## Exame de Qualificação 04/03/2015

## Álvaro Freitas Moreira e Marcus Ritt

March 26, 2017

## Teoria da Computação

## Perguntas

(2.5 pontos) Um professor gostaria de automatizar a correção dos exercícios de programação Python dos alunos, construindo um programa que implemente a função PROG-CORRETO?, definida assim:

Entrada: Dois programas escritos em Python, um representando a solução (sol) e outro o programa submetido pelo aluno (/sub).

Saída: Verdadeiro, se o programa sub implementa amesma função que o programa sol, ou seja, se para todas as entradas para as quais sol produz um valor de saída, sub produz o mesmo valor, e para todas as entradas para as quais sol não produz saída, sub também não produz saída. A saída deve ser Falso caso contrário.

Responda as seguintes questões:

- (a) Explique o que é uma "função computável".
  - De acordo com a Tese de Church-Turing, uma função é dita efetivamente computável, se e somente se, ela for Turing-computável. Isto é, para que uma função seja computável, deve existir uma máquina de Turing capaz de representar esta mesma função.
- (b) A função PROG-CORRETO? é computável? Prove.
  - A afirmação é falsa. De acordo com o Teorema de Rice, nada de interessante ou não-trivial a respeito da computação é computável. Neste caso, o termo *interessante* diz respeito ao comportamento e a semântica de uma determinada função para todo o conjunto possível de entradas. Logo, é impossível construir um programa para avaliar se o comportamento das funções sol e sub são idênticas.
- (c) Transforme a definição de PROG-CORRETO? em PROG-CORRETO? mod da seguinte forma:
  - Se sua resposta na questão b) foi SIM, PROG-CORRETO?mod deve ser uma função mais geral que PROG-CORRETO? que não seja computável.
  - Se sua resposta na questão b) foi NÃO, PROG-CORRET?mod deve ser uma função mais restrita que PROG-CORRETO? que seja computável.

Justifique por que PROG-CORRETO? mod é computável ou não computável.

• Para que a definição de PROG-CORRETO? seja computável é necessário realizar testes em um conjunto definido de entradas. Por exemplo, PROG-CORRETO?mod deve verificar se para um conjunto definido de entradas ([1,2,3,4,5]) os programas sol e sub produzem o mesmo resultado, uma vez que as saídas de ambos os programas podem ser comparado após a sua execução, e assumindo que sol e sul são equivalentes se os resultados obtidos para

as entradas informadas são idênticos, a função então é tida como computável. Melhorar resposta e formatar. Esclarecer por que é computável.

- 2. (1 ponto) Disserte sobre as principais classes de complexidade e explique a importância de se demonstrar a classe de complexidade de um problema.
  - Escrever.
- 3. (1.5 pontos) Diga se as afirmações a seguir são verdadeiras ou falsas e justifique suas respostas.
  - (a) Se um problema pertence à classe P, sempre existe um algoritmo com complexidade  $O(2^n)$  que o resolve.
    - Verdadeiro. Se um problema pertence a classe P, então existe um algoritmo que é executado em tempo polinomial capaz de resolver este problema. Qualquer problema da classe P pode ser reduzido a um problema de uma ordem superior, apresentando tempo de execução exponencial  $O(2^n)$ .
  - (b) Se P = NP então a lógica de primeira ordem é decidível.
    - Falso. Se P = NP então todos os problemas da NP-Completos poderiam ser resolvidos em tempo polinomial. Verificar resposta.
  - (c) Se L é NP-Hard, L é polinomialmente redutível a L' e L' pertence a P então  $P \neq NP$ .
    - Falso.  $P \neq NP$ , então problemas NP-Hard não podem ser redutíveis a um problema da classe polinomial. Verificar resposta.