Generalized Iterative Closest Point

Mündliche Prüfung in der Vorlesung Autonome Roboter bei Prof. Dr.-Ing. Michael Blaich 16.07.2024

Johannes Brandenburger, Moritz Kaltenstadler, Fabian Klimpel



Agenda

- 1. Einführung
- 2. Theorie
 - 1. Mathematische Grundlagen
 - 2. Standard-ICP
 - 3. Point-to-Plane-ICP
 - 4. Generalized-ICP
 - 5. Ergebnisse von Segal et al.
- 3. Demo: Eigene Implementierung in Python
- 4. Implementierung in ROS Versuch
 - 1. Versuchsaufbau
 - 2. Parameterisierung
 - 3. Implementierung ICP & GICP
 - 4. Problem
 - 5. Zeitmessung
 - 6. Maps
- 5. Auswertung
- 6. Fazit
- 7. (Bild-)Quellen

Einführung

- ICP: Iterative Closest Point
 - Scan-Matching-Algorithmus
 - Schätzung der Transformation zwischen zwei Punktwolken
 - Anwendung in der Lokalisierung mit z.B. LiDAR-Sensoren
- GICP: Generalized-ICP
 - veröffentlicht von Segal, Haehnel & Thrun (2009)
 - Stanford University
 - Ziel: ICP-Algorithmus verbessern und verallgemeinern
 - Standard-ICP & point-to-plane in generelles Framework überführen
 - probabilistische Betrachtung
 - Nutzung Oberflächenstruktur aus beiden Scans (Kovarianzmatrizen) → plane-to-plane



Theorie - Mathematische Grundlagen

Kovarianzmatrix

- beschreibt die Streuung von Zufallsvariablen
- für Punkte in Punktwolken: Verteilung der Punkte in der Umgebung

Maximum Likelihood Estimation (MLE)

- Schätzverfahren für Parameter von Wahrscheinlichkeitsverteilungen
- der Parameter wird ausgewählt, der die beobachteten Daten am wahrscheinlichsten macht
- oft verwendet um: $\arg\max_p\dots/\arg\min_p\dots$ zu finden

Theorie - Standard-ICP

- Iterative Closest Point (ICP) ist ein Algorithmus, um die Transformation zwischen zwei Punktwolken zu schätzen
- vergleicht korrespondierende Punkte in beiden Wolken
- minimiert die quadratischen Abstände korrespondierender Punkte

```
1 T \leftarrow T_0
 2 while not converged do
        for i \leftarrow 1 to N do
           m_i \leftarrow \texttt{FindClosestPointInA}(T \cdot b_i)
           if ||m_i - b_i|| \le d_{\max} then
 5
            | w_i \leftarrow 1
 6
            else
             | w_i \leftarrow 0
 8
           end
 9
        end
10
       \mid T \leftarrow \arg\min_{T} \left\{ \sum_{i} w_{i} (\parallel T \cdot b_{i} - m_{i} \parallel)^{2} \right\}
12 end
```

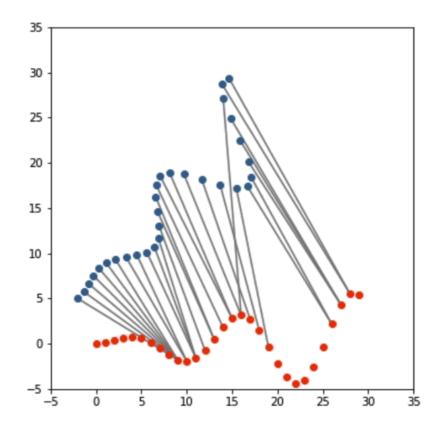


Abbildung 1: Standard-ICP (Igor Bogoslavskyi, 2021)

Theorie - Point-to-Plane-ICP

- **Point to Plane ICP** ist eine Erweiterung des ICP Algorithmus
- vergleicht korrespondierende Punkte in einer Wolke zu Ebenen in der anderen
- Ebenen wird durch Punkt und Normalenvektor definiert

$$T \leftarrow \arg\min_{T} \left\{ \sum_{i} \left(\left(T \cdot b_{i} - m_{i} \right) \cdot \boldsymbol{n_{i}} \right)^{2} \right\}$$

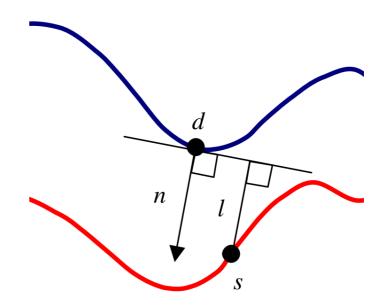


Abbildung 2: Point-to-Plane-ICP (Kok-Lim Low, 2004)

Theorie - Standard-ICP, Point-to-Plane, Generalized-ICP

• Point-to-Point

- ► Standard-ICP
- vergleicht Punkt mit Punkt

• Point-to-Plane

 vergleicht Punkt mit Ebene durch Normalenvektor

Generalized-ICP

- quasi "Plane-to-Plane"
- ightharpoonup vergleicht die Kovarianzmatrizen der nächsten Punkte ightharpoonup probabilistisch
- ▶ wenn in Ebene → Kovarianzmatrix ist "flach"



Abbildung 3: Kovarianzmatrizen (eigene Darstellung)

Theorie - GICP-Algorithmus

```
1 T \leftarrow T_0
 2 while not converged do
       for i \leftarrow 1 to N do
         \mid m_i \leftarrow \texttt{FindClosestPointInA}(T \cdot b_i)
       d_i^{(T)} \leftarrow b_i - T \cdot m_i // Residuum / Abstand
      \|\mathbf{if}\| d_i^{(T)}\| \leq d_{\max}  then
       \mid C_i^A \leftarrow \mathsf{computeCovarianceMatrix}(T \cdot b_i)
       \mid C_i^B \leftarrow \mathsf{computeCovarianceMatrix}(m_i)
           else
 9
          C_i^A \leftarrow 0; \quad C_i^B \leftarrow 0
10
         end
11
       end
12
       \left| \ T \leftarrow \arg\min_T \left\{ \sum_i d_i^{(T)^T} \left( C_i^B + T C_i^A T^T \right)^{-1} d_i^{(T)} \right\} \right. \quad \text{// Maximum Likelihood Estimation} 
14 end
```

Theorie - GICP-Algorithmus

Variationen für Kovarianzmatrizen

$$\begin{aligned} C_i^A \leftarrow \text{computeCovarianceMatrix}(T \cdot b_i) \\ C_i^B \leftarrow \text{computeCovarianceMatrix}(m_i) \end{aligned}$$

- für **Standard-ICP** (Point-to-Point):
 - $C_i^A \leftarrow 0$
 - $C_i^B \leftarrow 1$ \longrightarrow keine Oberflächenstruktur berücksichtigt (einfache Gewichtung)
- für Point-to-Plane:
 - $C_i^A \leftarrow 0$
 - $C_i^B \leftarrow P_i^{-1} \longrightarrow P_i$ ist die Projektionsmatrix auf die Ebene (beinhaltet Normalenvektor)

1 $T \leftarrow T_0$

2 while not converged do

for $i \leftarrow 1$ to N do

 $d_i^{(T)} \leftarrow b_i - T \cdot m_i$

if $||d_i^{(T)}|| \leq d_{\max}$ then

 $\mid C_i^A \leftarrow 0; \quad C_i^B \leftarrow 0$

 $m_i \leftarrow \text{FindClosestPointInA}(T \cdot b_i)$

 $\begin{bmatrix} C_i^A \leftarrow \mathsf{computeCovarianceMatrix}(T \cdot b_i) \\ C_i^B \leftarrow \mathsf{computeCovarianceMatrix}(m_i) \end{bmatrix}$

// Residuum / Abstand

13 $T \leftarrow \arg\min_T \left\{ \sum_i d_i^{(T)^T} \left(C_i^B + T C_i^A T^T \right)^{-1} d_i^{(T)} \right\}$ // Maximum Likelihood Estimation

- für **Plane-to-Plane** (im Paper vorgeschlagene Methode):
 - ► computeCovarianceMatrix berechnet Kovarianzmatrix unter Betrachtung der nächsten 20 Punkte
 - verwendet **PCA** (Principal Component Analysis/Hauptkomponentenanalyse)

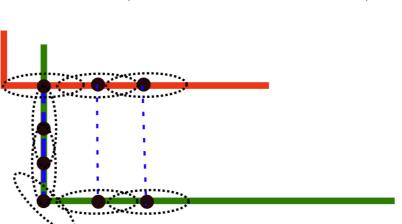


Abbildung 4: Plane-to-Plane (Segal et al., 2009)

Theorie - GICP-Algorithmus

Ergebnisse von Segal et al.

- GICP **genauer** bei simulierten und realen Daten
- immer noch relativ schnell und einfach
- Nutzen von Oberflächenstruktur minimiert Einfluss von falschen Korrespondenzen
- Parameter-Wahl für d_{\max} nicht mehr so kritisch leichter einsetzbar in **unterschiedlichen** Szenarien

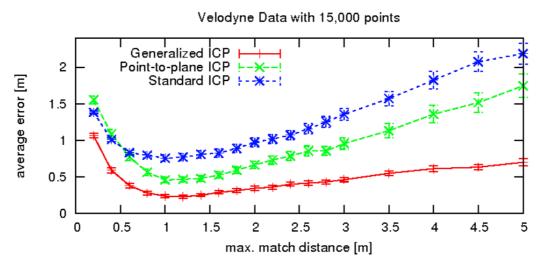


Abbildung 5: Durchschnittsfehler als Funktion von $d_{\rm max}$ (Segal et al., 2009)

Demo: Eigene Implementierung in Python

- Paper sehr mathematisch
- zwar Implementierungen auf GitHub, aber nicht wirklich lesbar
- daher eigene Implementierung vor allem für Verständnis
- eigene 2D-GICP-Funktion
 - ▶ Input: Punktwolken A und B, ...
 - ightharpoonup Output: Transformationsmatrix T, \dots
- Version 1:
 - Visualisierung mit generierten Input-Wolken
 - iterativ durch die Steps klicken
- Version 2:
 - ► Simulation eines Roboters mit LiDAR-Sensor
 - Live-Berechnung der Transformation + Visualisierung
- \rightarrow LIVE DEMO
- \rightarrow CODE OVERVIEW

Implementierung in ROS - Versuch Leitfrage

Ist Generalized-ICP besser als Standard-ICP und wie verhält sich der Algorithmus in unterschiedlichen Szenarien?

Versuchsaufbau

- Vorbedingungen:
 - ► Bag File
 - Skript für Nodes
 - Yaml files als configuration
- Szenarien:
 - Drei unterschiedliche Maps
 - Unterschiedliche Parameterisierung
 - ► Fünf Durchgänge mit Standardparameterisierung (ICP & GICP)
- Auswertung:
 - Bag Files mit Topics
 - Python-Skript zur Auswertung
 - ▶ Bokeh für Visualisierung

Parameterisierung

```
//name des odom topics
this->declare_parameter("odom_topic", "");
//name des icp topics
this->declare_parameter("gicp_result_topic", "");
//name des zeitmessung topics
this->declare_parameter("alignment_time_topic", "");
//parameter ob gicp oder icp verwendet wird
this->declare_parameter("gicp", false);
//ob manuelle transformation gepublished wird
this->declare_parameter("publish_tf", false);

//icp parameter
this->declare_parameter("max_correspondence_distance", 0.0);
this->declare_parameter("maximum_iterations", 0);
this->declare_parameter("transformation_epsilon", 0.0);
this->declare_parameter("euclidean_fitness_epsilon", 0.0);
```

Parameterisierung über YAML file

```
gicp lio:
                                             gicp lio:
  ros parameters:
                                                ros parameters:
   gicp: True
                                                 gicp: False
   publish tf: False
                                                 publish tf: False
    alignment time topic: "galignment time"
                                                 alignment time topic: "alignment time"
   odom topic: "glidar odom"
                                                 odom topic: "lidar odom"
   gicp result topic: "glidar odom eval"
                                                 gicp result topic: "lidar odom eval"
   max correspondence distance: 0.2
                                                 max correspondence distance: 0.2
   maximum iterations: 100
                                                 maximum iterations: 100
    transformation epsilon: 0.000000001
                                                 transformation epsilon: 0.000000001
    euclidean fitness epsilon: 0.00001
                                                 euclidean fitness epsilon: 0.00001
```

Implementierung ICP & GICP

ICP:
pcl::IterativeClosestPoint<pcl::PointXYZ, pcl::PointXYZ> icp;
icp.setInputSource(src);
icp.setInputTarget(tgt);
pcl::PointCloud<pcl::PointXYZ>::Ptr output(new pcl::PointCloud<pcl::PointXYZ>);
icp.align(*output);
GICP:
pcl::GeneralizedIterativeClosestPoint<pcl::PointXYZ, pcl::PointXYZ> gicp;
gicp.setInputSource(src);
gicp.setInputTarget(tgt);
pcl::PointCloud<pcl::PointXYZ>::Ptr output(new pcl::PointCloud<pcl::PointXYZ>);
gicp.align(*output);

Zeitmessung

```
auto start = std::chrono::high_resolution_clock::now();
icp.align(*output);
transformation = icp.getFinalTransformation();
auto finish = std::chrono::high_resolution_clock::now();
std::chrono::duration<double> elapsed = finish - start;
std_msgs::msg::Float64 time_msg;
time_msg.data = elapsed.count();
time_publisher_->publish(time_msg);
```

Problem

```
// reduce tick speed in topic_callback
tick++;
if (tick % 3 != 0) {
  return;
}
```

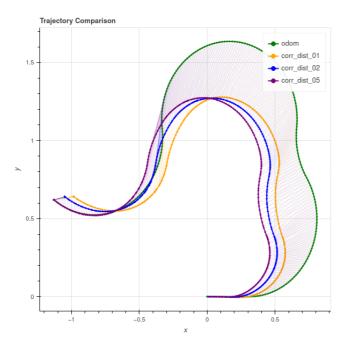


Abbildung 6: Trajectory plot with higher tick speed

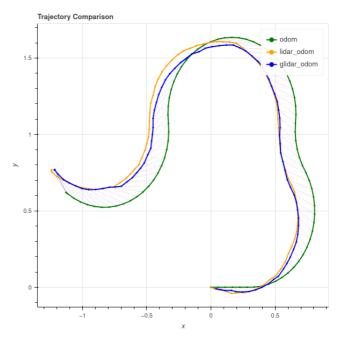


Abbildung 7: Trajectory plot with lower tick speed

Turtlebot3 World

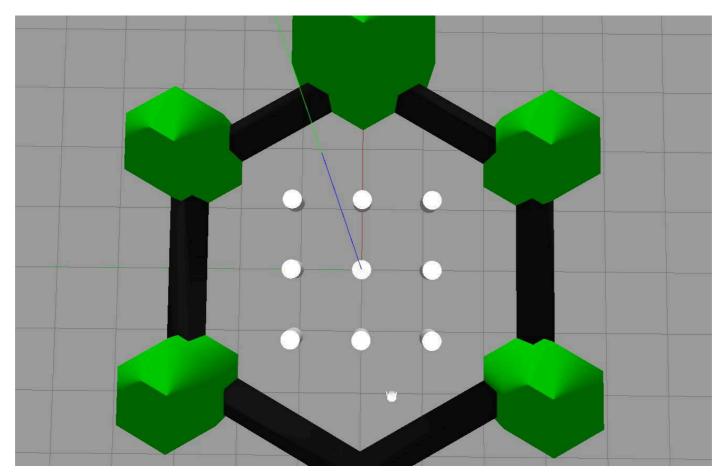


Abbildung 8: Screenshot Gazebo

Turtlebot3 ICP World

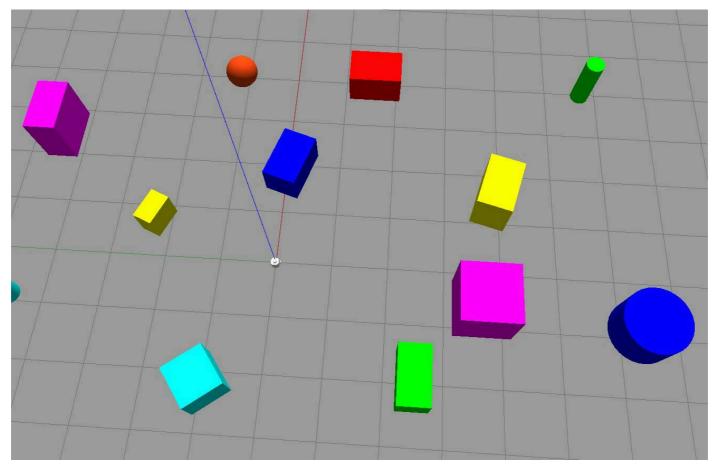


Abbildung 9: Screenshot Gazebo

Turtlebot3 World

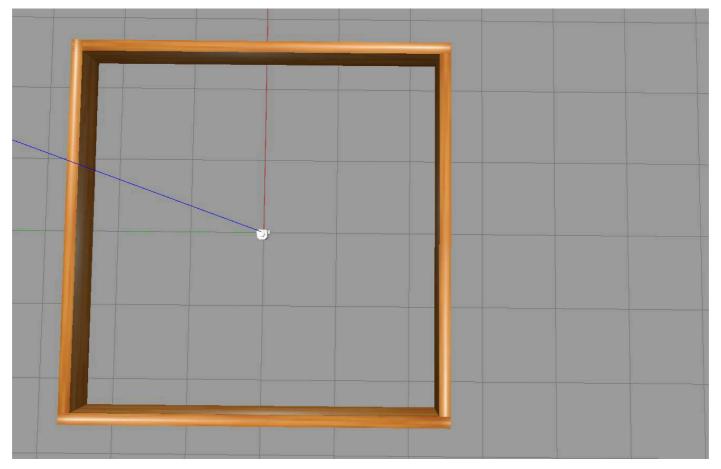
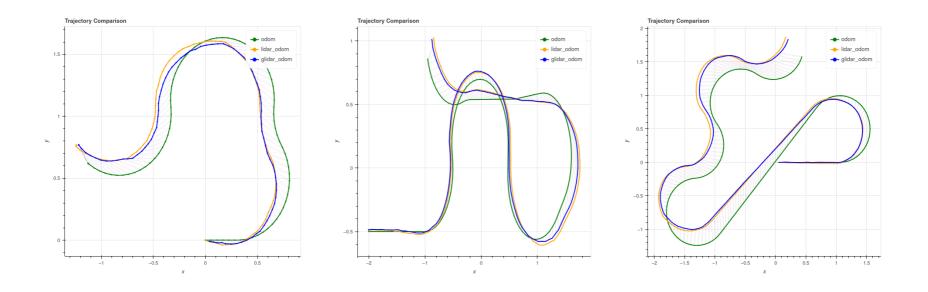


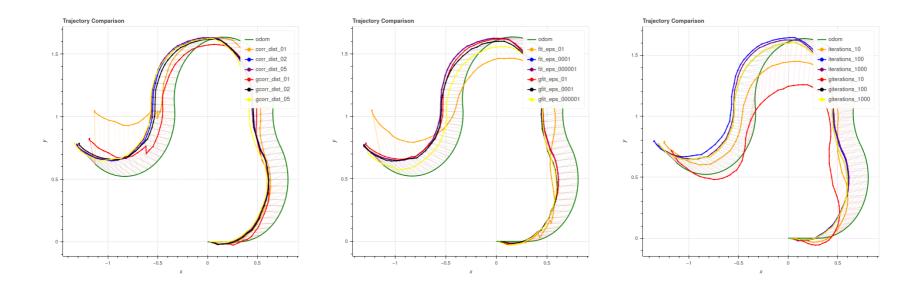
Abbildung 10: Screenshot Gazebo

• Link zu Bokeh Files

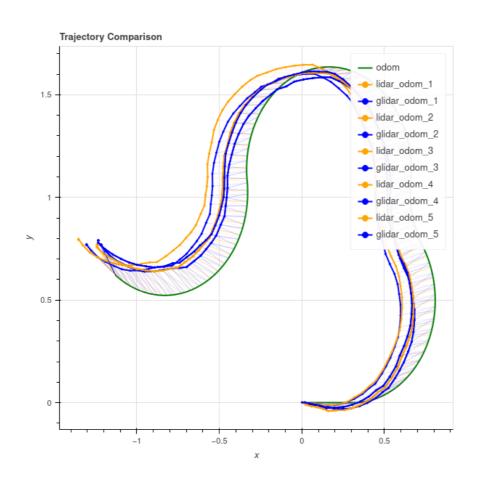
Drei unterschiedliche Maps



Unterschiedliche Parameterisierung



Fünf Durchgänge mit Standardparameterisierung (ICP & GICP)



Fazit

(Bild-)Quellen

Igor Bogoslavskyi. (2021). https://nbviewer.org/github/niosus/notebooks/blob/master/icp.ipynb

Kok-Lim Low. (2004). *Linear Least-Squares Optimization for Point-to-Plane ICP Surface Registration*. https://www.comp.nus.edu.sg/~lowkl/publications/lowk_point-to-plane_icp_techrep.pdf

Segal, A. V., Hähnel, D., & Thrun, S. (2009). Generalized-ICP. *Robotics: Science and Systems*. https://api.semanticscholar.org/CorpusID:231748613