

هو العلم



---

## اصول سیستم‌های کامپیوتری

---

نیمسال اول سال تحصیلی ۱۴۰۱ - ۱۴۰۲

---

### تمرینات ۱

---

مریم رضائی

---

۱. این برنامه‌ای را که به زبان C نوشته شده است و بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک دو عدد صحیح نامنفی را می‌یابد، به برنامه‌ای به زبان RISC-V ترجمه کنید. خودتان شماره رجیستری را که در برنامه RISC-V استفاده می‌کنید طبق قراردادها تعیین کنید.

بعد از آنکه برنامه‌ی RISC-V را نوشتید، درستی آن را با ردگیری اجرای آن روی دو جفت عدد (5, 0) و (9, 21) بیازمایید.

## جواب:

با فرض اینکه a در رجیستر x10 و b در رجیستر x11 قرار داشته باشند (یعنی عضو پارامترهای تابع که با آنها کار می‌کنیم) برنامه را به شکل زیر داریم (توضیح خطوط جلوی هر کدام ذکر شده است:

برنامه C	برنامه RISC-V
<pre> unsigned int gcd (unsigned int a, unsigned int b) {     if (a == 0 &amp;&amp; b == 0)         b = 1;     else if (b == 0)         b = a;     else if (a != 0)         while (a != b)             if (a &lt; b)                 b = a;             else                 a = b;     return b; } </pre>	<pre> gcd:  addi sp, sp, -8 // make room in stack       sw x10, 4(sp) // store initial value of a before it changes       sw x11, 0(sp) // store initial value of b before it changes       bne x10, x0, if2 // if a ≠ 0, jump to if2       bne x11, x0, if2 // if b ≠ 0, jump to if2       li x11, 1 // set b = 1       j return // jump to return if2:  bne, x11, x0, if3 // if b ≠ 0, jump to if3       mv x11, x10 // set b = a       j return // jump to return if3:  beq x10, x11, return // if a ≠ 0, a = b, exit loop and return       bltu x10, x11, inner // if a ≠ 0, a ≠ b, a &lt; b, go to inner if       sub x10, x10, x11 // else: a = a - b       j if3 // retry while loop inner: sub x11, x11, x10 // if a ≠ 0, a ≠ b, a &lt; b, b = b - a       j if3 // retry while loop return: mv x12, x11 // return b, save it parameters reg       lw x11, 0(sp) // get original value of b       lw x10, 4(sp) // get original value of a       addi sp, sp, 8 // empty stack       ret // return using jalr x0, 0(x1) </pre>

ردگیری جفت a = 5 و b = 0 را داریم:

```

gcd:  addi sp, sp, -8 // makes room
      sw x10, 4(sp) // stores 5
      sw x11, 0(sp) // stores 0
      bne x10, x0, if2 // a ≠ 0 so jumps to if2
      bne x11, x0, if2

```

```

        li x11, 1
        j return
if2:    bne, x11, x0, if3 // b = 0, so continues
        mv x11, x10      // b = 5
        j return          // jumps to return
if3:    beq x10, x11, return
        bltu x10, x11, inner
        sub x10, x10, x11
        j if3
inner:  sub x11, x11, x10
        j if3
return: mv x12, x11      // sets x12 as result = 5
        lw x11, 0(sp)    // b = 0 original value
        lw x10, 4(sp)    // a = 5
        addi sp, sp, 8    // empties stack
        ret              // returns using jalr x0, 0(x1)

```

به همین شکل ردگیری جفت  $a = 9$  و  $b = 21$  را داریم:

```

gcd:    addi sp, sp, -8 // makes room
        sw x10, 4(sp) // stores 9
        sw x11, 0(sp) // stores 21
        bne x10, x0, if2 // a ≠ 0 so jumps to if2
        bne x11, x0, if2
        li x11, 1
        j return
if2:    bne, x11, x0, if3 // b ≠ 0, so jumps to if3
        mv x11, x10
        j return
        // first run of loop:
if3:    beq x10, x11, return // a = 9 ≠ b = 21 so continues
        bltu x10, x11, inner // a = 9 < b = 21 so jumps to inner if
        sub x10, x10, x11
        j if3
inner:  sub x11, x11, x10    // b = 21 - 9 = 12
        j if3              // rerun loop
        // second run of loop:
if3:    beq x10, x11, return // a = 9 ≠ b = 12 so continues
        bltu x10, x11, inner // a = 9 < b = 12 so jumps to inner if
        sub x10, x10, x11
        j if3
inner:  sub x11, x11, x10    // b = 12 - 9 = 3
        j if3              // rerun loop
        // third run of loop:
if3:    beq x10, x11, return // a = 9 ≠ b = 3 so continues
        bltu x10, x11, inner // a = 9 > b = 3 so continues
        sub x10, x10, x11    // a = 9 - 3 = 6
        j if3              // rerun loop

```

```

inner:  sub x11, x11, x10
        j if3
        // fourth run of loop:
if3:    beq x10, x11, return // a = 6 ≠ b = 3 so continues
        bltu x10, x11, inner // a = 6 > b = 3 so continues
        sub x10, x10, x11    // a = 6 - 3 = 3
        j if3                // rerun loop
inner:  sub x11, x11, x10
        j if3
        // fifth run of loop:
if3:    beq x10, x11, return // a = 3 = b = 3 so jumps to return
        bltu x10, x11, inner
        sub x10, x10, x11
        j if3
inner:  sub x11, x11, x10
        j if3
return: mv x12, x11          // sets x12 as result = 3
        lw x11, 0(sp)        // b = 21 original value
        lw x10, 4(sp)        // a = 9
        addi sp, sp, 8       // empties stack
        ret                  // returns using jalr x0, 0(x1)

```

بنابراین پاسخ هر دو درست بوده و برابر با پاسخ تابع اصلی و بزرگترین مقسوم علیه مشترک آنها می باشد.

**مراجع:**

۲. این برنامه‌ای را که به زبان C نوشته شده است به برنامه‌ای به زبان RISC-V ترجمه کنید. خودتان شماره رجیسترهایی را که در برنامه RISC-V استفاده می‌کنید طبق قراردادهای تعیین کنید.

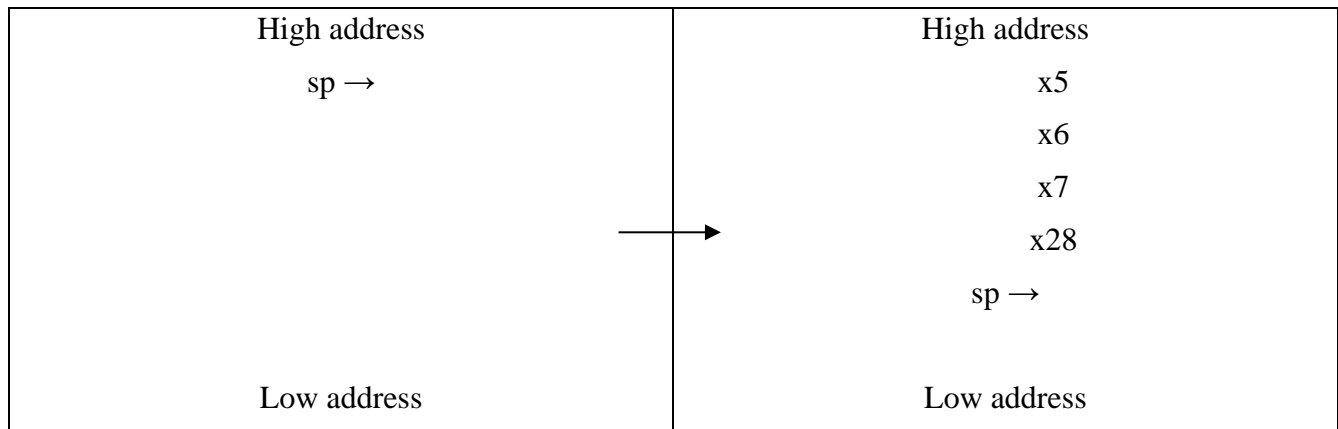
با رسم شکل‌هایی، محتوای پشته را در طول اجرای تابع f1 و در طول اجرای تابع f2 مشخص کنید.

### جواب:

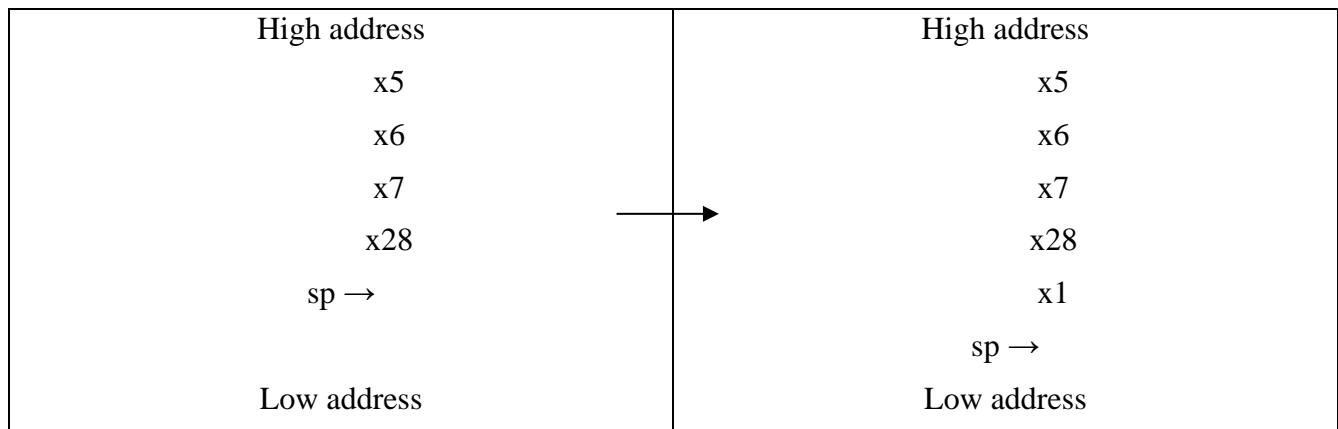
با توجه به ذخیره مقادیر رجیسترهای مورد استفاده در تابع که میزانشان تغییر می‌کند در پشته (برای اعمال جمع و تفریق، x، i، و برای ذخیره آدرس قبلی فراخوانی تابع f1 که بتوانیم f2 را در آن فراخوانی کنیم، و همچنین r در f2) برنامه زیر را داریم. توجه می‌کنیم که a، b،  $p = b + i$  و  $r + p$  همه پارامترهای مهم تابع‌ها هستند که در رجیسترهای x10 تا x13 آن‌ها را نگه می‌داریم.

برنامه C	برنامه RISC-V
<pre> int f1(int a, int b) {     int i, x;     x = (a + b)*(a - b);     for (i = 0; i &lt; a; i++)         x = x + f2(b + i);     return x; }  int f2(int p) {     int r;     r = p + 5;     return r + p; } </pre>	<pre> f1:   addi sp, sp, -20    // make room for 5       sw x5, 16(sp)     // store previous value of x5       sw x6, 12(sp)     // store previous value of x6       sw x7, 8(sp)      // store previous value of x7       sw x28, 4(sp)     // store previous value of x28       add x5, x10, x11   // a + b       sub x6, x10, x11   // a - b       mul x7, x5, x6     // x = (a + b) * (a - b)       li x28, 0          // i = 0 for:  bge x28, x10, return // i ≥ a exit loop and go to return       add x12, x11, x28   // b + i       sw x1, 0(sp)       // store previous call address       jal x1, f2          // call f2 and save current address       lw x1, 0(sp)       // restore previous address       add x7, x7, x13     // x = x + f2       j for              // retry for loop return: mv x14, x7       // return x, save it in parameters registers       lw x28, 4(sp)      // restore previous value of x28       lw x7, 8(sp)       // restore previous value of x7       lw x6, 12(sp)      // restore previous value of x6       lw x5, 16(sp)      // restore previous value of x5       addi sp, sp, 20    // empty the stack       jalr x0, 0(x1)     // return to call address f2:   addi sp, sp, -4     // make room for 1       sw x29, 0(sp)     // store previous value of x29       addi x30, x12, 5    // r = p + 5       add x13, x30, x12   // result = r + p, save in parameters registers       lw x29, 0(sp)     // restore previous value of x29       addi sp, sp, 4     // empty the stack       jalr x0, 0(x1)     // return to call address </pre>

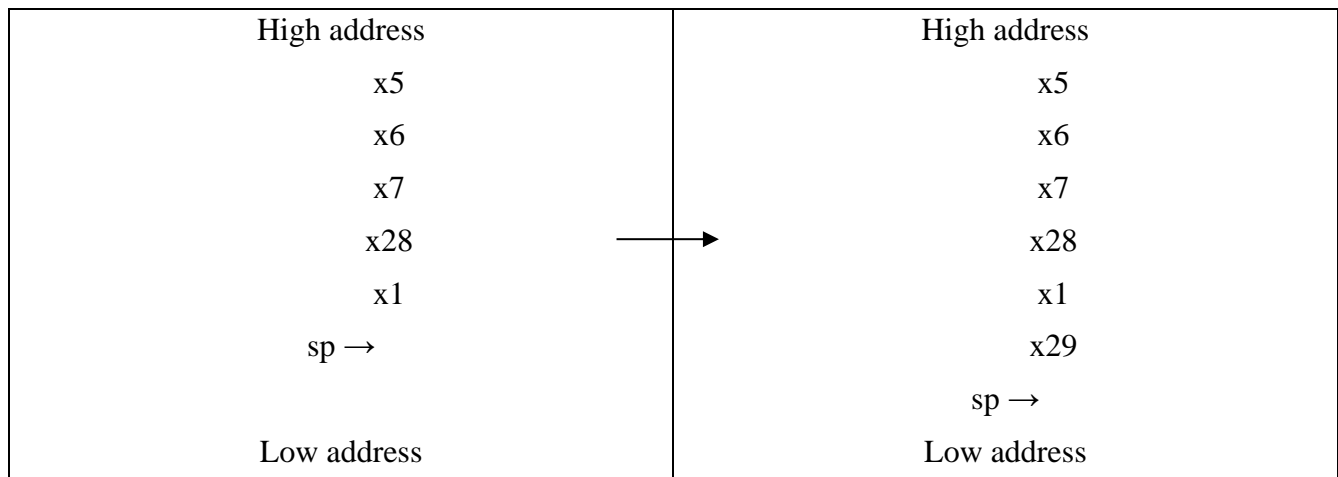
برای پشته، در ابتدای فراخوانی f1 داریم:



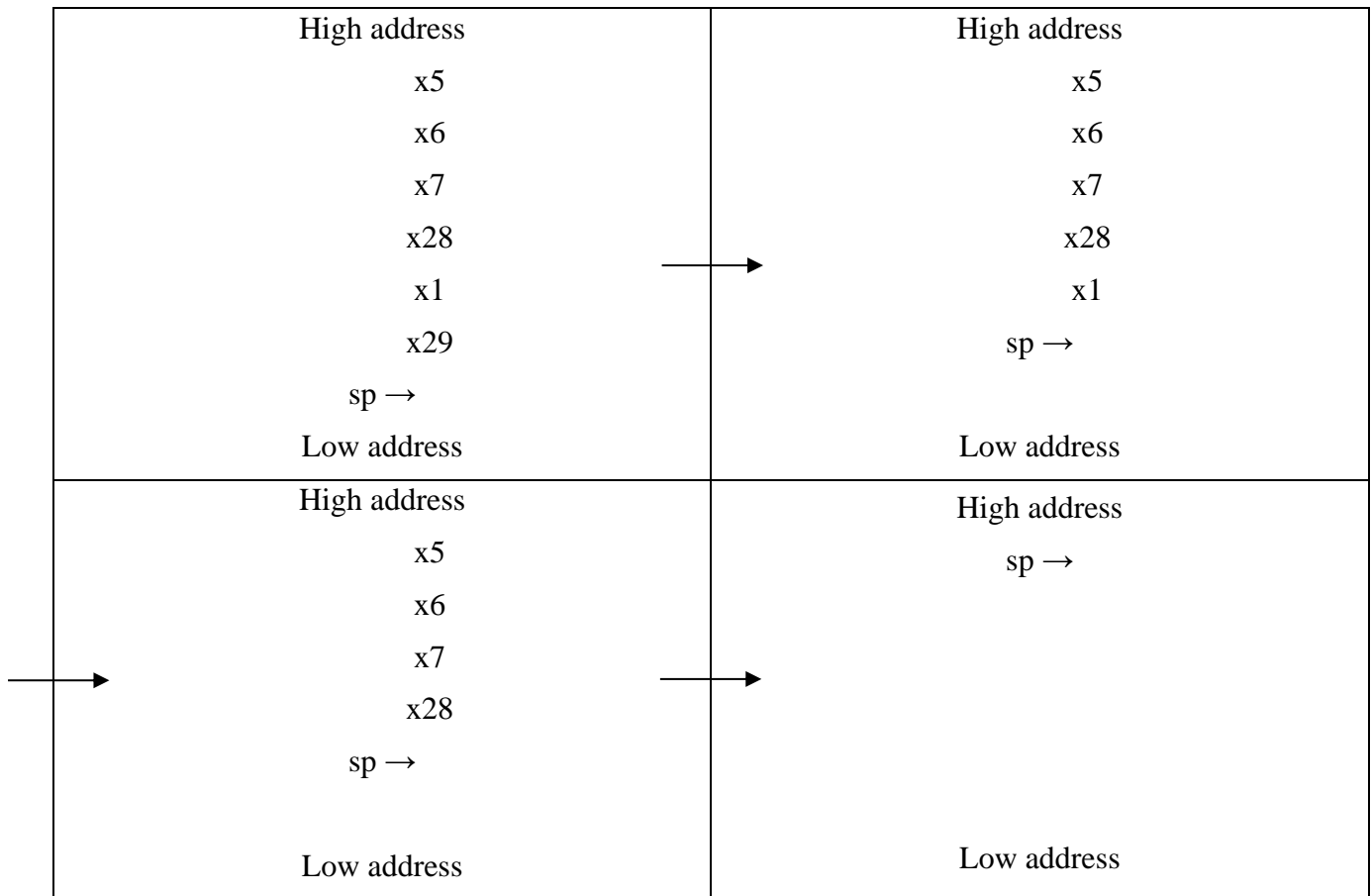
سپس برای ذخیره آدرس داریم:



حال با فراخوانی f1 در ابتدای آن داریم:



در اتمام f1، سپس بازگشت و بازیابی آدرس قبل، و سپس اتمام f2 داریم:



مراجع:

۳. این قطعه کد ماشین RISC-V را در نظر بگیرید. دستور اول در بالای بقیه دستورات قرار گرفته است.

0x01F00393  
0x00755E33  
0x001E7E13  
0x01C580A3  
0x00158593  
0xFFFF38393  
0xFE03D6E7  
0x00008067

الف) این دستورات ماشین RISC-V را به دستورات نمادین RISC-V تبدیل کنید.

ب) با مهندسی معکوس، برنامه‌ای به زبان C را که به برنامه RISC-V ترجمه شده است تعیین کنید.

پ) به فارسی روان کاری را که برنامه C می‌کند توضیح دهید. فرض کنید یکی از ورودی‌های برنامه یک عدد ۳۲ بیتی باشد که در رجیستر x10 گذاشته می‌شود و ورودی دیگر، عدد ۳۲ بیتی دیگری باشد که نشانی شروع آرایه‌ای ۳۲ عنصری از کاراکترها باشد و در رجیستر x11 گذاشته می‌شود.

### جواب:

الف) با چک کردن ابتدا opcode در چپ و سپس بقیه، تبدیل زیر را داریم. توضیحات کامل در کامنت‌ها موجود است.

برنامه ماشین RISC-V	برنامه نمادین RISC-V
0x01F00393	addi x7, x0, 31 // sets initial value 31 for x7
0x00755E33	srl x28, x10, x7 // logical shifts x10 by x7 to the right // initially 31 bits, leaving only the leftmost bit
0x001E7E13	andi x28, x28, 1 // logical “and” on x28 and 0x00000001 // equals only the rightmost bit of x28
0x01C580A3	sb x28, 1(x11) // stores 8 rightmost bits of x28 in the next byte
0x00158593	addi x11, x11, 1 // adds 1 to the array start address
0xFFFF38393	addi x7, x7, -1 // removes one from x7 (bits to shift x10 by)
0xFE03D6E7	bge x7, x0, -20 // goes back 5 lines if x7 is positive
0x00008067	jalr x0, 0(x1) // else returns without saving address



(ب) با توجه به خط jalr x0 در ته برنامه RISC-V، می‌فهمیم return و یعنی یک تابع داریم. همچنین به علت یکی یکی پیش رفتن مقدار x7 از ۳۱ تا ۰ با حلقه for به راحتی پیاده‌سازی می‌شود.

برنامه نمادین RISC-V	برنامه C
<pre> addi x7, x0, 31 srl x28, x10, x7 andi x28, x28, 1 sb x28, 1(x11) addi x11, x11, 1 addi x7, x7, -1 bge x7, x0, -20 jalr x0, 0(x1) </pre>	<pre> int store_byte(int num, int arr[]) {     int shift; int i = 1; int s;     for (s = 31; s ≥ 0; s--) {         shift = num &gt;&gt; s;         shift = shift &amp; 1;         arr[i] = shift;         i++;     }     return arr; } </pre>

(پ) برنامه به طور کلی عددی ۳۲ بیتی را بیت بیت از چپ در حافظه ذخیره می‌کند، به طوری که هر بیت به اندازه یک بایت جا می‌گیرد؛ به زبان دیگر عدد در حافظه به طوری ذخیره می‌شود که بین هر بیت آن ۷ صفر است. برنامه به طور دقیق تر این کار را با اعمال زیر انجام می‌دهد:

- (۱) در خط اول رجیستر x7 مقدار اولیه ۳۱ را می‌گیرد.
- (۲) عدد ۳۲ بیتی ورودی به اندازه x7 که در ابتدا ۳۱ است به راست جا به جا می‌شود و چپ آن صفر قرار می‌گیرد. یعنی برای مقدار ۳۱، تنها بیت چپی عدد باقی می‌ماند و در راست قرار می‌گیرد. برای مقادیر کمتر به همین شکل بیت دوم سپس سوم و غیره از چپ عدد بیت راست می‌شود.
- (۳) عدد حاصل با عدد یک «و» می‌شود. یعنی تنها بیت راستی حفظ شده و بیت های چپی صفر می‌شوند. یعنی مثلاً اگر عدد ۳۰ بیت به راست جا به جا شده باشد و بیت دوم از چپ آن بیت راست شده بود، بیت چپی نیز که حفظ شده بود صفر می‌شود.
- (۴) عدد حاصل، که یک بیت از عدد ورودی ست (به ترتیب چپ ترین بیت، به راست) در حافظه و جایگاه یکی بعد از شروع آرایه ذخیره شده و فضای یک بایت را می‌گیرد.
- (۵) به آدرس شروع آرایه کی اضافه شده و از x7 یکی کم می‌شود تا در عدد و آرایه پیش رویم.
- (۶) تا وقتی که x7 صفر شود به مرحله ۲ می‌رویم. در صورت کمتر از صفر شدن بدون ذخیره آدرس بازگشت داریم.

**مراجع:**

۴. الف) فرض کنید که دو عدد علامتدار در دو رجیستر x6 و x7 گذاشته شده باشند. دستوراتی را به زبان RISC-V بنویسید که حاصل جمع دو عدد را محاسبه کنند و بعد، وقوع احتمالی سرریز از رجیستر حاصل جمع را کشف کنند.

ب) فرض کنید دو عدد علامتدار در دو رجیستر x6 و x7 گذاشته شده باشند. دستوراتی را به زبان RISC-V بنویسید که محتوای رجیستر x7 را از محتوای رجیستر x6 کم کنند و وقوع احتمالی سرریز رجیستر حاصل تفریق را کشف کنند.

### جواب:

الف) می‌دانیم در جمع زمانی سرریز می‌تواند رخ می‌دهد که هر دو عدد منفی باشند یا هر دو مثبت باشند، زیرا در غیر این صورت (متفاوت بودن علامت‌ها) همواره پاسخ از یکی از اعداد کوچکتر خواهد بود. پس برنامه‌ای می‌نویسیم که پس از انجام جمع، علامت پاسخ را بررسی کند و برای هر علامت، هم‌علامت بودن اعداد جمع شده رو بسنجد.

```
add x5, x6, x7          // perform addition
bge x5, x0, check        // if result is positive, check if nums were negative
blt x6, x0, no_overflow   // else (if result is negative), check if they were positive
                        // if one is negative then there is no overflow
bge x7, x0, overflow      // else (x6 was positive), if x7 is also positive then overflow
CHECK: bge x6, x0, no_overflow // if result was positive, and x6 also positive, then no overflow
blt x7, x0, overflow      // else (result pos, x6 neg), if x7 is also negative then overflow
```

الف) می‌دانیم در تفریق زمانی سرریز می‌تواند رخ می‌دهد که دو عدد مختلف‌العلامت باشند. پس برنامه‌ای می‌نویسیم که پس از انجام تفریق، علامت پاسخ را بررسی کند؛ اگر پاسخ منفی بود، باید عدد اول مثبت و دوم منفی باشند تا سرریز تشخیص داده شود، زیرا علامت منهای علامت عدد دوم را نیز مثبت می‌کند و همراهی با جمع دو عدد مثبت می‌شود؛ اگر پاسخ مثبت بود، باید عدد اول منفی و دوم مثبت باشد تا سرریز تشخیص داده شود، زیرا علامت منهای علامت عدد دوم را نیز منفی می‌کند و همراهی با جمع دو عدد منفی می‌شود.

```
sub x5, x6, x7          // perform subtraction
bge x5, x0, check        // if result is positive, check its condition
blt x6, x0, no_overflow   // else (if result is negative), check its condition
                        // if first one is negative then there is no overflow
blt x7, x0, overflow      // else (x6 was positive), if second one is negative then overflow
CHECK: bge x6, x0, no_overflow // if result was positive, and x6 also positive, then no overflow
blt x7, x0, overflow      // else (result pos, x6 neg), if x7 is negative then overflow
```

مراجع:

۵. الف) معماری MIPS شبیه‌ترین معماری به معماری RISC-V است. مهم‌ترین اصول مشترکی را که مبنای طراحی این دو معماری بوده است مشخص کنید.

ب) مهم‌ترین وجوه تشابه مجموعه دستورات RISC-V با مجموعه دستورات MIPS را با مثال مشخص کنید.

پ) مهم‌ترین وجوه تفاوت مجموعه دستورات RISC-V با مجموعه دستورات MIPS را با مثال مشخص کنید.

ت) توضیح دهید که معماری MIPS برای ساخت چه نوع رایانه‌هایی مناسب‌تر است و معماری RISC-V برای ساخت چه نوع رایانه‌هایی مناسب‌تر است.

### جواب:

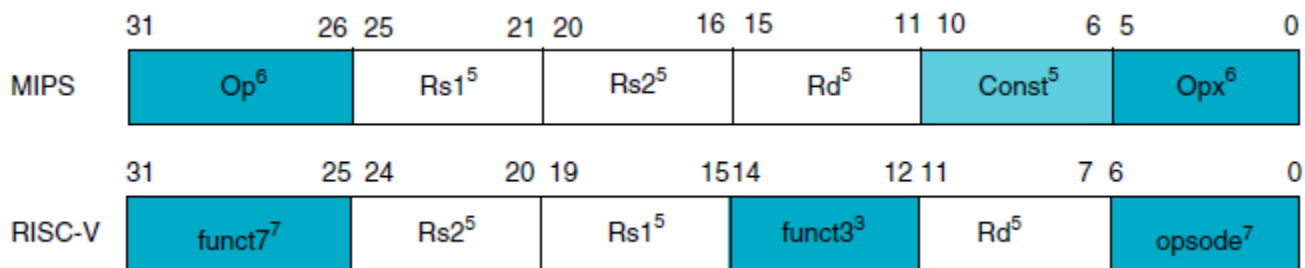
الف) معماری RISC-V و MIPS با وجود ۲۵ سال فاصله در شکل‌گیری‌شان، فلسفه یکسانی دارند و از دستورات نمادین حول دسته‌ها و ساختار دودویی یکسانی استفاده می‌کنند. مهم‌ترین اصول این شباهت در معماری به شرح زیرند:

- تمام دستورات هر دو معماری طول ۳۲ بیت دارند.
- هر دو ۳۲ رجیستر با کاربردهای عمومی دارند که یکی از آن‌ها مختص عدد صفر است.
- در این دو زبان تنها راه دسترسی به حافظه توسط دستورات load و store است.
- هر دو برخلاف بعضی معماری‌ها، هیچ دستوری که توان بارگیری و ذخیره چند رجیستر را داشته باشد ندارند.
- هر دو دستورات شرطی‌ای برای برابر بودن و برابر نبودن با صفر دارند.
- در این معماری‌ها، هر دو دسته حالات آدرس‌دهی برای تمامی اندازه‌های کلمات کار می‌کنند.

ب) دستورات MIPS شباهت بسیاری به دستورات RISC-V دارند. در دستورات نمادین آن‌ها نام و فرمت استفاده در اکثر دستورات یکی هستند. برای مثال:

RISC-V	MIPS
add x5, x6, x7	add \$1, \$2, \$3
addi x5, x6, 100	addi \$1, \$2, 100
mul x5, x6, x7	mul \$1, \$2, \$3
and x5, x6, x7	and \$1, \$2, \$3
andi x5, x6, 100	andi \$1, \$2, 100
sll x5, x6, x7	sll \$1, \$2, 10
lw x5, 100(x6)	lw \$1, 100(\$2)
sw x5, 100(x6)	sw \$1, 100(\$2)

و غیره، که در تمامی آن‌ها اسم نمادین دستور و تعداد رجیسترهای استفاده شده یکسان بوده و ترتیب آن‌ها نیز یک معنا دارند. یعنی برای مثال، در دستور جمع RISC-V حاصل جمع x6 و x7 در x5 ذخیره شده و در MIPS حاصل جمع x2 و x3 در x1 ذخیره می‌شود. همچنین در فرمت دودویی دستورات (که برای هر دو طول ۳۲ می‌باشد) در بسیاری از موارد شباهت چینش زیادی مشاهده می‌کنیم. برای مثال:



که در آن رجیسترهایی که عمل بر آن‌ها انجام شده و همچنین موارد تعیین کننده دستور اکثراً زیر هم بوده و همه هم‌اندازه‌اند از راست چیده شده‌اند.

(پ) از تفاوت‌های اصلی MIPS و RISC-V در دستورات مقایسه آن‌هاست. دستورات مقایسه اصلی دو معماری را داریم:

RISC-V	MIPS
slt \$1, \$2, \$3	slt \$1, \$2, \$3
slti \$1, \$2, 100	slti \$1, \$2, 100
beq x5, x6, 100	beq \$1, \$2, 100
bne x5, x6, 100	bne \$1, \$2, 100
blt x5, x6, 100	
bge x5, x6, 100	

همانطور که می‌بینیم، RISC-V برای مقایسه بزرگی و کوچکی و سپس شاخه‌بندی دستوراتی ارائه می‌دهد. در حالی که MIPS تنها دستورات شاخه‌ای برای برابری و عدم برابری داشته و برای مقایسه دو رجیستر نیاز است شرطی را از پیش بررسی کرده و رجیستری را برابر ۰ یا ۱ قرار دهیم؛ آنگاه MIPS می‌تواند با دو دستور بالا و بررسی ۰ یا ۱ بودن رجیستر، عملیات شاخه کردن را انجام دهد. برای مثال، شبه دستور blt \$2, \$3, 100 را می‌توان با دستورات زیر پیاده‌سازی کرد:

slt \$1, \$2, \$3	// if \$2 < \$3 then \$1 = 1 else \$1 = 0
bne \$1, \$0, 100	// if \$1 ≠ 0 then go to PC+100

لازم به ذکر است که MIPS از دستورات مقایسه جز برابری تنها slt را داشته و فقط می‌تواند مقایسه کوچکتر بودن را انجام دهد. پس برای مقایسه بزرگتر بودن یا باید ترتیب یا شرط را تغییر داد و یا شبه دستور bgt و bge را با دستورات بالا پیاده‌سازی کرد. به طور کلی دستورات MIPS فلسفه ساده‌گرایانه داشته و مجموعه آن‌ها از RISC-V بزرگتر است.

ت) معماری RISC-V یک معماری رایج، ساده، رایگان و متن‌باز است که می‌تواند به راحتی پشتیبانی شود، گسترش یابد، و برای برنامه‌های خاص شخصی‌سازی شود. این معماری به سازنده‌های دستگاه‌های کوچک‌تر این اجازه را می‌دهد که به راحتی و به طور رایگان سخت‌افزار بسازند، و در سیستم‌های زمینه‌ای با کارایی بالا، سرورهای ابری، کنترلرها، پردازنده‌های عمومی، و زمینه‌های هوش مصنوعی و یادگیری ماشین و یارانش مرزی کاربرد دارد. البته به علت متن‌باز بودن، طراحی پردازنده‌ای را شامل نبوده و خود باید پردازنده‌ای توسعه دهد یا بخرد و هزینه‌ای جدا برای پیاده‌سازی و توسعه دارد.

اما معماری MIPS در حین ساده بودن، فضای محدودتر و نیاز به خرید پروانه داشته و آزادی بالای معماری RISC-V برای شخصی‌سازی یا پیشرفت را ندارد. همچنین به علت محدودیت اعمال شرطی و نیاز به شبه دستورها، پیاده‌سازی‌های با کارایی بالا ناکارآمد می‌شوند. به این علت در دستگاه‌های کوچک مانند روترها کاربرد دارد. البته به علت وجود پروانه قابل خرید، برنامه‌ها، سخت‌افزارها و پشتیبانی تضمین شده بوده و هزینه‌ی جدای مالی یا زمانی برای پیاده‌سازی ندارد.

**مراجع:**

کتاب منبع درس:

Computer Organization and Design (RISC-V Edition) – Patterson & Hennessy

اینترنت:

<https://www.forbes.com/sites/tiriasresearch/2018/04/05/what-you-need-to-know-about-processor-architectures/?sh=35a017c04f57>

<https://www.elprocus.com/risc-v-processor/>

<https://www.fiercееlectronics.com/embedded/what-risc-v>