianowniku ułamka.

Style trybu matematycznego

W TEX-u istnieje osiem różnych sposobów składu matematycznego. Są one nazywane *stylami* oraz są normalnymi i zacieśnionymi wersjami stylu eksponowanego, tekstowego, indeksowego i podwójnego indeksu. Wersji zacieśnionej używa się do mianowników ułamków, wyrażeń pod pierwiastkami i w podobnych sytuacjach. TEX nie podnosi w wersji zacieśnionej indeksów zbyt wysoko.

Do składania indeksów pierwszego rzędu LATEX używa stylu indeksowego, natomiast do składania indeksów wyższych rzędów – stylu podwójnego indeksu.

Style trybu matematycznego (cd)

Jawne użycie jednego ze stylów trybu matematycznego wymuszają następujące polecenia:

- Styl eksponowany \displaystyle
- Styl tekstowy \textstyle
- Styl indeksowy \scriptstyle
- Styl podwójnego indeksu \scriptscriptstyle

Kroje czcionek

W trybie matematycznym LATEX składa tekst kursywą matematyczną. Różni się ona od kursywy stosowanej w zwykłym tekście tym, że litery są nieco większe, a odstępy wyznaczone między nimi są inaczej.

Np. słowo "toffi" w trybie matematycznym wygląda inaczej niż złożone zwykłą kursywą.

Takie zachowanie L^AT_EX-a spowodowane jest tym, ż w trybie matematycznym pojedyncze litery najczęściej oznaczają zmienne, a ich następstwo oznacza operację mnożenia.

Kroje czcionek(cd)

LATEX w trybie matematycznym może używać również następujących krojów czcionek:

```
\begin{array}{lll} prosty & \\ po\'{f}gruby & \\ bezszeryfowy & \\ mathbf{ABC} & ABC \\ bezszeryfowy & \\ mathtf{ABC} & ABC \\ \end{array}
```

Kursywę matematyczną włącza polecenie \mathsl. Wszystkie te polecenia działają na pojedynczym argumencie.

Kroje czcionek (cd)

Podstawowy LATEX zawiera polecenie \mathcal dla pisma kaligraficznego. Pakiet eucal redefiniuje to polecenie by korzystało z czcionki Euler Script. Natomiast pakiet eucal z opcją mathsc, nie redefiniuje polecenia \mathcal, a czcionki Euler Script są dostępne prze polecenie \mathsc. Litery "tablicowe" otrzymujemy po załadowaniu pakietu amsfonts, za pomocą polecenia \mathbb. Natomiast litery gotyckie uzyskujemy za pomocą polecenia \mathfrak, po załadowaniu pakietu amsfonts lub pakietu eufrak.

Kroje czcionek (cd)

Argumenty polecenia \mathfrak mogą zawierać małe i duże litery, a pozostałych poleceń tylko duże litery.

```
\begin{array}{lll} \text{tablicowe} & \mathbf{ABC} \\ \text{kaligraficzne (Euler)} & \mathbf{ABC} \\ \text{kaligraficzne} & \mathbf{ABC} \\ \text{gotyckie} & \mathbf{ABC} \\ \end{array} \\ \begin{array}{lll} \mathbf{ABC} \\ \mathbf{ABC}
```

Odstępy poziome w trybie matematycznym

W trybie matematycznym LATEX ignoruje wpisane spacje i formatuje wzór w sposób, który uważa za najlepszy. Można go korygować za następujących pięciu poleceń. Uzyskujemy przy ich pomocy odstęp poziomy takiej wielkości jak pokazany między poziomymi kreskami:

Odstępy poziome w trybie matematycznym (cd)

Polecenia \quad i \quad dają większe odstępy (można używać ich również w trybie akapitowym). Polecenie \quad tworzy odstęp równy wielkości bieżącego pisma, np. w piśmie 12 pt daje 12 pt odstępu. Polecenie \quad tworzy odstęp dwukrotnie większy.

Pisząc

$$|x|=x \quad \forall 0$$

$$|x| = x \quad x \geqslant 0$$



Ręczne łamanie wiersza w trybie wewnątrzakapitowym

Jeżeli chcemy przejść do następnego wiersza w trybie wewnątrzakapitowym należy zastosować polecenie \\:

Potęgi i indeksy

Potęgi oraz indeksy są tym samym co *frakcja górna* oraz *frakcja dolna* w trybie tekstowym. Aby umieścić coś do górnego indeksu, należy użyć symbolu $\hat{}$, np. pisząc $\mathbf{a}^{\mathbf{m}}$ otrzymujemy a^{m} . Indeks dolny tworzymy przy pomocy symbolu $\hat{}$, np. pisząc $\mathbf{a}_{\mathbf{m}}$ otrzymujemy a_{n} . Istnieje możliwość połączenia indeksu górnego z indeksem dolnym. Kolejność indeksów nie odgrywa roli. Jeśli jakieś wyrażenie ma się znaleźć w dolnym bądź górnym indeksie, należy je umieścić klamrach $\{$ $\}$.

Potęgi i indeksy(cd)

Pisząc

$$a_{n+1}, x^2, k_{n+1}=n^2+k_n^2-k_{n-1}$$

$$a_{n+1}, x^2, k_{n+1} = n^2 + k_n^2 - k_{n-1}$$

Obramowania, czyli ramki

Dzięki poleceniu **boxed** można jakiekolwiek wyrażenie (np. równanie) w łatwy sposób wyróżnić, umieszczając je w ramce, np. pisząc

$$\begin{tabular}{l} $$ \boxed{E = mc^{2}} \\ \] \end{tabular}$$

$$E = mc^2$$



Ułamki

```
\label{licznik}  \begin{tabular}{ll} $U$ lamek tworzymy używają komendy \\ $\left\{ mianownik \right\}.$ Pisząc \\ \end{tabular}
```

$$\frac{2}{4}$$

$$\frac{2}{4}$$
.

Można zagnieżdżać ułamki w ułamkach: pisząc

$$\label{eq:frac} $$ \frac{1}{x}+\frac{1}{y}}{y-z}$$

otrzymujemy

$$\frac{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}}{y - z}$$

oraz jako indeksy górne i dolne, itp.: pisząc

$$y^{\{frac\{1\}\{2\}\}}$$

$$y^{\frac{1}{2}}$$



Do utworzenia prostego ułamku umieszczonego w tekście (niematematycznym), można użyć potęg i indeksów., np. pisząc $\{\}^{2}/\{\}_{13}$ otrzymujemy $^2/_{13}$.

```
Pakiet amsmath zawiera wygodne skróty do komend tworzących ułamki: \tfrac dla \textstyle\frac{...}{...},
```

```
\time {tfrac dla \textstyle frac{...}{...}, } dfrac dla \displaystyle frac{...}{...}.
```

```
Pisząc
\scriptstyle \ \sqrt{\dfrac{1}{x}\cos t}\quad \sqrt{\frac{1}{x}\cos t}$
otrzymujemy \sqrt{\frac{1}{x}}\cos t \quad \sqrt{\frac{1}{x}\cos t}
Podobnie pisząc
\sqrt{\tfrac{1}{x}\cos t}\quad \sqrt{\frac{1}{x}\cos t} \]
otrzymujemy
                            \sqrt{\frac{1}{x}\cos t} \sqrt{\frac{1}{x}\cos t}
```

Ułamki łańcuchowe

Ułamki łańcuchowe zapisujemy używając komendy **cfrac**: pisząc

$$\begin{split} x &= a_0 + \text{cfrac}\{1\}\{a_1 \\ &+ \text{cfrac}\{1\}\{a_2 \\ &+ \text{cfrac}\{1\}\{a_3 + a_4\}\}\} \end{split}$$

$$x = a_0 + \frac{1}{a_1 + \frac{1}{a_2 + \frac{1}{a_3 + a_4}}}$$

Symbol Newtona

Symbol Newtona tworzony jest przy pomocy polecenia **binom**: pisząc

$$\begin{tabular}{l} $$ \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!} \end{tabular}$$

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

Symbol Newtona (cd)

```
Pakiet amsmath zawiera wygodne skróty do komend tworzących symbol Newtona: \tbinom dla \textstyle\binom{...}{...}, \dbinom dla \displaystyle\binom{...}{...}.
```

Symbol Newtona (cd)

```
Piszac
\boldsymbol{k}_{n+1}\qquad \boldsymbol{k}_{n+1}
otrzymujemy
\binom{k}{n+1} \binom{k}{n+1}
Podobnie pisząc
otrzymujemy
                   \binom{k}{n+1} \binom{k}{n+1}
```

Struktury "ułamkopodobne"

```
Poleceniem \genfrac można tworzyć dowolne struktury "ułamkopodobne". Ma ono następującą składnię: \genfrac{|delim}{rdelim}{grubość}{styl}{licznik}{mianownik} Pisząc \genfrac{[]{]}{2pt}{1}{1}{n+1}
```

$$\left[\frac{1}{n+1}\right]$$

Pierwiastki

Polecenie \sqrt[st_pierwiastka]{} tworzy pierwiastek otaczający dane wyrażenie. Jeżeli stopień pierwiastka nie jest podany, to utworzony zostanie pierwiastek kwadratowy. Pisząc

otrzymamy

$$\sqrt{\frac{a}{h}}$$
, $\sqrt[n]{1+x+x^2+x^3+\dots}$, $\sqrt[3]{x+y}$,



Pierwiastki (cd)

```
Ponieważ komenda \ nie zawsze daje pożądane efekty, w \mathcal{A}_{\mathcal{M}}S-\TEX rozszerzono ja o polecenia \ leftroot i \ pozwalające na pozycjonowanie stopnia pierwiastka. Pisząc
```

$$\sqrt[\varphi]{x}$$
 $\sqrt[\varphi]{x}$

Operatory binarne

Działania dodawania jak i odejmowania są definiowane w naturalny sposób, np.: pisząc $\mathbf{a}+\mathbf{b}-\mathbf{c}=\mathbf{0}$ otrzymujemy $\mathbf{a}+\mathbf{b}-\mathbf{c}=\mathbf{0}$.

Pozostałe operatory:

Można również utworzyć operator $\underline{\vee}$ pisząc $\underline{\vee}$ nownież utworzyć operator $\underline{\vee}$ pisząc $\underline{\vee}$ nownież utworzyć operator.

Operatory binarne

Przykłady:

Kod Rezultat
$$x \cdot y = 0$$
 $A \cdot B = B \cdot A$ $A \cap B = B \cap A$

Pisząc A \cup B= $\{x \pmod (x \in A) \neq (x \in B) \}$ otrzymujemy

$$A \cup B = \{x \colon (x \in A) \lor (x \in B)\}$$

Relacje

```
\leq  leg lub \leq 
                    lub \ge
                                     \equiv
\11
                                     \doteq
                    \gg
\prec
                    ∖succ
                                      \sim
\preceq
                    \succeq
                                      \simeq
                ⊃ \supset
\subset
                                 \approx
                                      \approx
               \supseteq \supseteq
\subseteq
                                      \cong
\sqsubset
                                      \setminus Join^1
                    \sqsupset
```

Relacje (cd)

```
\sqsubseteq
                  \sqsupseteq
                                       \bowtie
\in
                   \ni
                                       \propto
                                  \propto
\vdash
                   \dashv
                                       \models
mid
                   \parallel
                                       \perp
                   \notin
                                      \neq lub \ne
\legslant
                   \geqslant
```

Odpowiednie symbole negacji relacji można utworzyć poprzedzając powyższe symbole polecenie \not.

Relacje (cd)

Przykłady:

```
Kod Wynik x \neq y A\sim B A \sim B
```

Przystawanie modulo

```
\begin{array}{lll} \text{Kod} & \text{Wynik} \\ \text{a} \backslash \text{equiv b } \backslash \text{pmod} \{11\} & a \equiv b \pmod{11} \\ \text{a} \backslash \text{equiv}_{-} \{11\} \text{ b} & a \equiv_{11} b \end{array}
```

Strzałki

```
← \leftarrow
                           \leftarrow \setminus \mathsf{gets}
 → \rightarrow
 ← \Leftarrow
                           \longleftarrow
                         → \longrightarrow
⇒ \Longrightarrow
                         ← \Longleftarrow
 → \leftrightarrow
                         ←→ \longleftrightarrow
\ iff
                             \leftharpoondown
 → \mapsto
     \longmapsto
                               \nearrow
      \swarrow
                               \searrow
      \nwarrow
                               \uparrow
      \downarrow
```

Napis nad strzałką

Aby umieścić napis nad strzałką stosujemy poniższe komendy:

Kod Wynik
$$f(x) \setminus xrightarrow\{T_{-}\{[1,5]\}\} g(x) \quad f(x) \xrightarrow{T_{[1,5]}} g(x) \\ X \setminus xleftarrow\{temp\} Y \qquad X \xleftarrow{temp} Y$$

Wektory oraz linie nad/pod wyrażeniami

```
W celu uzyskania strzałki nad zmienną stosujemy polecenie
\text{vec}\{\}, np. pisząc \text{vec}\{a\} otrzymujemy \vec{a}.
Jeżeli chcemy uzyskać kreskę pod lub nad wyrażeniem
wystarczy odpowiednio zastosować polecenie \underline lub
\overline.
Np. pisząc:
\underline{abc}, \overline{cde},
\overline{\overline{\Omega}}
otrzymujemy
                           abc, \overline{cde}, \overline{\overline{\Omega}}
```

Wektory oraz linie nad/pod wyrażeniami(cd)

Można również stosować nawiasy klamrowe pod/nad wyrażeniem, np pisząc:

$$n \cdot a = \underbrace{a + a + \ldots + a}_{n}, \ a^{m} = \underbrace{a \cdot a \cdot \ldots a}_{m}$$

Wektory oraz linie nad/pod wyrażeniami(cd)

W celu umieszczenia wyrażenia nad innym wyrażeniem stosujemy polecenie \stackrel{}{}, np. : zaznaczenie (nad znakiem równości) użycia reguły de l'Hospitala w obliczeniach:

uzyskujemy stosujemy kod:

$$\stackrel{[H]}{=}$$

Do wstawienia wyrażenia poniżej innego służy komenda $\mathbb{L}_{}$, np.pisząc:

 $\label{longright} $$ \left\{1\right\}_{n+1} \rightarrow \left\{ \log \left(\log \left(n \right) - \left(n \right) \right\} = 0 $$$

$$\frac{1}{n+1} \xrightarrow[n \to \infty]{}$$

Różne znaki

```
\forall
                     \hbar
                                         \emptyset
                                                            \exists
    \nabla
                    \partial
                                        \infty
                                                            \int
                                    \infty
    \setminusoint
                    ∖sum
                                         \prod
                                                            \aleph
\Re
    \Re
                      \backslash \text{Im}
                                         \ell
                                                            \angle
                     \ldots
                                         \ddots
    \neg
                                                            \vdots
                 %
    \prime
                                         \nmid
```

Różne znaki(cd)

Przykłady:

Pisząc

\forall
$$x \in R \quad quad \quad x^{2} \geq 0$$

otrzymujemy

$$\forall x \in R \quad x^2 \geqslant 0$$

Podobnie pisząc

$$\text{text}\{\text{Jeżeli }\}z=a+\text{bi},\text{text}\{\text{ to }\}\Re\ (z)=a,\text{lm}\ (z)=b$$

Jeżeli
$$z = a + bi$$
, to $\Re(z) = a$, $\Im(z) = b$



Granice

Aby uzyskać symbol granicy: $\lim_{x\to\infty} f(x)$ należy wpisać kod: $\lim_{x\to\infty} f(x)$, np.pisząc

$$\lim_{n\to\infty}\left(1+\frac{1}{n}\right)^{n}=e$$

$$\lim_{n\to\infty} \left(1+\frac{1}{n}\right)^n = e.$$

Komendy \sum oraz \prod wstawiają odpowiednio symbole sumy oraz iloczynu z granicami zdefiniowanymi, odpowiednio, przy pomocy symboli ^ oraz _, pisząc:

$$\sum_{i=1}^{10} t_i$$

$$\sum_{i=1}^{10} t_i$$

Pisząc

 $\begin{tabular}{l} $\sup_{j=1}^{n} \frac{partial f}{partial } x_{j}} \frac{1}{\frac{1}{frac}partial } x_{j}}{\left(partial } x_{j}}, \quad i=1,2,\ k \end{tabular}$

otrzymujemy

$$\sum_{j=1}^{n} \frac{\partial f}{\partial x_{j}} \frac{1}{\frac{\partial x_{j}}{\partial t_{i}}}, \quad i = 1, 2, \dots, k$$

Podobnie pisząc

$$\prod_{n=0}^{k} n=0$$

$$\prod^{k} n = 0$$

Istnieją jeszcze inne "duże" operatory, których używa się w podobny sposób:

Polecenie \substack pozwala używać \\, aby ustalać wielolinijkowe granice, np pisząc:

$$\sum_{\substack{0 < i < m \\ 0 < j < n}} P(i, j)$$

Suma mnogościowa: $\bigcup_{s=1}^n A_s = A_1 \cup A_2 \cup \ldots \cup A_n$ otrzymujemy pisząc

$$\label{eq:local_self_ass} $$ \left(s=1 \right)^{n} A_s =A_{1} \subset A_{2} \subset \label{eq:local_self_ass} \subset A_{n} $$$$

Iloczyn mnogościowy (przekrój): $\bigcap_{s=1}^n A_s$ otrzymujemy pisząc

$$\begin{tabular}{ll} \begin{tabular}{ll} \beg$$

Chcąc uzyskać tylko symbole \sum , \prod , \bigcap , \bigcup wystarczy wpisać odpowiednio:



Operatory $\$ bigwee oraz $\$ bigwedge mogą być używane jako kwantyfikatory $\$ oraz $\$, ,np. pisząc:

$$\big(x\in \mathbb{R} \ \text{in in } \mathbb{R} \ \text{e}^{x}>0$$

otrzymujemy

$$\bigwedge_{x \in R} e^x > 0$$

Gdy chcemy umieścić wzór $\bigwedge_{x \in R} e^x > 0$ w linii tekstu należy napisać kod: $\star \varepsilon < 0$ w linii tekstu należy napisać kod: $\star \varepsilon < 0$ w linii tekstu należy

Całki

Polecenie \int wstawia symbol całki z granicami zdefiniowanymi, odpowiednio, przy pomocy symboli ^ oraz _, np. pisząc:

$$\int_0^{\inf} f(x) dx$$

otrzymujemy

$$\int_0^\infty f(x)\,dx$$

Aby granice całkowania były zapisane pod oraz nad symbolem (tak jak np. w sumie), należy użyć polecenia \limits, pisząc:

$$\int \int \int dx \, dx$$

$$\int_{a}^{b} f(x) dx$$

Całki (cd)

Istnieją również inne symbole całki:

Pisząc

$$\label{eq:limits} $$ \lim_{D}g(x,y)\, dxdy,\quad (x,y)\, dxdy, \ \left(0\right)^{1}\int_{B}x(x,y)\, dxdy $$$$

$$\iint_D g(x,y) dxdy, \quad \int_0^1 \int_2^4 g(x,y) dxdy$$

Nawiasy i ograniczniki

We wzorach matematycznych najczęściej używane są nawiasy okrągłe, kwadratowe oraz klamrowe. Np. pisząc

$$\begin{array}{l} (a+b)^{2}=a^{2}+2ab+b^{2}, \ x\in [a,b], \ A=\setminus\{x\in R: \ x>0\} \end{array}$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2, x \in [a,b], A = \{x \in R : x > 0\}$$

Nawiasy i ograniczniki (cd)

W składzie komputerowym LATEX można używać również innych nawiasów:

Zauważmy, że nawiasy \mid i $\mid\mid$ mają taką sama wersję prawą i lewą.

Skalowanie nawiasów

Ponieważ wzory matematyczne są często różnych rozmiarów, to nawiasy powinny również przyjmować różne rozmiary. Efekt automatycznego dopasowania rozmiaru nawiasów do wyrażenia matematycznego które otaczają można osiągnąć używając poleceń \left i \right w połączeniu z dowolnym nawiasem lub ogranicznikiem przedstawionym powyżej, np. pisząc:

$$\left(\frac{x^2}{y^3}\right) \quad \left(\frac{x^2}{y^3}\right),$$



Skalowanie nawiasów (cd)

Podobnie pisząc

```
\label{left} $$\left(1)_{x}\rightright\rfloor,\ \left(1,\frac{1}{2};5\rightright\rangle,\ \left(1,\frac{1}{2},\frac{1}{3}\right)$$
```

otrzymujemy

$$\left\lfloor \frac{1}{x} \right\rfloor, \left\langle -1\frac{1}{2}, 5 \right\rangle, \left\{ 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3} \right\}$$

a pisząc

$$\label{eq:capacity} $$\inf_{c}^{d}\left[\int_{u(y)^{v(y)}} f(x,y)\right]dy$$$$

$$\int_{c}^{d} \left[\int_{u(y)}^{v(y)} f(x, y) \, dx \right] \, dy$$

Skalowanie nawiasów (cd)

Jeśli ma być widoczny tylko nawias po jednej stronie, wtedy niewidoczny nawias określamy kropką (.). Taka sytuacja występuje, gdy wyrażenie jest zbyt duże by zmieścić się w jednej linii, np. pisząc

$$\left[\int_{c^{d}}\int_{u(y)}^{v(y)} f(x,y)dxdy\right].$$

$$\int_{c}^{d} \int_{u(y)}^{v(y)} f(x, y) dx dy$$

Skalowanie nawiasów (cd)

Można również ręcznie ustawić odpowiednią wielkość nawiasu. W tym celu używa się, odpowiednio, poleceń \big, \Big, \bigg, \Bigg z odpowiednim nawiasem, tj. pisząc:

$$(\big\backslash Big(\big\backslash Big(\big\backslash Bigg(\big\backslash Bigg(\big\backslash Bigg) \big)))$$

Funkcje matematyczne

```
sin
            ∖sin
                                  \cos
                                             tg
                                                       \tg
                       cos
                                           arc sin
                                                      arcsin
 ctg
            ∖ctg
                       CSC
                                  \csc
           arccos
                      arc tg
                                 arctan
                                            sinh
                                                       sinh
arc cos
 cosh
            cosh
                      ctgh
                                 coth
                                            sup
                                                      \sup
  inf
            ∖inf
                     lim sup
                                \limsup
                                           lim inf
                                                     ∖liminf
            ∖log
                                  ∖lg
                                             ln
                                                       ∖In
  log
                        lg
                                  ∖det
                                            deg
                                                      \ deg
                       det
 exp
            \exp
 dim
            ∖dim
                                                      ∖ker
                      hom
                                  hom
                                            ker
                      min
                                  \ min
            max
 max
                                            arg
                                                       \ arg
 nwd
            ∖nwd
```

Funkcje matematyczne (cd)

Kod Wynik
$$\sin 2\pi=0 \ \sin 2\pi = 0$$
 $\label{eq:wynik}$ $\label{eq:wynik}$ $\label{eq:wynik}$ $\label{eq:wynik}$ $\label{eq:wynik}$

Akcenty matematyczne

```
\hat{o} \hat{o} \hat{o} \grave{o} \check{o} \breve{o}

\acute{o} \acute{o} \dot{o} \dot{o} \bar{o} \bar{o}

\~{o} \tilde{o} \ddot{o} \ddot{o} \widehat{abc} \widehat{abc}

\check{o} \check{o} \vec{o} \vec{o} \widehat{abc} \widetilde{abc}
```

Małe litery greckie

```
\alpha
                                                                     \upsilon
                           \theta
\alpha
                                                0
                           \vartheta
     ∖beta
                                                                     \phi
                                           \pi
                                                \pi
                                                                Φ
                                                                     \varphi
     \gamma
                           ∖iota
                                                ∖varpi
                       \iota
                                          \varpi
     ∖delta
                           ∖kappa
                                                \rho
                                                                     \chi
                      \kappa
                                           ρ
     \epsilon
                           ∖lambda
                                                \varrho
                                                               \psi
                                                                     ∖ psi
                                           Q
     \varepsilon
                                                 sigma
                           \mu
                                           \sigma
                                                                      omega
                      \mu
                                                               \omega
                                                \varsigma
     \zeta
                           ∖nu
                           \xi
     ∖eta
                                                ∖tau
\eta
```

Wielkie litery greckie

Polecenia \newtheorem i \newtheorem*

W tekstach matematycznych występują zwykle twierdzenia, lematy, wnioski, definicje uwagi itp. LATEX nie dysponuje oddzielnymi otoczeniami dla każdego z nich, ale udostępnia deklaracje \newtheorem i \newtheorem* do definiowania przez użytkownika własnych środowisk.

Deklaracje te można umieszczać w dowolnym miejscu dokumentu, ale najlepiej w preambule.

Mają one postać

```
\newtheorem{naz_otocz}[wspol_num]{etykieta}[jedn_podz] \newtheorem*{naz_otocz}{etykieta}
```



Polecenia \newtheorem i \newtheorem* (cd)

Argument naz_otocz to nazwa jaką użytkownik nadał otoczeniu, etykieta jest tekstem którym opatruje się to otoczenie. W przypadku polecenia \newtheorem, etykieta jest licznikiem, czyli kolejne etykiety zaopatrywane są numerem, np. Tw. 1, Tw. 2 itd. Opcjonalny argument jedn_pod sprawia, że otoczenia danego rodzaju są numerowane w obrębie określonej jednostki podziału tekstu, np. chapter, section. Brak tego argumentu powoduje, że stosowana jest ciągła numeracja w całej pracy. Opcjonalny argument wspol_num umożliwia wspólną numerację różnych otoczeń, np. typu twierdzeń.

Argumenty opcjonalne jedn_podz i wspol_num nie mogą występować jednocześnie.

Polecenia \newtheorem i \newtheorem* (cd)

Np. umieszczenie w preambule

```
\label{eq:conditional_condition} $$\operatorname{TWIERDZENIE}_{\operatorname{chapter}} $$\operatorname{lem}_{\operatorname{cor}}[\operatorname{LEMAT}_{\operatorname{cor}}[\operatorname{thm}]_{\operatorname{WNIOSEK}}$$
```

określa trzy środowiska: thm, lem i cor, które będą wspólne numerowanie, oddzielnie w każdym rozdziale. Mają one etykiety, odpowiednio: TWIERDZENIE, LEMAT i WNIOSEK.

Style otoczeń tworzonych przy pomocy poleceń \newtheorem i \newtheorem*

Wszystkie otoczenia zdefiniowane przez polecenia \newtheorem i \newtheorem* mają podobny wygląd. Pakiet amsthm umożliwia za pomocą polecenia

\theoremstyle{naz_stylu}

określenie stylu dalej określonych otoczeń.

Style otoczeń tworzonych przy pomocy poleceń \newtheorem i \newtheorem* (cd)

```
Pre-definiowane są 3 style

plain zalecany do twierdzeń, lematów, wniosków itp.

(domyślny);

definition zalecany do definicji i przykładów;

remark zalecany do uwag i notatek (notes).
```

Style otoczeń tworzonych przy pomocy poleceń \newtheorem i \newtheorem*

Np. umieszczenie w preambule

```
\theoremstyle{definition}
\newtheorem{defn}{DEFINICJA}[chapter]
\newtheorem{exmp}{Przykład}[chapter]
```

określa dwa środowiska defn i exmp, które będą składane w stylu definition. Mają one etykiety: DEFINICJA i Przykład i są numerowane oddzielnie w obrębie każdego rozdziału.

Środowisko proof

Pakiet **amsthm** udostępnia specjalne środowisko do umieszczania dowodów. Ma ono postać:

```
\begin{proof}
Tutaj zamieszczamy dowód.
\end{proof}
```

Środowisko to rozpoczyna się złożonym italikiem słowem *Proof*, a kończy białym kwadratem (Q.E.D Symbol). Jeżeli używany jest pakiet babel, to słowo *Proof*, zostanie zastąpione odpowiednikiem we właściwym języku, np. słowem *Dowód*.

Środowisko proof (cd)

Możemy również sami nazwać dowód. Np. pisząc

```
\begin{proof} [Dowodzik]
Tutaj zamieszczamy dowód.
\end{proof}
```

zastąpimy słowo *Proof* lub *Dowód* (gdy używamy pakietu babel) słowem *Dowodzik*.

Środowisko proof (cd)

Gdy używamy pakietu **polski**, to aby otrzymać na początku słowo *Dowód* piszemy

```
\begin{proof}[Dowód]
Tutaj zamieszczamy dowód.
\end{proof}
```