法律声明

- 本课件包括演示文稿、示例、代码、题库、视频和声音等内容，小象学院和主讲老师拥有完全知识产权的权利；只限于善意学习者在本课程使用，不得在课程范围外向任何第三方散播。任何其他人或机构不得盗版、复制、仿造其中的创意及内容，我们保留一切通过法律手段追究违反者的权利。

- 课程详情请咨询
  - 微信公众号：小象
  - 新浪微博：ChinaHadoop

隐马尔科夫模型

邹博

主要内容

- 隐马尔科夫模型
  - 概率计算
  - 参数估计
  - 模型预测
- 中文分词算法实践
  - 思考：实践问题应该如何建模？

中文分词

```
if __name__ == "__main__":
    pi, A, B = load_train()
    f = file(".\\text\\novel.txt")
    data = f.read()[3:].decode('utf-8')
    f.close()
    decode = viterbi(pi, A, B, data)
    segment(data, decode)
```

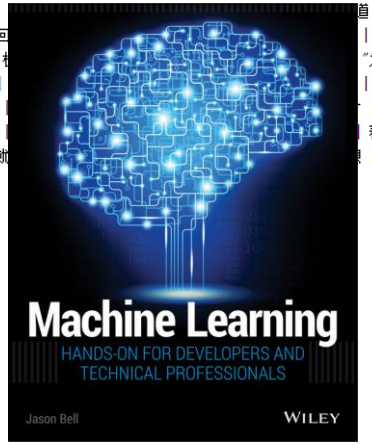
bug HMM

Console | Frames | Variables | Watches

```
Connected to pydev debugger (build 139.1001)
我 | 与 | 地坛 |
史 | 铁生 |
一 |
我 | 在 | 好 | 几 | 篇 | 小说 | 中 | 都 | 提到 | 过 | 一 | 座 | 废弃 | 的 | 古园 | , | 实际 | 就 | 是 | 地坛 | 。 | 许多 | 年前 | 旅游业 | 还 | 没有 | 开
地坛 | 离 | 我家 | 很 | 近 | 。 | 或者 | 说 | 我家 | 离 | 地坛 | 很 | 近 | 。 | 总之 | , | 只好 | 认为 | 这 | 是 | 缘分 | 。 | 地坛 | 在 | 我出 | 生前 |
它 | 等待 | 我 | 出生 | , | 然后 | 又 | 等待 | 我活 | 到 | 最狂 | 妄 | 的 | 年龄 | 上 | 忽地 | 残废 | 了 | 双腿 | 。 | 四百 | 多 | 年里 | , | 它 | 一面
自 | 从 | 那个 | 下午 | 我 | 无意 | 中进 | 了 | 这 | 园子 | , | 就 | 再 | 没长 | 久 | 地离 | 开过 | 它 | 。 | 我 | 一 | 下子 | 就 | 理解 | 了 | 它 | 的 |
两 | 条 | 腿 | 残废 | 后 | 的 | 最初 | 几年 | , | 我找 | 不 | 到 | 工作 | , | 找 | 不到 | 去路 | , | 忽然 | 间 | 几乎 | 什么 | 都 | 找 | 不到 | 了 | ,
除 | 去 | 几 | 座 | 殿堂 | 我 | 无法 | 进去 | , | 除去 | 那 | 座 | 祭坛 | 我 | 不 | 能 | 上去 | 而 | 只能 | 从 | 各个 | 角度 | 张望 | 它 | , | 地坛 | 的
剩 | 下 | 的 | 就 | 是 | 怎样活 | 的 | 问题 | 了 | , | 这 | 却 | 不 | 是 | 在 | 某 | 一个 | 瞬间 | 就 | 能 | 完全 | 想透 | 的 | 、 | 不 | 是 | 一次性 |
二 |
我 | 才 | 想到 | , | 当年 | 我 | 总是 | 独自 | 跑 | 到 | 地坛 | 去 | , | 曾 | 经给 | 母亲 | 出 | 了 | 一个 | 怎样 | 的 | 难题 | 。 |
她 | 不 | 是 | 那种 | 光会 | 疼爱 | 儿子 | 而 | 不 | 懂得 | 理解 | 儿子 | 的 | 母亲 | 。
有 | 一 | 回 | 我摇 | 车出 | 了 | 小院 | ; | 想 | 起 | 一件 | 什么 | 事 | 又 | 返身 | 回
有 | 一次 | 与 | 一个 | 作家 | 朋友 | 聊天 | , | 我问 | 他学 | 写作 | 的 | 最 | 初动 |
在 | 我 | 的 | 头 | 一 | 篇 | 小 | 说 | 发表 | 的 | 时候 | , | 在 | 我 | 的 | 小 | 说 |
只 | 是 | 到 | 了 | 这 | 时候 | , | 纷纭 | 的 | 往事 | 才 | 在 | 我 | 眼前 | 幻现 | 得
摇 | 着 | 轮椅 | 在 | 园中 | 慢慢 | 走 | , | 又 | 是 | 雾霭 | 的 | 清晨 | , | 又 | 是
曾 | 有 | 过好 | 多 | 回 | , | 我 | 在 | 这园 | 子里 | 呆得 | 太久 | 了 | , | 母亲 | 就
```

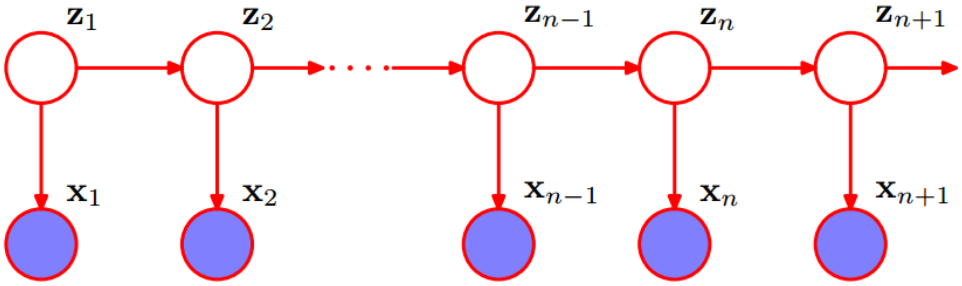
前言 | 数据 | , | 数据 | , | 数据 | ! | 想 | 必在等 | 媒介 | 的 | 持续 | 冲击 | 下 | , | 人们的 | 洗礼 | 。 | 现实 | 需求 | 推动 | 了 | 对这些 | 数据 | 来 | 自于 | 社交 | 媒体 | 、 | “ | 物联网 | ”) | 、 | 传感器 | 等 | 任何大 | 多 | 数数 | 据 | 挖掘 | 的 | 宣传 | 着 | 数据 | 洪 | 水(| data flood) | 的 | 预言 | 数据 | , | 硬件 | 推销 | 人员 | 会进 | 一步能够 | 满足 | 处理 | 速度 | 的 | 要求 | 。 | 对 | 的 | , | 但 | 是 | 我们 | 值得 | 停下 | 务 | 进行 | 适当 | 的 | 再 | 认识 | 。 | 近 | 年来 | , | 数据 | 挖掘 | 和 | 机器 | 学习 | 在 | 我们 | 周围 | 持续 | 火爆 | , | 各种 | 媒体 | 也 | 不断 | 推送 | 着 | 海量 | 的 | 数据 | 。 | 仔细 | 观察 | 就 | 能 | 发现 | , | 实际 | 应用 | 中 | 的 | 那些 | 机器 | 学习 | 算法 | 与 | 多 | 年前 | 并 | 没有 | 什么 | 两样 | ; | 它们 | 只 | 是 | 在 | 应用 | 的 | 数据 | 规模 | 上 | 有些 | 不同 | 。 | 历数 | 一 | 下 | 产生 | 数据 | 的 | 组织 | , | 至少 | 在 | 我 | 看来 | , | 数目 | 其实 | 并 | 不 | 多 | 。 | 无非 | 是 | Google | 、 | Facebook | 、 | Twitter | 、 | NetFlix | 以及 | 其 | 他 | 为数 | 不 | 多 | 的 | 机构 | 在 | 使用 | 若 | 干学 | 习算法 | 和 | 工具 | , | 这些 | 算法 | 和 | 工具 | 使 | 得 | 他们 | 能够 | 对 | 数据 | 进行 | 测试 | 分析 | 。 | 那么 | , | 真正 | 的 | 问题 | 是 | : | “ | 对于 | 其 | 他人 | , | 大数 | 据 | 框架 | 下 | 的 | 算法 | 和 | 工具 | 的 | 作用 | 是 | 什么 | 呢 | ? | ”

我承认 | 本书 | 将 | 多 | 次 | 提及 | 大 | 数据 | 和 | 机器 | 学习 | 之间 | 的 | 关系 | , | 这 | 是 | 我 | 无法 | 忽视 | 的 | 一个 | 客观 | 问题 | ; | 但 | 是 | 它 | 只 | 是 | 一个 | 很 | 小 | 的 | 因素 | , | 终极 | 目标 | 是 | 如何 | 利用 | 可用 | 数据 | 获取 | 数据 | 的 | 本质



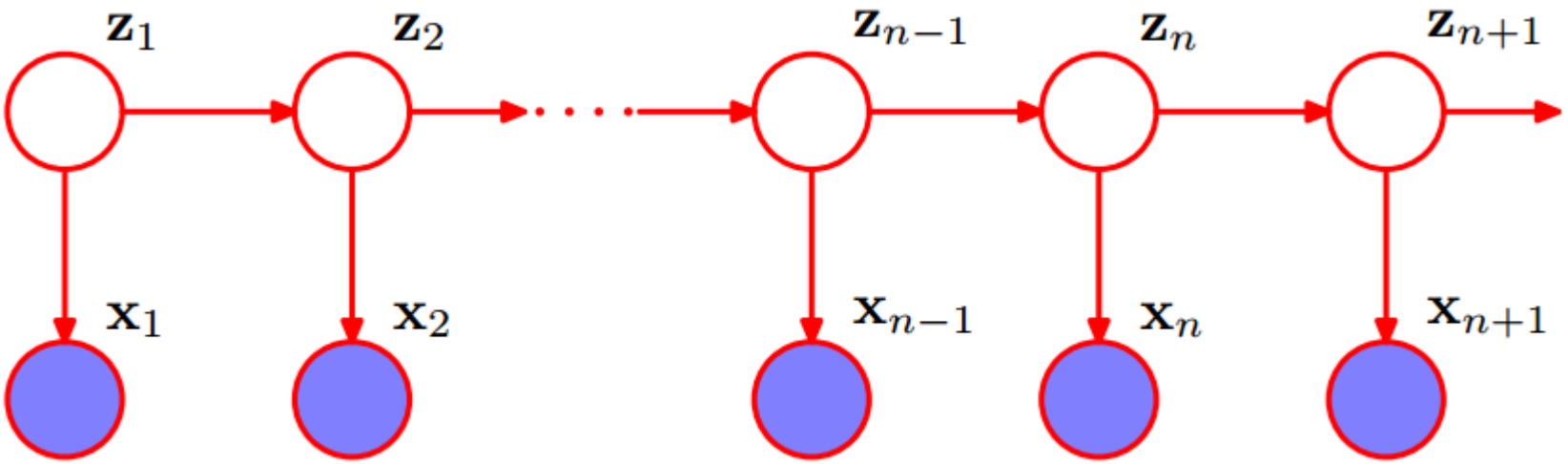
Jason Bell. *Machine Learning: Hands-On for Developers and Technical Professionals*. Wiley.2015

HMM定义



- 隐马尔科夫模型(HMM, Hidden Markov Model)可用标注问题，在语音识别、NLP、生物信息、模式识别等领域被实践证明是有效的算法。
- HMM是关于时序的概率模型，描述由一个隐藏的马尔科夫链生成不可观测的状态随机序列，再由各个状态生成观测随机序列的过程。
- 隐马尔科夫模型随机生成的状态随机序列，称为状态序列；每个状态生成一个观测，由此产生的观测随机序列，称为观测序列。
  - 序列的每个位置可看做是一个时刻。

隐马尔科夫模型的贝叶斯网络



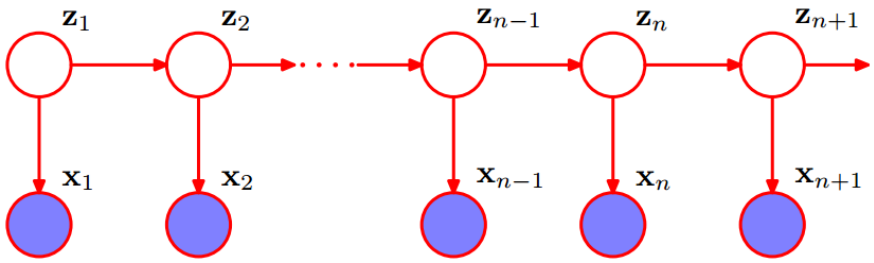
- 请思考：
  - 在z1、z2不可观察的前提下，x1和z2独立吗？x1和x2独立吗？

HMM的确定

- HMM由初始概率分布π、状态转移概率分布A以及观测概率分布B确定。

$$\lambda = (A, B, \pi)$$

HMM的参数



- Q是所有可能的状态的集合
  - N是可能的状态数
- V是所有可能的观测的集合
  - M是可能的观测数

$$Q = \{q_1, q_2, \ldots q_N\}$$

$$V = \{v_1, v_2, \ldots v_M\}$$

HMM的参数 $\lambda=(A,B,\pi)$

- I是长度为T的状态序列，O是对应的观测序列

$$I=\{i_1,i_2,\ldots i_T\} \qquad O=\{o_1,o_2,\ldots o_T\}$$

- A是状态转移概率矩阵

$$A=[a_{ij}]_{N\times N}$$

- 其中 $a_{ij}=P(i_{t+1}=q_j|i_t=q_i)$
  - a_{ij}是在时刻t处于状态q_i的条件下时刻t+1转移到状态q_j的概率。

HMM的参数 $\lambda=(A,B,\pi)$

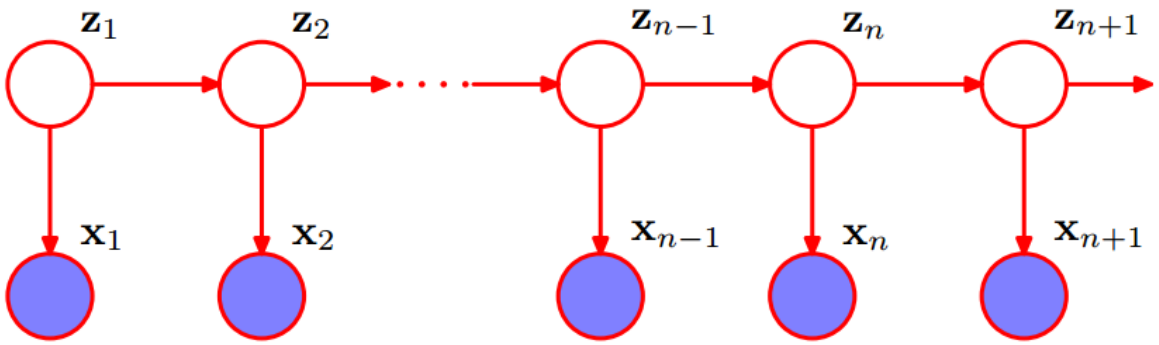
- B是观测概率矩阵 $B=[b_{ik}]_{N\times M}$
- 其中，$b_{ik}=P(o_t=v_k|i_t=q_i)$
  - b_{ik}是在时刻t处于状态q_i的条件下生成观测v_k的概率。
- π是初始状态概率向量：$\pi=(\pi_i)$
- 其中，$\pi_i=P(i_1=q_i)$
  - π_i是时刻t=1处于状态qi的概率。

HMM的参数总结

- HMM由初始概率分布π(向量)、状态转移概率分布A(矩阵)以及观测概率分布B(矩阵)确定。π和A决定状态序列，B决定观测序列。因此，HMM可以用三元符号表示，称为HMM的三要素：

$$\lambda = (A, B, \pi)$$

HMM的两个基本性质



- 齐次假设：

$$P(i_t|i_{t-1},o_{t-1},i_{t-2},o_{t-2}\cdots i_1,o_1)=P(i_t|i_{t-1})$$

- 观测独立性假设：

$$P(o_t|i_T,o_T,i_{T-1},o_{T-1}\cdots i_1,o_1)=P(o_t|i_t)$$

HMM举例

- 假设有3个盒子，编号为1、2、3，每个盒子都装有红白两种颜色的小球，数目如下：

盒子号	1	2	3
红球数	5	4	7
白球数	5	6	3

- 按照下面的方法抽取小球，得到球颜色的观测序列：
  - 按照π=(0.2,0.4,0.4)的概率选择1个盒子，从盒子随机抽出1个球，记录颜色后放回盒子；
  - 按照某条件概率(下页)选择新的盒子，重复上述过程；
  - 最终得到观测序列：“红红白白红”。

该示例的各个参数

- 状态集合：Q={盒子1，盒子2，盒子3}
- 观测集合：V={红，白}
- 状态序列和观测序列的长度T=5
- 初始概率分布π：
- 状态转移概率分布A：
- 观测概率分布B：

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \quad A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

思考：

- 在给定参数π、A、B的前提下，得到观测序列“红红白白红”的概率是多少？

HMM的3个基本问题

- 概率计算问题：前向-后向算法——动态规划
  - 给定模型$\lambda=(A,B,\pi)$和观测序列$O=\{o_1,o_2,\ldots o_T\}$，计算模型λ下观测序列O出现的概率P(O|λ)
- 学习问题：Baum-Welch算法(状态未知)——EM
  - 已知观测序列$O=\{o_1,o_2,\ldots o_T\}$，估计模型$\lambda=(A,B,\pi)$的参数，使得在该模型下观测序列P(O|λ)最大
- 预测问题：Viterbi算法——动态规划
  - 解码问题：已知模型$\lambda=(A,B,\pi)$和观测序列$O=\{o_1,o_2,\ldots o_T\}$求给定观测序列条件概率P(I|O,λ)最大的状态序列I

概率计算问题

- 直接算法
  - 暴力算法
- 前向算法
- 后向算法
  - 这二者是理解HMM的算法重点

直接计算法

- 按照概率公式，列举所有可能的长度为T的状态序列 $I=\{i_1,i_2,\ldots i_T\}$，求各个状态序列I与观测序列 $O=\{o_1,o_2,\ldots o_T\}$的联合概率 $P(O,I|\lambda)$，然后对所有可能的状态序列求和，从而得到$P(O|\lambda)$

直接计算法

- 状态序列 $I=\{i_1,i_2,\ldots i_T\}$ 的概率是：

$$P(I|\lambda)=\pi_{i_1}a_{i_1i_2}a_{i_2i_3}\cdots a_{i_{T-1}i_T}$$

- 对固定的状态序列I，观测序列O的概率是：

$$P(O|I,\lambda)=b_{i_1o_1}b_{i_2o_2}\cdots b_{i_To_T}$$

- O和I同时出现的联合概率是：

$$P(O,I|\lambda)=P(O|I,\lambda)P(I|\lambda)=\pi_{i_1}b_{i_1o_1}a_{i_1i_2}b_{i_2o_2}\cdots a_{i_{T-1}i_T}b_{i_To_T}$$

$$P(I|\lambda)=\pi_{i_1}a_{i_1i_2}a_{i_2i_3}\cdots a_{i_{T-1}i_T}$$

直接计算法 $P(O|I,\lambda)=b_{i_1o_1}b_{i_2o_2}\cdots b_{i_To_T}$

- O和I同时出现的联合概率是：

$$P(O,I|\lambda)=P(O|I,\lambda)P(I|\lambda)$$

$$=\pi_{i_1}b_{i_1o_1}a_{i_1i_2}b_{i_2o_2}\cdots a_{i_{T-1}i_T}b_{i_To_T}$$

- 对所有可能的状态序列I求和，得到观测序列O的概率P(O|λ)

$$P(O|\lambda)=\sum_I P(O,I|\lambda)=\sum_I P(O|I,\lambda)P(I|\lambda)$$

$$=\sum_{i_1,i_2,\cdots i_T}\pi_{i_1}b_{i_1o_1}a_{i_1i_2}b_{i_2o_2}\cdots a_{i_{T-1}i_T}b_{i_To_T}$$

直接计算法分析

- 对于最终式

$$P(O|\lambda)=\sum_{I}P(O,I|\lambda)=\sum_{I}P(O|I,\lambda)P(I|\lambda)$$

$$=\sum_{i_1,i_2,\cdots i_T}\pi_{i_1}b_{i_1o_1}a_{i_1i_2}b_{i_2o_2}\cdots a_{i_{T-1}i_T}b_{i_To_T}$$

- 分析：加和符号中有2T个因子，I的遍历个数为N^T，因此，时间复杂度为$O(T\,N^T)$，复杂度过高。

借鉴算法的优化思想

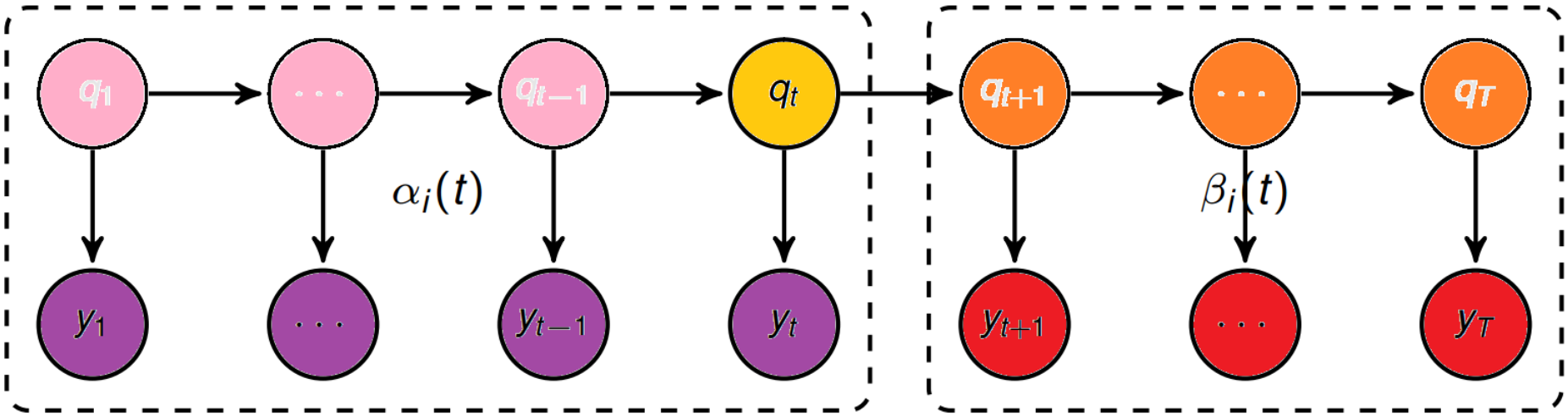
- 最长递增子序列
  - 给定一个长度为N的数组，求该数组的一个最长的单调递增的子序列(不要求连续)。
  - 数组：5, 6, 7, 1, 2, 8的LIS：5, 6, 7, 8
- 最大连续子数组
  - 给定一个长度为N的数组，求该数组中连续的一段数组(子数组)，使得该子数组的和最大。
    - 数组： 1, -2, 3, 10, -4, 7, 2, -5,
    - 最大子数组：3, 10, -4, 7, 2
- KMP中next数组的计算

模式串	a	b	a	a	b	c	a	b	a
next	-1	0	0	1	1	2	0	1	2

定义：前向概率-后向概率

$$\alpha_i(t) = p(y_1, y_2, \ldots y_t, q_t = i|\lambda)$$

$$\beta_i(t) = p(y_{t+1}, \ldots, y_T|q_t = i, \lambda)$$



前向算法

- 定义：给定λ，定义到时刻t部分观测序列为o1,o2…ot且状态为qi的概率称为前向概率，记做：

$$\alpha_t(i) = P(o_1, o_2, \cdots o_t, i_t = q_i | \lambda)$$

  - 可以递推计算前向概率$\alpha_t(i)$及观测序列概率$P(O|\lambda)$

前向算法 $\alpha_t(i)=P(o_1,o_2,\cdots o_t,i_t=q_i|\lambda)$

- 初值： $\alpha_1(i)=\pi_i b_{io_1}$

- 递推：对于t=1,2…T-1

$$\alpha_{t+1}(i)=\left(\sum_{j=1}^{N}\alpha_t(j)a_{ji}\right)b_{io_{t+1}}$$

- 最终： $P(O|\lambda)=\sum_{i=1}^{N}\alpha_T(i)$

前向算法 $\alpha_t(i)=P(o_1,o_2,\cdots o_t,i_t=q_i|\lambda)$

- 思考：前向算法的时间复杂度是O(N^2T)。

- 为什么？
  - 重点考察第二步：
  - 递推：对于t=1,2…T-1

$$\alpha_{t+1}(i)=\left(\sum_{j=1}^{N}\alpha_t(j)a_{ji}\right)b_{io_{t+1}}$$

例：盒子球模型

- 考察盒子球模型，计算观测向量O=“红白红”的出现概率。

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \quad A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

解：盒子球模型

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \quad A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

- 计算初值

$$\alpha_1(1) = \pi_1 b_{1o_1} = 0.2 \times 0.5 = 0.1$$

$$\alpha_1(2) = \pi_2 b_{2o_1} = 0.4 \times 0.4 = 0.16$$

$$\alpha_1(3) = \pi_3 b_{3o_1} = 0.4 \times 0.7 = 0.28$$

解

$$A=\begin{bmatrix}0.5 & 0.2 & 0.3\\ 0.3 & 0.5 & 0.2\\ 0.2 & 0.3 & 0.5\end{bmatrix} \quad B=\begin{bmatrix}0.5 & 0.5\\ 0.4 & 0.6\\ 0.7 & 0.3\end{bmatrix}$$

$$\alpha_1(1)=\pi_1 b_{1o_1}=0.2\times 0.5=0.1$$
$$\alpha_1(2)=\pi_2 b_{2o_1}=0.4\times 0.4=0.16$$
$$\alpha_1(3)=\pi_3 b_{3o_1}=0.4\times 0.7=0.28$$

递推

$$\alpha_2(1)=\left(\sum_{j=1}^{N}\alpha_1(j)a_{j1}\right)b_{1o_2}$$
$$=(0.1\times 0.5+0.16\times 0.3+0.28\times 0.2)\times 0.5$$
$$=0.077$$

$$\alpha_2(2)=0.1104$$
$$\alpha_2(3)=0.0606$$

$$\alpha_3(1)=0.04187$$
$$\alpha_3(2)=0.03551$$
$$\alpha_3(3)=0.05284$$

解：盒子球模型

- 最终

$$\alpha_3(1) = 0.04187$$
$$\alpha_3(2) = 0.03551$$
$$\alpha_3(3) = 0.05284$$

$$P(O|\lambda) = \sum_{i=1}^{3} \alpha_3(i)$$
$$= 0.04187 + 0.03551 + 0.05284$$
$$= 0.13022$$

后向算法

- 定义：给定λ，定义到时刻t状态为qi的前提下，从t+1到T的部分观测序列为$o_{t+1},o_{t+2}\cdots o_T$的概率为后向概率，记做：

$$\beta_t(i)=P(o_{t+1},o_{t+2},\cdots o_T|i_t=q_i,\lambda)$$

- 可以递推计算后向概率$\beta_t(i)$及观测序列概率$P(O|\lambda)$

后向算法 $\beta_t(i)=P(o_{t+1},o_{t+2},\cdots o_T|i_t=q_i,\lambda)$

- 初值： $\beta_T(i)=1$

- 递推：对于t=T-1,T-2…,1

$$\beta_t(i)=\left(\sum_{j=1}^{N}a_{ij}b_{jo_{t+1}}\beta_{t+1}(j)\right)$$

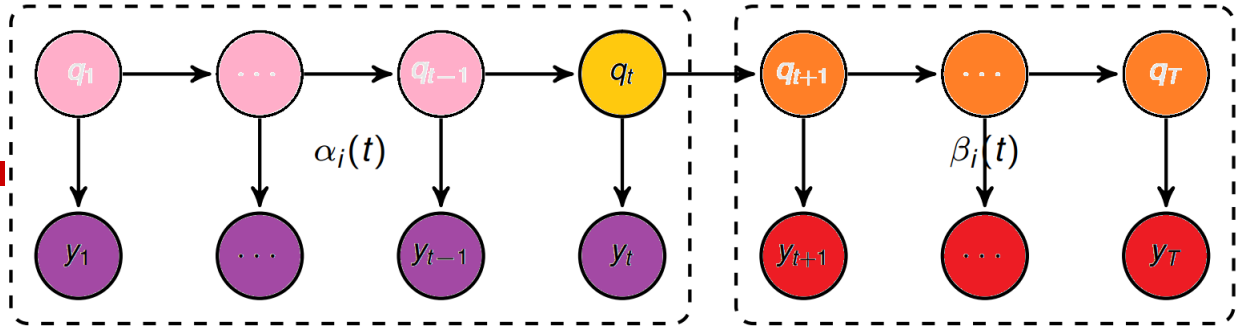
- 最终： $P(O|\lambda)=\sum_{i=1}^{N}\pi_i b_{io_1}\beta_1(i)$

后向算法的说明

- 为了计算在时刻t状态为qi条件下时刻t+1之后的观测序列为$o_{t+1},o_{t+2}\ldots o_T$的后向概率$\beta_t(i)$，只需要考虑在时刻t+1所有可能的N个状态qj的转移概率(a_{ij}项)，以及在此状态下的观测o_{t+1}的观测概率(b_{jot+1}项)，然后考虑状态qj之后的观测序列的后向概率$\beta_{t+1}(j)$

前后向关系

$\alpha_i(t) = p(y_1, y_2, \ldots y_t, q_t = i|\lambda)$　　$\beta_i(t) = p(y_{t+1}, \ldots, y_T|q_t = i, \lambda)$



- 根据定义：

$$
\begin{aligned}
&P(i_t = q_i, O|\lambda) \\
&= P(O|i_t = q_i, \lambda)P(i_t = q_i|\lambda) \\
&= P(o_1, \cdots o_t, o_{t+1}, \cdots o_T|i_t = q_i, \lambda)P(i_t = q_i|\lambda) \\
&= P(o_1, \cdots o_t|i_t = q_i, \lambda)P(o_{t+1}, \cdots o_T|i_t = q_i, \lambda)P(i_t = q_i|\lambda) \\
&= P(o_1, \cdots o_t, i_t = q_i|\lambda)P(o_{t+1}, \cdots o_T|i_t = q_i, \lambda) \\
&= \alpha_t(i)\beta_t(i)
\end{aligned}
$$

- 思考：试计算 $\xi_t(i, j) = P(i_t = q_i, i_{t+1} = q_j|O, \lambda)$

单个状态的概率 $P(i_t = q_i, O|\lambda) = \alpha_t(i)\beta_t(i)$

- 求给定模型λ和观测O，在时刻t处于状态qi的概率。
- 记：$\gamma_t(i) = P(i_t = q_i|O, \lambda)$

单个状态的概率

- 根据前向后向概率的定义，

$$P(i_t = q_i, O|\lambda) = \alpha_t(i)\beta_t(i)$$

$$\gamma_t(i) = P(i_t = q_i|O,\lambda) = \frac{P(i_t = q_i, O|\lambda)}{P(O|\lambda)}$$

$$\gamma_t(i) = \frac{\alpha_t(i)\beta_t(i)}{P(O|\lambda)} = \frac{\alpha_t(i)\beta_t(i)}{\sum_{i=1}^{N}\alpha_t(i)\beta_t(i)}$$

γ的意义

- 在每个时刻t选择在该时刻最有可能出现的状态i_t^*，从而得到一个状态序列$I^*=\{i_1^*, i_2^* \cdots i_T^*\}$，将它作为预测的结果。
- 给定模型和观测序列，时刻t处于状态qi的概率为：

$$\gamma_t(i)=\frac{\alpha_t(i)\beta_t(i)}{P(O|\lambda)}=\frac{\alpha_t(i)\beta_t(i)}{\sum_{i=1}^{N}\alpha_t(i)\beta_t(i)}$$

两个状态的联合概率

- 求给定模型λ和观测O，在时刻t处于状态qi并且时刻t+1处于状态qj的概率。

$$\xi_t(i,j)=P(i_t=q_i,i_{t+1}=q_j|O,\lambda)$$

两个状态的联合概率

$$\xi_t(i,j)=P(i_t=q_i,i_{t+1}=q_j|O,\lambda)$$

$$=\frac{P(i_t=q_i,i_{t+1}=q_j,O|\lambda)}{P(O|\lambda)}$$

$$=\frac{P(i_t=q_i,i_{t+1}=q_j,O|\lambda)}{\sum_{i=1}^{N}\sum_{j=1}^{N}P(i_t=q_i,i_{t+1}=q_j,O|\lambda)}$$

$$P(i_t=q_i,i_{t+1}=q_j,O|\lambda)=\alpha_t(i)a_{ij}b_{jo_{t+1}}\beta_{t+1}(j)$$

期望

- 在观测O下状态i出现的期望：

$$\sum_{t=1}^{T} \gamma_t(i)$$

- 在观测O下状态i转移到状态j的期望：

$$\sum_{t=1}^{T-1} \xi_t(i,j)$$

- 思考：在观测O下状态i转移的期望是多少？

学习算法

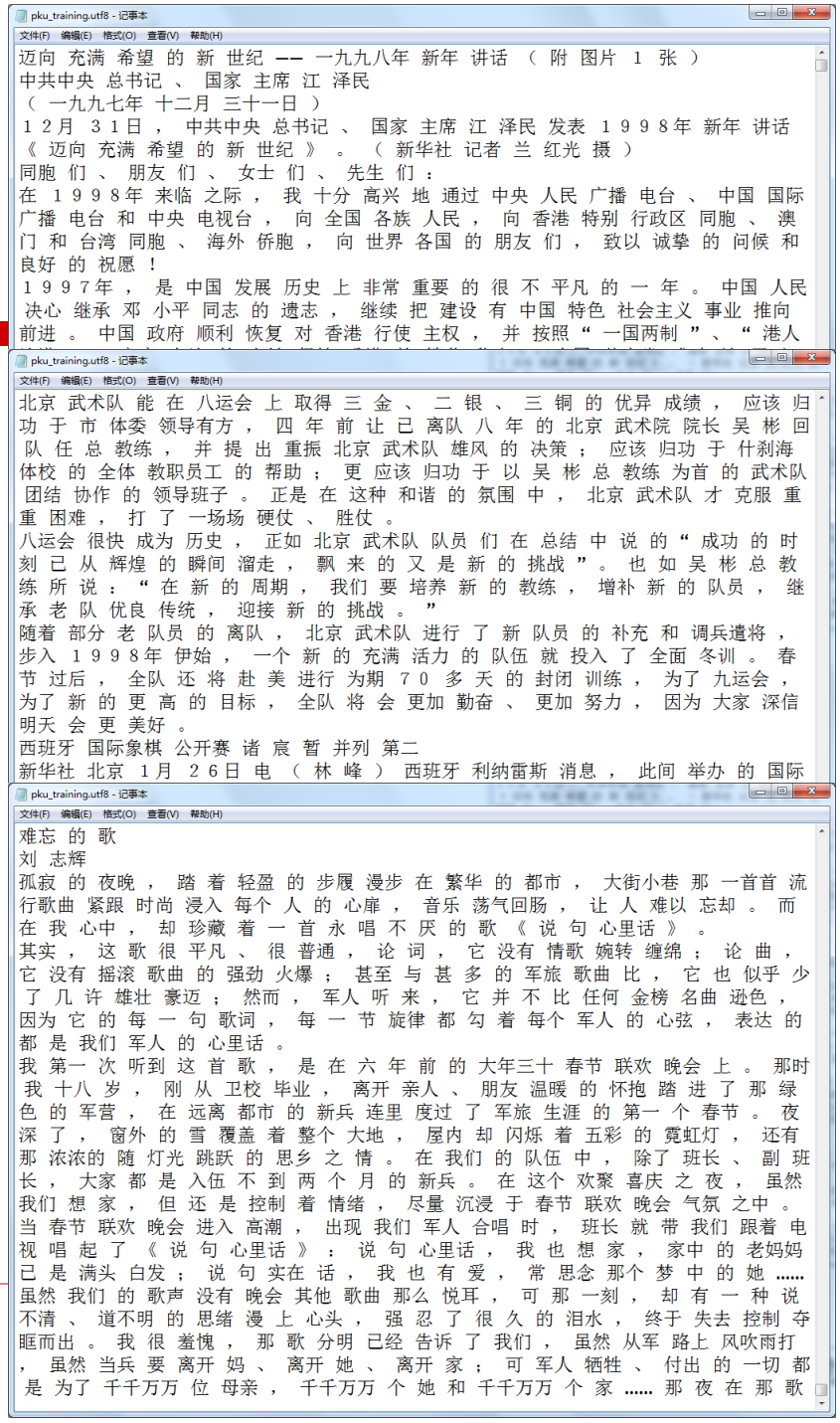
- 若训练数据包括观测序列和状态序列，则HMM的学习非常简单，是监督学习；
- 若训练数据只有观测序列，则HMM的学习需要使用EM算法，是非监督学习。

大数定理

- 假设已给定训练数据包含S个长度相同的观测序列和对应的状态序列{(O_1,I_1), (O_2,I_2)… (O_s,I_s)}，那么，可以直接利用Bernoulli大数定理的结论“频率的极限是概率”，给出HMM的参数估计。

监督学习方法

- 初始概率 $\hat{\pi}_i = \frac{|q_i|}{\sum_i |q_i|}$
- 转移概率 $\hat{a}_{ij} = \frac{|q_{ij}|}{\sum_{j=1}^{N} |q_{ij}|}$
- 观测概率 $\hat{b}_{ik} = \frac{|s_{ik}|}{\sum_{k=1}^{M} |s_{ik}|}$


pku_training.utf8 - 记事本

文件(F) 编辑(E) 格式(O) 查看(V) 帮助(H)

迈向 充满 希望 的 新 世纪 —— 一九九八年 新年 讲话 （ 附 图片 1 张 ）
中共中央 总书记 、 国家 主席 江 泽民
（ 一九九七年 十二月 三十一日 ）
１２月 ３１日 ， 中共中央 总书记 、 国家 主席 江 泽民 发表 １９９８年 新年 讲话 《 迈向 充满 希望 的 新 世纪 》 。 （ 新华社 记者 兰 红光 摄 ）
同胞 们 、 朋友 们 、 女士 们 、 先生 们 ：
在 １９９８年 来临 之际 ， 我 十分 高兴 地 通过 中央 人民 广播 电台 、 中国 国际 广播 电台 和 中央 电视台 ， 向 全国 各族 人民 ， 向 香港 特别 行政区 同胞 、 澳门 和 台湾 同胞 、 海外 侨胞 ， 向 世界 各国 的 朋友 们 ， 致以 诚挚 的 问候 和 良好 的 祝愿 ！
１９９７年 ， 是 中国 发展 历史 上 非常 重要 的 很 不 平凡 的 一 年 。 中国 人民 决心 继承 邓 小平 同志 的 遗志 ， 继续 把 建设 有 中国 特色 社会主义 事业 推向 前进 。 中国 政府 顺利 恢复 对 香港 行使 主权 ， 并 按照 “ 一国两制 ”、 “ 港人

pku_training.utf8 - 记事本

文件(F) 编辑(E) 格式(O) 查看(V) 帮助(H)

北京 武术队 能 在 八运会 上 取得 三 金 、 二 银 、 三 铜 的 优异 成绩 ， 应该 归功 于 市 体委 领导有方 ， 四 年 前 让 已 离队 八 年 的 北京 武术院 院长 吴 彬 回 队 任 总 教练 ， 并 提 出 重振 北京 武术队 雄风 的 决策 ； 应该 归功 于 什刹海 体校 的 全体 教职员工 的 帮助 ； 更 应该 归功 于 以 吴 彬 总 教练 为首 的 武术队 团结 协作 的 领导班子 。 正是 在 这种 和谐 的 氛围 中 ， 北京 武术队 才 克服 重重 困难 ， 打 了 一场场 硬仗 、 胜仗 。
八运会 很快 成为 历史 ， 正如 北京 武术队 队员 们 在 总结 中 说 的 “ 成功 的 时刻 已 从 辉煌 的 瞬间 溜走 ， 飘 来 的 又 是 新 的 挑战 ”。 也 如 吴 彬 总 教练 所 说 ： “ 在 新 的 周期 ， 我们 要 培养 新 的 教练 ， 增补 新 的 队员 ， 继承 老 队 优良 传统 ， 迎接 新 的 挑战 。 ”
随着 部分 老 队员 的 离队 ， 北京 武术队 进行 了 新 队员 的 补充 和 调兵遣将 ， 步入 １９９８年 伊始 ， 一个 新 的 充满 活力 的 队伍 就 投入 了 全面 冬训 。 春节 过后 ， 全队 还 将 赴 美 进行 为期 ７０ 多 天 的 封闭 训练 ， 为了 九运会 ， 为了 新 的 更 高 的 目标 ， 全队 将 会 更加 勤奋 、 更加 努力 ， 因为 大家 深信 明天 会 更 美好 。
西班牙 国际象棋 公开赛 诸 宸 暂 并列 第二
新华社 北京 １月 ２６日 电 （ 林 峰 ） 西班牙 利纳雷斯 消息 ， 此间 举办 的 国际

pku_training.utf8 - 记事本

文件(F) 编辑(E) 格式(O) 查看(V) 帮助(H)

难忘 的 歌
刘 志辉
孤寂 的 夜晚 ， 踏 着 轻盈 的 步履 漫步 在 繁华 的 都市 ， 大街小巷 那 一首首 流行歌曲 紧跟 时尚 浸入 每个 人 的 心扉 ， 音乐 荡气回肠 ， 让 人 难以 忘却 。 而 在 我 心中 ， 却 珍藏 着 一 首 永 唱 不 厌 的 歌 《 说 句 心里话 》 。
其实 ， 这 歌 很 平凡 、 很 普通 ， 论 词 ， 它 没有 情歌 婉转 缠绵 ； 论 曲 ， 它 没有 摇滚 歌曲 的 强劲 火爆 ； 甚至 与 甚 多 的 军旅 歌曲 比 ， 它 也 似乎 少 了 几 许 雄壮 豪迈 ； 然而 ， 军人 听 来 ， 它 并 不 比 任何 金榜 名曲 逊色 ， 因为 它 的 每 一 句 歌词 ， 每 一 节 旋律 都 勾 着 每个 军人 的 心弦 ， 表达 的 都 是 我们 军人 的 心里话 。
我 第一 次 听到 这 首 歌 ， 是 在 六 年 前 的 大年三十 春节 联欢 晚会 上 。 那时 我 十八 岁 ， 刚 从 卫校 毕业 ， 离开 亲人 、 朋友 温暖 的 怀抱 踏 进 了 那 绿色 的 军营 ， 在 远离 都市 的 新兵 连里 度过 了 军旅 生涯 的 第一 个 春节 。 夜深 了 ， 窗外 的 雪 覆盖 着 整个 大地 ， 屋内 却 闪烁 着 五彩 的 霓虹灯 ， 还有 那 浓浓的 随 灯光 跳跃 的 思乡 之 情 。 在 我们 的 队伍 中 ， 除了 班长 、 副 班长 ， 大家 都 是 入伍 不 到 两 个 月 的 新兵 。 在 这个 欢聚 喜庆 之 夜 ， 虽然 我们 想 家 ， 但 还 是 控制 着 情绪 ， 尽量 沉浸 于 春节 联欢 晚会 气氛 之中 。 当 春节 联欢 晚会 进入 高潮 ， 出现 我们 军人 合唱 时 ， 班长 就 带 我们 跟着 电视 唱 起 了 《 说 句 心里话 》 ： 说 句 心里话 ， 我 也 想 家 ， 家中 的 老妈妈 已 是 满头 白发 ； 说 句 实在 话 ， 我 也 有 爱 ， 常 思念 那个 梦 中 的 她 ..... 虽然 我们 的 歌声 没有 晚会 其他 歌曲 那么 悦耳 ， 可 那 一刻 ， 却 有 一 种 说不清 、 道不明 的 思绪 漫 上 心头 ， 强 忍 了 很 久 的 泪水 ， 终于 失去 控制 夺眶而出 。 我 很 羞愧 ， 那 歌 分明 已经 告诉 了 我们 ， 虽然 从军 路上 风吹雨打 ， 虽然 当兵 要 离开 妈 、 离开 她 、 离开 家 ； 可 军人 牺牲 、 付出 的 一切 都 是 为了 千千万万 位 母亲 ， 千千万万 个 她 和 千千万万 个 家 ..... 那 夜 在 那 歌

Baum-Welch算法

- 若训练数据只有观测序列，则HMM的学习需要使用EM算法，是非监督学习。

附：EM算法整体框架

Repeat until convergence {

(E-step) For each i, set

$$Q_i(z^{(i)}) := p(z^{(i)}|x^{(i)};\theta).$$

(M-step) Set

$$\theta := \arg\max_{\theta} \sum_i \sum_{z^{(i)}} Q_i(z^{(i)}) \log \frac{p(x^{(i)}, z^{(i)};\theta)}{Q_i(z^{(i)})}$$

}

Baum-Welch算法

- 所有观测数据写成$O=(o_1,o_2\ldots o_T)$，所有隐数据写成$I=(i_1,i_2\ldots i_T)$，完全数据是$(O,I)=(o_1,o_2\ldots o_T,i_1,i_2\ldots i_T)$，完全数据的对数似然函数是$\ln P(O,I|\lambda)$
- 假设$\bar{\lambda}$是HMM参数的当前估计值，λ为待求的参数。

$$Q(\lambda,\bar{\lambda})=\sum_I(\ln P(O,I|\lambda))P(I|O,\bar{\lambda})$$

$$=\sum_I \ln P(O,I|\lambda)\frac{P(O,I|\bar{\lambda})}{P(O,\bar{\lambda})}$$

$$\propto \sum_I \ln P(O,I|\lambda)P(O,I|\bar{\lambda})$$

EM过程

- 根据 $P(O,I|\lambda)=P(O|I,\lambda)P(I|\lambda)$

$$=\pi_{i_1}b_{i_1o_1}a_{i_1i_2}b_{i_2o_2}\cdots a_{i_{T-1}i_T}b_{i_To_T}$$

- 函数可写成

$$Q(\lambda,\bar{\lambda})=\sum_I \ln P(O,I|\lambda)P(O,I|\bar{\lambda})$$

$$=\sum_I \ln \pi_{i_1} P(O,I|\bar{\lambda})$$

$$+\sum_I\left(\sum_{t=1}^{T-1}\ln a_{i_ti_{t+1}}\right)P(O,I|\bar{\lambda})$$

$$+\sum_I\left(\sum_{t=1}^{T}\ln b_{i_to_t}\right)P(O,I|\bar{\lambda})$$

极大化

- 极大化Q，求得参数A,B,π
- 由于该三个参数分别位于三个项中，可分别极大化

$$\sum_{I} \ln \pi_{i_1} P(O, I|\overline{\lambda}) = \sum_{i=1}^{N} \ln \pi_{i_1} P(O, i_1 = i|\overline{\lambda})$$

- 注意到πi满足加和为1，利用拉格朗日乘子法，得到：

$$\sum_{i=1}^{N} \ln \pi_i P(O, i_1 = i|\overline{\lambda}) + \gamma\left(\sum_{i=1}^{N} \pi_i - 1\right)$$

初始状态概率 $\sum_{i=1}^{N}\ln\pi_i P(O,i_1=i|\overline{\lambda})+\gamma\left(\sum_{i=1}^{N}\pi_i-1\right)$

- 对上式相对于πi求偏导，得到：

$$P(O,i_1=i|\overline{\lambda})+\gamma\pi_i=0$$

- 对i求和，得到：

$$\gamma=-P(O|\overline{\lambda})$$

- 从而得到初始状态概率：

$$\pi_i=\frac{P(O,i_1=i|\overline{\lambda})}{P(O|\overline{\lambda})}=\frac{P(O,i_1=i|\overline{\lambda})}{\sum_{i=1}^{N}P(O,i_1=i|\overline{\lambda})}=\frac{\gamma_1(i)}{\sum_{i=1}^{N}\gamma_1(i)}$$

转移概率和观测概率

- 第二项可写成：

$$\sum_{I}\left(\sum_{t=1}^{T-1}\ln a_{i_t i_{t+1}}\right)P\left(O,I\middle|\overline{\lambda}\right)=\sum_{i=1}^{N}\sum_{j=1}^{N}\sum_{t=1}^{T-1}\ln a_{ij}P\left(O,i_t=i,i_{t+1}=j\middle|\overline{\lambda}\right)$$

- 仍然使用拉格朗日乘子法，得到

$$a_{ij}=\frac{\sum_{t=1}^{T-1}P\left(O,i_t=i,i_{t+1}=j\middle|\overline{\lambda}\right)}{\sum_{t=1}^{T-1}P\left(O,i_t=i\middle|\overline{\lambda}\right)}=\frac{\sum_{t=1}^{T-1}\xi_t(i,j)}{\sum_{t=1}^{T-1}\gamma_t(i)}$$

- 同理，得到：

$$b_{ik}=\frac{\sum_{t=1}^{T}P\left(O,i_t=i\middle|\overline{\lambda}\right)I\left(o_t=v_k\right)}{\sum_{t=1}^{T}P\left(O,i_t=i\middle|\overline{\lambda}\right)}=\frac{\sum_{t=1,o_t=v_k}^{T}\gamma_t(i)}{\sum_{t=1}^{T}\gamma_t(i)}$$

预测算法

- 近似算法
- Viterbi算法

预测的近似算法

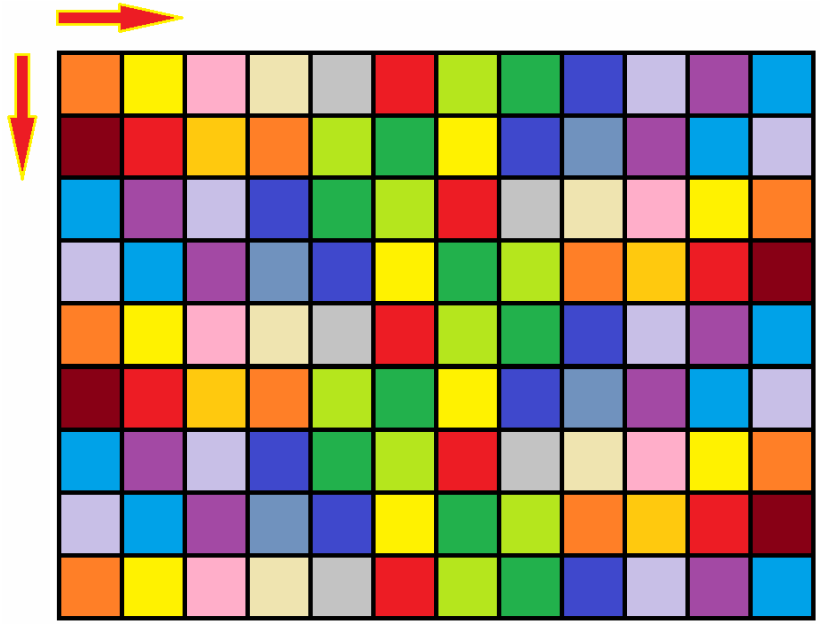
- 在每个时刻t选择在该时刻最有可能出现的状态i_t^*，从而得到一个状态序列$I^*=\{i_1^*, i_2^* \cdots i_T^*\}$，将它作为预测的结果。
- 给定模型和观测序列，时刻t处于状态qi的概率为：

$$\gamma_t(i)=\frac{\alpha_t(i)\beta_t(i)}{P(O|\lambda)}=\frac{\alpha_t(i)\beta_t(i)}{\sum_{i=1}^{N}\alpha_t(i)\beta_t(i)}$$

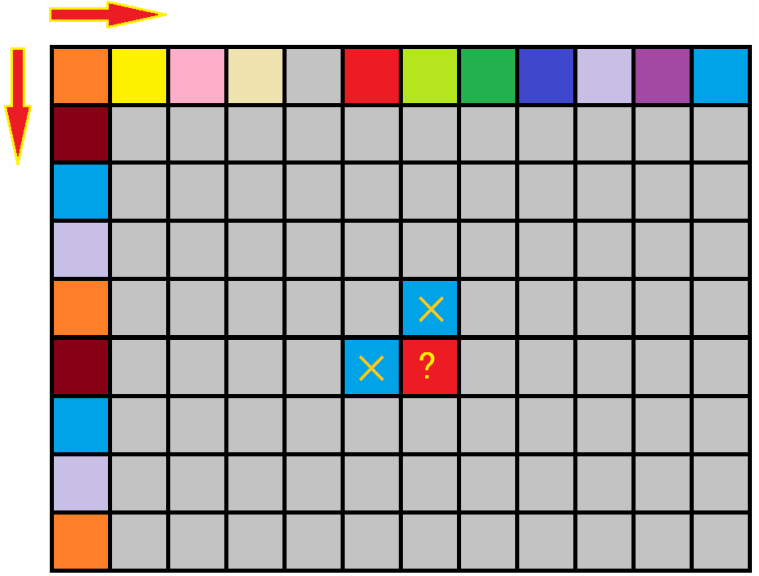
- 选择概率最大的i作为最有可能的状态
  - 会出现此状态在实际中可能不会发生的情况

算法：走棋盘/格子取数

- 给定m*n的矩阵，每个位置是一个非负整数，从左上角开始，每次只能朝右和下走，走到右下角，求总和最小的路径。



问题分析

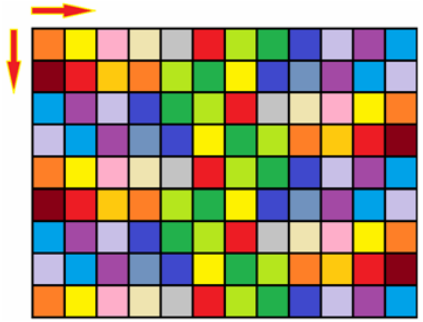


- 走的方向决定了同一个格子不会经过两次。
  - 若当前位于(x,y)处，它来自于哪些格子呢？
  - dp[0,0]=a[0,0] / 第一行(列)累积
  - dp[x,y] = min(dp[x-1,y]+a[x,y],dp[x,y-1]+a[x,y])
  - 即：dp[x,y] = min(dp[x-1,y],dp[x,y-1]) +a[x,y]
- 思考：若将上述问题改成“求从左上到右下的最大路径”呢？

Viterbi算法

- Viterbi算法实际是用动态规划解HMM预测问题，用DP求概率最大的路径(最优路径)，这是一条路径对应一个状态序列。
- 定义变量$\delta_t(i)$：在时刻t状态为i的所有路径中，概率的最大值。

给定m*n的矩阵，每个位置是一个非负整数，从左上角开始，每次只能朝右和下走，走到右下角，求总和最小的路径。



Viterbi算法

- 定义：

$$\delta_t(i) = \max_{i_1, i_2, \ldots i_{t-1}} P(i_t = i, i_{t-1}, \ldots i_1, o_t, \ldots o_1 | \lambda)$$

- 递推：

$$\delta_1(i) = \pi_i b_{io_1}$$

$$\delta_{t+1}(i) = \max_{i_1, i_2, \ldots i_t} P(i_{t+1} = i, i_t, \ldots i_1, o_{t+1}, \ldots o_1 | \lambda)$$

$$= \max_{1 \le j \le N} (\delta_t(j) a_{ji}) b_{io_{t+1}}$$

- 终止：

$$P^* = \max_{1 \le i \le N} \delta_T(i)$$

例

- 考察盒子球模型，观测向量O=“红白红”，试求最优状态序列。

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \quad A = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.2 & 0.3 \\ 0.3 & 0.5 & 0.2 \\ 0.2 & 0.3 & 0.5 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

解：观测向量O=“红白红”

$$\pi = \begin{pmatrix} 0.2 \\ 0.4 \\ 0.4 \end{pmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.5 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.7 & 0.3 \end{bmatrix}$$

- 初始化：
- 在t=1时，对于每一个状态i，求状态为i观测到o1=红的概率，记此概率为$\delta_1(t)$

$$\delta_1(i) = \pi_i b_{io_1} = \pi_i b_{i红}$$

- 求得$\delta_1(1)=0.1$
- $\delta_1(2)=0.16$
- $\delta_1(3)=0.28$

解：观测向量O=“红白红”

$$A=\begin{bmatrix}0.5 & 0.2 & 0.3\\ 0.3 & 0.5 & 0.2\\ 0.2 & 0.3 & 0.5\end{bmatrix}\quad B=\begin{bmatrix}0.5 & 0.5\\ 0.4 & 0.6\\ 0.7 & 0.3\end{bmatrix}$$

- 在t=2时，对每个状态i，求在t=1时状态为j观测为红并且在t=2时状态为i观测为白的路径的最大概率，记概率为$\delta_2(t)$，则：

$$\delta_{t+1}(i)=\max_{1\le j\le 3}\left(\delta_1(j)a_{ji}\right)b_{io_2}=\max_{1\le j\le 3}\left(\delta_1(j)a_{ji}\right)b_{i白}$$

- 求得

$$\delta_2(1)=\max_{1\le j\le 3}\left(\delta_1(j)a_{j1}\right)b_{i白}$$

$$=\max\{0.10\times 0.5,0.16\times 0.3,0.28\times 0.2\}\times 0.5=0.028$$

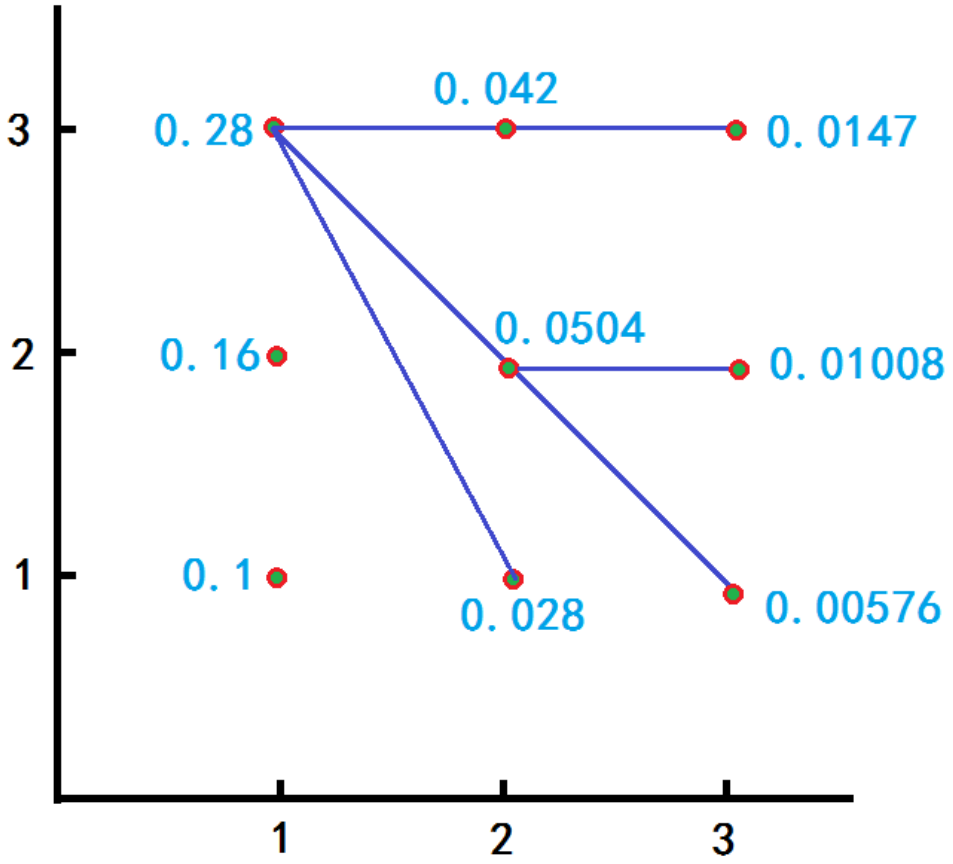
- 同理：
  - $\delta_2(2)=0.0504$
  - $\delta_2(3)=0.042$

解：观测向量O=“红白红”

- 同理，求得
- $\delta_3(1)=0.00756$
- $\delta_3(2)=0.01008$
- $\delta_3(3)=0.0147$

- 从而，最大是$\delta_3(3)= 0.0147$，根据每一步的最大，得到序列是(3,3,3)

求最优路径图解



Baum-Welch：主函数

```
def baum_welch(pi, A, B):
    f = file(".\\text\\1.txt")
    sentence = f.read()[3:].decode('utf-8') # 跳过文件头
    f.close()
    T = len(sentence)   # 观测序列
    alpha = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]
    beta = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]
    gamma = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]
    ksi = [[[0 for j in range(4)] for i in range(4)] for t in range(T-1)]
    for time in range(100):
        calc_alpha(pi, A, B, sentence, alpha)     # alpha(t,i):给定lamda，在时刻t的状态为i
        calc_beta(pi, A, B, sentence, beta)       # beta(t,i)：给定lamda和时刻t的状态i，观
        calc_gamma(alpha, beta, gamma)            # gamma(t,i)：给定lamda和O，在时刻t状态位
        calc_ksi(alpha, beta, A, B, sentence, ksi)    # ksi(t,i,j)：给定lamda和O，在时刻t
        bw(pi, A, B, alpha, beta, gamma, ksi, sentence) #baum_welch算法
```

前向-后向

```
def calc_alpha(pi, A, B, o, alpha):
    for i in range(4):
        alpha[0][i] = pi[i] + B[i][ord(o[0])]
    T = len(o)
    temp = [0 for i in range(4)]
    del i
    for t in range(1, T):
        for i in range(4):
            for j in range(4):
                temp[j] = (alpha[t-1][j] + A[j][i])
            alpha[t][i] = log_sum(temp)
            alpha[t][i] += B[i][ord(o[t])]
```

```
def calc_beta(pi, A, B, o, beta):
    T = len(o)
    for i in range(4):
        beta[T-1][i] = 1
    temp = [0 for i in range(4)]
    del i
    for t in range(T-2, -1, -1):
        for i in range(4):
            beta[t][i] = 0
            for j in range(4):
                temp[j] = A[i][j] + B[j][ord(o[t+1])] + beta[t+1][j]
            beta[t][i] += log_sum(temp)
```

EM迭代

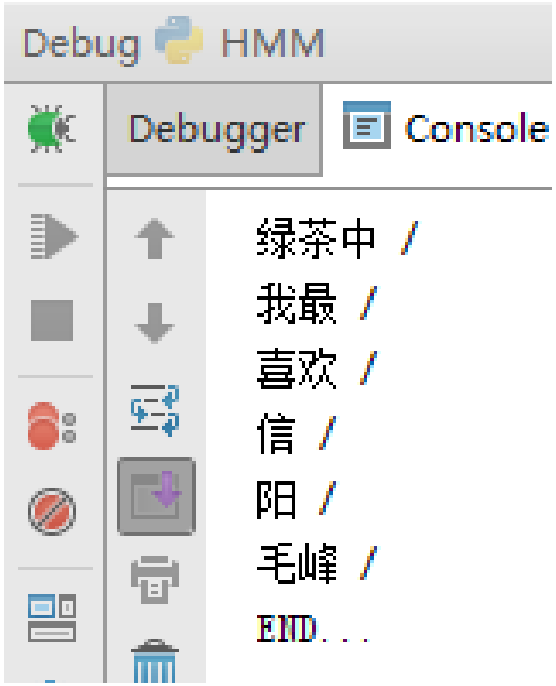
```
def bw(pi, A, B, alpha, beta, gamma, ksi, o):
    T = len(alpha)
    for i in range(4):
        pi[i] = gamma[0][i]
    s1 = [0 for x in range(T-1)]
    s2 = [0 for x in range(T-1)]
    for i in range(4):
        for j in range(4):
            for t in range(T-1):
                s1[t] = ksi[t][i][j]
                s2[t] = gamma[t][i]
            A[i][j] = log_sum(s1) - log_sum(s2)
    s1 = [0 for x in range(T)]
    s2 = [0 for x in range(T)]
    for i in range(4):
        for k in range(65536):
            valid = 0
            for t in range(T):
                if ord(o[t]) == k:
                    s1[valid] = gamma[t][i]
                    valid += 1
                s2[t] = gamma[t][i]
            if valid == 0:
                B[i][k] = infinite
            else:
                B[i][k] = log_sum(s1[:valid]) - log_sum(s2)
```

Viterbi

```
def viterbi(pi, A, B, o):
    T = len(o)   # 观测序列
    delta = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]
    pre = [[0 for i in range(4)] for t in range(T)]  # 前一个状态
    for i in range(4):
        delta[0][i] = pi[i] + B[i][ord(o[0])]
    for t in range(1, T):
        for i in range(4):
            delta[t][i] = delta[t-1][0] + A[0][i]
            for j in range(1,4):
                vj = delta[t-1][j] + A[j][i]
                if delta[t][i] < vj:
                    delta[t][i] = vj
                    pre[t][i] = j
            delta[t][i] += B[i][ord(o[t])]
    decode = [-1 for t in range(T)]  # 解码：回溯查找最大路径
    q = 0
    for i in range(1, 4):
        if delta[T-1][i] > delta[T-1][q]:
            q = i
    decode[T-1] = q
    for t in range(T-2, -1, -1):
        q = pre[t+1][q]
        decode[t] = q
    return decode
```

Baum-Welch算法的结果

- 全国销量领先的红罐凉茶改成广州恒大
- 绿茶中我最喜欢信阳毛峰

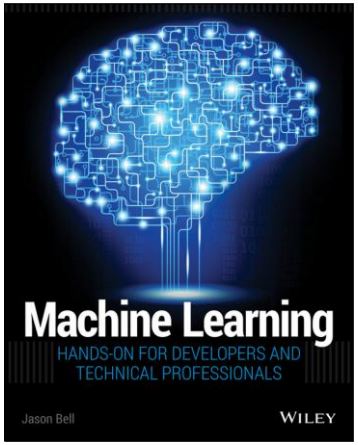


HMM与中文分词

```
if __name__ == "__main__":
    pi, A, B = load_train()
    f = file(".\\text\\novel.txt")
    data = f.read()[3:].decode('utf-8')
    f.close()
    decode = viterbi(pi, A, B, data)
    segment(data, decode)
```

```
bug HMM
Console | Frames | Variables | Watches
Connected to pydev debugger (build 139.1001)
我 | 与 | 地坛 |
史 | 铁生 |
一 |
我 | 在 | 好 | 几 | 篇 | 小说 | 中 | 都 | 提到 | 过 | 一 | 座 | 废弃 | 的 | 古园 | , | 实际 | 就 | 是 | 地坛 | 。 | 许多 | 年前 | 旅游业 | 还 | 没有 | 开
地坛 | 离 | 我家 | 很 | 近 | 。 | 或者 | 说 | 我家 | 离 | 地坛 | 很 | 近 | 。 | 总之 | , | 只好 | 认为 | 这 | 是 | 缘分 | 。 | 地坛 | 在 | 我出 | 生前 |
它 | 等待 | 我 | 出生 | , | 然后 | 又 | 等待 | 我活 | 到 | 最狂 | 妄 | 的 | 年龄 | 上 | 忽地 | 残废 | 了 | 双腿 | 。 | 四百 | 多 | 年里 | , | 它 | 一面
自 | 从 | 那个 | 下午 | 我 | 无意 | 中进 | 了 | 这 | 园子 | , | 就 | 再 | 没长 | 久 | 地离 | 开过 | 它 | 。 | 我 | 一 | 下子 | 就 | 理解 | 了 | 它 | 的 |
两 | 条 | 腿 | 残废 | 后 | 的 | 最初 | 几年 | , | 我找 | 不 | 到 | 工作 | , | 找 | 不到 | 去路 | , | 忽然 | 间 | 几乎 | 什么 | 都 | 找 | 不到 | 了 | , |
除 | 去 | 几 | 座 | 殿堂 | 我 | 无法 | 进去 | , | 除去 | 那 | 座 | 祭坛 | 我 | 不 | 能 | 上去 | 而 | 只能 | 从 | 各个 | 角度 | 张望 | 它 | , | 地坛 | 的 |
剩 | 下 | 的 | 就 | 是 | 怎样活 | 的 | 问题 | 了 | , | 这 | 却 | 不 | 是 | 在 | 某 | 一个 | 瞬间 | 就 | 能 | 完全 | 想透 | 的 | 、 | 不 | 是 | 一次性 | 能
二 |
我 | 才 | 想到 | , | 当年 | 我 | 总是 | 独自 | 跑 | 到 | 地坛 | 去 | , | 曾 | 经给 | 母亲 | 出 | 了 | 一个 | 怎样 | 的 | 难题 | 。 |
她 | 不 | 是 | 那种 | 光会 | 疼爱 | 儿子 | 而 | 不 | 懂得 | 理解 | 儿子 | 的 | 母亲 | 。 | 她 | 知道 | 我心 | 里 | 的 | 苦闷 | , | 知道 | 不 | 该 | 阻止
有 | 一 | 回 | 我摇 | 车出 | 了 | 小院 | ; | 想 | 起 | 一件 | 什么 | 事 | 又 | 返身 | 回来 | , | 看见 | 母亲 | 仍站 | 在 | 原地 | , | 还 | 是 | 送 | 我
有 | 一次 | 与 | 一个 | 作家 | 朋友 | 聊天 | , | 我问 | 他学 | 写作 | 的 | 最 | 初动 | 机是 | 什么 | ? | 他想 | 了 | 一会 | 说 | : | "为 | 我 | 母亲 | 。
在 | 我 | 的 | 头 | 一 | 篇 | 小 | 说 | 发表 | 的 | 时候 | , | 在 | 我 | 的 | 小 | 说 | 第一 | 次 | 获奖 | 的 | 那些 | 日子 | 里 | , | 我真 | 是 | 多么
只 | 是 | 到 | 了 | 这 | 时候 | , | 纷纭 | 的 | 往事 | 才 | 在 | 我 | 眼前 | 幻现 | 得 | 清晰 | , | 母亲 | 的 | 苦难 | 与 | 伟大 | 才 | 在 | 我 | 心 |
摇 | 着 | 轮椅 | 在 | 园中 | 慢慢 | 走 | , | 又 | 是 | 雾霭 | 的 | 清晨 | , | 又 | 是 | 骄阳 | 高 | 悬 | 的 | 白昼 | , | 我 | 只想 | 着 | 一件 | 事 | :
曾 | 有 | 过好 | 多 | 回 | , | 我 | 在 | 这园 | 子里 | 呆得 | 太久 | 了 | , | 母亲 | 就 | 来找 | 我 | 。 | 她 | 来找 | 我 | 又 | 不想 | 让 | 我 | 发觉 |
```

前言 |
数据 | , | 数据 | , | 数据 | ! | 想 | 必在 | 新闻 | 、 | 报刊 | 等 | 媒介 | 的 | 持续 | 冲击 | 下 | , | 人们 | 无法 | 摆 脱| 大 | 的 | 洗礼 | 。 | 现实 | 需求 | 推动 | 了 | 对 | 数据 | 的 | 学习 | 这些 | 数据 | 来 | 自于 | 社交 | 媒体 | 、 | 智能 | 手机 | 、 | “ | 物联网 | ”| ） | 、 | 传感器 | 等 | 任何 | 可以 | 产生 | 数 | 大 | 多 | 数数 | 据 | 挖掘 | 的 | 宣传 | 着 | 重于 | 数据 | 规模 | 数据 | 洪 | 水(| data flood) | 的 | 预言 | 告诉 | 人们 | 我们 | 无法 | 实时 | 处理 | 这些 | 数据 | , | 硬件 | 推销 | 人员 | 会进 | 一步 | 卖 | 给 | 我们 | 需要 | 的 | 服务 | , | 以期 | 能够 | 满足 | 处理 | 速度 | 的 | 要求 | 。 | 从 | 某种 | 程度 | 上来 | 说 | , | 他们 | 是 | 对 | 的 | , | 但 | 是 | 我们 | 值得 | 停下 | 来 | 思考 | 片刻 | , | 并 | 对 | 手边 | 的 | 任 务 | 进行 | 适当 | 的 | 再 | 认识 | 。 |
近 | 年来 | , | 数据 | 挖掘 | 和 | 机器 | 学习 | 在 | 我们 | 周围 | 持续 | 火爆 | , | 各种 | 媒体 | 也 | 不断 | 推送 | 着 | 海量 | 的 | 数据 | 。 | 仔细 | 观察 | 就 | 能 | 发现 | , | 实 际 | 应用 | 中 | 的 | 那些 | 机器 | 学习 | 算法 | 与 | 多 | 年前 | 并 | 没有 | 什么 | 两样 | ; | 它们 | 只 | 是 | 在 | 应用 | 的 | 数据 | 规模 | 上 | 有些 | 不同 | 。 | 历数 | 一 | 下 | 产生 | 数据 | 的 | 组织 | , | 至少 | 在 | 我 | 看来 | , | 数目 | 其实 | 并 | 不 | 多 | 。 | 无非 | 是 | Google | 、 | Facebook | 、 | Twitter | 、 | NetFlix | 以及 | 其 | 他 | 为数 | 不 | 多 | 的 | 机构 | 在 | 使用 | 若 | 干学 | 习算法 | 和 | 工具 | , | 这些 | 算法 | 和 | 工具 | 使 | 得 | 他们 | 能够 | 对 | 数据 | 进行 | 测试 | 分析 | 。 | 那么 | , | 真正 | 的 | 问题 | 是 | : | “ | 对于 | 其 | 他人 | , | 大数 | 据 | 框架 | 下 | 的 | 算法 | 和 | 工具 | 的 | 作用 | 是 | 什么 | 呢 | ? | ”|
我承认 | 本书 | 将 | 多 | 次 | 提及 | 大 | 数据 | 和 | 机器 | 学习 | 之间 | 的 | 关系 | , | 这 | 是 | 我 | 无法 | 忽视 | 的 | 一个 | 客观 | 问题 | ; | 但 | 是 | 它 | 只 | 是 | 一个 | 很 | 小 | 的 | 因素 | , | 终极 | 目标 | 是 | 如何 | 利用 | 可用 | 数据 | 获取 | 数据 | 的 | 本质



Jason Bell. *Machine Learning: Hands-On for Developers and Technical Professionals*. Wiley.2014

总结

- 马尔科夫模型可以用来统一解释贪心法和动态规划。
- HMM解决标注问题，在语音识别、NLP、生物信息、模式识别等领域被广泛使用。
  - 思考：可否用深度学习代替HMM?
  - 思考：如果观测状态是连续值，可否将多项分布改成高斯分布或者混合高斯分布？
- 在一定意义下，数据比算法更重要。
- 加强算法模型和实践问题的相互转换能力。

参考文献

- 李航，统计学习方法，清华大学出版社，2012
- Christopher M. Bishop. Pattern Recognition and Machine Learning Chapter 10. Springer-Verlag, 2006
- Radiner L,Juang B. *An introduction of hidden markov Models*. IEEE ASSP Magazine, 1986
- Lawrence R. Rabiner. *A tutorial on hidden Markov models and selected applications in speech recognition*. Proceedings of the IEEE 77.2, pp. 257-286, 1989
- Jeff A. Bilmes. *A gentle tutorial of the EM algorithm and its application to parameter estimation for Gaussian mixture and hidden Markov models*. 1998.
- https://en.wikipedia.org/wiki/Hidden_Markov_model

我们在这里

- http://wenda.ChinaHadoop.cn
  - 视频/课程/社区
- 微博
  - @ChinaHadoop
  - @邹博_机器学习
- 微信公众号
  - 小象
  - 大数据分析挖掘

感谢大家！

恳请大家批评指正！