# گزارش کار پروژه سیگنال ها و سیستم ها دکتر امینی

محمد صدرا حسینی ۴۰۱۱۱۰۴۴۸

## ۱ لود کردن فیلتر ها و پخش فایل صوتی رمزنگاری شده

ابتدا با استفاده از کامند load فایل فیلتر ها را روی workspace لود می کنیم. سپس ابتدا با کامند audioread فایل صوتی encode شده و خوانیم که خروجی این تابع دو متغیر پهنای فرکانسی سیگنال ظبط شده و نیز کانال های سیگنال صوتی است(در اینجا یک کانال فقط داریم). برای پخش صدا نیز باید از دستور play استفاده کنیم که ورودی آن، خروجی تابع پخش صدا نیز باید از دستور play استفاده کنیم که ورودی آن، خروجی تابع معان دو خروجی تابع audioread است. که این تابع همان دو خروجی تابع کد در تصویر زیر آمده است

```
%% in this part, we load the sound file
[y , fs] = audioread('testmusic.wav');
load("filters.mat")
player = audioplayer(y , fs);
%play the sound
play(player)
%%%%%%%%%%%%%%%%%
%define matrix A
         = [ 0
0/0/0/0/0/0/0/0/0/0/0/0/0/0/0/
% You have to fill in this part
%
%
%
%
```

#### ۲ معکوس ماتریس تبدیل

ماتریس تبدیلی که از آن برای جابجایی بازه های فرکانسی استفاده کردیم در ماتریس که خیره کردیم. برای محاسبه ماتریس معکوس می بایست از دستور inv(A) استفاده کنیم که در صورت معکوس پذیر بودن، خروجی معکوس

شكل ١: لود كردن فيلتر ها و پخش فايل صوتى رمزنگارى شده

#### ماتریس ورودی خواهد بود. کد و خروجی آن در تصویر زیر مشخص است

#### %% computing the inverse matrix

```
Ainv = zeros(size(A));
Ainv = inv(A);
disp(Ainv)
```

شكل ٢: محاسبه ماتريس معكوس با استفاده از دستور inv

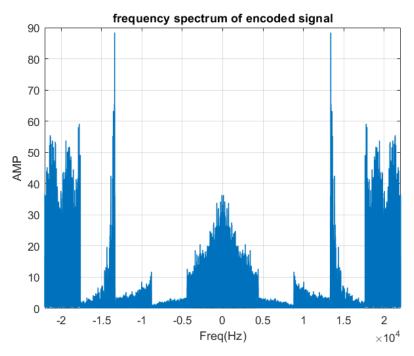
0	0	0	20	0
0	0	0	0	1
1	0	0	0	0
0	0	1	0	0
0	1	0	0	0

شكل ٣: معكوس ماتريس تبديل

#### ۳ محاسبه و رسم طیف فرکانسی سیگنال رمزنگاری شده

ابتدا با استفاده توامان از دستور های fft و fftshift تبدیل فوریه سیگنال ورودی را محاسبه می کنیم. برای رسم تبدیل فوریه می بایست بازه فرکانسی را درست بدهیم. کل پهنای فرکانس  $f_s$  است. کل تعداد نقاطی هم که از خروجی تبدیل فوریه داریم برابر N است. پس کافیست این N داده را به طور متقارن روی بازه  $f_s$  پخش کنیم. در نهایت با استفاده از دستور  $f_s$  شکل را مش بندی می کنیم. با استفاده از دستور gridon شکل را مش بندی می کنیم. با استفاده از دستور title برای نمودار یک عنوان مناسب انتخاب کرده و نیز با

دستور های xlabel و ylabel محور ها را نشان گذاری می کنیم. استفاده از دستور xlim نیز می توان تعیین کرد وقتی پنجره نمودار باز می شود، محور افقی نمودار چه بازه ای از اعداد را نشان بدهد که چون پهنای باند فرکانسی سیگنال را داریم، به طور متقارن قرار می دهیم. در تصویر زیر کد و خروجی آن آمده است



شکل ۵: خروجی متلب برای طیف فرکانسی سیگنال رمزنگاری شده

### ۴ جدا کردن بازه های فرکانسی سیگنال رمزنگاری با استفاده از فیلتر ها

با اثر دادن فیلتر ها روی سیگنال ورودی می توان بازه های فرکانسی را از یکدیگر جدا کرد. همچنین برای استفاده از تابع کسینوس برای شیفت باید یک بازه برای زمان سیگنال کسینوسی بیابیم. از آنجایی که ۲۸ ثانیه کل تایم محتوای صوتی است و نیز پهنای باند فرکانسی  $f_s$  است، پس باید با استفاده از تابع linspace در بازه ۰ تا ۲۸ ثانیه،  $44100 \times 82$  داده تولید کنیم. تصویر کد فوق، به شرح زیر است

#### %% decomposing the input into 5 bands

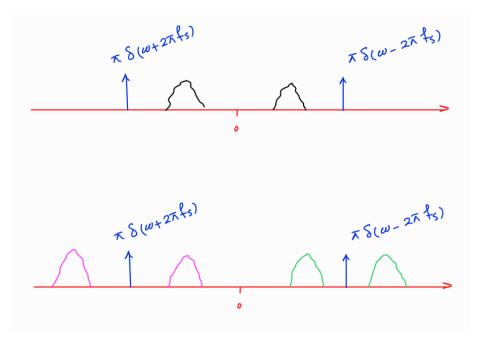
#### 

```
y1 = filter(Band1, y);
y2 = filter(Band2, y);
y3 = filter(Band3, y);
y4 = filter(Band4, y);
y5 = filter(Band5, y);
t = linspace(0, 28, fs * 28);
```

شکل ۶: جدا کردن بازه های فرکانسی با استفاده از فیلتر های تعریف شده

#### ۵ جابجا کردن باند های فرکانسی

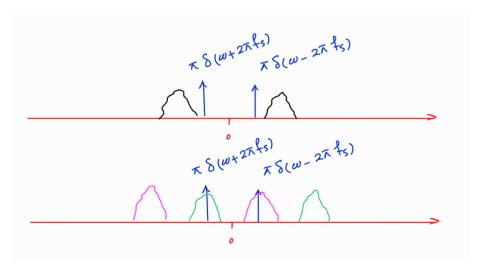
برای جابجا کردن بازه های فرکانسی از ایده ضرب کردن در کسینوس استفاده می کنیم. فرض کنیم می خواهیم یک باند با فرکانس کمتر را به فرکانس بالاتر انتقال دهیم. ایده از شکل زیر نشات می گیرد.



شكل ٧: انتقال از فركانس هاى پايين به فركانس ها بالا

طبق شکل فوق، دلتای سمت راست، پس از کانوالو شدن در تبدیل فوریه سیگنال، تپه های سبز و به همین ترتیب دلتای سمت چپ، تپه های صورتی رنگ تولید می شود. حال اگر یک فیلتر میانگذر با فرکانس بالاتر از فرکانس مرکزی تپه های سیاه بگذاریم، صورتی سمت چپ و سبز سمت راست از فیلتر عبور می کند.

به همین برای آوردن از فرکانس بالاتر به فرکانس پایین تر، مطابق شکل زیر عمل می کنیم.



شكل ٨: انتقال از فركانس هاى بالا به فركانس هاى پايين

در شکل فوق، اگر یک فیلتر با فرکانس قطع و عبور پایین تر فرکانس مرکزی تپه های سیاه باشد عملاً از فرکانس های بالاتر به فرکانس های پایین تر انتقال داریم. با این کار صورتی راست و سبز چپ انتخاب می شوند. حال هر کدام از باند ها را با روش فوق جابجا می کنیم. تنها نکته این است که فرکانس را باید مثبت فرض کنیم، پس باید قدر مطلق اختلاف فرکانس های عبور را در 4410 ضرب کنیم که پهنای فرکانسی هر کدام از بازه ها برابر و نیز رسم طیف فرکانسی آن و نیز انتقال یافته آن در کد های زیر آمده است. تنها نکته اضافه در رسم نمودارها استفاده از hold n برای رسم همزمان دو نمودار در یک پنجره است. همچنین استفاده از legend برای لیبل زدن به هر کدام از نمودار ها برای تمایز دادن آنهاست. خروجی متلب نیز در ادامه آمده است

```
%% Band2
% calculate frequency of shifting
f25 = abs(5 · 2) * fs / 1e;
% shift using multipling by cosine function
shift2 = cos(2 * pi * f25 * t);
x2 = 2 * ys * shift2';
% filter result for deleting redundant bands generated by delta function
                                                                                                                                                                                                                               XX Band1
% calculate frequency of shifting
f14 = abs(4 · 1) * fs / 10;
% shift using multipling by cosine function
shift1 = cos(2 * pi * f14 * t);
xt = 40 * y4 * shift1';
xt = filter(Band1,x1);
 x2 = filter(Band2,x2);
% plot fourier transform of band and shifted band
                                                                                                                                                                                                                                \% filter result for deleting redundant bands generated by delta function
                                                                                                                                                                                                                                % filter result for deleting redundant be figure; X1 = fffshift(fff(x1)); N = numel(x1); freq = (-N / 2 : N / 2 - 1) / N * fs; plot(freq (abs(X1)) , 'LineWidth' , 1); hold on
% plot fourier transform of band and shift
figure;
X2 = fftshift(fft(x2));
N = numel(x1);
freq = (-N / 2 : N / 2 - 1) / N * fs;
plot(freq, (abs(X2)) , 'LineWidth' , 1);
plot(rreg, dao(x2)), 'Linewloth', 1);
hold on
plot(freq, abs(fftshift(fft(y5))), 'Linewldth', 1);
grid on
title('absolute value of fourier transform of x2 and y5');
ylabel('Amp');
xlabel('freq(Hz'));
xlabel('freq(Hz'));
xlim([-fs / 2, fs / 2]);
lemend('fourier transform of x2', 'fourier transform of y5'
                                                                                                                                                                                                                                hold on
plot(freq, abs(fftshift(fft(y4))), 'LineWidth', 1);
                                                                                                                                                                                                                                 grid on title('absolute value of fourier transform of x1 and y4');
                                                                                                                                                                                                                                ylabel('AMP');
xlabel('Freq(Hz)');
xlim ([-fs / 2, fs / 2]);
legend('fourier transform
                                        (ب) باند دوم سیگنال نهایی
                                                                                                                                                                                                                                                                        (آ) باند اول سیگنال نهایی
%% Band4
                                                                                                                                                                                                                             XX Band3
K calculate frequency of shifting
f31 = abs(1 - 3) * (s / 10;
X shift using multipling by cosine function
shift3 - cos(2 * p1 * f31 * t);
X3 = 2 * y1 .* shift3;
K iller the result for deleting redundant bands generated by delta function
X3 = filter(Band3,X3);
% calculate frequency of shifting
f43 = abs(2 - 4) * fs / 10;
:43 = abs(2 - 4) * fs / 10; 

% shift using multipling by cosine function 

shift4 = cos(2 * pi * fa3 * t); 

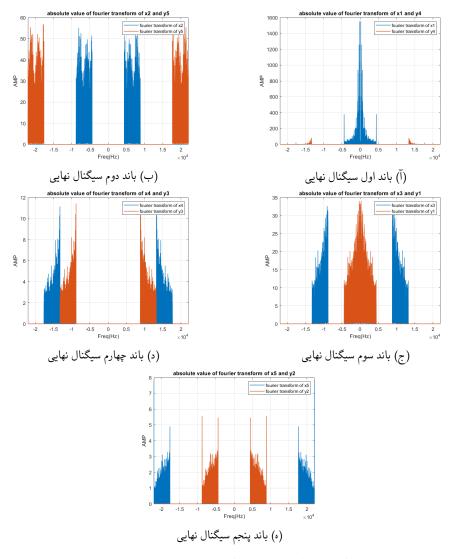
x4 = 2 * ya * shift4'; 

% filter the result for deleting redundant bands generated by delta function 

x4 = filter(Band4,x4);
% plot fourier transform of band and shifted band
                                                                                                                                                                                                                             % plot fourier transform of band and shifted band figure; X3 = fftshft(fft(X3)); N = nume(X3); freq = (-N / 2 : N / 2 - 1) / N * fs; plot(freq, (abs(X3)) , 'LimeWidth' , 1); hold on plot(freq, bas(fftshift(fft(y1))), 'LimeWidth' , 1); grid on
 hold on
plot(freq, abs(fftshift(fft(y3))), 'LineWidth', 1);
                                                                                                                                                                                                                             grid on title('absolute value of fourier transform of x3 and y1'); ylabel('Amp'); xlabel('Freq(NE')'); xlabel('Freq(NE')'); lagend('fourier transform of x3', 'fourier transform of y1'); legend('fourier transform of x3', 'fourier transform of y1');
grid on title('absolute value of fourier transform of x1 and y4'); ylabel('Amp'); xlabel('Freq(Hi'); xlabel('Freq(Hi'); xlabel('Freq(Hi'); xlamin('f.s. 7.4, f.s. 7.4); legend('fourier transform of x4', 'fourier transform of y3');
                                      (د) باند چهارم سیگنال نهایی
                                                                                                                                                                                                                                                                       (ج) باند سوم سیگنال نهایی
                                                                                                               % plot fourier transform of band and shifted band
                                                                                                               % plot fourier transform of band and shifted band
figure;
XS = fftshift(fft(xS));
N = nume(xS);
freq = (-H / 2 : N / 2 - 2) / N * fs;
plot(freq, dabs(XS)) , 'tinewidth' , 1);
hold on
plot(freq, abs(fftshift(fft(y2))), 'tinewidth', 1);
grid on
title('absolute value of fourier transform of x5 and y2');
ylabel('x=w');
xlabel('r=q(iz)');
xlim([-f - 7, fs / 2]);
legend('fourier transform of x5', 'fourier transform of y2');
```

(ه) باند پنجم سیگنال نهایی

شكل ٩: جابجايي بازه هاى فركانسي



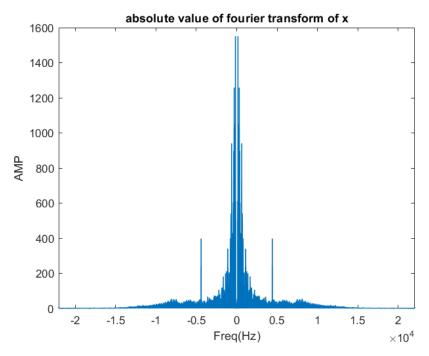
شکل ۱۰: طیف بازه های فرکانسی، قبل و بعد از جابجایی

یک نکته ای که باید رعایت کنیم این است که پس از ضرب کردن در کسینوس ها می بایست سیگنال ها را با ضریب ۲ تقویت کنیم، زیرا

$$\mathcal{F}\{f(t) \times \cos(2\pi f_{shift}t)\} = \frac{1}{2\pi} \mathcal{F}\{f(t)\} * (\pi\delta(\omega - 2\pi f_{shift}) + \pi\delta(\omega + 2\pi f_{shift}))$$
$$= \frac{1}{2} (F(\omega - 2\pi f_{shift}) + F(\omega + 2\pi f_{shift}))$$

#### ۶ چک کردن نتیجه خروجی

ابتدا همه باند ها را با یکدیگر جمع می زنیم و طیف فرکانسی سیگنال نهایی را رسم می کنیم. کد و خروجی متلب در ادامه آمده است



شکل ۱۲: طیف فرکانسی سیگنال نهایی پس از کدگشایی

#### ۷ ذخیره سازی فایل خروجی

برای ذخیره سازی فایل خروجی از تابع audiowrite استفاده کردم که آرگومان های اول تا سوم آن به ترتیب عبارتند از نام فایل خروجی، سیگنال خروجی و نیز پهنای باند فرکانسی سیگنال. در شکل زیر کد آن آمده است

#### audiowrite('output.wav' , x , fs)

شكل ۱۳: ذخيره سازي خروجي

#### ۸ استفاده از تبدیل فوریه

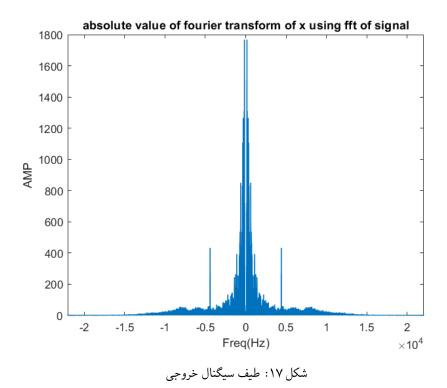
در این بخش ابتدا  $\alpha$  سیگنال خالی با طول آرایه صوت تعریف می کنیم. حال به هر آرایه با توجه به بازه فرکانسی جابجا شده از ماتریس A ، مقادیر مناسب

از تبدیل فوریه شیفت یافته سیگنال ورودی را نسبت می دهیم و در نهایت آنها را با هم جمع می کنیم. حال اندازه حاصل را می کشیم و میبینیم کاملاً مشابه چیزی شده که قبل تر با استفاده از کسینوس ها بدست آوردیم. حال یکبار سیگنال را شیفت داده، سپس تبدیل فوریه معکوس گرفته و بلافاصله آن را شیفت می دهیم. این کار منطقی است زیرا خروجی fft شیفت ندارد و در نتیجه ورودی ifft نیز باید بدون شیفت باشد. پس از پخش خواهیم دید که کاملاً نتایج سازگار با روش قبلی است. در نهایت هم فایل را ذخیره می کنیم. کد ها و نتایج در زیر آمده است

```
%% Using fft and ifft for descrambling
% initializing final bands fourier transform
X1 = zeros(length(y), 1);
X2 = zeros(length(y), 1);
X3 = zeros(length(y), 1);
X4 = zeros(length(y), 1);
X5 = zeros(length(y), 1);

% assigning proper values to X_is
len = length(y);
Y = fftshift(fft(y));
```

```
% first band
X1(4 * len / 10 + 1 : 5 * len / 10, 1) = 20 * Y(1 * len / 10 + 1 : 2 * len / 10, 1);
X1(5 * len / 10 + 1 : 6 * len / 10, 1) = 20 * Y(8 * len / 10 + 1 : 9 * len / 10, 1);
% second band
X2(3 * len / 10 + 1 : 4 * len / 10, 1) = Y(0 * len / 10 + 1 : 1 * len / 10, 1);
X2(6 * len / 10 + 1 : 7 * len / 10, 1) = Y(9 * len / 10 + 1 : 10 * len / 10, 1);
% third band
X3(2 * len / 10 + 1 : 3 * len / 10, 1) = Y(4 * len / 10 + 1 : 5 * len / 10, 1);
X3(7 * len / 10 + 1 : 8 * len / 10, 1) = Y(5 * len / 10 + 1 : 6 * len / 10, 1);
% fourth band
X4(1 * len / 10 + 1 : 2 * len / 10, 1) = Y(2 * len / 10 + 1 : 3 * len / 10, 1);
X4(8 * len / 10 + 1 : 9 * len / 10, 1) = Y(7 * len / 10 + 1 : 8 * len / 10, 1);
% fifth band
X5(0 * len / 10 + 1 : 1 * len / 10, 1) = Y(3 * len / 10 + 1 : 4 * len / 10, 1);
X5(9 * len / 10 + 1 : 10 * len / 10, 1) = Y(6 * len / 10 + 1 : 7 * len / 10, 1);
                            شكل ۱۵: مقدار دهي به آرايه ها
% plot absolute value of fourier transform of signal
X = X1 + X2 + X3 + X4 + X5;
figure;
N = numel(X);
freq = (-N / 2 : N / 2 - 1) / N * fs;
plot(freq, abs((X)) , 'LineWidth' , 1);
title('absolute value of fourier transform of x using fft of signal');
ylabel('AMP');
xlabel('Freq(Hz)');
xlim ([-fs / 2, fs / 2]);
                        شكل ١٤: رسم اندازه تبديل فوريه خروجي
```



% fft inverse and correction on symmetry of signal
x = ifft(fftshift(X));
player = audioplayer(real(x) , fs);
play(player)
%save the output
audiowrite('decodingusingfft.wav' , real(x), fs);

شكل ۱۸ كش ١٨٠: تبديل فوريه معكوس و ذخيره سازى

#### ۹ ضبط صدا با استفاده از متلب

ابتدا یک آبجکت برای رکورد صوت می سازیم که خروجی تابع audiorecord است. آرگومان اول تا سوم به ترتیب عبارتند از پهنای فرکانسی، حافظه ذخیره

سازی و تعداد کانال هاست(یک می گذاریم). سپس مدت زمان رکورد را تعیین می کنیم. با استفاده از تابع recordblocking صوت را ضبط کرده و با با استفاده از تابع getaudiodata آن را به سیگنال صوتی تبدیل کرده و با تابع audiowrite آن را ذخیره می کنیم. پس از ذخیره سازی کد را کامنت می کنیم تا دوباره ران نشود.

```
%% Record my audio and save it
% recObj = audiorecorder(44100, 16, 1);
% recDuration = 30;
% recordblocking(recObj,recDuration);
% myrec= getaudiodata(recObj);
% audiowrite('myVoiceOrg.wav', myrec, 44100);
              شكل ۱۹: نحوه ضبط صدا در متلب
                   ۱۰ یخش صدای ضبط شده
     الگوريتم قبلاً توضيح داده شده است. اينجا فقط كد را مي گذاريم
%% Play my recorded voice
[g , fs] = audioread('myVoiceOrg.wav');
player = audioplayer(g , fs);
disp(size(g))
%play the sound
play(player)
            شکل ۲۰: یخش صدایی که با متلب ضبط شد
```

# ۱۱ نحوه رمزگذاری سیگنال با استفاده از الگوریتم صورت مساله(امتیازی)

کافیست دقیقا همان کاری که برای کدگشایی سیگنال در مسئله اصلی کردیم را انجام دهیم با این تفاوت که باز هم باید سیگنال ها را در ۲ ضرب کنیم، زیرا باز هم جابجایی با استفاده از ضرب در کسینوس بوده است. کد آن به صورت زیر است

```
% encoding the voice
shift1 = cos(2 * pi * f31 * t);
encoded1 = 2 * g3 .* shift1';
encoded1 = filter(Band1, encoded1);
shift2 = cos(2 * pi * f52 * t);
encoded2 = 2 * g5 .* shift2';
encoded2 = filter(Band2, encoded2);
shift3 = cos(2 * pi * f43 * t);
encoded3 = 2 * g4 .* shift3';
encoded3 = filter(Band3, encoded3);
                                                                                                             %% Encoding with the algorithm that defines in problem
shift4 = cos(2 * pi * f14 * t);
encoded4 = 2 * (1 / 20) * g1 .* shift4';
encoded4 = filter(Band4, encoded4);
                                                                                                             % seperating each band of original voice
                                                                                                             g1 = filter(Band1, g);
                                                                                                             g2 = filter(Band2, g);
shift5 = cos(2 * pi * f25 * t);
encoded5 = 2 * g2 .* shift5';
encoded5 = filter(Band5, encoded5);
                                                                                                             g3 = filter(Band3, g);
                                                                                                             g4 = filter(Band4, g);
                                                                                                             g5 = filter(Band5, g);
t = linspace(0, 30, fs * 30);
encoded = encoded1 + encoded2 + encoded3 + encoded4 + encoded5;
                                                                                                                 (آ) فیلتر کردن و جدا کردن بازه های فرکانسی
     (ب) جابجا کردن بازه ها بر اساس ماتریس A
                                                        % saving as encoded voice
                                                        audiowrite('encodedVoice.wav' , encoded , fs);
                                                                   (ج) ذخیره سازی فایل کدگذاری شده
```

شكل ۲۱: كدگذارى فايل ضبط شده با الگوريتم ماتريسA

## ۱۲ کدگشایی(امتیازی)

این بخش کاملاً شبیه کاری ست که در صورت مساله اصلی کردیم. پس فقط کد ها را می آوریم

```
a1 = filter(Band1, a);
                                                                                                                                                                                                            %% decoding like previous part
    a2 = filter(Band2, a);
                                                                                                                                                                                                           [a , fs] = audioread('encodedVoice.wav');
    a3 = filter(Band3, a);
                                                                                                                                                                                                            player = audioplayer(a , fs);
    a4 = filter(Band4, a);
    a5 = filter(Band5, a);
                                                                                                                                                                                                            %play my encoded voice
                                                                                                                                                                                                            play(player)
    t = linspace(0, 30, fs * 30);
       (ب) فیلتر کردن باند های ورودی برای جابجایی
                                                                                                                                                                                                                                 (آ) پخش کردن فایل کدگذاری شده
                                                                                                                                                                                                         % Band1
                                                                                                                                                                                                         % calculate frequency of shifting f14 = abs(4 - 1) * fs / 10;
% Band2 % calculate frequency of shifting f25 = abs(5 - 2) * fs / 10; % shift using multipling by cosine function shift2 = cos(2 * pi * f25 * * t); b2 = 2 * a5 * shift2'; % filter result for deleting redundant bands generated by delta function b2 = filter(Band2,b2);
                                                                                                                                                                                                         % shift using multipling by cosine function
shift1 = cos(2 * pi * f14 * t);
b1 = 40 * a4 .* shift1';
                                                                                                                                                                                                         b1 = filter(Band1,b1);
                                             (د) جابجایی باند دوم
                                                                                                                                                                                                                                                   (ج) جابجایی باند اول
                                                                                                                                                                                                      % Band3

% Calculate frequency of shifting

f1 = abs(1 - 3) * fs / 10;

% shift using multipling by cosine function
shift3 = coS(2 * pi * f3! * t);

b3 = 2 * a1 . * shift3';

% filter the result for deleting redundant bands generated by delta function
b3 = filter(Band3,b3);
% Bandd
% Calculate frequency of shifting
f43 - abfc \( \) a) ($ 7 \) 10;
% Calculate frequency of shifting
f43 - abfc \( \) a) ($ 7 \) 10;
% Discrete for the first factor of the first f
                                          (و) جابجایی باند چهارم
                                                                                                                                                                                                                                                     (ه) جابجایی باند سوم
 b = b1 + b2 + b3 + b4 + b5;
                                                                                                                                                                                                      % BandS
% calculate frequency of shifting
f52 - abs(2 - 5) * fs / 10;
% shift using multipling by cosine function
shifts - cos(2 * pi * f52 * t);
b5 - 2 * a2 * shift5;
% filter the result for deleting redundant bands generated by delta function
b5 = filter(BandS, b5);
 player = audioplayer(b , fs);
play(player)
                (ح) چک کردن خروجی و پخش کردن آن
                                                                                                                                                                                                                                                   (ز) جابجایی باند پنجم
                                                                                                     audiowrite('myDecodedVoice.wav' , b , fs);
                                                                                                                                   (ط) ذخیره سازی خروجی نهایی
                                                                                     شكل ٢٢: كدگشايي با استفاده از الگوريتم صورت مساله
```