麻雀における 他家の手牌の待ち予測

松田真治

2020年2月

電気情報工学科

目次

- 1. はじめに
 - 1.1 研究背景
 - 1.2 研究目的
 - 1.3 研究手法
 - 1.4 麻雀のルール
 - 1.5 麻雀の用語
- 2. 捨て牌の打牌順序と待ち牌の予測
 - 2.1 捨て牌から他家の待ち牌を予測する際の打牌順序の重要性
 - 2.2 手出しとツモ切り
- 3. 麻雀サイト天鳳の牌譜データ
- 4. 牌譜のデータ表現
 - 4.1 打牌にツモ切り・手出しの情報を持たせる重要性
 - 4.2 打牌順序を考慮しない捨て牌の表現
 - 4.3 打牌順序を考慮する捨て牌の表現
 - 4.4 副露 (チー) の表現
 - 4.5 副露 (ポン) の表現
 - 4.6 副露 (カン) の表現
- 5. 実験手法
 - 5.1 実験設定
 - 5.2 アンダーサンプリング
 - 5.3 実装
- 6. 実験結果と考察
 - 6.1 ランダムに予測した場合
 - 6.2 捨て牌の打牌順序を考慮しない場合と考慮する場合の比較
 - 6.3 打牌回数を 10 回以上に制限した場合における打牌順序を考慮しない場合と考慮する場合の比較
 - 6.4 考察
- 7. まとめと今後の課題

参考文献

付録

1. はじめに

1.1 研究背景

麻雀とは不完全情報ゲームである。将棋や囲碁のようにすべての情報がプレイヤーに開示されている完全情報ゲームと異なり、限られた情報の中から他のプレイヤーの状況を推察しつつ自分に与えられた手の価値の期待値を最大化するような選択を行い続けるゲームある。

例えば将来的には高くなりそうな手をもらった場合でも、他のプレイヤーに スピード感を感じた場合には、自分の手の価値を下げてでも速くあがることを 優先したり、自分の手が安く勝負をする価値が低い場合でも、他のプレイヤー にのびのびとしたプレーをさせないように、ときにはブラフを用いてでも他の プレイヤーの足止めを行ったりもする。このように麻雀のような不完全情報ゲ ームでは自分の都合のみでプレイの選択を行うことは少なく、常に他のプレイ ヤーの状況を推察しながら臨機応変に立ち回りをすることが重要である。

周りの状況に臨機応変に対応しながら自分の意思決定を行う様は現実世界でいうところの押し引きと非常に類似している。したがって麻雀のような不完全情報ゲームに関する研究を行うことによって、現実で起こる押し引きの絡むような問題を解決する手助けとなる可能性があり、研究の意義は十分にあると言える。

1.2 研究目的

本研究の目的は牌譜を教師データとして学習を行ったモデルを用いて、押し引きの際に特に重要な要素の一つである他のプレイヤーの待ち牌の予測を行うことである。

1.3 研究手法

先行研究[1][2][3][4][5]では、他のプレイヤーの捨て牌から待ち牌の予測を行う際に用いられる情報は、色ごとの捨てられた枚数や捨てられた牌の種類の枚数、手出しの回数、捨てた中張牌の種類数などの情報である。これらの情報は牌が捨てられた順序は考慮されていない。

しかし一般的には、捨て牌から他のプレイヤーの待ち牌の予測を行う際に、 相手がどの順で牌を切ったかという情報は極めて重要なものだと考えられてい る。そこで本研究では待ち牌予測に捨てられた牌の順序を考慮する手法を提案 し、その予測性能を評価した。

1.4 麻雀のルール

麻雀のルールについて簡単に説明する。

まず麻雀とは34種*4枚の合計136枚の牌を用いて4人のプレイヤーが互いの得点を奪い合うゲームである。

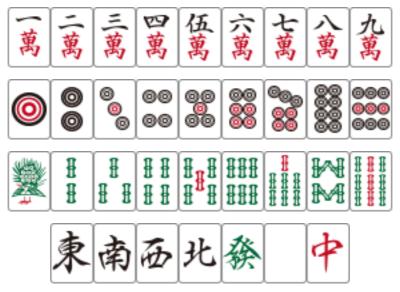


図 1-1. 麻雀牌

麻雀牌は $1\sim9$ の牌からなる数牌と東,南,西,北,白,発,中の 7 種類からなる字牌から構成される。また数牌には萬子(マンズ)、筒子(ピンズ)、索子(ソーズ)といった種類が存在する。図 1 で言えば上の行から順番に萬子の $1\sim9$,筒子の $1\sim9$,索子の $1\sim9$,字牌となっている。



図 1-2. 赤牌

また 5 萬,5 筒,5 索の各 4 枚の内 1 枚は色が赤くなっており、それぞれ赤 5 萬,赤 5 筒,赤 5 索と呼ばれ、まとめて赤牌と呼ばれる。赤牌を持った状態のまま和了することで、貰える点数が増加する。

麻雀の1試合は半荘という単位で呼ばれる。半荘は複数の局から成り立っており、最終局が終わった時点での得点の多寡で順位を競う。

局の開始時に各プレイヤーは13枚の牌を配られる(配牌)。配牌が終わると、山から1枚牌を引くツモという行為と手牌から牌を1枚捨てる打牌という行為を行う。このツモと打牌の1セットの動きを各プレイヤーが順番に行う。

手持ちの13枚にツモってきた牌1枚、もしくは手持ちの13枚に他家の捨てた牌1枚をあわせた14枚の牌が特定の形を満たし、かつ役がある場合にプレイヤーは和了(ホーラ)を宣言し、役に準ずる点数を得ることができる。

ツモってきた牌で和了することをツモと呼び、他家の捨てた牌で和了することをロンと呼ぶ。

和了を宣言するための特定の形には3つの種類があり、それぞれ一般形、七 対子形、国士無双形と呼ばれる。

以下では最も基本的な一般形についてのみ説明を行う。

一般形とは1雀頭と4面子から構成される形である。

雀頭とは同じ牌2枚によって構成される形である。

面子とは3枚または4枚の牌による特定の組み合わせで、順子、刻子、槓子の3種類が存在する。

順子は種類の同じ連続した牌3枚によって構成される形である。

刻子は同じ牌3枚によって構成される形である。

槓子は同じ牌4枚によって構成される形である。



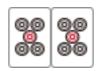
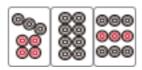




図 1-3. 雀頭の例





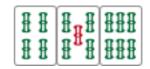


図 1-4. 順子の例



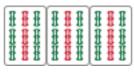




図 1-5. 刻子の例



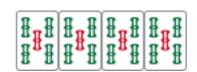


図 1-6. 槓子の例

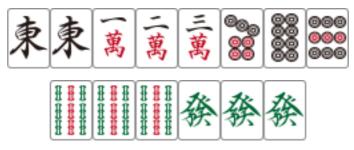


図 1-7. 和了一般形の例

また麻雀には面子を完成させる方法として副露と呼ばれるものがある。副露とは自分の手牌にあと1つ牌が揃えば面子が完成するという状況で、かつ他家がその足りない1つの牌を捨てた場合に、出来上がった面子を他家に晒すことと引き換えに、その牌を河から拾って面子を完成させることである。

副露にはチーとポンとカンが有る。

チーとは副露して順子の形を作ることであり、これは自分の上家(向かって 左側のプレイヤー)の河からしか牌を拾うことができない。

ポンとは副露して刻子の形を作ることであり、全ての他家の河から牌を拾う ことができる。

カンとは副露して槓子の形を作ることであり、ポンと同様に全ての他家の河から牌を拾うことができる。またカンは他家の牌を拾わずとも、自分で四枚同じ牌を集めた時点で他家に晒すことができる(暗槓)。厳密に言えば暗槓は副露ではない。

次に麻雀の役について説明する。役とは和了の形が特定の条件を満たした場合に付加されるもので、基本的に貰える点数はその役の数によって決定される。一般的なルールでは約48の役が存在する。

最も基本的な役は立直(リーチ)である。立直とは 1000 点支払い、自分が 聴牌していることを他家に宣言することで付加される役である。

他にも1種類の数牌のみによって構成される清一色(チンイーソー)や么九 牌を手牌に含まない断么九(タンヤオチュー)など様々な役が存在する。

例えば図 1-7 は、雀頭と全ての面子が必ず么九牌を含んでいるので混全帯么 九(ホンチャンタイヤオチュー)という役が付加される。

1.5 麻雀の用語

聴牌(テンパイ) 和了に必要な牌の枚数が1枚の状態。

不聴(ノーテン) 聴牌していない状態。

向聴数(シャンテンスウ) 聴牌に必要な牌の枚数。

n向聴(nシャンテン) 聴牌に必要な牌の枚数がn枚の状態。

山 ツモで取ってくる牌が並べられている場所のこと。

河 打牌で捨てる牌を並べる場所のこと。

半荘(ハンチャン) 1ゲームの単位。

局 ゲームの最小単位のこと。複数の局によって半荘が構成される。

流局 全てのプレイヤーが和了できずに終局した状態のこと。

配牌 局開始時に全プレイヤーに配られる 13 枚の牌のこと。

手牌 自分の手となる牌のこと。

他家(ターチャ) 自分以外のプレイヤーのこと。

上家(カミチャ) 左側のプレイヤーのこと。

対面(トイメン) 正面のプレイヤーのこと。

下家(シモチャ) 右側のプレイヤーのこと。

数牌 1~9 の牌。萬子、筒子、索子の3種類が存在する。

字牌 数牌でない牌。東南西北白発中の7種類が存在する。

色 萬子、筒子、索子の種類のこと。一色手とは混一色や清一色などの限られた種類の牌だけで構成した和了に付加される役のことを指す。

么九牌(ヤオチュウパイ) 数牌の1・9と字牌のこと。

中張牌(チュウチャンパイ) 数牌の 2~8 のこと。

和了(ホーラ) 手牌を一定の形に揃えて公開すること。他のゲームなどにおける「あがり」に相当する。

ツモ ツモした牌で和了すること。

ロン 他家の捨てた牌で和了すること。

副露 他家の打牌を取得することで面子を完成させること。鳴きと呼ばれることもある。

待ち牌 切ると他家にロンされる牌のこと。

打牌 牌を河に捨てること。またその牌のこと。捨てる、切る、打つなどとも言う。

降り 自分の和了は諦めて、他家にロンされないように安全そうな牌を切ること。

ダブロン 切った牌が同時に 2 人のプレイヤーにロンされること。

トリプルロン 切った牌が同時に3人のプレイヤーにロンされること。

2.捨て牌の打牌順序と待ち牌の予測

2.1 捨て牌から他家の待ち牌を予測する際の打牌順序の重要性

捨て牌から他家の待ち牌を読む場合に、打牌順序の情報が重要になる理由について例を用いて簡潔に説明する。

麻雀において数牌は端に近づけば近づくほど面子を作りにくくなる。例えば1 を用いて構成できる面子は123,111の2パターンしか無いが、5を用いて構成 できる面子は345,456,567,555の4パターンである。つまり1を用いて構成で きる面子の数は5を用いて構成できる面子の数の半分しかない。

したがって基本的に聴牌のしやすさ、和了のしやすさの観点から考えると、数牌の利用価値は1,9<2,8<3-7である。したがって、仮に自分の手牌に1と5の両方があり、かつそれが共に自分の手に不要な牌でいずれ2枚とも捨てる予定だとした場合、ある程度麻雀を勉強している人であれば、打牌の順序は1,5の順になるのが普通である。しかし実際に麻雀を遊んでみると往々にして5,1の順で打牌することがある。この順番に打牌する理由は様々である。例を挙げると、雀頭と全ての面子が么九牌を含んだ時に付加される役である混全帯么九などを狙っていることなどが考えられる。したがって1,5の順で打牌されている場合に比べると5,1の順で打牌されている場合の方がわずかに端に寄っている数牌や字牌の危険度が高く、中に寄っている数牌の危険度は低くなると考えことができる。

このように捨て牌の情報に打牌順序の情報をもたせると推測できる要素が増える。ここで本研究では、捨て牌のデータを、単なる捨て牌の集合で表すのではなく、打牌された順序を織り込む手法を考えた。

2.2 手出しとツモ切り

麻雀では牌の切り方に2つのパターンがある。手出しとツモ切りである。手出しとは牌を山からツモした後、もともと手牌にあった牌を切ることである。 それに対してツモ切りとは牌を山からツモした後、そのツモした牌をそのまま切ることである。

この2つは似ているようで大きく意味が異なる。

手出しされた牌とは、何らかの理由があって手牌に残していたが、ツモってきた牌の価値がより高かったために切られてしまった牌である。言い換えれば捨て牌にある牌よりは価値が高く、手牌にある牌よりは価値が低い牌である。 一方ツモ切りされた牌とは手牌にある牌よりは価値が低いが、捨て牌にある牌より価値が高いとは必ずしも言えない牌である。 上の例では 5,1 の順で牌を切った場合、端に寄っている数牌や字牌の危険度が増し、中に寄っている牌の危険度は低くなると述べたが、1 がツモ切りだった場合、この推測は成立しない。あくまで、この推測は1と5 が直接比較された結果、1 のほうが手牌に残す価値が高いと考えられて、5 が捨てられたことが前提となっているためである。例えば5を引いて5を捨て、1を引いて1を捨てた場合などは当然当てはまらない。

したがって捨て牌の情報に打牌順序の情報を織り込む際には、その切られた 牌が手出しであるかツモ切りであるかという情報も合わせて織り込むことによって、より待ち牌予測の性能が向上する可能性がある。

3.麻雀サイト天鳳の牌譜データ

待ち牌推測の提案手法の性能評価のために、本研究では、オンライン麻雀サイト天鳳の牌譜データを利用した。天鳳とは最王手のオンライン麻雀サイトであり、本来はオンラインで麻雀対戦をするためのサイトである。ゲームが行われる一方で、その対戦データは牌譜として記録され、天鳳の開発者によって無償で公開[6]されている。

本研究では天鳳五段以上の実力者のみがプレイできる鳳凰卓の牌譜を性能評価のために利用した。期間は2017年度のもので、ルールは最も一般的なルールである四人打ち、東南戦、赤有り、喰断么九有りのものに限定した。

この条件を満たす XML ファイルの件数は 199949 である。また、総和了件数は 1670121、10 回以上打牌を行っている総和了件数は 1092518 である。

天鳳の牌譜は XML ファイルによって特殊な形式で表現されているため、機械学習で用いるためには解析をして前処理を行う必要がある。解析については小林聡氏のブログ[7][8][9][10]を参考にした。

天鳳の牌譜は拡張子こそ XML であるが、その内容は XML の仕様に準拠しておらず、実質天鳳の独自構文であると考えて良いものである。

ゲーム中に起こった事象はタグとその属性に表現よって表現され、事象が起きた順にそのまま並べられている。閉じタグなども存在していない。

天鳳の牌譜は1ファイルが1半荘を表す。

<INIT>タグは局の開始を表現し、<AGARI>タグ、<RYUKYOKU>タグはそれぞれ、和了があった場合の情報、和了がなかった場合の情報が表現されている。<AGARI>タグも<RYUKYOKU>タグも共に局の終了を表現するタグである。すなわち<INIT>タグから<AGARI>タグまたは<RYUKYOKU>タグまでで一局を表現している。1つの XML ファイルにこの<INIT>タグから

<AGARI>タグまたは<RYUKYOKU>タグまでの集合が局数分書いてある。ただしダブロンが生じた場合は<INIT>(途中の情報)<AGARI><AGARI>などの形で表現される。

開局から終局までのツモ情報や打牌情報、副露情報、立直情報などは<INIT>タグ~<AGARI>タグまたは<RYUKYOKU>タグの間に羅列されている。本研究では和了の情報のみを利用するため、<INIT>タグ~<AGARI>タグまでの情報のみを利用した。

本研究で利用したタグについて簡潔に説明する。

まず前提として、天鳳の牌譜では 136 枚の牌に 0~135 までの牌番号が振られている。

ツモ情報は<T(牌番号)>, <U(牌番号)>, <V(牌番号)>, <W(牌番号)>の形で表記されている。T,U,V,W は誰がツモしたかを表現している。

打牌情報は<D(牌番号)>, <E(牌番号)>, <F(牌番号)>, <G(牌番号)>の形で表記されている。同様に D,E,F,G も誰が打牌したのかを表現している。 T,U,V,W の表すプレイヤーはそれぞれ DEFG の表すプレイヤーと対応している。

例えばAさんが0の牌をツモって0の牌を打牌し、その次にBさんが1の牌をツモして2の牌を打牌した場合は<T0><D0><U1><E2>のように表現される。打牌が手出しだったかツモ切りかなどの情報は牌譜には含まれていないので適宜ツモした牌の牌番号と捨てた牌の牌番号が同値かどうかを比較して、自分で判定を行う必要がある。

和了情報は<AGARI>タグで表現されている。AGARI タグは複数の属性を持つが、本研究で利用したのは和了したプレーヤーが誰かを表す who 属性、和了したときの和了したプレイヤーの手牌を表す tehai 属性、どの牌で和了したかを表す machi 属性、和了したプレーヤーの副露状況を表す m 属性である。

machi 属性はどの牌で和了したかを表現しており、厳密には待ち牌を表現しているわけではない。例えば下図の和了例を見てみる。



上の例について 9 筒で和了したとする。すると牌譜上の AGARI タグの machi 属性には 9 筒に対応する牌番号が記録される。しかし、実際は 6 筒も待ち牌である。

したがって厳密な待ち牌は牌譜に記録されていないため、自分で検出しなければならない。

まず tehai 属性から手牌情報を抜き出す。次に machi 属性からどの牌で和了したかを抜き出し、その牌を手牌から消し、和了する一歩手前の状態を再現する。次に 34 枚の牌全てについて、1 萬 + 手牌, 2 萬 + 手牌, \cdot ・・,西 + 手牌, 1 十 手牌 が和了しているかどうかを判定しする。和了状態ならば手牌に足したその牌は待ち牌である。

和了は深さ優先探索などを使えば判定できる。

m 属性は副露の種類を 2 進法を用いて独特な形で表現しているため、 上記の小林氏のブログを参考にしていただきたい。	詳細は

4.牌譜のデータ表現

4.1 打牌にツモ切り・手出しの情報を持たせる表現

ツモ切りした牌と手出しした牌を違う牌だとみなすと、牌の種類は合計 74 種類と考えることができる。

したがって以下のような対応をさせることで 0~73 の番号でツモ切り・手出しの情報を持った牌の表現ができる。

牌	番号
ツモ切り 1 萬~9 萬	0~8
ツモ切り 1 筒~9 筒	9~17
ツモ切り1索~9索	18~26
ツモ切り東、南、西、北	27~30
ツモ切り白、発、中	31~33
ツモ切り赤5萬、赤5筒、赤5索	34~36
手出し1萬~9萬	37~45
手出し1筒~9筒	46~54
手出し1索~9索	55~63
手出し東、南、西、北	64~67
手出し白、発、中	68~70
手出し赤5萬、赤5筒、赤5索	71~73

表 4-1. 牌と番号の対応付け

4.2 打牌順序を考慮しない捨て牌の表現

打牌順序を考慮しない捨て牌とは、要するに何を切ったかという情報である。図 4-2 の捨て牌からデータを抽出する事を考える。

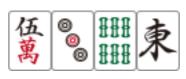


図 4-2. 捨て牌例 (すべてツモ切りとする)

機械学習の入力ベクトルとして列数 74、初期値 0 の表を考える。次に捨て牌のそれぞれの牌番号について対応する列番号の存在フラグを 1 にする。図 4-2 の場合は列番号 4,11,23,27 の列の存在フラグを 1 にすれば良い。

列番号	0	1	 4	 11	 73
存在	0	0	 1	 1	 0
フラグ					

図 4-3. 打牌順序を考慮しない捨て牌を表すベクトルのイメージ

4.3 打牌順序を考慮する捨て牌の表現

順序関係の情報を持った捨て牌のベクトル化について説明する。

簡潔に言えば任意の 2 枚の牌を捨てる順序対について一意に番号を割り当てて表現すれば良い。 2 枚の牌の組み合わせは高々 74*74=5476 であるから、予め 2 枚の牌の打牌順序を 0~5475 の番号に対応する方法を決めておけば、任意の打牌の順序関係を表現することができる。

本研究では(先に捨てた牌の牌番号)*74+(後に捨てた牌の牌番号)という式を用いて、打牌された順序を保った2枚の牌の対を番号で表現した。

例として図 4-2 の捨て牌から打牌順序を考慮する捨て牌のベクトル化を示す。

はじめに捨て牌からすべての打牌順序を抜き出す。図 4-2 の場合は(ツモ切り 5 萬, ツモ切り 3 筒),(ツモ切り 5 萬, ツモ切り 6 索),(ツモ切り 5 萬, ツモ切り 7 萬, ツモ切り 8 南, ツモ切り 9 南, ツモワリ 9 南, ツモワリ 9 南, ツモワリリ 9 南, ツモワリ 9 南, ツェリリ 9 南

よって入力ベクトルとして図 4-3 のような 5476 列の表を用意し、列番号 307,319,323,837,841,1729 の列の存在フラグの値を 1 にする。

列番号	0	 307	 1729	 5475
存在	0	 1	 1729	 0
フラグ				

図 4-4. 打牌順序を考慮する捨て牌を表すベクトルのイメージ

このようにすることで、任意の2つの牌を切った順序を表現することができ、入力に打牌順序の情報を与えることができる。

4.4 副露(チー)の表現

赤牌を含むかどうかで2パターン存在する。 どこの牌を鳴いたかで3パターン存在する。 副露した牌の中で最小の牌番号をもつ牌の種類で 21 パターン存在する。具体的に説明する。123 チーの場合 1,234 チーの場合 $2,\cdots,789$ チーの場合 7 のようにチーの場合、最小の牌の番号は $1\sim7$ の 7 種類で、それが萬子、筒子、索子の 3 種類ずつあるので合計 21 種類である。

したがって 2*3*21 = 126 より全てのチーは適宜 $0\sim125$ の番号に対応させることで表現できる。

4.5 副露 (ポン) の表現

赤牌を含むかどうかで2パターン存在する。

どの牌を鳴いたかで34パターン存在する。

したがって 2*34 = 68 より全てのポンは適宜 0~67 の番号に対応させることで表現できる。

4.6 副露(カン)の表現

カンの種類(暗カン・明カン・加カン)で3パターン存在する。

どの牌を鳴いたかで34パターン存在する。

したがって 3*34 = 102 より全てのカンは適宜 0~101 の番号に対応させることで表現できる。

5.実験手法

5.1 実験設定

和了に至るまでの捨て牌の情報をどのような形式のデータでベクトル化するかについて以下の2通りのベクトル化した牌譜データに対して機械学習を運用して、推定性能の比較を行った。

- (a1)打牌順序を考慮しない捨て牌 + 副露
- (a2)打牌順序を考慮する捨て牌 + 副露

また、N回打牌を行った捨て牌について、打牌順序を考慮しない捨て牌は高々N個の牌の集合であるのに対し、打牌順序を考慮する捨て牌は高々 $\binom{n}{2}$ 個の打牌の順序対の集合である。したがって打牌回数が増えれば増えるほど、打牌順序を考慮する場合の捨て牌の情報量が、打牌順序を考慮しない捨て牌の情報よりも大きくなると推測し、以下の2通りのベクトル化した牌譜データに対して機械学習を運用して、推定性能の比較を行った。

- (b1)打牌順序を考慮しない捨て牌(打牌10回以上) + 副露
- (b2)打牌順序を考慮する捨て牌(打牌10回以上) + 副露

5.2 アンダーサンプリング

本研究では、ある牌が待ち牌となるサンプルを正例、待ち牌でないサンプル を負例と定義する。

ある牌に着目したとき、全サンプルのうちの正例となるサンプルは 1%~10%程度である。そのまま機械学習を行うと、ほとんどの場合において待ち牌ではないと予測するように学習し、accuracy が 90%以上を達成することができるが意味がない。

そこで学習を行う前に、データの負例の数を正例の数に合わせる事によって、効率の良い学習を進めることができる。この作業はアンダーサンプリングと呼ばれる。

本研究では数牌については正例 20000 件、負例 20000 件になるようにサンプリングを行った。字牌については正例が 20000 件以下だったため、正例 10000 件、負例 10000 件になるようにサンプリングを行った。

またテストで用いるサンプルはアンダーサンプリングを行っていないものの中からランダムに8万件を選んだ。

5.3 実装

Chainer で 3 層ニューラルネットを構築して学習を行った。第 1 層の入力数は入力次元数、出力数は 100。第 2 層の入力数は 100、出力数は 100。第 3 層の入力数は 100、出力数は 2。最適化関数は Adam を利用した。

エポック数 50、バッチサイズ 16 で学習を行う。

データは 70%を訓練データセットとして、30%を検証データセットとして利用する。

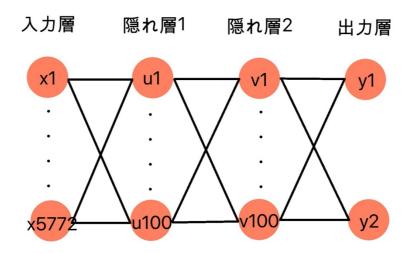


図 5-1. NN イメージ図

6. 実験結果と考察

6.1 ランダムに予測した場合

比較のためにランダムに待ち牌かどうかを判定した場合の結果を示す。

正例だと判定する割合を a,サンプルのうちの正例の割合を b とすると、tp, fp, fn, tn は以下のようになる。

$$tp = ab$$

$$fp = a(1 - b)$$

$$fn = (1 - a)b$$

$$tn = (1 - a)(1 - b)$$

よって評価指標 precision, recall, f1score は以下のようになる。

$$precision = \frac{tp}{tp + fp} = b$$

$$recall = \frac{tp}{tp + fn} = a$$

$$f1score = \frac{2 * precision * recall}{precision + recall} = \frac{2ab}{a + b}$$

ここで flscore を最大にするような a を考える。上の式は

$$\frac{2ab}{a+b} = \frac{2b(a+b)}{a+b} - \frac{2b^2}{a+b} = 2b - \frac{2b^2}{a+b}$$

と変形できるので a=1、すなわち全てを正例だと判定した時に、最大のf1score を出すことができる。

各牌について全てを正例だと判定した場合の詳細な結果が付録の表 1 である。

6.2 捨て牌の打牌順序を考慮しない場合と考慮する場合の比較

- ・打牌順序を考慮しない捨て牌 + 副露
- ・打牌順序を考慮する捨て牌 + 副露

を入力として、それぞれ学習を行った。打牌情報を考慮しない場合の詳細なデータは付録の表 2、打牌情報を考慮する場合の詳細なデータが付録の表 3 である。

付録の表 2,3 のデータを使って

- ・ランダムに判定した場合と打牌順序を考慮しない場合の f1score の比較
- ・ランダムに判定した場合と打牌順序を考慮する場合の f1score の比較
- ・打牌順序を考慮しない場合と打牌順序を考慮しない場合の f1score の比較をまとめたものが以下の図である。

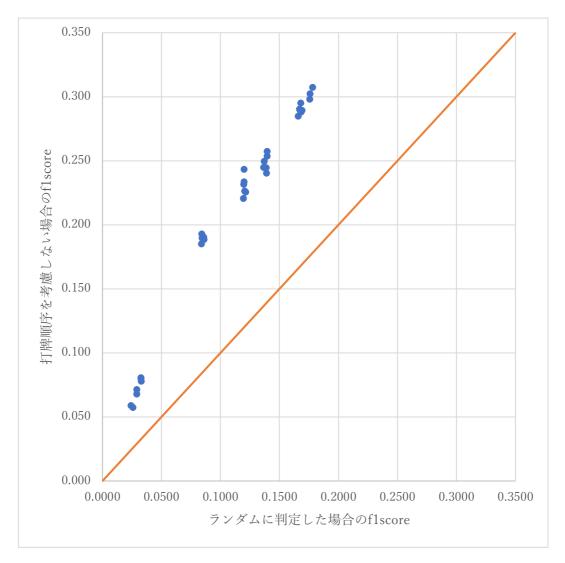


図 6-1. ランダムに判定した場合と打牌順序を考慮しない場合の flscore の比較

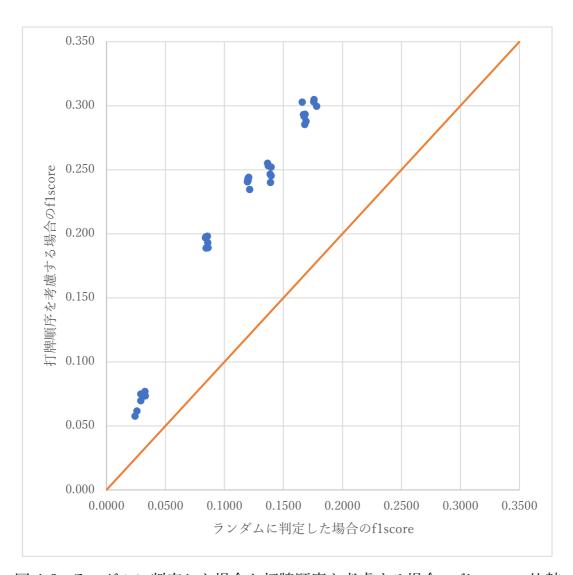


図 6-2. ランダムに判定した場合と打牌順序を考慮する場合の flscore の比較

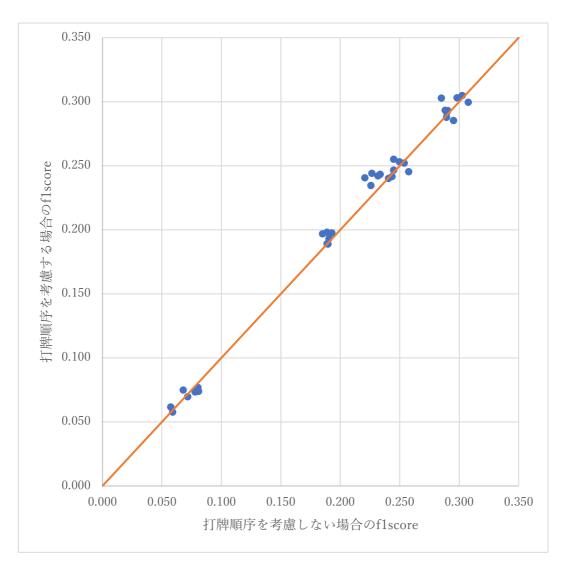


図 6-3. 打牌順序を考慮しない場合と打牌順序を考慮する場合の flscore の比較

図 6-1, 図 6-2 から、打牌順序を考慮しない場合と打牌順序を考慮する場合はランダムに判定した場合より全ての牌において待ち牌予測の精度が高くなることが分かった。

また付録の表 2, 表 3, 図 6-3 より打牌順序を考慮する場合と打牌順序を考慮しない場合とを比較すると、2 萬、3 萬、4 萬、5 萬、7 萬、3 筒、6 筒、9 索、東、西、白、発、中の 13 種類の牌においては打牌順序を考慮しない場合の方が待ち牌予測の精度が高いが、平均では打牌順序を考慮する場合の方が 1.36% flscore を向上させることができた。

6.3 打牌回数を 10 回以上に制限した場合における打牌順序を考慮しない場合と考慮する場合の比較

- ・打牌順序を考慮しない捨て牌(打牌10回以上) + 副露
- ・打牌順序を考慮する捨て牌(打牌10回以上) + 副露

を入力として、それぞれ学習を行った。打牌情報を考慮しない場合の詳細なデータは付録の表 4、打牌情報を考慮する場合の詳細なデータが付録の表 5 である。

付録の表 4,表 5 から

- ・打牌順序を考慮しない場合(打牌回数の制限なし)と打牌順序を考慮しない場合(打牌回数 10 回以上)の比較
- ・打牌順序を考慮する場合(打牌回数の制限なし)と打牌順序を考慮する場合 (打牌回数 10 回以上)の比較

をまとめたものが以下の図である。

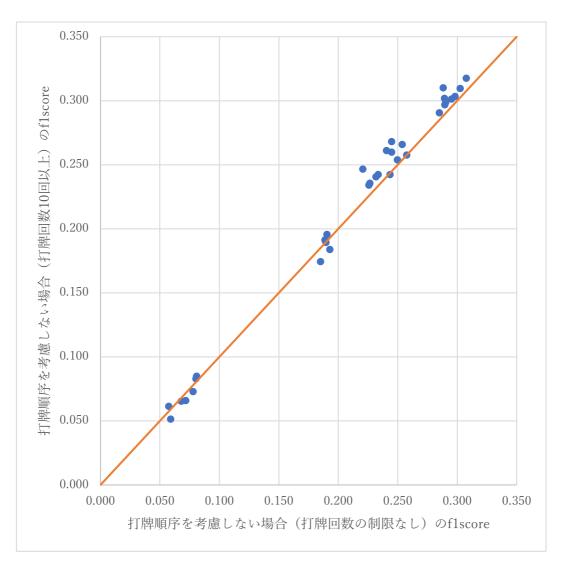


図 6.4 打牌順序を考慮しない場合(打牌回数の制限なし)と 打牌順序を考慮しない場合(打牌回数 10 回以上)の f1score の比較

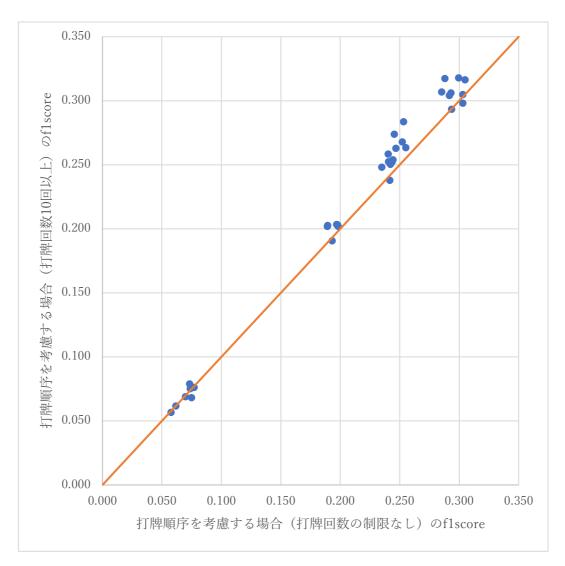


図 6.5 打牌順序を考慮する場合(打牌回数の制限なし)と 打牌順序を考慮しない場合(打牌回数 10 回以上)の f1score の比較

打牌順序を考慮しない場合、打牌回数を 10 回以上に制限すると、打牌回数の制限をしない場合と比較して、2 萬、9 筒、1 索、9 索、東、南、西、白の8種類の牌については f1score が下がったが、全体的にみると、1.98% f1score が向上した。

打牌順序を考慮する場合、打牌回数を 10 回以上に制限すると、打牌回数の制限をしない場合と比較して、2 萬、1 筒、4 筒、4 索、東、南、西、北、中の 8 種類の牌については f1score が下がったが、全体的にみると、3.53% f1score が向上した。

当初の予想通り、打牌順序を考慮する場合の方が flscore の伸びが良くなっている。

打牌回数を 10 回以上に制限した場合における、打牌順序を考慮しない場合と 打牌順序を考慮する場合の f1score の比較が下図である。

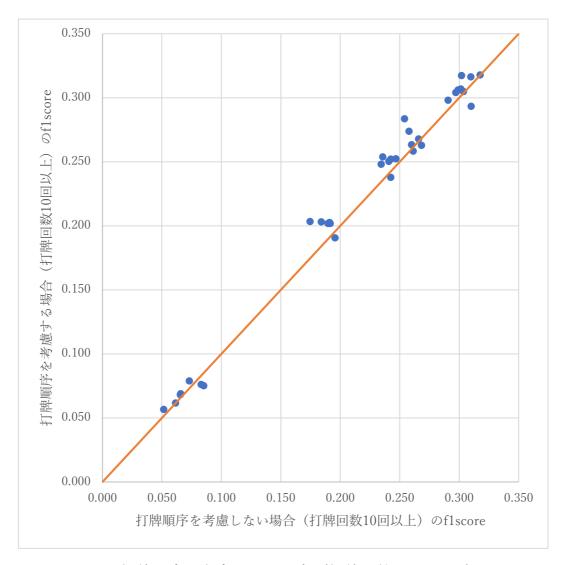


図 6.6 打牌順序を考慮しない場合(打牌回数 10 回以上)と 打牌順序を考慮する場合(打牌回数 10 回以上)の f1score の比較

打牌順序を考慮しない場合(打牌回数 10 回以上)と比較して、打牌順序を考慮する場合(打牌回数 10 回以上)の f1score は 2.99%向上した。

6.4 考察

打牌の順序を考慮する捨て牌を入力として学習を行えば、考慮しない場合を 入力として学習した場合と比較して飛躍的に良い予測の精度が出ると考え、実 験を行ったが、実際は平均で見ると 1.36% f1score が向上したばかりで、牌によっては精度が下がっているものもあった。

この原因としては、捨て牌の打牌のすべての順序関係を拾ってしまうことによって、学習においてノイズとなるような情報も拾っていることなどが考えられる。例えば第1打と第16打の打牌の関係に重要な情報が含まれることは殆どない。

また打牌の回数を 10 回以上にするという制限を設けた場合、打牌の順序を考慮する場合の方が考慮しない場合よりも、予測の精度の上昇幅が大きくなると予想したが、実際は精度の上場幅の差は僅かなものだった。牌の番号によっては打牌回数に制限をかけることで予測の精度が下がっているものもあった。この原因も上記と同じような理由が考えられる。

九州大学システム情報科学研究府情報理学専攻

7. まとめと今後の課題

学習に用いる捨て牌情報について、打牌の順序を考慮することで、打牌の順序を考慮しない場合と比較して、平均 1.36% 待ち牌の予測の精度を向上させることに成功した。

打牌の順序関係を考慮しない場合、打牌の回数を 10 回以上に制限すると、打牌の回数を制限していないときと比較して、f1score が 1.98%向上した。

打牌の順序関係を考慮する場合、打牌の回数を 10 回以上に制限すると、打牌の回数を制限していないときと比較して、flscore が 2.99%向上した。

したがって打牌回数を制限したことによる flscore の上昇幅は、打牌順序を考慮する場合の方が考慮しない場合と比較して大きい。

今後の課題としては、打牌の順序を考慮した捨て牌の情報に重み付けを行う 手法の開発がある。

例えば、第1打と第16打のように、打牌された時間の差が大きい場合は、情報の重みを小さくする、序盤の打牌の情報より終盤の打牌情報の重みを大きくするなどの手法が考えられる。

参考文献

- [1] 我妻敦,原田将旗,森田一,古宮嘉那子,小谷善行. SVR を用いた麻雀における捨て牌危険度の推定. 報告ゲーム情報学(GI), Vol. 2014-GI-31, No. 12, pp. 1-3, 2014-03-10
- [2] 栗田萌,保木邦仁. 麻雀における他家の手牌と待ちの予測に基づく放銃確率推定. 報告ゲーム情報学(GI), Vol. 2017-GI-38, No. 5, pp. 1-8, 2017-07-08
- [3] 矢ノ口裕貴,篠埜功. ニューラルネットワークを用いた麻雀の捨て牌危険度推定. 第79回全国大会講演論文集, Vol. 2017, No. 1, pp. 469-470, 2017-03-16
- [4] 水上直紀,中張遼太郎,浦晃,三輪誠,鶴岡慶雅,近山隆. 多人数性を分割した教師付き学習による 4 人麻雀プログラムの実現. 情報処理学会論文誌, Vol. 55, No. 11, pp. 2410-2420, 2014-11-15
- [5] 北川竜平,三輪誠,近山隆. 麻雀の牌譜からの打ち手評価関数の学習. ゲームプログラミングワークショップ 2007 論文集, Vol. 2007, No. 12, pp. 76-83, 2007-11-09
 - [6] オンライン対戦麻雀 天鳳 / ログ, https://tenhou.net/sc/raw/
 - [7] 天鳳の牌譜を解析する(1),

https://blog.kobalab.net/entry/20170225/1488036549

[8] 天鳳の牌譜を解析する(2),

https://blog.kobalab.net/entry/20170228/1488294993

[9] 天鳳の牌譜を解析する(3).

https://blog.kobalab.net/entry/20170312/1489315432

[10] 天鳳の牌譜を解析する(4),

https://blog.kobalab.net/entry/20170720/1500479235

付録

表 1. 全て正例だと判定したときの評価

牌 正例の割合 precision recall f1score 1萬 0.0446 0.0446 1.0000 0.0854 2萬 0.0638 0.0638 1.0000 0.1200 3萬 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4萬 0.0923 0.0923 1.0000 0.1690 5萬 0.0977 0.0977 1.0000 0.1780 6萬 0.0914 0.0914 1.0000 0.1675 7萬 0.0746 0.0746 1.0000 0.1389 8萬 0.0646 0.0646 1.0000 0.1213 9萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1393 4筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1681 7筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387					
2 萬 0.0638 0.0749 1.0000 0.1200 3 萬 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 萬 0.0923 0.0923 1.0000 0.1690 5 萬 0.0977 0.0977 1.0000 0.1780 6 萬 0.0914 0.0914 1.0000 0.1675 7 萬 0.0746 0.0746 1.0000 0.1389 8 萬 0.0646 0.0646 1.0000 0.1213 9 萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1 筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2 筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3 筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1383 4 筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1681 7 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1387 <	牌	正例の割合	precision	recall	f1score
3 萬 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 萬 0.0923 0.0923 1.0000 0.1690 5 萬 0.0977 0.0977 1.0000 0.1780 6 萬 0.0914 0.0914 1.0000 0.1675 7 萬 0.0746 0.0746 1.0000 0.1389 8 萬 0.0646 0.0646 1.0000 0.1213 9 萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1 筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2 筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3 筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1 索 0.0439 0.0439 1.0000 0.1365 <	1萬	0.0446	0.0446	1.0000	0.0854
4 萬 0.0923 1.0000 0.1690 5 萬 0.0977 0.0977 1.0000 0.1780 6 萬 0.0914 0.0914 1.0000 0.1675 7 萬 0.0746 0.0746 1.0000 0.1389 8 萬 0.0646 0.0646 1.0000 0.1213 9 萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1 筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2 筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3 筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0841 1 索 0.0439 0.0439 1.0000 0.1199 3 索	2 萬	0.0638	0.0638	1.0000	0.1200
5萬 0.0977 0.0977 1.0000 0.1780 6萬 0.0914 0.0914 1.0000 0.1675 7萬 0.0746 0.0746 1.0000 0.1389 8萬 0.0646 0.0646 1.0000 0.1213 9萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0841 1素 0.0439 0.0439 1.0000 0.1199 3素 0.0732 0.0732 1.0000 0.1657 5素	3 萬	0.0749	0.0749	1.0000	0.1393
6 萬 0.0914 0.0914 1.0000 0.1675 7 萬 0.0746 0.0746 1.0000 0.1389 8 萬 0.0646 0.0646 1.0000 0.1213 9 萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1 筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2 筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3 筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1 索 0.0439 1.0000 0.1365 4 索 0.0638 0.0638 1.0000 0.1657 5 索 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6 索 <t< td=""><td>4 萬</td><td>0.0923</td><td>0.0923</td><td>1.0000</td><td>0.1690</td></t<>	4 萬	0.0923	0.0923	1.0000	0.1690
7萬 0.0746 0.0746 1.0000 0.1389 8萬 0.0646 0.0646 1.0000 0.1213 9萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1 筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2 筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3 筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0841 1 索 0.0439 0.0439 1.0000 0.1199 3 索 0.0732 0.0732 1.0000 0.1657 5 索 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 <	5 萬	0.0977	0.0977	1.0000	0.1780
8 萬 0.0646 0.0646 1.0000 0.1213 9 萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1 筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2 筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3 筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0841 1 索 0.0439 0.0439 1.0000 0.1199 3 索 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4 索 0.0904 0.0904 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 <	6 萬	0.0914	0.0914	1.0000	0.1675
9萬 0.0450 0.0450 1.0000 0.0861 1筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1素 0.0439 0.0439 1.0000 0.0841 2素 0.0638 0.0638 1.0000 0.1199 3素 0.0732 0.0732 1.0000 0.1657 5素 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6素 0.0910 0.0910 1.0000 0.1369 8素 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9素	7 萬	0.0746	0.0746	1.0000	0.1389
1 筒 0.0448 0.0448 1.0000 0.0857 2 筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3 筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1 索 0.0439 0.0439 1.0000 0.0841 2 索 0.0638 0.0638 1.0000 0.1199 3 索 0.0732 0.0732 1.0000 0.1657 5 索 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843 <td>8 萬</td> <td>0.0646</td> <td>0.0646</td> <td>1.0000</td> <td>0.1213</td>	8 萬	0.0646	0.0646	1.0000	0.1213
2筒 0.0641 0.0641 1.0000 0.1204 3筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1素 0.0439 0.0439 1.0000 0.1199 3素 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4素 0.0904 0.0904 1.0000 0.1657 5素 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6索 0.0735 0.0735 1.0000 0.1369 8素 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	9 萬	0.0450	0.0450	1.0000	0.0861
3 筒 0.0749 0.0749 1.0000 0.1393 4 筒 0.0918 0.0918 1.0000 0.1682 5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1 素 0.0439 0.0439 1.0000 0.0841 2 素 0.0638 0.0638 1.0000 0.1199 3 素 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4 索 0.0904 0.0904 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	1 筒	0.0448	0.0448	1.0000	0.0857
4筒 0.0918 0.0963 1.0000 0.1682 5筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1素 0.0439 0.0439 1.0000 0.0841 2素 0.0638 0.0638 1.0000 0.1199 3素 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4素 0.0904 0.0904 1.0000 0.1756 6素 0.0910 0.0910 1.0000 0.1369 8素 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9素 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	2 筒	0.0641	0.0641	1.0000	0.1204
5 筒 0.0963 0.0963 1.0000 0.1757 6 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1 索 0.0439 0.0439 1.0000 0.0841 2 索 0.0638 0.0638 1.0000 0.1199 3 索 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4 索 0.0904 0.0904 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	3 筒	0.0749	0.0749	1.0000	0.1393
6 筒 0.0917 0.0917 1.0000 0.1681 7 筒 0.0745 0.0745 1.0000 0.1387 8 筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9 筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1 索 0.0439 0.0439 1.0000 0.0841 2 索 0.0638 0.0638 1.0000 0.1199 3 索 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4 索 0.0904 0.0904 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	4 筒	0.0918	0.0918	1.0000	0.1682
7筒 0.0745 1.0000 0.1387 8筒 0.0634 0.0634 1.0000 0.1192 9筒 0.0437 0.0437 1.0000 0.0838 1索 0.0439 0.0439 1.0000 0.0841 2索 0.0638 0.0638 1.0000 0.1199 3索 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4索 0.0904 0.0904 1.0000 0.1657 5索 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1369 8索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	5 筒	0.0963	0.0963	1.0000	0.1757
8 筒0.06340.06341.00000.11929 筒0.04370.04371.00000.08381 索0.04390.04391.00000.08412 索0.06380.06381.00000.11993 索0.07320.07321.00000.13654 索0.09040.09041.00000.16575 索0.09620.09621.00000.17566 索0.09100.09101.00000.16687 索0.07350.07351.00000.13698 索0.06360.06361.00000.11959 索0.04400.04401.00000.0843	6 筒	0.0917	0.0917	1.0000	0.1681
9筒0.04370.04371.00000.08381索0.04390.04391.00000.08412索0.06380.06381.00000.11993索0.07320.07321.00000.13654索0.09040.09041.00000.16575索0.09620.09621.00000.17566索0.09100.09101.00000.16687索0.07350.07351.00000.13698索0.06360.06361.00000.11959索0.04400.04401.00000.0843	7 筒	0.0745	0.0745	1.0000	0.1387
1 索0.04390.04391.00000.08412 索0.06380.06381.00000.11993 索0.07320.07321.00000.13654 索0.09040.09041.00000.16575 索0.09620.09621.00000.17566 索0.09101.00000.16687 索0.07350.07351.00000.13698 索0.06360.06361.00000.11959 索0.04400.04401.00000.0843	8 筒	0.0634	0.0634	1.0000	0.1192
2 索 0.0638 0.0638 1.0000 0.1199 3 索 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4 索 0.0904 0.0904 1.0000 0.1657 5 索 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1668 7 索 0.0735 0.0735 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	9 筒	0.0437	0.0437	1.0000	0.0838
3 索 0.0732 0.0732 1.0000 0.1365 4 索 0.0904 0.0904 1.0000 0.1657 5 索 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1668 7 索 0.0735 0.0735 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	1 索	0.0439	0.0439	1.0000	0.0841
4 索 0.0904 0.0904 1.0000 0.1657 5 索 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1668 7 索 0.0735 0.0735 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	2 索	0.0638	0.0638	1.0000	0.1199
5 索 0.0962 0.0962 1.0000 0.1756 6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1668 7 索 0.0735 0.0735 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	3 索	0.0732	0.0732	1.0000	0.1365
6 索 0.0910 0.0910 1.0000 0.1668 7 索 0.0735 0.0735 1.0000 0.1369 8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	4 索	0.0904	0.0904	1.0000	0.1657
7索 0.0735 0.0735 1.0000 0.1369 8索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	5 索	0.0962	0.0962	1.0000	0.1756
8 索 0.0636 0.0636 1.0000 0.1195 9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	6 索	0.0910	0.0910	1.0000	0.1668
9 索 0.0440 0.0440 1.0000 0.0843	7 索	0.0735	0.0735	1.0000	0.1369
	8 索	0.0636	0.0636	1.0000	0.1195
東 0.0147 0.0147 1.0000 0.0290	9 索	0.0440	0.0440	1.0000	0.0843
	東	0.0147	0.0147	1.0000	0.0290

南	0.0147	0.0147	1.0000	0.0290
西	0.0122	0.0122	1.0000	0.0242
北	0.0130	0.0130	1.0000	0.0257
白	0.0166	0.0166	1.0000	0.0327
発	0.0165	0.0165	1.0000	0.0325
中	0.0166	0.0166	1.0000	0.0326

表 2. 打牌順序を考慮しない場合の評価

牌	precision	recall	f1score
1 萬	0.106	0.829	0.189
2 萬	0.143	0.800	0.243
3 萬	0.151	0.792	0.254
4 萬	0.177	0.790	0.289
5 萬	0.191	0.779	0.307
6 萬	0.176	0.802	0.289
7 萬	0.141	0.815	0.240
8 萬	0.131	0.812	0.226
9 萬	0.107	0.821	0.189
1 筒	0.108	0.811	0.190
2 筒	0.131	0.815	0.226
3 筒	0.155	0.765	0.257
4 筒	0.176	0.796	0.288
5 筒	0.187	0.785	0.302
6 筒	0.182	0.772	0.295
7 筒	0.145	0.776	0.245
8 筒	0.127	0.842	0.220
9 筒	0.104	0.829	0.185
1 索	0.109	0.817	0.193
2 索	0.137	0.796	0.233
3 索	0.145	0.798	0.245
4 索	0.175	0.773	0.285
5 索	0.184	0.782	0.298

6 索	0.178	0.787	0.290
7 索	0.147	0.809	0.250
8 索	0.135	0.823	0.232
9 索	0.107	0.825	0.189
東	0.037	0.835	0.071
南	0.035	0.832	0.068
西	0.030	0.856	0.059
北	0.030	0.853	0.057
白	0.041	0.848	0.078
発	0.042	0.843	0.081
中	0.042	0.837	0.080

表 3. 打牌順序を考慮する場合の評価

牌	precision	recall	f1score
1 萬	0.112	0.835	0.198
2 萬	0.142	0.810	0.242
3 萬	0.149	0.805	0.252
4 萬	0.175	0.809	0.288
5 萬	0.183	0.820	0.300
6 萬	0.178	0.807	0.292
7 萬	0.140	0.829	0.240
8 萬	0.137	0.828	0.235
9 萬	0.106	0.866	0.189
1 筒	0.109	0.857	0.193
2 筒	0.144	0.803	0.244
3 筒	0.144	0.818	0.245
4 筒	0.179	0.805	0.293
5 筒	0.188	0.798	0.305
6 筒	0.173	0.815	0.285
7 筒	0.146	0.796	0.247
8 筒	0.141	0.820	0.240
9 筒	0.112	0.816	0.197

1 索	0.112	0.838	0.198
2 索	0.143	0.819	0.243
3 索	0.152	0.794	0.255
4 索	0.188	0.777	0.303
5 索	0.187	0.797	0.303
6 索	0.179	0.805	0.293
7 索	0.150	0.796	0.253
8 索	0.142	0.820	0.242
9 索	0.106	0.864	0.189
東	0.036	0.854	0.070
南	0.039	0.803	0.075
西	0.030	0.877	0.058
北	0.032	0.851	0.062
白	0.038	0.892	0.073
発	0.039	0.875	0.074
中	0.040	0.882	0.077

表 4 打牌順序を考慮しない場合(打牌回数 10 回以上)の評価

牌	precision	recall	f1score
1萬	0.108	0.840	0.191
2 萬	0.142	0.810	0.242
3 萬	0.160	0.787	0.266
4 萬	0.187	0.783	0.302
5 萬	0.200	0.772	0.318
6 萬	0.182	0.799	0.297
7 萬	0.156	0.801	0.261
8 萬	0.136	0.827	0.234
9 萬	0.108	0.831	0.191
1 筒	0.111	0.793	0.195
2 筒	0.138	0.804	0.235
3 筒	0.154	0.799	0.258

4 筒	0.195	0.750	0.310
5 筒	0.192	0.800	0.310
6 筒	0.187	0.781	0.301
7 筒	0.162	0.777	0.268
8 筒	0.146	0.803	0.247
9 筒	0.097	0.847	0.174
1 索	0.103	0.859	0.184
2 索	0.143	0.803	0.242
3 索	0.156	0.782	0.260
4 索	0.177	0.809	0.290
5 索	0.186	0.820	0.303
6 索	0.183	0.808	0.299
7 索	0.150	0.813	0.254
8 索	0.141	0.809	0.241
9 索	0.107	0.843	0.189
東	0.034	0.853	0.066
南	0.034	0.864	0.065
西	0.026	0.847	0.051
北	0.032	0.844	0.061
白	0.038	0.867	0.073
発	0.045	0.810	0.085
中	0.044	0.832	0.083
L	1		

表 5 打牌順序を考慮する場合(打牌回数 10 回以上)の評価

牌	precision	recall	f1score
1 萬	0.115	0.842	0.202
2 萬	0.138	0.855	0.238
3 萬	0.160	0.817	0.268
4 萬	0.200	0.769	0.317
5 萬	0.197	0.820	0.318
6 萬	0.187	0.807	0.304
7 萬	0.153	0.821	0.258

8 萬	0.146	0.817	0.248
9 萬	0.115	0.844	0.203
1 筒	0.107	0.858	0.191
2 筒	0.150	0.817	0.254
3 筒	0.165	0.805	0.274
4 筒	0.178	0.824	0.293
5 筒	0.196	0.815	0.316
6 筒	0.190	0.796	0.307
7 筒	0.157	0.807	0.263
8 筒	0.149	0.821	0.252
9 筒	0.116	0.848	0.203
1 索	0.116	0.836	0.203
2 索	0.149	0.819	0.252
3 索	0.158	0.798	0.263
4 索	0.183	0.810	0.298
5 索	0.188	0.805	0.305
6 索	0.189	0.805	0.306
7 索	0.173	0.777	0.284
8 索	0.148	0.815	0.250
9 索	0.114	0.862	0.202
東	0.036	0.847	0.069
南	0.035	0.865	0.068
西	0.029	0.868	0.057
北	0.032	0.888	0.062
白	0.041	0.873	0.079
発	0.039	0.896	0.075
中	0.040	0.868	0.076
		1	