BI-ZUM - Stavový prostor a jeho prohledávání, stromová expanze, náhodné prohledávání, prohledávání do hloubky a do šířky.

Vastl Martin

May 27, 2019

Stavový prostor si lze představit jako graf, kde vrchol představuje nějaký popis stavu řešeného problému a hrany reprezentují akce a umožňují přechod mezi stavy. Příklady takových problému jsou např. hledání nejkratší cesty, symbolická integrace, a podobně. Množinu stavů značíme S a množinu akcí A.

**Definice 1** Mějme stavový prostor (S, A). Úloha prohledávání (S, A) je zadána:

- $počátečním stavem I \in S$ ,
- $množinou\ koncových\ stavů\ G\subseteq S$

**Definice 2** Nechť (S, A) je stavový prostor a  $s \in S$  je stav v tomto prostore. Řekneme, že stav  $s' \in S$  je následníkem stavu s, pokud  $(s, s') \in A$ , tj. pokud existuje nějaká akce, která přesune stav s do stavu s'.

Problém popsaný stavovým prostorem v praxi převádíme na jednu z následujících úloh:

- hledání cesty z počátečního do koncového stavu (nejkratší cesta, symbolická integrace i s postupem)
- hledání cílového stavu (řešení sudoku, problém n dam)

# 1 Stromová expanze

**Definice 3** Uvažujme stavový prostor X = (S, A) počáteční stav  $I \in S$  a množinu koncových stavů  $G \subseteq S$ . Prohledávací strom X je orientovaný kořenový strom s kořenem I, takový, každá cesta v tomto stromě se vyskytuje i v grafu (S, A).



# Prohledávání stromovou expanzí

Algoritmus prohledávání stavového prostoru stromovou expanzí lze popsat následovně:

- Vytvoř kořen stromu coby počáteční uzel  $\mathcal{I}$ 
  - ▶ Strom je jednoprvkový, I je jeho kořenem i listem
- Dokud žádný list stromu není koncovým stavem, opakuj:
  - "Vyber nějaký" list stromu a prověď expanzi:
    - ★ Připoj k listu všechny jeho následníky ze stavového prostoru (S, A)

Většina prohledávácích algoritmů zakazuje, aby se jeden uzel ve stromě vyskytl dvakrát. Typicky rozlišujeme 3 stavy uzlů:

- FRESH uzel ještě nebyl během hledání nalezen,
- OPEN uzel byl nalezen, ale ještě nebyl expandován,
- CLOSED uzel byl nalezen a expandován.

Při expanzi uzlu je pak zakázáno připojení potomků, kteří jsou již ve stavu OPEN nebo CLOSED.

## 2 Náhodné prohledávání

Náhodně prohledávání je takové prohledávání, které náhodně otevírá jednotlivé vrcholy stavového prostoru. Je možné, že nalezne neoptimální řešení.

#### Algorithm 1 Random search

```
1: open \leftarrow \{\mathcal{I}\}; closed \leftarrow \{\}
 2: prev ← init_table()
 3: while open \neq {} do
        x \leftarrow random element of open
        if x \in G then
 5:
           return reconstruct_path(prev, x)
 6:
        end if
 7:
        for all y \in \text{neighbors}(x) do
 8:
           if y \notin (open \cup closed) then
 9:
               open \leftarrow open \cup \{y\}
10:
               prev[y] \leftarrow x
11:
           end if
12:
        end for
13:
        open \leftarrow open \setminus \{x\}; \ closed \leftarrow closed \cup \{x\}
15: end while
```

### 3 BFS

BFS provádí expanzi postupně po jednotlivých patrech. Zaručuje, že výsledná cesta bude mít nejmenší možný počet hran. Jeho paměťová i výpočetní čas roste exponenciálně s délkou nejkratší cesty (co do počtu hran) cesty k cíli.

```
Algorithm 2 Breadth-First Search (BFS)
 1: open \leftarrow init\_queue(); closed \leftarrow \{\}
 2: prev \leftarrow init_table()
 3: enqueue(open, \mathcal{I})
 4: while ¬empty(open) do
       x \leftarrow \text{dequeue}(open)
       if x \in G then
 6:
 7:
           return reconstruct_path(prev, x)
       end if
 8:
       for all y \in \text{neighbors}(x) do
 9:
          if y \notin (open \cup closed) then
10:
              enqueue(open, y); prev[y] \leftarrow x
11:
           end if
12:
       end for
13:
       closed \leftarrow closed \cup \{x\}
14:
15: end while
```

### 4 DFS

DFS prochází stavový prostor a snaží se o co největší zanoření. Nemusí vždy najít nejkratší cestu, co se do počtu hran týká.

### Algorithm 3 Depth-First Search (DFS)

```
1: open \leftarrow init\_stack(); closed \leftarrow \{\}
 2: prev \leftarrow init\_table()
 3: push(open, \mathcal{I})
 4: while ¬empty(open) do
       x \leftarrow pop(open)
 5:
       if x \in G then
 6:
           return reconstruct_path(prev, x)
 7:
       end if
 8:
       for all y \in \text{neighbors}(x) do
 9:
           if y \notin (open \cup closed) then
10:
              push(open, y); prev[y] \leftarrow x
11:
           end if
12:
       end for
13:
       \mathit{closed} \leftarrow \mathit{closed} \cup \{x\}
14:
15: end while
```