## **HDBSCAN**

## Guillermo Ruiz

El HDBSCAN es una variante jerárquica del original DBSCAN en la que no se necesita determinar el radio. Se hace un barrido sobre varios valores de R y se elige el que mejor estabilidad tiene.

Dado un entero m, la distancia nuclear  $d_c^{(m)}$  para un punto  $x_i$  se define como la distancia de  $x_i$  a su m-ésimo vecino cercando.

La distancia de alcance mutua se define como

$$d_m(x_i,x_j) = \max\left(d_c^{(m)}(x_i),d_c^{(m)}(x_j),d(x_i,x_j)\right)$$

donde  $d(x_i, x_j)$  es la distancia original de  $x_i$  a  $x_j$ . Esta nueva distancia se usa para crear un grafo G donde los vértices son los datos y las aristas tienen el peso dado por la distancia  $d_m$ . Del grafo G se obtiene su Minimum Spanning Tree (MST). El MST forma el cluster global inicial. Luego se van quitando una a una las aristas más pequeñas del MST y así se irán formando los clusters. Al final se tendrá el caso donde cada punto es su propio cluster. De todo este proceso se toman los cluster que sobrevivieron más tiempo y se reportan al final del proceso.

Esto hace que HDBSCAN dependa sólo del parámetro m que es más fácil de estimar. La implementación que veremos usa  $\min_{cluster\_size}$  como el parámetro m.

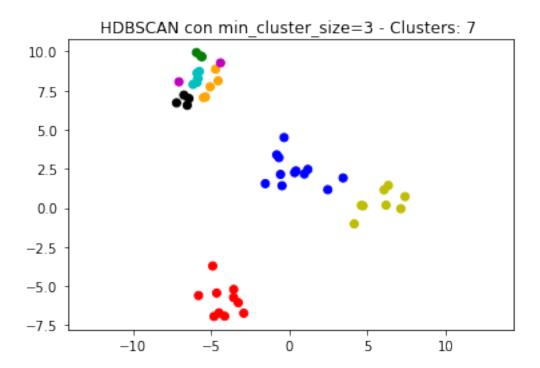
```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.cluster import HDBSCAN
from sklearn.datasets import make_blobs
from sklearn.datasets import make_moons, make_circles, make_classification, make_s_curve

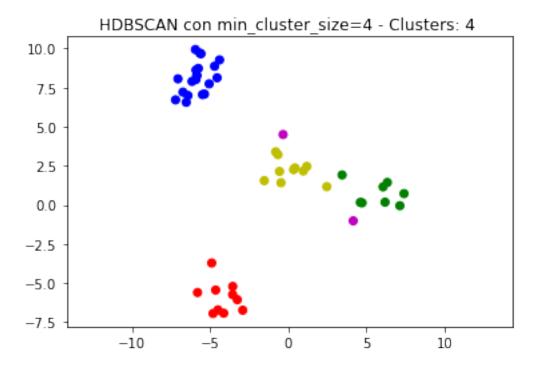
color = np.array(["r", "b", "y", "g", "k", "c", "orange", "tomato", "gray", "m"])
```

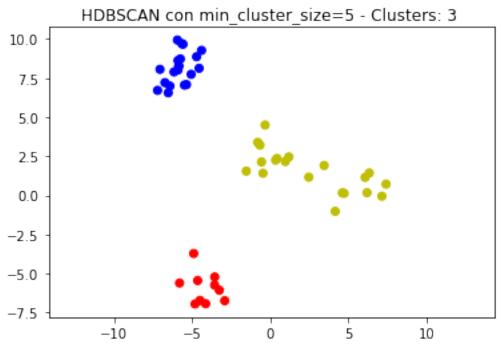
Primero veamos cómo se comporta HDBSCAN variando min\_cluster\_size.

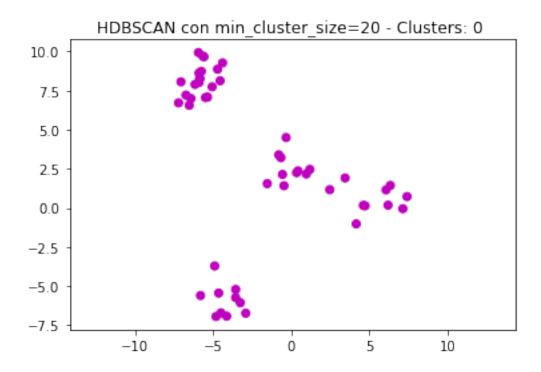
(A lo largo de este notebook, el color magenta indica los puntos marcados como ruido)

```
X, y = make_blobs(n_samples=50, centers=5, random_state=5)
mcs = [3,4,5,20]
for s in mcs:
    db = HDBSCAN(min_cluster_size=s)
    db.fit(X)
    y_c = db.labels_
    num_clusters = len(set(np.unique(y_c))-set([-1]))
    plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=color[y_c])
    plt.axis('equal')
    plt.title(f'HDBSCAN con min_cluster_size={s} - Clusters: {num_clusters} ')
    plt.show()
```

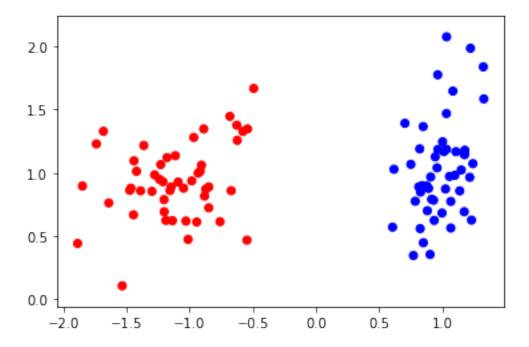






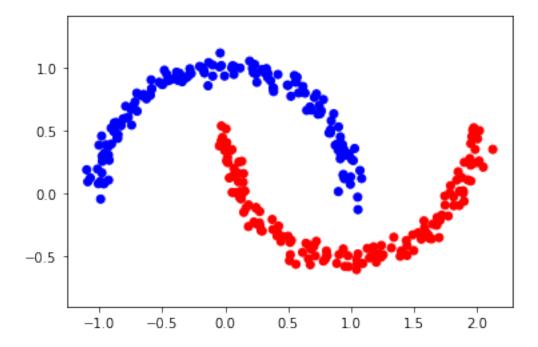


Ahora veremos algunos ejemplos sencillos donde se muestran particiones usando HDBSCAN. Primero veamos cuando los cluster están bien separados y con una forma convexa.



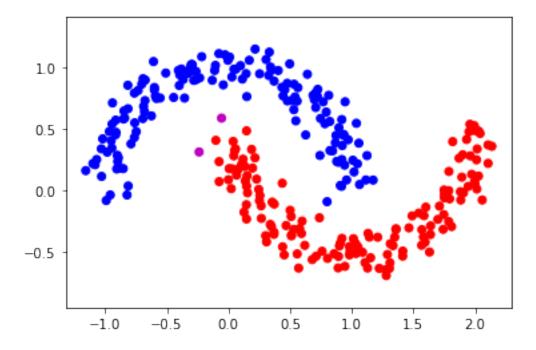
Este es un ejemplo de dos clusters que no se pueden separa con k-means. Las formas de luna se aprecian claramente.

```
X, y = make_moons(n_samples=300, noise=0.05, random_state=0)
y_c = HDBSCAN(min_cluster_size=5).fit_predict(X)
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=color[y_c])
plt.axis('equal')
plt.show()
```



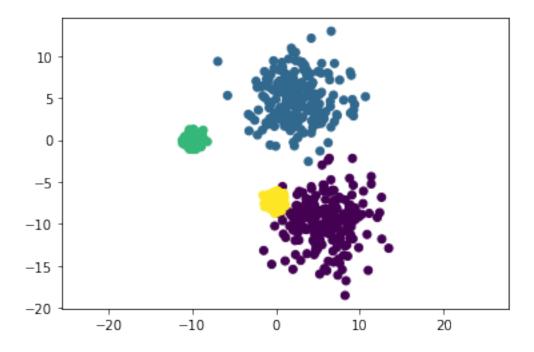
Este es otro ejemplo de lunas pero más juntas. Note que sale unos puntos marcados como ruido.

```
X, y = make_moons(n_samples=300, noise=0.1, random_state=1)
y_c = HDBSCAN(min_cluster_size=5).fit_predict(X)
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=color[y_c])
plt.axis('equal')
plt.show()
```

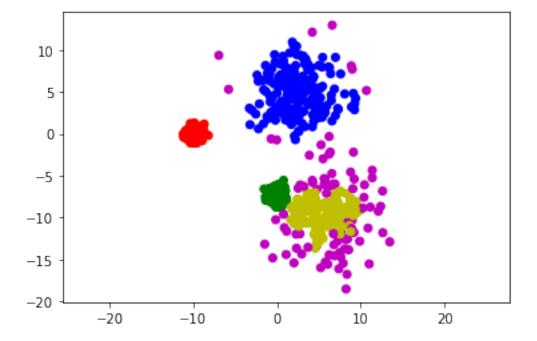


Ahora vemos un ejemplo donde los cluster tienen diferentes densidades.

```
X, y = make_blobs(400, 2, centers=2, cluster_std=3, random_state=10)
X2, y2 = make_blobs(400, 2, centers=2, cluster_std=.5, random_state=9)
X = np.concatenate([X,X2])
y = np.concatenate([y,y2+2])
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=y)
plt.axis('equal')
plt.show()
```



```
y_c = HDBSCAN(min_cluster_size=5).fit_predict(X)
plt.scatter(X[:, 0], X[:, 1], c=color[y_c])
plt.axis('equal')
plt.show()
```



 $\boldsymbol{Actividad:}$  Modifique los datos y los parámetros y compare los resultados.