法律声明

- □本课件包括演示文稿、示例、代码、题库、视频和声音等内容,小象学院和主讲老师拥有完全知识产权的权利;只限于善意学习者在本课程使用,不得在课程范围外向任何第三方散播。任何其他人或机构不得盗版、复制、仿造其中的创意及内容,我们保留一切通过法律手段追究违反者的权利。
- □ 课程详情请咨询
 - 微信公众号:小象
 - 新浪微博: ChinaHadoop



支持向量机



主要内容和目标

- □理解支持向量机SVM的原理和目标
- □掌握支持向量机的计算过程和算法步骤
- □ 理解软间隔最大化的含义
 - 对线性不可分的数据给出(略有错误)的分割面
 - 线性可分的数据需要使用"软间隔"目标函数吗?
- □了解核函数的思想
- □了解SMO算法的过程

各种概念

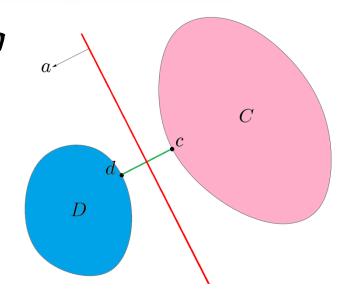
- □ 线性可分支持向量机
 - 硬间隔最大化hard margin maximization
 - 硬间隔支持向量机
- □ 线性支持向量机
 - 软间隔最大化soft margin maximization
 - 软间隔支持向量机
- □ 非线性支持向量机
 - 核函数kernel function
 - 注:以上概念的提法,各个文献并不十分统一。

分割超平面

□设C和D为两不相交的凸集,则存在超平面P, P可以将C和D分离。

 $\forall x \in C, a^T x \leq b \exists \forall x \in D, a^T x \geq b$

- □ 两个集合的距离,定义为两个集合间元素的最短距离。
- □ 做集合C和集合D最短线段 的垂直平分线。

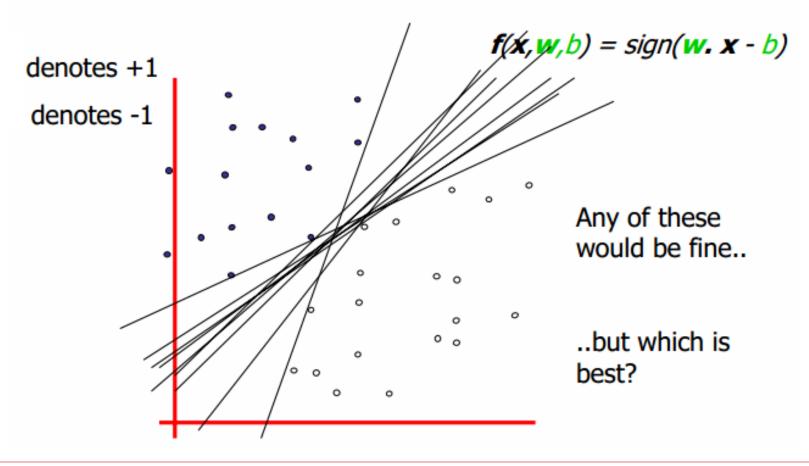


$\vec{w} \cdot \vec{x} + b = -1 \qquad \vec{w} \cdot \vec{x} + b = 0$ $\vec{w} \cdot \vec{x} + b = +1$

分割超平面的思考

- □如何定义两个集合的"最优"分割超平面?
 - 找到集合"边界"上的若干点,以这些点为 "基础"计算超平面的方向;以两个集合边界 上的这些点的平均作为超平面的"截距"
 - 支持向量: support vector
- □ 若两个集合有部分相交,如何定义超平面, 使得两个集合"尽量"分开?

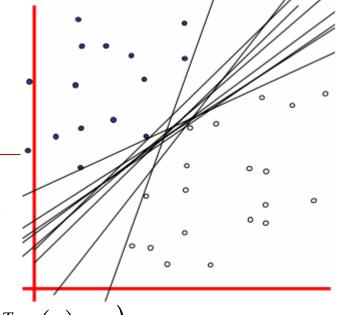
线性分类问题



输入数据

- □ 假设给定一个特征空间上的训练数据集 $T=\{(\mathbf{x}_1,y_1), (\mathbf{x}_2,y_2)...(\mathbf{x}_N,y_N)\}$
 - $\mathbf{x_i} \in \mathbb{R}^n$, $\mathbf{y_i} \in \{+1,-1\}$, i=1,2,...N.
- □ x_i为第i个实例(若n>1, x_i为向量);
- $\square y_i \rightarrow x_i$ 的类标记;
 - **j**y_i=+1 时,称**x**_i为正例;
 - **j**y_i=-1 时,称**x**_i为负例;
- □ (x_i,y_i)称为样本点。

线性可分支持向量机



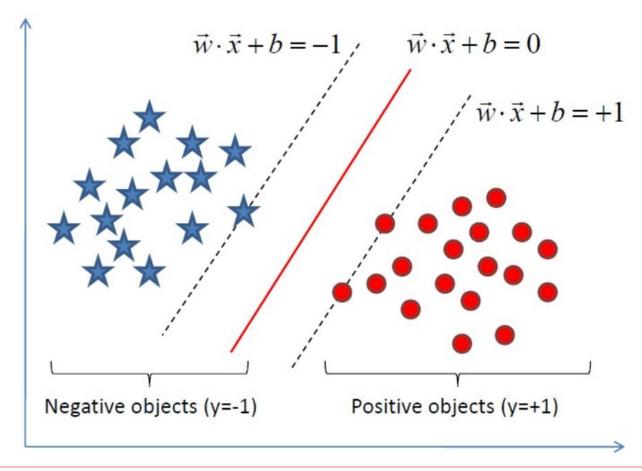
相应的分类决策函数 $f(x)=sign(w^T\Phi(x)+b)$ 该决策函数称为线性可分支持向量机。

- □ φ(x)是某个确定的特征空间转换函数,它的作用是 将x映射到(更高的)维度。
 - 最简单直接的: $\Phi(x) = x$
- □ 稍后会看到,求解分离超平面问题可以等价为求解 相应的凸二次规划问题。

整理符号

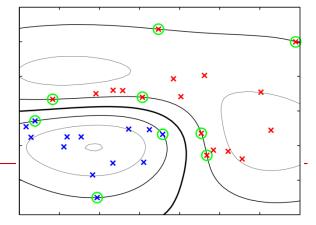
- \Box 分割平面: $y(x) = w^T \Phi(x) + b$
- \square 训练集: X_1, X_2, \dots, X_n
- □ 目标值: $y_1, y_2, \dots, y_n, y_i \in \{-1, 1\}$
- \square 新数据的分类: sign(y(x))

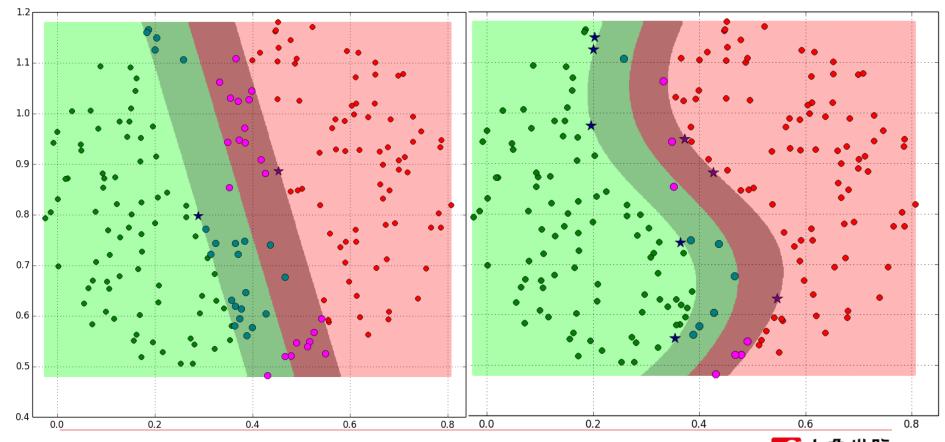
线性可分支持向量机



使用核解决线性不可分

互联网新技术在线教育领航者





12/56

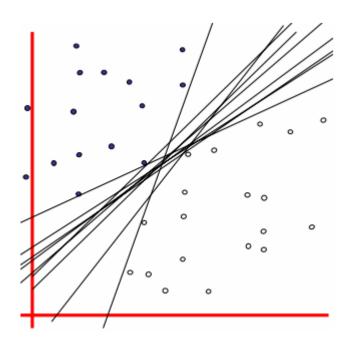
推导目标函数

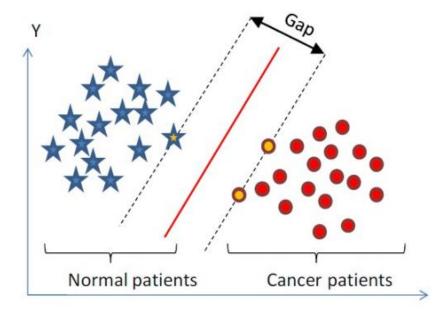
- □ 根据题设 $y(x) = w^T \Phi(x) + b$
- 有: $\begin{cases} y(x_i) > 0 \Leftrightarrow y_i = +1 \\ y(x_i) < 0 \Leftrightarrow y_i = -1 \end{cases} \Rightarrow y_i \cdot y(x_i) > 0$
- □ w,b等比例缩放,则t*y的值同样缩放,从而:

$$\frac{y_i \cdot y(x_i)}{\|w\|} = \frac{y_i \cdot (w^T \cdot \Phi(x_i) + b)}{\|w\|}$$

最大间隔分离超平面
$$\frac{y_i \cdot y(x_i)}{\|w\|} = \frac{y_i \cdot (w^T \cdot \Phi(x_i) + b)}{\|w\|}$$

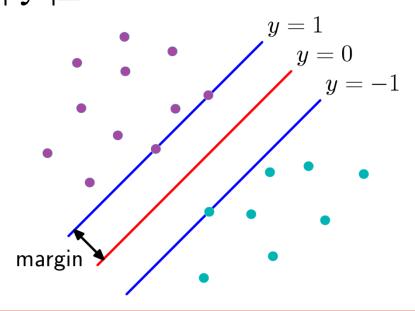
日标函数: $\underset{w,b}{\operatorname{arg\,max}} \left\{ \frac{1}{\|w\|} \min_{i} \left[y_i \cdot \left(w^T \cdot \Phi(x_i) + b \right) \right] \right\}$



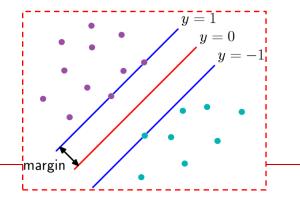


$$\frac{w^T \cdot \Phi(x_i) + b}{\|w\|}$$

- \Box 分割平面: $y = w^T \cdot \Phi(x) + b$
- □总可以通过等比例缩放W的方法,使得两类 点的函数值都满足 y |≥1



建立目标函数



- □ 总可以通过等比例缩放W的方法,使得两类 点的函数值都满足|y|≥1
- □ 约束条件: $y_i \cdot (w^T \cdot \Phi(x_i) + b) \ge 1$
- $\Box \text{ 原目标函数:} \underset{w,b}{\operatorname{arg\,max}} \left\{ \frac{1}{\|w\|} \min_{i} \left[y_i \cdot \left(w^T \cdot \Phi(x_i) + b \right) \right] \right\}$
- □新目标函数:

$$\underset{w,b}{\text{arg max}} \frac{1}{\|w\|}$$

建立目标函数

$$\max_{w,b} \frac{1}{\|w\|}$$
s.t. $y_i \left(w^T \cdot \Phi(x_i) + b \right) \ge 1, \quad i = 1, 2, \dots, n$

$$\min_{w,b} \frac{1}{2} \|w\|^2$$
s.t. $y_i \left(w^T \cdot \Phi(x_i) + b \right) \ge 1, \quad i = 1, 2, \dots, n$

拉格朗日乘子法 $\min_{w,b} \frac{1}{2} \|w\|^2$, s.t. $y_i (w^T \cdot \Phi(x_i) + b) \ge 1$, $i = 1, 2 \cdots N$

$$L(w,b,\alpha) = \frac{1}{2} \|w\|^2 - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i (y_i (w^T \cdot \Phi(x_i) + b) - 1)$$

□原问题是极小极大问题

$$\min_{w,b} \max_{\alpha} L(w,b,\alpha)$$

口原始问题的对偶问题,是极大极小问题 $\max_{\alpha} \min_{w,b} L(w,b,\alpha)$

拉格朗日函数

□ 将拉格朗日函数L(w,b,a)分别对w, b求偏导 并令其为0:

$$\frac{\partial L}{\partial w} = 0 \Longrightarrow w = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i \Phi(x_n)$$

$$\frac{\partial L}{\partial b} = 0 \Longrightarrow 0 = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i$$

计算拉格朗日函数的对偶函数

$$L(w,b,\alpha) = \frac{1}{2} \|w\|^2 - \sum_{i=1}^n \alpha_i (y_i (w^T \cdot \Phi(x_i) + b) - 1)$$

$$= \frac{1}{2} w^T w - w^T \sum_{i=1}^n \alpha_i y_i \Phi(x_i) - b \sum_{i=1}^n \alpha_i y_i + \sum_{i=1}^n \alpha_i$$

$$= \frac{1}{2} w^T \sum_{i=1}^n \alpha_i y_i \Phi(x_i) - w^T \sum_{i=1}^n \alpha_i y_i \Phi(x_i) - b \cdot 0 + \sum_{i=1}^n \alpha_i$$

$$= \sum_{i=1}^n \alpha_i y_i$$

$$= \sum_{i=1}^n \alpha_i - \frac{1}{2} \left(\sum_{i=1}^n \alpha_i y_i \Phi(x_i) \right)^T \sum_{i=1}^n \alpha_i y_i \Phi(x_i)$$

$$= \sum_{i=1}^n \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i,j=1}^n \alpha_i \alpha_j y_i y_j \Phi^T(x_i) \Phi(x_j)$$

$$a^* = \arg \max_{\alpha} \left(\sum_{i=1}^n \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i,j=1}^n \alpha_i \alpha_j y_i y_j \Phi^T(x_i) \Phi(x_j) \right)$$

继续求min_{w,b}L(w,b,α)对α的极大

$$\max_{\alpha} \sum_{i=1}^{n} \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j \left(\Phi(x_i) \cdot \Phi(x_j) \right)$$

$$s.t. \sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$

$$\alpha_i \geq 0, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

整理目标函数:添加负号

$$\min_{\alpha} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j \left(\Phi(x_i) \cdot \Phi(x_j) \right) - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i$$

s.t.
$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$
$$\alpha_i \ge 0, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

线性可分支持向量机学习算法

□构造并求解约束最优化问题

$$\min_{\alpha} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j \left(\Phi(x_i) \cdot \Phi(x_j) \right) - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i$$

s.t.
$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$
$$\alpha_i \ge 0, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

□ 求得最优解α*

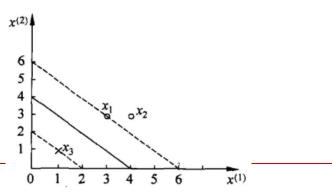
线性可分支持向量机学习算法

计算 $w^* = \sum_{i=1}^N \alpha_i^* y_i \Phi(x_i)$ $b^* = y_i - \sum_{i=1}^N \alpha_i^* y_i (\Phi(x_i) \cdot \Phi(x_j))$

- \square 求得分离超平面 $w^*\Phi(x)+b^*=0$
- □ 分类决策函数

$$f(x) = sign(w^*\Phi(x) + b^*)$$

举例



- □ 给定3个数据点:正例点 x_1 =(3,3)^T, x_2 ==(4,3)^T, 负例点 x_3 =(1,1)^T, 求线性可分支持向量机。
- □目标函数:

$$\min_{\alpha} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j (x_i \cdot x_j) - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i$$

$$= \frac{1}{2} \left(18\alpha_1^2 + 25\alpha_2^2 + 2\alpha_3^2 + 42\alpha_1\alpha_2 - 12\alpha_1\alpha_3 - 14\alpha_2\alpha_3 \right) - \alpha_1 - \alpha_2 - \alpha_3$$

s.t.
$$\alpha_1 + \alpha_2 - \alpha_3 = 0$$

 $\alpha_i \ge 0$, $i = 1,2,3$

将约束带入目标函数,化简计算

- \square 带入目标函数,得到关于 α_1 , α_2 的函数:

$$s(\alpha_1, \alpha_2) = 4\alpha_1^2 + \frac{13}{2}\alpha_2^2 + 10\alpha_1\alpha_2 - 2\alpha_1 - 2\alpha_2$$

- 口 对 α_1 , α_2 求偏导并令其为0,易知 $\mathbf{s}(\alpha_1,\alpha_2)$ 在点(1.5,-1)处取极值。而该点不满足条件 $\alpha_2 \ge 0$,所以,最小值在边界上达到。
- □ $\mathbf{a}_1 = 0$ 时,最小值 $\mathbf{s}(0, 2/13) = -2/13 = -0.1538$
- \Box 于是, $s(\alpha_1,\alpha_2)$ 在 $\alpha_1=1/4$, $\alpha_2=0$ 时达到最小,此时, $\alpha_3=\alpha_1+\alpha_2=1/4$

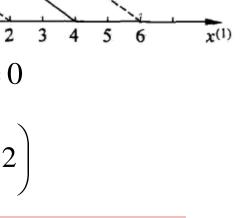
分离超平面

- \square $\alpha_1 = \alpha_3 = 1/4$ 对应的点 x_1, x_3 是支持向量。

$$b^* = y_i - \sum_{i=1}^N \alpha_i^* y_i \left(\Phi(x_i) \cdot \Phi(x_j) \right)$$

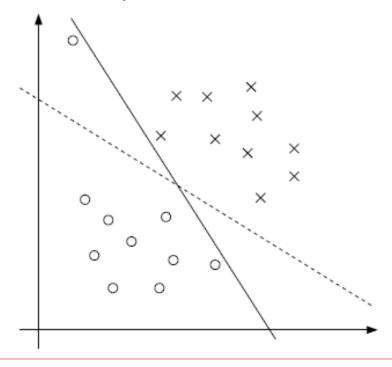
- 口 得到 $w_1 = w_2 = 0.5$, b=-2
- □ 因此,分离超平面为 $\frac{1}{2}x_1 + \frac{1}{2}x_2 2 = 0$
- □ 分离决策函数为

$$f(x) = sign\left(\frac{1}{2}x_1 + \frac{1}{2}x_2 - 2\right)$$



线性支持向量机

- □不一定分类完全正确的超平面就是最好的
- □ 样本数据本身线性不可分



线性支持向量机

□ 若数据线性不可分,则增加松弛因子ξ_i≥0, 使函数间隔加上松弛变量大于等于1。这样, 约束条件变成

$$y_i(w \cdot x_i + b) \ge 1 - \xi_i$$

线性SVM的目标函数

$$\min_{w,b,\xi} \frac{1}{2} ||w||^2 + C \sum_{i=1}^{N} \xi_i$$
s.t. $y_i (w \cdot x_i + b) \ge 1 - \xi_i$, $i = 1, 2, \dots, n$

$$\xi_i \ge 0, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

带松弛因子的SVM拉格朗日函数

□ 拉格朗日函数

$$L(w,b,\xi,\alpha,\mu) = \frac{1}{2} \|w\|^2 + C \sum_{i=1}^n \xi_i - \sum_{i=1}^n \alpha_i (y_i (w \cdot x_i + b) - 1 + \xi_i) - \sum_{i=1}^n \mu_i \xi_i$$

□ 对w,b, ξ求偏导

$$\frac{\partial L}{\partial w} = 0 \Longrightarrow w = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i \phi(x_n)$$

$$\frac{\partial L}{\partial b} = 0 \Longrightarrow 0 = \sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i$$

$$\frac{\partial L}{\partial \xi} = 0 \Longrightarrow C - \alpha_i - \mu_i = 0$$

带入目标函数

□ 将三式带入L中,得到

$$\min_{w,b,\xi} L(w,b,\xi,\alpha,\mu) = -\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_{i} \alpha_{j} y_{i} y_{j} (x_{i} \cdot x_{j}) + \sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} \alpha_{i} x_{j} + \sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} x_{i} x_{i} + \sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} x_{i} +$$

□ 对上式求关于α的极大,得到:

$$\max_{\alpha} -\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j (x_i \cdot x_j) + \sum_{i=1}^{n} \alpha_i$$

s.t.
$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_{i} y_{i} = 0$$

$$C - \alpha_{i} - \mu_{i} = 0$$

$$\alpha_{i} \ge 0$$

$$\mu_{i} \ge 0, \quad i = 1, 2, ..., n$$

$$0 \le \alpha_{i} \le C$$

最终的目标函数

□ 整理,得到对偶问题:

$$\min_{\alpha} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j (x_i \cdot x_j) - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i$$

s.t.
$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$
$$0 \le \alpha_i \le C, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

线性支持向量机学习算法

□构造并求解约束最优化问题

$$\min_{\alpha} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \alpha_i \alpha_j y_i y_j (x_i \cdot x_j) - \sum_{i=1}^{n} \alpha_i$$

s.t.
$$\sum_{i=1}^{n} \alpha_i y_i = 0$$
$$0 \le \alpha_i \le C, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

□ 求得最优解α*

线性支持向量机学习算法

- 注意: 计算b*时,需要使用满足条件0<a;<C的向量
- 实践中往往取支持向量的所有值取平均,作为b*
- \square 求得分离超平面 $w^*x+b^*=0$
- □ 分类决策函数

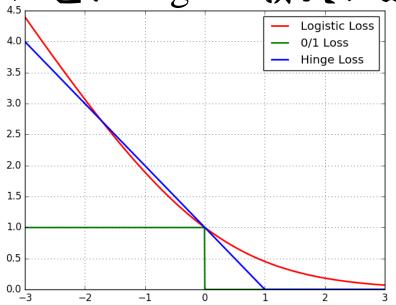
$$f(x) = sign(w * x + b *)$$

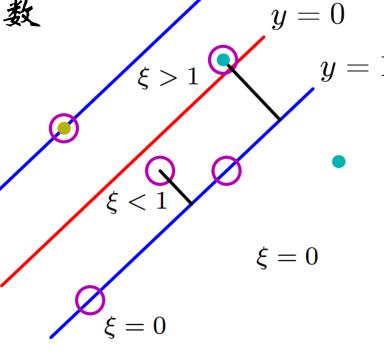
损失函数分析

□ 绿色: 0/1损失

□ 蓝色: SVM Hinge损失函数

□ 红色: Logistic损失函数





Code

```
3.5
                                     3.0
                                     2.5
                                     2.0
                                     1.5
                                     1.0
import math
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
                                     0.0
                                              -2
                                                      -1
                                                             0
if name == " main ":
   x = np.array(np.linspace(start=-3, stop=3, num=1001, dtype=np.float))
   y logit = np.log(1 + np.exp(-x)) / math.log(2)
   y 01 = x < 0
   y hinge = 1.0 - x
   y hinge[y hinge < 0] = 0
    plt.plot(x, y logit, 'r--', label='Logistic Loss', linewidth=2)
    plt.plot(x, y 01, 'g-', label='0/1 Loss', linewidth=2)
   plt.plot(x, y hinge, 'b-', label='Hinge Loss', linewidth=2)
   plt.grid()
    plt.legend(loc='upper right')
    plt.savefig('1.png')
    plt.show()
```

4.0

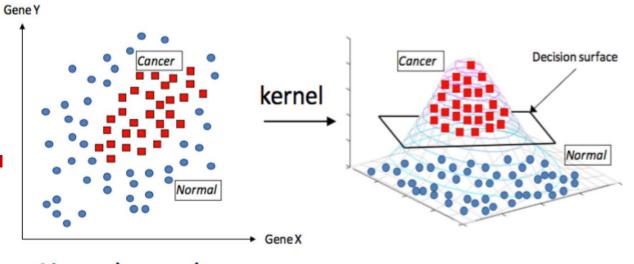
Logistic Loss

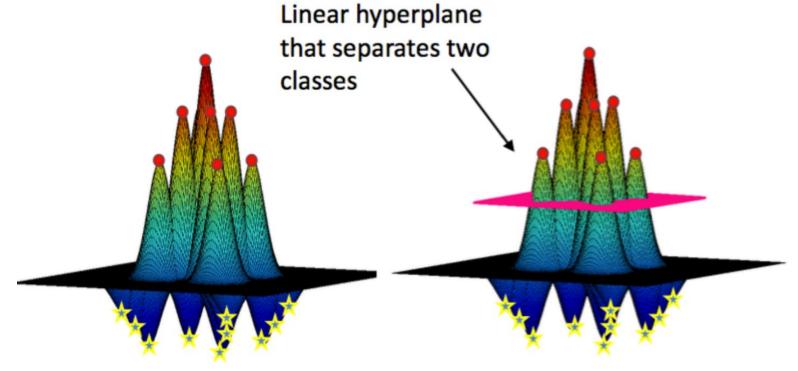
0/1 Loss Hinge Loss

核函数

- □ 可以使用核函数,将原始输入空间映射到新 的特征空间,从而,使得原本线性不可分的 样本可能在核空间可分。
 - 多项式核函数 $\kappa(x_1, x_2) = (\alpha \cdot ||x_1 x_2||^a + r)^b$, α, a, b, r 为常数
 - 高斯核函数RBF $\kappa(x_1, x_2) = \exp\left(-\frac{\|x_1 x_2\|^2}{2\sigma^2}\right)$ Sigmoid核: $\kappa(x_1, x_2) = \tanh(\gamma \cdot \|x_1 x_2\|^a + r), \ \gamma, a, r 为常数$
- □ 在实际应用中,往往依赖先验领域知识/交叉 验证等方案才能选择有效的核函数。
 - 没有更多先验信息,则使用高斯核函数

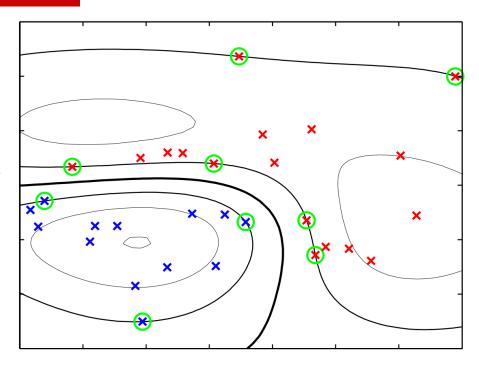
核函数映射





高斯核

- □ 粗线是分割超"平面"
- □ 其他线是y(x)的等高线
- □绿色图点是支持向量点



高斯核是无穷维的 $e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots + \frac{x^n}{n!} + R_n$

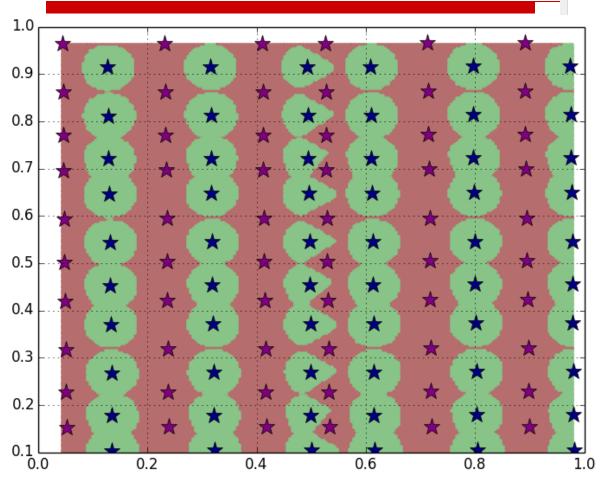
$$\kappa(x_1, x_2) = e^{\frac{-\|x_1 - x_2\|^2}{2\sigma^2}} = e^{\frac{-(x_1 - x_2)^2}{2\sigma^2}} = e^{\frac{-x_1^2 + x_2^2 - 2x_1x_2}{2\sigma^2}} = e^{\frac{-x_1^2 + x_2^2}{2\sigma^2}} \cdot e^{\frac{x_1x_2}{2\sigma^2}}$$

$$= e^{\frac{-x_1^2 + x_2^2}{2\sigma^2}} \cdot \left(1 + \frac{1}{\sigma^2} \cdot \frac{x_1x_2}{1!} + \left(\frac{1}{\sigma^2}\right)^2 \cdot \frac{(x_1x_2)^2}{2!} + \left(\frac{1}{\sigma^2}\right)^3 \cdot \frac{(x_1x_2)^3}{3!} + \dots + \left(\frac{1}{\sigma^2}\right)^n \cdot \frac{(x_1x_2)^n}{n!} + \dots\right)$$

$$= e^{\frac{-x_1^2 + x_2^2}{2\sigma^2}} \cdot \left(1 \cdot 1 + \frac{1}{1!} \frac{x_1}{\sigma} \cdot \frac{x_2}{\sigma} + \frac{1}{2!} \cdot \frac{x_1^2}{\sigma^2} \cdot \frac{x_2^2}{\sigma^2} + \frac{1}{3!} \cdot \frac{x_1^3}{\sigma^3} \cdot \frac{x_2^3}{\sigma^3} + \dots + \frac{1}{n!} \cdot \frac{x_1^n}{\sigma^n} \cdot \frac{x_2^n}{\sigma^n} + \dots\right)$$

$$= \Phi(x_1)^T \cdot \Phi(x_2)$$

高斯核的分类效果



```
def kernel(x1, x2):
    n = len(x2) - 1
    s = 0
    if kn == 0: # 线性核
        for i in range(n):
            s += x1[i] * x2[i]
        return s
    for i in range(n):
        s += (x1[i] - x2[i]) ** 2
    k = math.exp(-s / (2 * sigma**2))
    return k
```

SVM中系数的求解: SMO

- □序列最小最优化
 - Sequential Minimal Optimization
- □有多个拉格朗日乘子
- □每次只选择其中两个乘子做优化,其他因子 认为是常数。
 - 将N个解问题,转换成两个变量的求解问题:并 且目标函数是凸的。

SMO: 序列最小最优化

口考察目标函数,假设 α 1和 α 2是变量,其他是定值: $\min_{\alpha} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{N} \sum_{i=1}^{N} \alpha_{i} \alpha_{j} y_{i} y_{j} K(x_{i} \cdot x_{j}) - \sum_{i=1}^{N} \alpha_{i}$

$$\alpha \quad 2 \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} i \quad j \in J \quad (i - j) \quad \sum_{i=1}^{N} i = 1$$

$$s.t. \quad \sum_{i=1}^{N} \alpha_i y_i = 0$$

$$0 \le \alpha_i \le C, \quad i = 1, 2, ... N$$

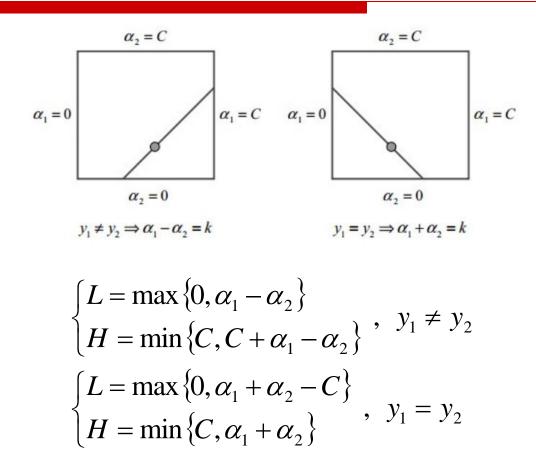
$$\min_{lpha_1,lpha_2}Wig(lpha_1,lpha_2ig)$$

$$= \frac{1}{2} \kappa_{11} \alpha_1^2 + \frac{1}{2} \kappa_{22} \alpha_2^2 + y_1 y_2 \alpha_1 \alpha_2 \kappa_{12} - (\alpha_1 + \alpha_2) \qquad \text{s.t.} \quad \alpha_1 y_1 + \alpha_2 y_2 = -\sum_{i=3}^{N} y_i \alpha_i = \zeta$$

$$+ y_1 \alpha_1 \sum_{i=3}^{N} y_i \alpha_i \kappa_{i1} + y_2 \alpha_2 \sum_{i=3}^{N} y_i \alpha_i \kappa_{i2}$$

$$0 \le \alpha_i \le C$$

二变量优化问题



SMO的迭代公式

U 迭代公式: $g(x) = \sum_{i=1}^{N} y_i \alpha_i \kappa(x_i, x) + b$ $\eta = \kappa(x_1, x_1) + \kappa(x_2, x_2) - 2\kappa(x_1, x_2) = \|\Phi(x_1) - \Phi(x_2)\|^2$ $E_i = g(x_i) - y_i = \left(\sum_{j=1}^{N} y_j \alpha_j \kappa(x_j, x_i) + b\right) - y_i, \quad i = 1,2$ $\alpha_j^{new} = \alpha_j^{old} + \frac{y_j (E_i - E_j)}{2}$

退出条件

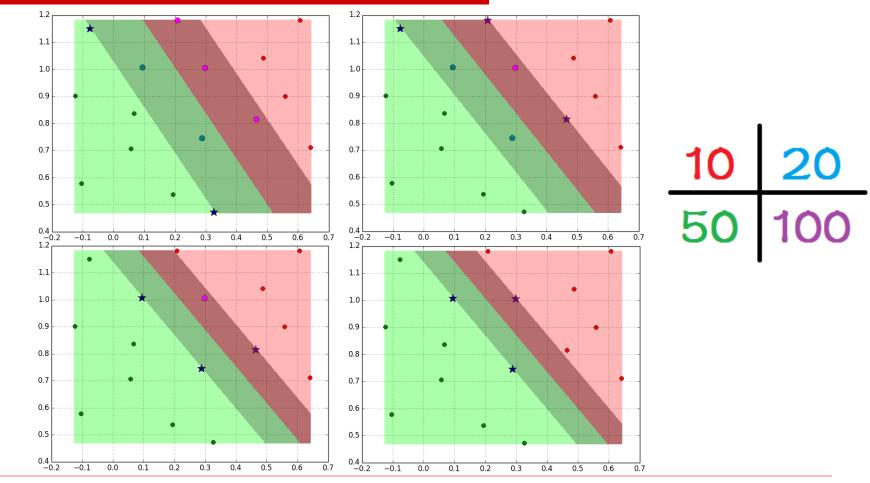
Code

```
def update(i, j, data):
    low = 0
    high = C
    if data[i][-1] == data[j][-1]:
         low = max(0, alpha[i]+alpha[j]-C)
         high = min(C, alpha[i]+alpha[j])
    else:
         low = max(0, alpha[j]-alpha[i])
         high = min(C, alpha[j]-alpha[i]+C)
     if low == high:
        return False
     eta = kernel(data[i], data[i]) + kernel(data[j], data[j])\
           - 2*kernel(data[i], data[j])
     if is same(eta, 0):
         return False
    ei = predict(data[i], data) - data[i][-1]
    ej = predict(data[j], data) - data[j][-1]
    alpha j = alpha[j] + data[j][-1] * (ei - ej) / eta
     if alpha j == alpha[j]:
         return False
     if alpha j > high:
         alpha_j = high
     elif alpha j < low:</pre>
         alpha j = low
     alpha[i] += (alpha[j] - alpha_j) * data[i][-1] * data[j][-1]
     alpha[j] = alpha i
     return True
```

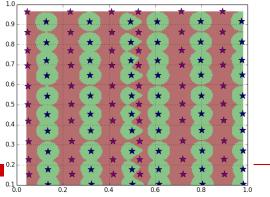
Code

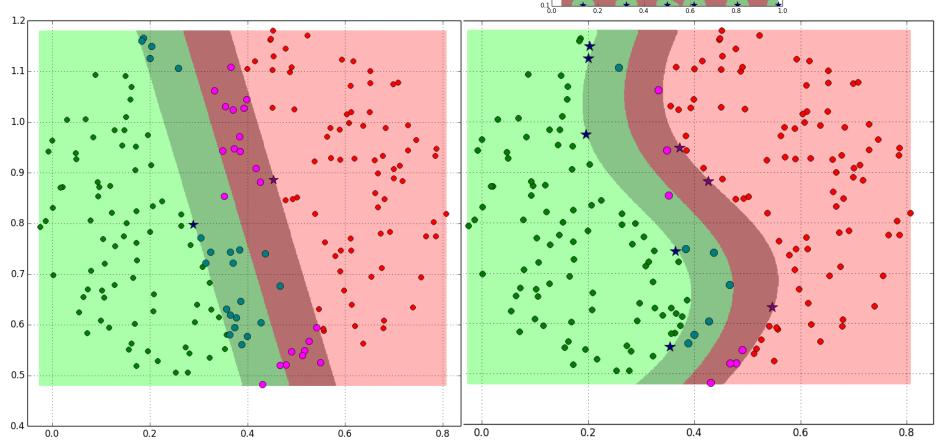
```
def update_b(i, j, data):
    global b
    bi = b + data[i][-1] - predict(data[i], data)
    bj = b + data[j][-1] - predict(data[j], data)
    if C > alpha[i] > 0:
        return bi
    elif C > alpha[j] > 0:
        return bj
    return (bi + bj) / 2
def smo(data):
    m = len(data)
    global b
    for time in range(5000):
        no_change = 0
        i = select first(data)
        if i == -1:
            break
        j = select_second(i, m)
        if not update(i, j, data):
            no_change += 1
            continue
        b = update_b(i, j, data)
        print time, b
        if no_change > 100:
            break
```

惩罚因子的影响



高斯核函数的影响





总结与思考

- □ SVM可以用来划分多类别吗?
 - 直接多分类
 - 1 vs rest / 1 vs 1
- □ SVM和Logistic回归的比较
 - 经典的SVM,直接输出类别,不给出后验概率;
 - Logistic回归,会给出属于哪个类别的后验概率。
 - 重点:二者目标函数的异同
- □ SVM框架下引入Logistic函数:输出条件后验概率
- □ SVM用于回归问题: SVR;
- □ 体会SVM的目标函数的建立过程
 - 原始目标函数和Lagrange函数有什么联系?

参考文献

- □ Corinana Cortes, Vladimir Vapnik. *Support-Vector Networks*. Machine Learning, 20, 273-297, 1995
- □ Christopher M. Bishop, *Pattern Recognition and Machine Learning*, Springer Press, 2006
- □ 李航,统计学习方法,清华大学出版社,2012
- □ Stephen Boyd, Lieven Vandenberghe. *Convex Optimization*, Cambridge University Press. 2004
 - 中译本:王书宁,许鋆,黄晓霖,凸优化,清华大学出版社,2013
- ☐ Charlie Frogner. *Support Vector Machines*. 2011
- □ John C. Platt. Sequential Minimal Optimization: A Fast Algorithm for Training Support Vector Machines. 1998
- ☐ Andrew W. Moore. Support Vector Machines, 2001

作业

- □ 核函数是什么? 高斯核映射到无穷维是怎么回事?
- □ 怎么理解SVM的损失函数?
- □使用高斯核函数,请描述SVM的参数C和σ对分类器的影响。

我们在这里

△ 通知 http://wenda.ChinaHadoop.cn 专题 招聘求职 yarn运行时一直重复这个info...好像没找到资源,应该从哪里检查呢? 大数据行业应用 ■ 视频/课程/社区 数据科学 系统与编程 贡献 云计算技术 机器学习 Eric_Jiang 回复了问题 • 2 人关注 • 1 个回复 • 6 次浏览 • 2016-05-18 13:29 35 □ 微博 贡献 wangxiaolei 回复了问题 • 1 人关注 • 10 个回复 • 47 次浏览 • 2016-05-18 12:04 @ChinaHadoop sqoop把mysql数据导入Hbase报如图错误 @邹博_机器学习 kafkaOffsetMonitor打开页面以后无法显示内容? kafka fish 回复了问题 • 4 人关注 • 2 个回复 • 8 次浏览 • □ 微信公众号 markdown公式编辑\$符号不起作用 热门用户 再多 > 贡献 markdown masterwzh 回复了问题 • 3 人关注 • 1 个回复 • 13 次浏览 • 2016-05-18 08:40 小泵 17 个问题, 0 次赞同 找到,进入源码编译之后的目录如图二!这个文件找不到怎么解决呢?是编译没产生? 55 个问题 3 次幣同 ***** ■ 大数据分析挖掘 55 个问题, 12 次赞同 opentsdb安装时出现72个warning,是正常的么? 48 个问题, 0 次赞同 opentsdb fish 回复了问题 • 3 人关注 • 5 个回复 • 49 次浏览 • 2016-05-17 18:53

← → C wenda.chinahadoop.cn/explore/

贡献

hiveman 19 个问题, 1 次赞同

关于在线广告和个性化推荐区别的一点浅见

计算机广告 wayaya 回复了问题 • 4 人关注 • 7 个回复 • 108 次浏览 • 2016-05-17 18:26

感谢大家!

恳请大家批评指正!